Спиновые возбуждения в гранулированных структурах с ферромагнитными наночастицами

© Л.В. Луцев

Научно-исследовательский институт "Домен", 196084 Санкт-Петербург, Россия

E-mail: lutsev@domen.ru

(Поступила в Редакцию 11 апреля 2001 г.)

В рамках s-d-обменной модели исследованы спиновые возбуждения и релаксация в гранулированных структурах, содержащих металлические ферромагнитные наночастицы в изолирующей аморфной матрице. В качестве *d*-системы рассматриваются спины гранулы; *s*-система представляет собой множество локализованных электронов аморфной матрицы. В однокольцевом приближении по s-d-обменному взаимодействию для диаграммного разложения спиновой функции Грина найден спектр спиновых возбуждений, который состоит из спин-волновых возбуждений гранул и спин-поляризационных возбуждений. При спин-поляризационных возбуждениях изменение направления спина гранулы сопровождается переходом электрона с переворотом спина между двумя подуровнями расщепленного локализованного состояния в матрице. Рассмотрена спиноляризационныя релаксация — релаксация спинов гранулы, осуществляемая через спин-поляризационные возбуждения и определяемая глубоко лежащими по энергии локализованными состояниями в матрице и термически активированной электронной "шубой" гранулы. Найдено, что спин-поляризационная релаксация является эффективной в широкой полосе частот. Оценки, проведенные для структур с гранулами кобальта, показывают, что она должна наблюдаться в сантиметровом, миллиметровом и субмиллиметровом диапазонах длин волн.

Работа выполнена при поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант № 99-02-17071а).

Гранулированные структуры, содержащие металлические ферромагнитные наночастицы (гранулы) в изолирующей аморфной матрице, обладают рядом интересных магнитных свойств: гигантским магнитосопротивлением, аномальным поведением магнитосопротивления в зависимости от приложенного напряжения и температуры, связанным с кулоновской блокадой [1], появлением дополнительных мод в спектре ФМР в узкой области вблизи перколяционного порога, у которых отсутствует корреляция между длиной возбуждаемой спиновой волны и толщиной пленки [2–4]. Вместе с тем фундаментальный вопрос магнитной релаксации в гранулированных структурах в полной мере не решен.

Впервые значительное уширение $\Delta H \Phi MP$ в гранулированных структурах по сравнению с объемными монокристаллическими образцами было отмечено в работах [5,6]. Коллоидные структуры, содержащие частицы Fe, Co или Ni в парафине, изучались методом ФМР на длинах волн 3.14 и 1.20 cm соответственно в магнитных полях 3 и 8 kOe. Размер частиц составлял 5–10 nm. Ширины линий $\Delta H \Phi MP$ практически не зависели от температуры и частоты и при разных способах приготовления ферромагнитного порошка составляли 500 Ое (Ni), 450–3000 Ое (Со), 350–1100 Ое (Fe). После учета анизотропии, случайной ориентированности ансамбля частиц, спин-спиновой релаксации оставалась достаточно большая добавка в ΔH , которая не могла быть объяснена. Сравнение с монокристаллическими образцами показывает, что в монокристаллах ширины линий ФМР для тех же частот имеют существенно меньшие значения: 110 Oe (Co) и 32 Oe (Fe) [7].

Исследования ФМР гранулированных пленок также демонстрируют резкое увеличение ΔH с уменьшением концентрации ферромагнитных наночастиц [2,3]. Для структур Fe–SiO₂ с концентрацией Fe, равной 0.4, $\Delta H \propto 800$ Oe на частотах 9.4 и 35.4 GHz [3]. В то же время ширина линии ФМР в напыленных пленках чистого Fe (100) с теми же толщинами (16–24 nm) на частоте 9.5 GHz составляет приблизительно 20 Oe [8]. Увеличение ΔH в [3] объяснялось анизотропией формы: с уменьшением концентрации гранулы приобретают более вытянутую эллипсоидальную форму.

Магнитная релаксация в гранулированных пленках исследовалась также методом спин-волновой спектроскопии на структурах Y₃Fe₅O₁₂ (YIG)/(изучаемая гранулированная пленка) при температурах 77-393 К на частотах 2.1–4.0 GHz [9–11]. По изменениям характеристик бегущей спиновой волны в пленке YIG определялся характер релаксации спиновых возбуждений гранулированных структур аморфного гидрогенизированного углерода а-С:Н с наночастицами кобальта и аморфного SiO₂ с наночастицами Co₈₆Nb₁₂Ta₂. В структурах *a*-C:H–Co, имеющих малую разность Δ между уровнем Ферми металлической частицы и краем подвижности зоны проводимости матрицы по сравнению с kT, наблюдались большие величины магнитной релаксации и сильная зависимость от температуры. Для структур с матрицей SiO₂ с энергией $\Delta \gg kT$ коэффициент релаксации также имел большие значения и практически не зависел от температуры.

Целью настоящей работы является теоретическое рассмотрение спиновых возбуждений и релаксации в гранулированных структурах, содержащих металлические ферромагнитные наночастицы в изолирующей аморфной матрице. Исследование проведено в рамках *s*-*d*-обменной модели в однокольцевом приближении по *s*-*d*-обменному взаимодействию для диаграммного разложения спиновой функции Грина. d-системой являются спины гранулы. В качестве s-системы рассматривается совокупность локализованных электронов аморфной матрицы. Найдено, что спектр спиновых возбуждений состоит из спин-волновых возбуждений гранул и спин-поляризационных возбуждений. При спинполяризационных возбуждениях изменение направления спина гранулы сопровождается переходом электрона между двумя подуровнями расщепленного локализованного состояния в матрице. Спин-поляризационная релаксация, т.е. релаксация спинов гранулы, осуществляемая через спин-поляризационные возбуждения, зависит от плотности локализованных состояний в полосе 2kT вблизи уровня Ферми. Оценки плотности состояний, полученные из температурных зависимостей проводимости гранулированных структур [12], показывают, что спин-поляризационная релаксация является весьма эффективной и ее вклад в затухание спинов гранулы может значительно превышать вклады спинспиновой, спин-решеточной релаксации и релаксации, обусловленной взаимодействием спинов и электронов гранулы [13]. Спин-поляризационная релаксация позволяет объяснить значительные увеличения затухания, наблюдавшиеся в [2,3,5,6,9–11]. Процесс спинполяризационной релаксации является разрешенным в широкой полосе частот. Оценки для структур с гранулами кобальта показывают, что ширина диапазона, где должна наблюдаться спин-поляризационная релаксация, покрывает сантиметровые, миллиметровые и субмиллиметровые диапазоны длин волн. Таким образом, на базе гранулированных структур возможно создание эффективных широкополосных радиопоглощающих покрытий.

1. Вывод основного уравнения

Рассмотрим взаимодействие спина ферромагнитной гранулы с электронами матрицы в рамках s – d-обменной модели [14]. Будем предполагать, что d-система образована локализованными электронами гранулы и ее спиновые возбуждения описываются моделью Гейзенберга. Размер гранул предполагается достаточно большим для того, чтобы гранула находилась в ферромагнитном состоянии. Например, d-системой может быть ансамбль спинов 3d-электронов Со гранулы в случае структур с кобальтовыми наночастицами с размерами, бо́льшими 1 пт. В качестве s-системы будем рассматривать локализованные электроны матрицы. s- и d-системы связаны между собой обменным взаимодействием J. Будем полагать J > 0. Взаимодействием электронов s-

системы между собой пренебрегаем. При этих предположениях гамильтониан *s* –*d*-обменной модели запишется в виде

 $\mathcal{H} = \mathcal{H}_{s}^{(0)} + \mathcal{H}_{d}^{(0)} + \mathcal{H}_{d}^{(\text{int})} + \mathcal{H}_{sd},$

где

$$\mathcal{H}_{s}^{(0)} = \sum_{p,\lambda,\nu} \overline{\varepsilon}_{\lambda}^{(p)} a_{\lambda\nu}^{(p)+} a_{\lambda\nu}^{(p)} \tag{1}$$

— гамильтониан невзаимодействующих между собой электронов *s*-системы в кристаллической решетке матрицы, $a_{\lambda\nu}^{(p)+}$, $a_{\lambda\nu}^{(p)}$ — операторы рождения и уничтожения электрона на энергетическом уровне λ одночастичного состояния *p* со спином ν , удовлетворяющие коммутационным соотношениям $\{a_{\lambda\nu}^{(p)+}, a_{\lambda\nu}^{(p)}\} = \delta_{pp'}\delta_{\lambda\lambda'}\delta_{\nu\nu'}$. Суммирование в (1) проводится по одночастичным состояния *p*, уровням λ и спину электрона $\nu =\uparrow, \downarrow$. Уравнение, определяющее волновую функцию $\varphi_{\lambda}^{(p)} \equiv |p, \lambda\rangle$ и спектр энергий $\overline{\epsilon}_{\lambda}^{(p)}$ одночастичного состояния *p*, в свою очередь определяется гамильтонианом одночастичного состояния $\mathcal{H}^{(p)}$

$$\left(\mathcal{H}^{(p)} - \overline{\varepsilon}^{(p)}_{\lambda}\right)\varphi^{(p)}_{\lambda} = 0.$$
⁽²⁾

Члены

$$\mathcal{H}_d^{(0)} = -g\mu_{\rm B}H\sum_{\mathbf{1}}S_{\mathbf{1}}^z,\tag{3}$$

$$\mathcal{H}_{d}^{(\text{int})} = -\frac{1}{2} \sum_{\mathbf{1} \neq \mathbf{1}'} I(\mathbf{1} - \mathbf{1}') (S_{\mathbf{1}}^{z} S_{\mathbf{1}'}^{z} + S_{\mathbf{1}}^{-} S_{\mathbf{1}'}^{+})$$
(4)

описывают взаимодействие спинов S *d*-системы с внешним магнитным полем H и обменное взаимодействие между спинами гранулы; g и $\mu_{\rm B}$ — соответственно фактор Ланде и магнетон Бора; суммирование в (3), (4) проводится по всем узлам кристаллической решетки гранулы 1, 1'.

$$\mathcal{H}_{sd} = -\sum_{\mathbf{1}} J(\mathbf{r} - \mathbf{1}) \Big\{ \psi_{\uparrow}^{+}(\mathbf{r}) \psi_{\downarrow}(\mathbf{r}) S_{\mathbf{1}}^{-} + \psi_{\downarrow}^{+}(\mathbf{r}) \psi_{\uparrow}(\mathbf{r}) S_{\mathbf{1}}^{+} \\ + \big(\psi_{\uparrow}^{+}(\mathbf{r}) \psi_{\uparrow}(\mathbf{r}) - \psi_{\downarrow}^{+}(\mathbf{r}) \psi_{\downarrow}(\mathbf{r}) \big) S_{\mathbf{1}}^{z} \Big\} d\mathbf{r}$$
(5)

— гамильтониан взаимодействия *s*- и *d*-систем, $\psi_{\nu}(\mathbf{r}) = \sum_{p,\lambda} \varphi_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{r}) a_{\lambda\nu}^{(p)}$ — вторично квантованная волновая функция электрона в *s*-системе. Суммирование и интегрирование в (5) проводятся соответственно по узлам кристаллической решетки гранулы **1** и положениям электрона **r** в матрице.

Для нахождения энергий и затухания спиновых возбуждений гранулы введем в рассмотрение температурные гриновские функции для электронов матрицы и спинов гранулы

$$G_{\nu\nu'}(\mathbf{r}\tau;\mathbf{r}'\tau') = \langle \sigma(\beta) \rangle_{0}^{-1} \langle T\psi_{\nu}^{+}(\mathbf{r}\tau)\psi_{\nu'}(\mathbf{r}'\tau')\sigma(\beta) \rangle_{0},$$

$$K_{dd}^{\alpha\alpha'}(\mathbf{1}\tau;\mathbf{1}'\tau') = \langle \sigma(\beta) \rangle_{0}^{-1} \langle TS_{\mathbf{1}}^{\alpha}(\tau)S_{\mathbf{1}'}^{\alpha'}(\tau')\sigma(\beta) \rangle_{0},$$

$$K_{ds}^{\alpha\alpha'}(\mathbf{1}\tau;\mathbf{r}'\tau') = \langle \sigma(\beta) \rangle_{0}^{-1} \langle TS_{\mathbf{1}}^{\alpha}(\tau)\psi^{+}(\mathbf{r}'\tau')$$

$$\times s^{\alpha'}\psi(\mathbf{r}'\tau')\sigma(\beta) \rangle_{0},$$

$$K_{sd}^{\alpha\alpha'}(\mathbf{r}\tau;\mathbf{1}'\tau') = \langle \sigma(\beta) \rangle_{0}^{-1} \langle T\psi^{+}(\mathbf{r}\tau)s^{\alpha}\psi(\mathbf{r}\tau)$$

$$\times S_{\mathbf{1}'}^{\alpha'}(\tau')\sigma(\beta) \rangle_{0},$$

$$K_{ss}^{\alpha\alpha'}(\mathbf{r}\tau;\mathbf{r}'\tau') = \langle \sigma(\beta) \rangle_{0}^{-1} \langle T\psi^{+}(\mathbf{r}\tau)s^{\alpha}\psi(\mathbf{r}\tau)$$

$$\times \psi^{+}(\mathbf{r}'\tau')s^{\alpha'}\psi(\mathbf{r}'\tau')\sigma(\beta) \rangle_{0},$$
(6)

где $\sigma(\beta) = T \exp\{\int_0^{\beta} [\mathcal{H}_d^{(int)}(\tau) + \mathcal{H}_{sd}(\tau)] d\tau$ — температурная матрица рассеяния, $\beta = 1/kT$; все операторы в (6) взяты в представлении взаимодействия, т.е. $A(\tau) = \exp[(\mathcal{H}_s^{(0)} + \mathcal{H}_d^{(0)})\tau]A \exp[(-\mathcal{H}_s^{(0)} + \mathcal{H}_d^{(0)})\tau].$ В функциях Грина K_{ds} , K_{sd} , K_{ss} s^{α} — векторный оператор, составляенный из матриц Паули, и

$$\psi(\mathbf{r} au) = egin{pmatrix} \psi_{\uparrow}(\mathbf{r} au) \ \psi_{\downarrow}(\mathbf{r} au) \end{pmatrix}.$$

 $\nu, \nu' = \{\uparrow, \downarrow\}$ — спиновые индексы электрона матрицы, $\alpha, \alpha' = \{+, -, z\}$ — индексы спиновых операторов. Статистическое усреднение $\langle \dots \rangle_0$ определяется гамильтонианом $\mathcal{H}_s^{(0)} + \mathcal{H}_d^{(0)}$.

Диаграммная техника для функций Грина (6) описана в [14]. Рассмотрим приближения диаграммного разложения для функций Грина $G_{\nu\nu'}$ и K_{dd}^{-+} . В приближении самосогласованного поля в представлении собственных функций $\varphi_{\lambda}^{(p)}$ гамильтониана $\mathcal{H}_{s}^{(0)}$ после преобразования Фурье по переменным $\tau - \tau'$ электронная функция Грина будет равна

$$G_{p,p',\lambda,\lambda',\nu,\nu'}^{(0)}(\omega_n) = \frac{\delta_{pp'}\delta_{\lambda\lambda'}\delta_{\nu\nu'}}{\beta(i\hbar\omega_n - \varepsilon_{\lambda,\nu}^{(p)})}$$
$$\equiv G_{p,\lambda,\nu}^{(0)}(\omega_n)\delta_{pp'}\delta_{\lambda\lambda'}\delta_{\nu\nu'},\qquad(7)$$

где $\hbar \omega_n = (2n+1)\pi/\beta$, *n* — целое число,

$$\varepsilon_{\lambda,\nu}^{(p)} = \overline{\varepsilon}_{\lambda}^{(p)} \mp \left(\frac{1}{2}g\mu_{\rm B}H\right) + \sum_{\mathbf{1}} \langle S_{\mathbf{1}}^{z} \rangle_{0} \int \varphi_{\lambda}^{(p)*}(\mathbf{r})J(\mathbf{r}-\mathbf{1})\varphi_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{r})\,d\mathbf{r}\right), \quad (8)$$

 $\overline{\epsilon}_{\lambda}^{(p)}$ в (8) есть энергия электрона, определяемая уравнением (2) и отсчитанная от уровня Ферми в отсутствие обменного взаимодействия. Верхний знак берется для $\nu =\uparrow$, а нижний — для $\nu =\downarrow$. s-d-обменное взаимодействие расщепляет электронный уровень на два.



Рис. 1. Затравочные функции Грина и линии взаимодействия (*a*); собственно-энергетические диаграммы, отвечающие введению спиновых волн и спин-поляризационных возбуждений (*b*); уравнение, описывающее спиновые возбуждения (*c*).

Спиновая функция Грина после преобразования Фурье по $\tau - \tau'$ в приближении самосогласованного поля имеет вид [14]

$$K_{dd}^{(0)-+}(\mathbf{1},\mathbf{1}',\omega_n) = K^{(0)}(\mathbf{1},\omega_n)\delta_{\mathbf{11}'},$$
(9)

где

$$\begin{split} K^{(0)}(\mathbf{1},\,\omega_n) &= \frac{2\langle S_{\mathbf{1}}^z\rangle_0}{y - i\beta\hbar\omega_n},\\ y &= \beta \bigg[g\mu_{\mathrm{B}}H + \sum_{\mathbf{1}'} I(\mathbf{1} - \mathbf{1}')\langle S_{\mathbf{1}'}^z\rangle_0 \\ &+ \int J(\mathbf{r} - \mathbf{1}) \Big\langle \Big(\psi_{\uparrow}^+(\mathbf{r})\psi_{\uparrow}(\mathbf{r}) - \psi_{\downarrow}^+(\mathbf{r})\psi_{\downarrow}(\mathbf{r})\Big) \Big\rangle_0 d\mathbf{r} \bigg]. \end{split}$$

Величина у пропорциональна сумме магнитного поля и молекулярного поля, действующего на спин в узле **1** со стороны других спинов гранулы и электронов матрицы, $\hbar\omega_n = 2n\pi/\beta$, $\langle S_1^z \rangle_0 = SB_S(Sy)$, B_S — функция Бриллю-эна для спина S.

Приближение самосогласованного поля (7), (9) для функций Грина является нулевым приближением разложения по обратному радиусу обменного взаимодействия. Этим затравочным функциям Грина сопоставляются направленные линии (рис. 1, *a*). Следующие приближения для функций Грина получаются из уравнения Дайсона, которое для спиновых функций (6)

$$\hat{K}^{lphalpha'} = egin{pmatrix} K^{lpha a'}_{dd} & K^{lpha a'}_{ds} \\ K^{lpha a'}_{sd} & K^{lpha a'}_{ss} \end{pmatrix}$$

имеет вид

$$\hat{K}^{\alpha\alpha'} = \hat{\Sigma}^{\alpha\alpha'} + \hat{\Sigma}^{\alpha\alpha'}\hat{V}\hat{K}^{\alpha\alpha'}, \qquad (10)$$

где

$$\begin{split} \hat{V} &= \begin{pmatrix} V_{dd} & V_{ds} \\ V_{sd} & V_{ss} \end{pmatrix} = \beta \begin{pmatrix} \frac{1}{2}I(1-1') & J(1-\mathbf{r}) \\ J(\mathbf{r}-\mathbf{l}) & 0 \end{pmatrix}, \\ J(1-\mathbf{r}) &= J(\mathbf{r}-1), \\ \hat{\Sigma}^{\alpha\alpha'} &= \begin{pmatrix} \Sigma^{\alpha\alpha'}_{dd}(1\tau;1'\tau') & \Sigma^{\alpha\alpha'}_{ds}(1\tau;\mathbf{r}'\tau') \\ \Sigma^{\alpha\alpha'}_{sd}(\mathbf{r}\tau;1'\tau') & \Sigma^{\alpha\alpha'}_{ss}(\mathbf{r}\tau;\mathbf{r}'\tau') \end{pmatrix} \end{split}$$

есть собственная энергетическая часть, которая описывается диаграммами, не разрезаемыми по линии взаимодействия. В соответствии с индексами диаграммы $\hat{\Sigma}^{aa'}$ имеют внешние спиновые вершины *d*-системы или внешние электронные вершины *s*-системы. По внутренним переменным **1**, **r** рядом стоящих матриц $\hat{\Sigma}^{aa'}$, \hat{V} , $\hat{K}^{aa'}$ в (10) предполагается суммирование и интегрирование.

Для получения приближения первого порядка по обратному радиусу обменного взаимодействия в $\hat{\Sigma}$ необходимо учесть диаграммы, содержащие не более одной петли [14]. Ограничимся беспетлевыми диаграммами в $\hat{\Sigma}$ по взаимодействию *I* и однопетлевыми диаграммами по обменному взаимодействию *J*. Эти приближения отвечают введению спиновых волн в грануле и коллективным возбуждениям спина гранулы и электронов матрицы (спин-поляризационным возбуждениям). Для $\alpha = -, \alpha' = +$ соответствующие затравочные линии взаимодействия и собственно-энергетические диаграммы показаны на рис. 1, *a*, *b* в представлении собственных функций $\varphi_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{r})$ уравнения (2). *s*-*d*-обменное взаимодействие в представлении $\varphi_{\mu}^{(p)}(\mathbf{r})$ взято в приближении

$$J(p, \lambda, \mathbf{1}) = \int \varphi_{\lambda}^{(p)*}(\mathbf{r}) J(\mathbf{r} - \mathbf{1}) \varphi_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{r}) d\mathbf{r}.$$

При этом пренебрегаем переходами между уровнями (p, λ) и (p', λ') , которые s-d-обменное взаимодействие может индуцировать благодаря членам $\int \varphi_{\lambda}^{(p')*}(\mathbf{r}) J(\mathbf{r}-1) \varphi_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{r}) d\mathbf{r} \ c \ \lambda \neq \lambda', \ p \neq p'.$

Уравнение Дайсона (10) в выбранном приближении для $\alpha = -, \alpha' = +$ запишется в виде

$$\begin{split} K_{dd}^{(1)-+} &= \Sigma_{dd}^{(0)-+} + \Sigma_{dd}^{(0)-+} V_{dd} K_{dd}^{(1)-+} + \Sigma_{dd}^{(0)-+} V_{ds} K_{sd}^{(1)-+}, \\ K_{sd}^{(1)-+} &= \Sigma_{ss}^{(1)-+} V_{sd} K_{dd}^{(1)-+}, \\ K_{ds}^{(1)-+} &= \Sigma_{dd}^{(0)-+} V_{dd} K_{ds}^{(1)-+} + \Sigma_{dd}^{(0)-+} V_{ds} K_{ss}^{(1)-+}, \\ K_{ss}^{(1)-+} &= \Sigma_{ss}^{(1)-+} + \Sigma_{ss}^{(1)-+} V_{sd} K_{ds}^{(1)-+}. \end{split}$$
(11)

При отличном от нуля взаимодействии V_{sd} , V_{ds} происходит поляризация спинов *s*-системы стороны *d*-системы, и, наоборот, электроны *s*-системы влияют на спины *d*-системы. Из (11) получаем интегральное уравнение для спиновой функции Грина, описывающее спиновые возбуждения гранулированной структуры (рис. 1, *c*),

$$K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{1},\mathbf{1}',\omega_{n}) = \Sigma_{dd}^{(0)-+}(\mathbf{1},\mathbf{1}',\omega_{n}) + \sum_{\mathbf{2},\mathbf{3}} \Sigma_{dd}^{(0)-+}(\mathbf{1},\mathbf{2},\omega_{n})$$

$$\times \left[\frac{1}{2}\beta I(\mathbf{2}-\mathbf{3}) + \beta^{2} \sum_{p,p',\lambda,\lambda'} J(p,\lambda,\mathbf{2})\right]$$

$$\times \Sigma_{ss}^{(1)-+}(p,p',\lambda,\lambda',\omega_{n})J(p',\lambda',\mathbf{3})\right]$$

$$\times K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{3},\mathbf{1}',\omega_{n}), \qquad (12)$$

где

$$\Sigma_{dd}^{(0)-+}(\mathbf{1},\mathbf{2},\omega_n)=K_{dd}^{(0)-+}(\mathbf{1},\mathbf{2},\omega_n),$$

$$\begin{split} \Sigma_{ss}^{(1)-+}(p,p',\lambda,\lambda',\omega_n) \\ &= -\delta_{pp'}\delta_{\lambda\lambda'}\sum_m G_{p,\lambda,\downarrow}^{(0)}(\omega_m)G_{p,\lambda,\uparrow}^{(0)}(\omega_m-\omega_n) \\ &= -\delta_{pp'}\delta_{\lambda\lambda'}\frac{n_{\rm F}(\varepsilon_{\lambda,\uparrow}^{(p)}) - n_{\rm F}(\varepsilon_{\lambda,\downarrow}^{(p)})}{\beta(i\hbar\omega_n - \varepsilon_{\lambda,\downarrow}^{(p)} + \varepsilon_{\lambda,\uparrow}^{(p)})}, \\ &n_{\rm F}(x) = (e^x+1)^{-1}. \end{split}$$

2. Спиновые возбуждения в гранулированной структуре

Исследуем решения уравнения (12) для случая, когда обменное взаимодействие между спинами гранулы значительно больше обменного взаимодействия между спином гранулы и электронами матрицы ($I \gg J$). В этом случае спектр спиновых возбуждений разбивается на две части: спин-волновые возбуждения гранулы и электронов матрицы — спин-поляризационные возбуждения. При спин-поляризационных возбуждениях вместе с изменением ориентации спина гранулы меняется поляризация близлежащих локализованных электронов матрицы.

2. 1. Спин-волновые возбуждения гранул. Пренебрежем взаимодействием J и заменим суммирование по узлам кристаллической решетки гранулы интегрированием. Тогда уравнение (12) после перехода в $I(\mathbf{r} - \mathbf{r}')$ к Фурье-образу по пространственным переменным примет вид интегрального уравнения

$$K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r}, \mathbf{r}', \omega_n) = K^{(0)}(\mathbf{r}, \omega_n)\delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}') + AK_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r}, \mathbf{r}', \omega_n),$$
(13)

где

$$AK_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r},\mathbf{r}',\omega_n) = \frac{1}{(2\pi)^3} \iint a(\mathbf{r},\mathbf{r}'',\mathbf{q},\omega_n)$$
$$\times \exp[i\mathbf{q}(\mathbf{r}-\mathbf{r}'')]K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r}'',\mathbf{r}',\omega_n)\,d\mathbf{r}''d\mathbf{q}$$

 $a(\mathbf{r}, \mathbf{r}'', \mathbf{q}, \omega_n) = \frac{1}{2} \beta K^{(0)}(\mathbf{r}, \omega_n) I(\mathbf{q}) \theta(\mathbf{r}')\theta(\mathbf{r}''), I(\mathbf{q})$ — Фурье-образ взаимодействия $I(\mathbf{r} - \mathbf{r}'); \theta(\mathbf{r}) = 1$ в объеме гранулы и $\theta(\mathbf{r}) = 0$ вне гранулы. Поскольку обменное взаимодействие между спинами гранулы имеет малый радиус, в Фурье-образе можно ограничиться членами разложения второго порядка по q

$$I(\mathbf{q}) = I(0) - \kappa q^2.$$

В этом приближении в уравнении (13) интегральный оператор *А* является псевдодифференциальным оператором второго порядка [15] и уравнение (13) сводится к краевой задаче. Спектр спиновых волн определяется полюсами спиновой функции Грина при аналитическом продолжении $i\omega_n \rightarrow \omega + i\delta \operatorname{sign} \omega$ ($\delta \rightarrow +0$). Это эквивалентно решению задачи на собственные значения — нахождению функций распределения спиновых колебаний $\chi(\mathbf{r}, \mathbf{q})$ на грануле

$$(1-A)\chi(\mathbf{r},\mathbf{q}) = 0. \tag{14}$$

В предположении, что средняя намагниченность в грануле одинакова по всему объему, $\langle S_1^z \rangle_0 = \langle S^z \rangle_0$, уравнение (14) в объеме гранулы примет вид

$$\left[-\hbar\omega + g\mu_{\rm B}H - \kappa \langle S^z \rangle_0 \sum_{i=1}^3 \partial^2 / \partial r_i^2\right] \chi(\mathbf{r}, \mathbf{q}) = 0.$$

Собственные значения (14) определяют спектр энергий стоячих спиновых волн на грануле

$$\varepsilon_{sw}(\mathbf{q}) = g\mu_{\rm B}H + \langle S^z \rangle_0 \kappa q^2, \qquad (15)$$

где $q^2 \propto (\pi \mathbf{k}/d)^2$, d — размер гранулы, $\mathbf{k} = (k_1, k_2, k_3)$ — целочисленный вектор $(k_i = 0, 1, 2, ...)$. Спектр спиновых волн (15) ограничивается сверху энергией возбуждения стонеровской пары электронов в грануле.

2. 2. Спин-поляризационные возбуждения. Теперь рассмотрим уравнение (12) с членом, содержащим $\Sigma_{ss}^{(1)-+}$ и *J*, который определяет взаимодействие спинов гранулы с электронами матрицы

$$K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r},\mathbf{r}',\omega_n) = K^{(0)}(\mathbf{r},\omega_n)\delta(\mathbf{r}-\mathbf{r}')$$
$$+ (A+B)K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r},\mathbf{r}',\omega_n), \quad (16)$$

где

$$BK_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r},\mathbf{r}',\omega_n) = \beta^2 K^{(0)}(\mathbf{r},\omega_n)\theta(\mathbf{r})$$
$$\times \sum_{p,\lambda} \frac{1}{V_a} \int_{V} J(p,\lambda,\mathbf{r})\Sigma_{ss}^{(1)-+}(p,p,\lambda,\lambda,\omega_n)$$
$$\times J(p,\lambda,\mathbf{r}'')K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r}'',\mathbf{r}',\omega_n) d\mathbf{r}'',$$

 V_a — объем элементарной ячейки гранулы; интегрирование ведется по объему гранулы V.

Поскольку псевдодифференциальный оператор A эллиптичен на грануле и $J \ll I$, можем разделить уравнение (16) на A [15] и найти первые члены разложения по B/A. С учетом собственных функций уравнения (14) в первом приближении по B/A спектр спиновых возбуждений после аналитического продолжения $i\omega_n \rightarrow \omega + i\delta$ sign ω определяется соотношением

$$\int_{V} \chi^*(\mathbf{r}, \mathbf{q})(1 - A - B)\chi(\mathbf{r}, \mathbf{q}) \, d\mathbf{r} = 0.$$

Пренебрегая зависимостью $\langle S_1^z \rangle_0$ от пространственной переменной, получим

$$\begin{split} \hbar\omega &= \varepsilon_{sw}(\mathbf{q}) + 2\sum_{p,\lambda} m_{\lambda}^{(p)} \Big\{ J(p,\lambda,\mathbf{q}) \\ &+ \frac{2\langle S^{z}\rangle_{0}}{\hbar\omega - E_{\lambda}^{(p)}} \left| J(p,\lambda,\mathbf{q}) \right|^{2} \Big\}, \end{split}$$
(17)

где $m_{\lambda}^{(p)} = (1/2) [n_{\rm F}(\varepsilon_{\lambda,\uparrow}^{(p)}) - n_{\rm F}(\varepsilon_{\lambda,\downarrow}^{(p)})]$ — среднее значение спина электрона на уровне λ локализованного состояния p, $J(p,\lambda,\mathbf{q}) = \int_{V} J(p,\lambda,\mathbf{r})\chi(\mathbf{r},\mathbf{q}) d\mathbf{r}$, $E_{\lambda}^{(p)} = \varepsilon_{\lambda,\downarrow}^{(p)} - \varepsilon_{\lambda,\uparrow}^{(p)} = g\mu_{\rm B}H + 2\sum_{\mathbf{l}} J(p,\lambda,\mathbf{l})\langle S_{\mathbf{l}}^{z}\rangle_{0}$.

 $E_{\lambda}^{(p)} = \varepsilon_{\lambda,\downarrow}^{(p)} - \varepsilon_{\lambda,\uparrow}^{(p)} = g\mu_{\rm B}H + 2\sum_{1}J(p,\lambda,1)\langle S_{1}^{z}\rangle_{0}.$ Если ограничиться N уровнями (p,λ) , то уравнение (17) при фиксированном значении $\varepsilon_{sw}(\mathbf{q})$ будет иметь N + 1 корней. Функция $K_{dd}^{(1)-+}$ в (11) приобретает N дополнительных полюсных особенностей, соответствующих одночастичным коллективным возбуждениям d- и s-систем. Такие же полюсные особенности появляются у функций $K_{sd}^{(1)-+}$, $K_{ds}^{(1)-+}$ и $K_{ss}^{(1)-+}$. При $E_{\lambda}^{(p)} \ll kT$ среднее значение спина электрона меньше значений спина гранулы $(m_{\lambda}^{(p)} \ll \langle S^{z} \rangle_{0})$ и N значений корней уравнения (17) будут близки к величинам расщепления уровней (p, λ) ,

$$\hbar\omega_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{q}) = E_{\lambda}^{(p)} + O(m_{\lambda}^{(p)}/\langle S^z \rangle_0).$$

При $\omega \to \omega_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{q})$ изменение направлений спинов гранулы $\langle S^z \rangle_0$ будет сопровождаться переходом электрона между двумя спиновыми подуровнями (p, λ, \uparrow) и (p, λ, \downarrow) в матрице и изменением поляризации уровня (p, λ) . Это дает основание назвать такие возбуждения спинполяризационными. Верхняя граница полосы частот спин-поляризационных возбуждений определяется величиной s-d-обменного взаимодействия между спинами гранулы и электроном на уровне (p, λ) , когда электрон в локализованном состоянии p находится вблизи границы гранулы ∂V

$$0 < \hbar \omega_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{q}) - g \mu_{\mathrm{B}} H < 2 \sum_{\mathbf{1}} J(p, \lambda, \mathbf{1}) \langle S_{\mathbf{1}}^{z} \rangle_{0} \Big|_{\partial V}.$$
(18)

3. Релаксация спиновых возбуждений

Исследуем релаксацию спиновых возбуждений гранулированной структуры. Запишем уравнение (16) для $K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r}, \mathbf{r}', \omega_n)$ в представлении функций спиновых ко-



Рис. 2. Расположение глубоколежащего по энергии локализованного состояния относительно гранулы (a); изменение энергетической структуры при активации электрона из гранулы (b).

лебаний гранулы $\chi(\mathbf{r}, \mathbf{q})$. Тогда затухание спиновых возбуждений γ определится мнимой частью полюса функции Грина

$$K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{q}, \omega_n)\delta(\mathbf{q}-\mathbf{q}')$$

= $\int_V \int_V \chi^*(\mathbf{r}, \mathbf{q}) K_{dd}^{(1)-+}(\mathbf{r}, \mathbf{r}', \omega_n)\chi(\mathbf{r}', \mathbf{q}') d\mathbf{r} d\mathbf{r}',$

которая при аналитическом продолжени
и $i\omega_n\to\omega++i\delta\,{\rm sign}\,\omega$ равна

$$\operatorname{Im} \int_{V} \chi^{*}(\mathbf{r},\mathbf{q})(1-A-B)\chi(\mathbf{r}-\mathbf{q}) d\mathbf{r}\Big|_{i\omega_{n}\to\omega+i\delta\operatorname{sign}\omega}.$$

Учитывая явный вид операторов А и В, получаем

$$\begin{split} \hbar\gamma(\omega,\mathbf{q}) &= 2eta\langle S^z
angle_0\sum_{p,\lambda}|J(p,\lambda,\mathbf{q})|^2 \ & imes \mathrm{Im}\,\Sigma^{(1)-+}_{ss}(p,p,\lambda,\lambda,\omega_n)\Big|_{i\omega_n o\omega+i\delta\,\mathrm{sign}\,\omega} \ &= 4\pi\langle S^z
angle_0\sum_{p,\lambda}|J(p,\lambda,\mathbf{q})|^2m_\lambda^{(p)}\delta(\hbar\omega-E_\lambda^{(p)}). \end{split}$$

Рассмотрим релаксацию однородных спиновых возбуждений гранул, т.е. релаксацию при малых q. В этом случае в силу условия $J \ll I$ затухание спиновых возбуждений гранул определится спин-поляризационными возбуждениями, в которых одновременно изменяется направление спина гранулы и электрон в матрице переходит с одного спинового подуровня расщепленного

состояния (p, λ) на другой с переворотом спина. Электронными состояниями могут являться глубоко лежащие по энергии локализованные электронные состояния в матрице (рис. 2, *a*) или состояния, которые образуются в результате термической активации электрона из гранулы в зону проводимости матрицы (рис. 2, *b*). Исходя из вышесказанного, исследуем релаксацию спиновых возбуждений в этих двух случаях.

3. 1. Релаксация, определяемая электронными переходами между подуровнями глубоколежащих локализованных состояний в матрице. Для нахождения конкретной формулы, описывающей релаксацию в гранулированной структуре, сделаем ряд допущений.

1) Допустим, что энергетическое распределение и пространственное положение локализованных состояний р в гранулированной структуре можно характеризовать плотностью энергетических уровней в единице объема на интервал энергии $\overline{g}(\overline{\varepsilon}_{\lambda}^{(p)}, \mathbf{r})$. Введение плотности позволяет перейти от релаксации спиновых возбуждений гранулы (19) к релаксации спиновых возбуждений гранулированной структуры с усреднением по всем гранулам. При этом суммирование по *p* и λ в (19) заменяется интегрированием по объему матрицы и по энергиям уровней локализованных состояний с весом $\overline{g}(\varepsilon, \mathbf{r})$. Благодаря наличию множителя $m_{\lambda}^{(p)}$ в (19) основной вклад в релаксацию вносят локализованные состояния с энергиями в полосе 2kT вблизи уровня Ферми. Будем полагать, что в полосе 2kT энергетические уровни распределены равномерно и пространственное распределение является однородным, т.е. плотность $\overline{g}(\varepsilon, \mathbf{r}) = \overline{g} = \text{const.}$

2) Обменное взаимодействие в соотношении (19) определяется интегрированием по грануле V и интегрированием по объему матрицы

$$J(p,\lambda,\mathbf{q}) = \int_{V} d\mathbf{r}' \int d\mathbf{r} \,\varphi_{\lambda}^{(p)*}(\mathbf{r}) J(\mathbf{r}-\mathbf{r}') \varphi_{\lambda}^{(p)}(\mathbf{r}) \chi(\mathbf{r}',\mathbf{q}).$$
(20)

Если волновые функции $\varphi_{\lambda}^{(p)}$ локализованных состояний являются водородоподобными [16], то с учетом короткодействующего характера взаимодействия $J(\mathbf{r}-\mathbf{r}')$ функции $J(p, \lambda, \mathbf{q})$ при $\mathbf{q} \to 0$ будут экспоненциально спадать с расстоянием

$$J(p, \lambda, \mathbf{q}) = J_0 \exp\left(-\xi_{\lambda}^{(p)} R\right),$$

где $\xi_{\lambda}^{(p)}$ — обратный радиус взаимодействия спина гранулы с локализованным состоянием $(p, \lambda), R$ — расстояние от центра водородоподобного состояния p до границы гранулы. При усреднении по всем энергетическим уровням локализованных состояний N будем полагать, что $J(p, \lambda, \mathbf{q})$ экспоненциально убывает с расстоянием со средним обратным радиусом $\xi = N^{-1} \sum_{p,\lambda} \xi_{\lambda}^{(p)}$. 3) Будем рассматривать случай, когда расстояние ме-

3) Будем рассматривать случай, когда расстояние между гранулами $l \gg \xi^{-1}$. Это даст возможность не учитывать взаимодействие между гранулами и верхний предел

интегрирования по пространственной переменной в матрице положить равным бесконечности. Будем считать, что разность между дном зоны проводимости матрицы и уровнем Ферми металлической частицы $\Delta \gg kT$ (рис. 2, *a*). Поэтому верхний предел интегрирования по энергии локализованных состояний можно положить равным бесконечности. В этом случае локализованные состояния с энергиями в полосе 2kT вблизи уровня Ферми будем называть глубоколежащими состояниями.

С учетом вышеизложенных допущений затухание спиновых возбуждений в гранулированной структуре в диапазоне частот $0 < \hbar \omega - g \mu_{\rm B} H < 2 J_0 \langle S^z \rangle_0$ будет равно

$$\begin{split} &\hbar\gamma(\omega) = 2\pi \langle S^{z} \rangle_{0} \int_{-\infty}^{\infty} d\varepsilon \int_{0}^{\infty} dr \, 4\pi r^{2} \overline{g} J_{0}^{2} \exp(-2\xi r) \\ &\times \Big\{ \frac{1}{\exp[\beta(\varepsilon - E/2)] + 1} - \frac{1}{\exp[\beta(\varepsilon + E/2)] + 1} \Big\} \delta(\hbar\omega - E) \\ &= \frac{2\pi^{2} \overline{g}(\hbar\omega - g\mu_{\mathrm{B}} H) \hbar\omega}{1} \ln^{2} \frac{2J_{0} \langle S^{z} \rangle_{0}}{1} \end{split}$$
(21)

$$=\frac{2\pi^{2}g(\hbar\omega-g\mu_{\rm B}H)\hbar\omega}{\xi^{3}\langle S^{z}\rangle_{0}}\ln^{2}\frac{2J_{0}\langle S^{z}\rangle_{0}}{\hbar\omega-g\mu_{\rm B}H},$$
(21)

где $E = 2\langle S^z \rangle_0 J_0 \exp(-\xi r) + g\mu_{\rm B} H.$

При $\hbar\omega < g\mu_{\rm B}H$ и $\hbar\omega > g\mu_{\rm B}H + 2\langle S^z \rangle_0 J_0$ затухание равно нулю. Максимальное отношение затухания к частоте будет наблюдаться при $\hbar\omega = g\mu_{\rm B}H + 2\exp(-2)\langle S^z \rangle_0 J_0$

$$\max \frac{\gamma}{\omega} = \frac{16\pi^2 \overline{g} J_0}{\exp(2)\xi^3}.$$

Из соотношения (21) видно, что коэффициент релаксации, определяемый электронными переходами между подуровнями глубоко лежащих локализованных состояний в матрице с переворотом спина, не зависит от температуры.

3. 2. Релаксация, определяемая переходами между подуровнями при термической активации электрона из гранулы. Рассмотрим энергетическую структуру гранулы в матрице в случае, когда уровень Ферми металлической гранулы лежит ниже дна зоны проводимости матрицы на величину энергии Д. При термической активации электрон преодолевает энергию Δ и гранула приобретает заряд, равный количеству электронов, покинувших гранулу. Допустим, что гранула имеет форму сферы с диаметром d. Тогда удаление Z электронов из гранулы приведет к понижению энергии гранулы на $U = Ze^2/2C$ (рис. 2, *b*), где e заряд электрона, $C = \tilde{\epsilon} d/2$ — электрическая емкость гранулы в матрице с диэлектрической проницаемостью $\tilde{\epsilon}$. Часть термически активированных электронов не удаляется на бесконечно большое расстояние от гранулы и формирует электронную "шубу" гранулы. Волновые функции электронной шубы определяются кулоновским полем гранулы, и мы будем их считать водородоподобными. Поскольку обменное взаимодействие приближенно имеет контактный характер $J(\mathbf{r}-\mathbf{1}) \propto \delta(\mathbf{r}-\mathbf{1})$, из всех уровней (p, λ) шубы будем учитывать только водородоподобные *s*-состояния [16]

$$\varphi_n(\mathbf{r}) = \pi^{-1/2} \left(\frac{Z}{n}\right)^{3/2} F(-n+1, 2, 2Z\rho/n) \exp(-Z\rho/n),$$

где $\rho = me^2 |\mathbf{r}|/\hbar^2$, m — масса электрона, F — вырожденная гипергеометрическая функция, индекс (p, λ) сводится к индексу n. Функция $J(p, \lambda, \mathbf{q}) = J(n, \mathbf{q})$ в (19), (20) определяется интегрированием по грануле и по объему матрицы. Для водородоподобных *s*-состояний при больших значениях $n, \mathbf{q} \to 0$ основной член взаимодействия будет иметь вид

$$J(n,0) = \frac{J_0 Z^3}{\pi n^3} + O(n^{-4}).$$
(22)

Заменяя в (19) суммирование интегрированием, учитывая соотношение (22) с точностью до членов $O(n^{-4})$ и то, что $E_{\lambda}^{(p)} = E_n = \varepsilon_{n,\downarrow} - \varepsilon_{n,\uparrow} = g\mu_{\rm B}H + 2J(n,0)\langle S^z \rangle_0$, можем записать коэффициент затухания спиновых возбуждений (19) при $\hbar \omega > g\mu_{\rm B}H$ в виде

$$\begin{split} \hbar\gamma(\omega) &= \frac{\pi(\hbar\omega - g\mu_{\rm B}H)^2}{2\langle S^z\rangle_0} \sum_n \Big\{ \frac{1}{\exp[\beta(\Delta + f_n)] + 1} \\ &- \frac{1}{\exp[\beta(\Delta + f_n + \hbar\omega)] + 1} \Big\} \delta(\hbar\omega - E_n) \\ &= \frac{\pi^{2/3}J_0 Z[\exp(\beta\hbar\omega) - 1]}{3[\exp\left(-\beta(\Delta + f)\right) + 1] [\exp\left(\beta(\Delta + f + \hbar\omega)\right) + 1]} \\ &\times \left(\frac{\hbar\omega - g\mu_{\rm B}H}{2J_0\langle S^z\rangle_0}\right)^{2/3}, \end{split}$$
(23)

где $f_n = U - \xi/n^2$ — энергия электрона при активации в состоянии *n*, отсчитанная от дна зоны проводимости вблизи границы гранулы, $\xi = mZ^2 e^4/2\hbar^2$,

$$f = U - \frac{\xi}{Z^2} \left[\frac{\pi (\hbar \omega - g \mu_{\rm B} H)}{2 J_0 \langle S^z \rangle_0} \right]^{2/3}.$$

При вычислении соотношения (23) учитывались такие *n*, чтобы энергия f_n и соответственно *f* были положительными величинами. Это приближение эквивалентно неявному учету размера гранулы. $\hbar \omega = g\mu_{\rm B} H$ или f = U определяет нижнюю границу релаксации. При $\hbar \omega < g\mu_{\rm B} H$ затухание равно нулю. Верхняя граница затухания определяется соотношением f = 0,

$$\hbar\omega \leq g\mu_{
m B}H + \left(rac{U}{\xi}
ight)^{3/2} rac{Z^3 J_0 \langle S^z
angle_0}{\pi}$$

Из соотношения (23) видно, что коэффициент релаксации *у* имеет сильную зависимость от температуры.

4. Обсуждение результатов

Как видно из соотношений (21) и (23), характер затухания спиновых возбуждений в гранулированной структуре во многом определяется разностью между уровнем Ферми гранулы и дном зоны проводимости матрицы Δ . Экспериментальные исследования затухания были проведены на гранулированных структурах аморфного гидрогенизированного углерода а-С:Н с наночастицами Со и на структурах аморфного SiO₂ с гранулами Co₈₆Nb₁₂Ta₂ в работах [9-11]. Эти исследования подтвердили характер зависимостей затухания от температуры, определяемый формулами (21) и (23). Энергия активации $\Delta + U$ для структур $(a-C:H)_{1-r}$ Co_r находилась из температурных зависимостей тока в геометрии "ток перендикулярен плоскости" на структурах с малым содержанием кобальта x и была равна 0.22 eV. Учитывая, что частицы кобальта имели размер 2–2.2 nm, мы оценивали среднюю емкость частиц, электрическую энергию U и энергию Δ , которая оказалась малой и сравнимой с kT ($\propto 0.02 \,\text{eV}$). Для структур *a*-SiO₂ с гранулами $Co_{86}Nb_{12}Ta_2$ энергия Δ , напротив, имела большое значение: $\Delta \gg kT$.

Коэффициент затухания спиновых возбуждений гранулированной структуры определялся методом спин-волновой спектроскопии [9] на структурах YIG/(изучаемая гранулированная пленка) при температурах 77–393 К. Изучались изменения групповой скорости и затухания поверхностной магнитостатической спиновой волны в пленке YIG в диапазоне частот 2.2-4.0 GHz. Связь между распространяемой в пленке YIG спиновой волной и гранулированной пленкой осуществлялась через магнитное дипольное взаимодействие. Релаксация спиновых возбуждений в гранулированной пленке приводила к уменьшению групповой скорости и к увеличению затухания спиновой волны в пленке YIG. По этим изменениям оценивалась релаксация спиновых возбуждений гранулированной структуры. Для гранулированных пленок $(a-C:H)_{1-x}$ Со_x (толщины 250–550 nm) при x < 0.45 релаксация резко возрастала с увеличением температуры. Она имела характерный тип температурной зависимости, определяемый формулой (23) [9,11], что подтверждает модель релаксации, обусловленной переходами электрона с переворотом спина между подуровнями термически активированной электронной шубы гранулы. Для гранулированных пленок *a*-SiO₂ с частицами Co₈₆Nb₁₂Ta₂ (толщины пленок 2.7-5.1 µm) при концентрациях кобальта *x* < 0.45 релаксация спиновых возбуждений практически не зависела от температуры [10,11]. Это приводит к выводу о том, что релаксация спиновых возбуждений в структурах с матрицей a-SiO₂ определяется спин-поляризационными возбуждениями на более глубоко лежащих по энергии локализованных состояниях в матрице и описывается формулой (21). Проведем оценку затухания, определяемого формулой (21). Порядок величины междуатомного обменного взаимодействия для ближайших соседей $J_0 = 0.05 - 0.1 \text{ eV} [17, 18]$. Плотность

локализованных состояний д может быть оценена из температурных зависимостей проводимости гранулированной структуры [12]. Температурная зависимость в геометрии "ток в плоскости" имеет степенной характер. Показатель степени связан с числом локализованных состояний в матрице, через которые осуществляется процесс неупругого резонансного туннелирования между гранулами в полосе 2kT вблизи уровня Ферми. Для структур $(a-C:H)_{1-x}$ Со_x среднее число локализованных состояний между гранулами изменяется от 1 (x = 0.46) до 2 (x = 0.24). Это дает возможность оценить \overline{g} в полосе 2kT. В связи с этим, полагая $\overline{g} = 1 \text{ eV}^{-1} \cdot \text{nm}^{-3}$, $J_0 = 0.1 \,\mathrm{eV}, \, \langle S^z \rangle_0 = 1/2, \, \xi = 1 \,\mathrm{nm^{-1}},$ при H = 0 для $\omega/2\pi = 10 \,\mathrm{GHz}$ получим $\gamma/\omega = 0.1$. Столь высокие оценочные значения позволяют объяснить наблюдаемые большие величины магнитной релаксации в [9,11]. Возбуждение спин-поляризационных переходов может быть ответственным за большие значения ΔH в [5,6] и высокие коэффициенты поглощения электромагнитного излучения гранулированными структурами.

В работах [2,3] отмечалось увеличение ΔH с уменьшением концентрации Fe. Развитая выше модель позволяет объяснить это явление. Релаксация, наблюдавшаяся в [2,3] на частотах 9.4 и 35.4 GHz, обусловлена расщеплением уровней, находящихся достаточно далеко от гранул. С уменьшением концентрации гранул плотность таких локализованных состояний (с малой величиной расщепления) возрастает. Магнитное поле H от гранул приводит к дополнительному увеличению расщепления уровней локализованных состояний. С уменьшением концентрации гранул поле H убывает. Согласно (21), эти два фактора ведут к увеличению затухания.

Затухание, определяемое спин-поляризационными возбуждениями (см. (21)), характеризуется широкополоснотью. Верхний предел затухания равен

$$\hbar\omega_{\rm max} = g\mu_{\rm B}H + 2J_0 \langle S^z \rangle_0.$$

В реальных гранулированных структурах в поле Н входит в качестве слагаемого размагничивающее магнитное поле от соседних гранул. Взяв в качестве примера структуры с гранулами кобальта и учитывая, что размагничивающее поле около гранулы определяется намагниченностью (4 $\pi M \propto 17.9$ kOe [13]), получаем, что при $H = 4\pi M$, $J_0 = 0.1 \text{ eV}$, $\langle S^z \rangle_0 = 1/2$, $\omega_{\text{max}}/2\pi = 25 \text{ THz}$. Таким образом, приходим к выводу о том, что на базе структур с гранулами кобальта можно создать покрытия, поглощающие электромагнитное излучение в широком диапазоне длин волн — сантиметровом, миллиметровом и субмиллиметровом. Оценки показывают, что единица объема гранулированной структуры с Со гранулами способна обеспечить значительно большее поглощение электромагнитной волны по сравнению с ферритовыми покрытиями.

На основании вышеизложенной теоретической модели можно сделать следующие выводы.

 Спектр спиновых возбуждений гранулированной структуры с ферромагнитными металлическими наноча2) Локализованными электронными состояниями в матрице могут быть или глубого лежащие по энергии уровни, или состояния термически активированной электронной шубы гранулы. В первом случае процесс спиновой релаксации гранул, осуществляемый через спинполяризационные возбуждения (спин-поляризационная релаксация), не зависит от температуры. Во втором случае наблюдается сильная температурная зависимость.

3) Спин-поляризационная релаксация должна наблюдаться в широкой частотной полосе. Оценки для гранулированных структур с наночастицами кобальта показывают, что ширина диапазона, где должна проявляться спинполяризационная релаксация, покрывает сантиметровые, миллиметровые и субмиллиметровые диапазоны длин волн.

Автор благодарен Ю.М. Яковлеву за полезные обсуждения и замечания.

Список литературы

- S. Mitani, K. Takanashi, K. Yakushiji, H. Fujimori. J. Appl. Phys. 83, 11, 6524 (1998).
- [2] Wen-Nai Wang, Zheng-Sheng Jiang, You-Wei Du. J. Appl. Phys. 78, 11, 6679 (1995).
- [3] A. Butera, J.N. Zhou, J.A. Barnard. Phys. Rev. B60, 17, 12 270 (1999).
- [4] A. Butera, J.N. Zhou, J.A. Barnard. J. Appl. Phys. 87, 9(2), 5627 (2000).
- [5] D.M.S. Bagguley. Proc. Phys. Soc. A66(8), 404A, 765 (1953).
- [6] D.M.S. Bagguley. Proc. Royal Soc. A228, 549 (1955).
- [7] Ю.И. Петров. Кластеры и малые частицы. Наука, М. (1986). 368 с.
- [8] J.R. Fermin, Antonio Azevedo, F.M. de Aguiar, Biao Li, S.M. Rezende. J. Appl. Phys. 85, 10, 7316 (1999).
- [9] Л.В. Луцев, С.В. Яковлев. Сб. тр. XVII Междунар. школысеминара "Новые магнитные материалы микроэлектроники". М. (20–23 июня 2000). С. 524.
- [10] Л.В. Луцев, С.В. Яковлев, Ю.Е. Калинин, А.В. Ситников, О.В. Стогней. Там же. С. 544.
- [11] Л.В. Луцев, С.В. Яковлев, Ю.Е. Калинин, А.В. Ситников, О.В. Стогней, В.И. Сиклицкий. Тез. докл. II Междунар. конф. "Аморфные и микрокристаллические полупроводники". СПб (3–5 июля 2000). С. 77.
- [12] Л.В. Луцев, Т.К. Звонарева, В.М. Лебедев. Письма в ЖТФ 27, 15, 84 (2001).
- [13] А.Г. Гуревич, Г.А. Мелков. Магнитные колебания и волны. Наука, М. (1994). 464 с.
- [14] Ю.А. Изюмов, Ф.А. Кассан-оглы, Ю.Н. Скрябин. Полевые методы в теории ферромагнетизма. Наука, М. (1974). 224 с.

- [15] Ф. Трев. Введение в теорию псевдодифференциальных операторов и интегральных операторов Фурье. Псевдодифференциальные операторы. Т. 1. Мир, М. (1984). 360 с.
- [16] А.С. Давыдов. Квантовая механика. Наука, М. (1973). 704 с.
- [17] С.В. Вонсовский. Магнетизм. Наука. М. (1971). 1032 с.
- [18] Е.В. Кузьмин, Г.А. Петраковский, Э.А. Завадский. Физика магнитоупорядоченных веществ. Наука, Новосибирск (1976). 288 с.