#### 04;09;12

# Ионизационно-перегревная неустойчивость разрядной плазмы воздуха в СВЧ-поле

© В.Л. Бычков,<sup>1</sup> Л.П. Грачев,<sup>2</sup> И.И. Есаков<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова, 119899 Москва, Россия <sup>2</sup> Московский радиотехнический институт РАН, 117519 Москва, Россия e-mail: esakov@dataforce.net

#### (Поступило в Редакцию 2 июня 2006 г.)

Приведены результаты экспериментальных исследований начального этапа развития инициированного CBЧ-разряда в воздухе в линейно-поляризованном квазиоптическом волновом пучке. Разряд зажигался при давлении воздуха, при котором частота столкновений плазменных электронов с молекулами воздуха в разрядной плазме существенно превышает циклическую частоту элекромагнитного поля, и уровне CBЧ-поля, близком к пороговому пробойному уровню. Эксперименты зафиксировали в разрядной плазме сравнительно яркие вытянутые вдоль поля каналы. Опыты позволили оценить темп развития этих каналов и их характерный поперечный размер. Сравнение опытных данных с теоретическими оценками подтвердило, что наблюдаемые в эксперименте каналы являются результатом развития в CBЧ разрядной плазме ионизационно-перегревной неустойчивости.

PACS: 52.80.Qj

## Введение

Эксперименты по исследованию импульсных электрических разрядов в воздухе в линейно-поляризованных квазиоптических электромагнитных (ЭМ) пучках СВЧдиапазона длин волн ЭМ поля λ демонстрируют, что в определенном диапазоне давлений воздуха р и уровня СВЧ-поля в первоначально однородной диффузной плазменной разрядной области формируются более яркие каналы [1]. Каналы вытянуты преимущественно вдоль направления электрической составляющей ЭМ поля Е<sub>0</sub>. Интерес к выяснению физической природы этих каналов обусловлен тем, что при более высоких р именно они ответственны за формирование стримерного типа СВЧразряда. Разряд же этого типа энергетически эффективно взаимодействует с возбуждающим разряд ЭМполем, что стимулирует поиск путей его практического применения [2].

Наличие ярких каналов в объеме однородного разрядного плазменного образования в случае, когда частота столкновений плазменных электронов с молекулами воздуха  $v_c$  существенно превышает циклическую частоту поля  $\omega$ , обычно связывают с развитием в СВЧ разрядной плазме ионизационно-перегревной неустойчивости (ИПН) [3]. Теория ИПН воздушной СВЧ разрядной плазмы изложена в работе [4]. В ней определен ее инкремент  $\gamma$ , характеризующий скорость развития ионизационно-перегревных (ИП) каналов, и волновое число  $\kappa$ , определяющее расстояние между ними.

Эксперименты с разрядами такого типа показали, что рассчитанные в соответствии с этой работой значения  $\gamma$  находятся в пределах точности оценки его величины в опытах. Однако экспериментальные  $\kappa$  существенно

отличаются от теоретических значений. ИПН воздушной СВЧ разрядной плазмы была рассмотрена и в работе [5]. В ней аналитическое выражение для инкремента у получено на основе локального рассмотрения ИП процесса. Оно совпадает с аналогичной формулой, приведенной в [4]. Рассчитанное по ней значение у находится в согласии и с приведенными в [5] результатами эксперимента со свободно локализованным безэлектродным СВЧ-разрядом в воздухе, зажженным в фокусе квазиоптического волнового ЭМ-пучка. В этих опытах динамика развития яркого канала в первоначально однородной диффузной плазменной разрядной области исследовалась путем фоторегистрации разряда в ряде последовательных возбуждающих разряд СВЧимпульсов при постепенном, с дискретом в несколько микросекунд, увеличении их длительности  $\tau_{\rm pul}$ .

Настоящая работа является логическим продолжением исследований, изложенных в работе [5]. Однако в ней динамика развития ИПН исследуется путем покадровой скоростной, с разрешением в десятые доли микросекунды, фоторегистрации разрядной области в каждом конкретном импульсе при неизменной его длительности  $\tau_{\rm pul}$ . В экспериментах, в отличие от [5], зажигался СВЧразряд, инициированный металлическим шариком. Это позволило более точно определить исходный уровень поля Е<sub>0</sub> в ЭМ-пучке в области расположения инициирующего разряд шарика. В работе продолжено развитие теоретической модели данного вида неустойчивости СВЧ разрядной плазмы. Она позволила получать не только значение у в конкретных экспериментальных условиях, но и ожидаемый в опыте начальный поперечный размер ИП-канала. Результаты развитой теории нашли экспериментальное подтверждение.

#### Условия эксперимента

Используемая в опытах установка подробно описана в работе [6]. В опытах импульсное с прямоугольной огибающей линейно-поляризованное ТЕМ-излучение с  $\lambda = 8.9 \,\mathrm{cm}$  и  $\tau_{\mathrm{pul}} = 40 \,\mu\mathrm{s}$  фокусируется в центральной области "ЭМ безэховой" герметичной камеры, паузы между импульсами не менее 1 min. В последовательных импульсах величина поля в фокусе ЭМ-пучка Е0 может меняться. Его максимальная величина — 6.5 kV/cm. Эксперименты проводились с воздухом атмосферного состава. Его давление р в камере может устанавливаться в диапазоне от 3-760 Torr и измеряется с точностью ±1.5 Torr. В фокусе ЭМ-пучка расположен металлический шарик диаметром 2*a* = 11 mm. Шарик укреплен на капроновой нити диаметром 0.1 mm, пропущенной через проходящее по его диаметру перпендикулярное вектору Е0 поля отверстие. Нить проходит через ось ЭМ пучка и перпендикулярна его вектору Е0 и вектору Пойнтинга П.

Один из полюсов шарика, где вектор  $E_0$  перпендикулярен его поверхности, освещается импульсным ультрафиолетовым (УФ) излучением. Его источник находится вне ЭМ-пучка. Включение источника УФ-излучения синхронизовано с передним фронтом СВЧ-импульса. УФ-излучение обеспечивает наличие у поверхности шарика "свободных" фотоэлектронов, практически не изменяя свойств воздуха по пути своего распространения.

В опытах фиксируется огибающая СВЧ-импульса. Это позволяет проводить относительные измерения величины  $E_0$ . Эксперименты проводились при уровне  $E_0$ , находящемся или на пороге пробоя воздуха в данной экспериментальной постановке, или слегка его превышающем. Значение фиксируемой амплитуды огибающей СВЧ-импульса на пороге пробоя воздуха по методике, изложенной в работе [7], позволяет провести ее привязку к абсолютной величине  $E_0$ . "Линейность" по полю измерительного датчика позволяет оценивать величину  $E_0$  и при ее превышении порогового пробойного уровня.

В экспериментах в течение СВЧ-импульса проводится скоростная покадровая фоторегистрация разрядной области. Для этого используется электронно-лучевая камера К011. Начало процесса фоторегистрации синхронизовано с передним фронтом СВЧ-импульса. Фоторегистрирующая аппаратура позволяет получать девять последовательных кадров. При этом для различных СВЧимпульсов может варьироваться как время экспозиции кадров  $\tau_{exp}$ , так и длительность паузы межу ними  $\tau_p$ . На приведенных ниже рисунках кадры расположены в три ряда, и их временной отсчет ведется в каждом ряду слева направо и сверху вниз по рядам. В дальнейшем по этой системе мы будем присваивать соответствующий номер кадрам от одного до девяти. На фотографиях вектор Е0 вертикален, а П — направлен слева направо. Масштабом изображений является диаметр шарика.

#### Результаты опытов

На рис. 1–3 приведены характерные фотографии, иллюстрирующие начальный этап развития инциированных СВЧ-разрядов. Кроме того рис. 1 и 3 получены при уровне поля на полюсах шарика  $E_{pol}$ , соответствующем минимальному граничному полю пробоя в данной экспериментальной постановке  $E_{pol} = E_{th}$ . На фотографиях зафиксирован верхний полюс инициирующего разряд шарика и прилегающая к нему область. Времена  $\tau_{exp}$  и  $\tau_p$ 



**Рис. 1.** Покадровая фоторазвертка начального этапа развития инициированного шариком СВЧ-разряда при p = 60 Torr,  $\tau_{exp} = 0.2 \, \mu$ s,  $\tau_p = 0.2 \, \mu$ s и  $E_{pol} = E_{th}$ .



**Рис. 2.** То же, что на рис. 1;  $\tau_p = 0.1 \,\mu s$  и  $E_{pol} = 1.3 E_{th}$ .



**Рис. 3.** То же, что на рис. 1; *p* = 90 Torr.

в десятых долях микросекунды указаны непосредственно под рисунками.

На фотографиях яркая область на поверхности шарика является отражением световой вспышки источника УФизлучения. По изменению ее размера можно оценить характерное время "разгорания" и "потухания" этой вспышки масштабом в несколько микросекунд.

В каждой приведенной на рисунках серии видно, что разряд зарождается у полюса шарика в виде диффузного плазменного образования. Его граница удаляется от поверхности шарика вдоль вектора Е0 с характерной скоростью фронта  $v_{
m fr} \approx 10^6 
m \, cm/s$ . Затем скорость удлинения диффузной области существенно замедляется, и ее рост вдоль Е0 прекращается. Постепенно изменяется и яркость центральной области этой диффузной "шапки". Она сначала постепенно становится более яркой, а затем тускнеет. По рис. 1-3 максимальную длину вдоль Е0 плазменных шапок можно оценить соответственно  $h_1 \approx 10, \ h_2 = 6.6$  и  $h_3 \approx 6.4 \,\text{mm}$ , а их максимальный поперечный размер  $D_1 \approx 8, D_2 \approx 6.6$  и  $D_3 \approx 6.4 \,\mathrm{mm}$ . Следовательно, с учетом диаметра шарика и в предположении идентичности верхней и нижней полярных шапок максимальную длину вдоль Е0 образующихся ЭМ-вибраторов 2L = 2(h + a) можно оценить  $2L_1 \approx 30, 2L_2 \approx 24$  и  $2L_3 \approx 24$  mm.

Из рисунков следует, что через некоторое время от начала развития разряда в первоначально диффузной плазменной области формируются более яркие каналы. Их оси отслеживают направление силовых линий индуцированного ближнего поля инициирующего разряд шарика. На кадре 9 рис. 1 четко зафиксированы два канала. Их диаметр можно оценить  $d_1 \approx 0.7$  mm. Зачатки этих каналов прослеживаются уже на кадре 8. Таким образом, время задержки их появления относительно начала формирования исходного диффузного плазменного образования (т.е. кадров 3–4) можно оценить величиной  $\tau_1 \approx 1.8-2.2\,\mu$ s. На рис. 2 также зафиксированы два канала, которые относительно четко начинают прослеживаться на кадрах 7–8. Таким образом, в этом эксперименте время  $\tau_2 \approx 1.4-1.7\,\mu$ s. По кадру 8 их диаметр  $d_2 \approx 0.79$  mm. На рис. 3 зафиксирован всего один канал на кадре 9. Его диаметр  $d_3 \approx 0.72$  mm. В этом эксперименте время  $\tau_3 \approx 1.4-1.8\,\mu$ s.

## Диффузионная стадия развития разряда

Оценим количественные характеристики диффузной разрядной плазменной области, на фоне которой развивается ИПН. Для определенности будем ориентироваться на рис. 1.

По [8]  $v_c = 5.3 \cdot 10^9 p \, \text{s}^{-1}$  (здесь и в приведенных ниже аналогичных оценочных формулах давление *p* имеет размерность Torr) и при  $p = 60 \, \text{Torr}, v_c =$  $= 3.2 \cdot 10^{11} \, \text{s}^{-1}$ . Следовательно, при экспериментальной  $\omega = 2.1 \cdot 10^{10} \, \text{s}^{-1}$  выполняется условие  $v_c \gg \omega$ .

В соответствии с [7] при данных p и 2a в исходном состоянии на пороге пробоя амплитуда поля на полосе шарика  $E_{\rm th} = 1.25E_{\rm cr}$ . Здесь амплитуда критического поля пробоя  $E_{\rm cr} = 42p$  V/cm равна 2.5 kV/cm.

Рассмотрим область, непосредственно прилегающую к полюсной поверхности шарика, на размере  $x \ll a$ , где координата x отсчитывается от этой поверхности и нормальная ей. В опытах именно в этой области первоначально формируются яркие каналы (см. рис. 1–3).

Диффузная скорость распространения фронта ионизации  $v_{\rm fr} = 2\sqrt{v_i \cdot D_e}$  cm/s. В ней по [9] при  $1 \leq (|E|/E_{\rm cr}) \leq 3$  частота ионизации  $v_i = v_a \times$  $\times [(|E|/E_{\rm cr})^{\beta} - 1]$  s<sup>-1</sup> при  $v_a = 2 \cdot 10^4 p$  s<sup>-1</sup> и  $\beta = 5.34$ . В формуле для  $v_{\rm fr}$  в соответствии с выводами работы [10] стоит коэффициент свободной диффузии электронов  $D_e$ . По [9]  $D_e = 1.6 \cdot 10^6 / p$  cm<sup>2</sup>/s. Следовательно, опытному значению  $E_{\rm th}/E_{\rm cr}$  соответствует  $v_{\rm fr} = 5.4 \cdot 10^5$  cm/s. По мере развития разряда размер 2L образующегося ЭМ-вибратора растет. Первоначально растет и поле на его плазменной полюсной границе. В результате, как фиксируют кадры 3 и 4 на рис. 1, на начальном этапе развития полюсной шапки средняя скорость  $v_{\rm fr}$  растет до  $10^6$  cm/s.

На рис. 4 условно показана ситуация в рассматриваемой области.

В плазме комплексный коэффициент диэлектрической проницаемости (при  $v_c \gg \omega$ )  $\varepsilon = 1 - i(n_e/n_{ecr}) \times (v_c/\omega) \equiv 1 - in$ , где  $n_e$  — концентрация электронов,  $n_{ecr} = (m_e \varepsilon_0/q_e^2) v_c^2 \,\mathrm{m}^{-3}$  — их критическая концентрация при общепринятых значениях  $m_e = 9.1 \cdot 10^{-31} \,\mathrm{kg}$ ,  $q_e = 1.6 \cdot 10^{-19} \,\mathrm{K}$  и  $\varepsilon_0 = 10^{-9}/(36\pi)$ , F/m, n — относительная концентрация электронов. На рис. 4 верхний график и показывает зависимость n(x). Очевидно, что



**Рис. 4.** Условная схема распределения относительной концентрации электронов и ЭМ-поля в приполярной области инициирующего разряд шарика.

в зоне *I* перед разрядным фронтом n = 0. Затем в зоне фронта она растет до значения  $n_{in}$  и, наконец, в зоне *II* за фронтом остается постоянной, за исключением малого участка, дебаевского размера, у поверхности шарика [7].

В общем случае поле *E* в плазме является комплексной величиной E = U + iV с модулем  $|E| = \sqrt{U^2 + V^2}$ . Нижние графики на рис. 4 и показывают условно зависимости |E|(x), U(x) и V(x). При этом принято, что в зоне *I* на передней границе зоны фронта  $(|E|) = E_{\rm th} = U$ , а V = 0, а поле в этой зоне спадает до значения не возмущенного шариком поля в ЭМ-пучке  $E_0 = E_{\rm th}/3$ лишь при значительном удалении от этой границы. Использовано и предположение, что за зоной фронта реализуется стационарный процесс ионизации с  $n_{\rm in}$  = const и  $E_{\rm in} = E_{\rm cr}$ . Последнее равенство предполагает, что стационар по  $n_{\rm in}$  обеспечивается не релаксацией зарядов, а ионизационно-полевым процессом.

В квазистационарном приближении, т.е. при размере рассматриваемой области  $\Delta x \ll (1/k)$ , где  $k = 2\pi/\lambda$ , справедливо уравнение Максвелла в виде  $\nabla(\varepsilon \mathbf{E}) = 0$ , т.е. в этой области  $\varepsilon E = \text{const}(x)$ . Используем это тождество в зонах I и фронта

$$(1-i0)(E_{\rm th}+i0) = (1-in)(U+iV),$$

приравниваем действительные и мнимые части и получаем в зоне фронта n = V/U,  $U^2 + V^2 \equiv |E|^2 = E_{\rm th}U$ ,  $U = [1/(1 + n^2)]E_{\rm th}$ , и  $V = [n/(1 + n^2)]E_{\rm th}$ . В свою очередь, учтем принятое допущение, что  $|E_{\rm in}| = E_{\rm cr}$ , и получим в зоне *II* за фронтом ионизации  $U_{\rm in} = E_{\rm cr}(E_{\rm cr}/E_{\rm th})$ ;  $V_{\rm in} = E_{\rm cr}\sqrt{1 - (E_{\rm cr}/E_{\rm th})^2}$  и  $n_{\rm in} = \sqrt{(E_{\rm th}/E_{\rm cr})^2 - 1}$ .

Оценка  $n_{\rm in}$  для экспериментальных условий дает  $n_{\rm in} = 0.75$ , или  $n_e = 1.6 \cdot 10^{11} \,{\rm cm}^{-3}$ . Этому значению  $n_e$  соответствует проводимость в плазме  $\sigma = \varepsilon_0 \omega \times$   $imes \sqrt{(E_{
m th}/E_{
m cr})^2 - 1} = 1.4 \cdot 10^{-1} \ (\Omega \cdot m)^{-1}$  и глубина скинслоя  $\delta pprox (\lambda/\pi)/\sqrt{2[(E_{
m th}/E_{
m cr}) - 1]} = 40 \ {
m mm} \gg (D_1/2).$ 

## Ионизационно-перегревная стадия развития разряда

При рассмотрении процесса ИПН будем исходить из следующей системы уравнений:

$$E = E_{\rm cr}(N_0) = \text{const;} \tag{1}$$

$$\frac{\partial n_e}{\partial t} = v_i n_e + D_a \frac{\partial^2 n_e}{\partial x^2}; \tag{2}$$

$$\frac{7}{2}k_B N \frac{\partial T}{\partial t} = \eta \frac{\sigma E^2}{2}; \tag{4}$$

$$p = Nk_BT = N_0k_BT_0 = \text{const.}$$
(5)

Здесь  $E_{\rm cr}(N_0)$  — критическое поле пробоя при исходной концентрации молекул воздуха  $N_0$  в плазменном фоне, на котором развивается ИПН;  $E_{\rm cr}(N) = 1.18 \cdot 10^{-15} N$ , V/ст — критическое поле пробоя в зависимости от изменяющейся в процессе ИПН концентрации молекул N (размерность N — ст<sup>-3</sup>);  $D_a$  — коэффициент амбиполярной диффузии, который по [9] равен  $1.4 \cdot 10^4/p$ , ст<sup>2</sup>/s; коэффициент  $7/2 = \gamma/(\gamma - 1)$  — теплоемкость воздуха при постоянном p с показателем адиабаты  $\gamma = 1.4$ ;  $k_B = 1.38 \cdot 10^{-23}$  J/К — постоянная Больцмана;  $\eta = 0.45$  — коэффициент, учитывающий, какая доля энергии электронов в плазме воздуха, полученная ими от СВЧ-поля при  $E \approx E_{\rm cr}$ , за время  $t \ll \tau$  трансформируется в нагрев воздуха [11]; T — температура воздуха и  $T_0 \approx 300$  К — его исходная температура.

Эта система уравнений отражает физическую природу ИПН. В исходном плазменном фоне при флуктуационном возрастании  $n_e$  в тонкой вытянутой вдоль поля области  $E = E_{in} = E_{cr}(N_0)$  остается неизменным, что и отражает уравнение (1). Этот рост  $n_e$  приводит к возрастанию в этой области величины  $\sigma$  и по (4) к дополнительному нагреву воздуха в ней. В результате при соблюдении условия (5) в этой области падает N. В свою очередь, падение N приводит к уменьшению  $E_{cr}(N)$  и по (3) — к резкому возрастанию  $n_e$ . Таким образом, цепочка замыкается.

Проведем линейный анализ этого явления, считая при этом  $v_a$  и  $D_a$  не зависящими от изменения N.

Из (3)  $v_i = v_a (N_0^{\beta} N^{-\beta} - 1)$ . Подставив это значение  $v_i$  в (2), получим первое уравнение, связывающее  $n_e$  и N:

$$\frac{\partial n_e}{\partial t} = \nu_a N_0^\beta N^{-\beta} n_e - \nu_a n_e + D_a \, \frac{\partial^2 n_e}{\partial x^2}.\tag{6}$$

Выразив из (5) T и продифференцировав, получим  $\partial T/\partial t = -(p/k_B)N^2(\partial N/\partial t)$ . Подставив это выражение

в (4), получим второе уравнение, связывающее  $n_e$  и N:

$$\frac{\partial N}{\partial t} = -\left[\left(\eta \frac{\sigma E^2}{2}\right) \middle/ \left(\frac{7}{2}p\right)\right] N. \tag{7}$$

Пусть в начальном состоянии  $N = N_0$ ,  $n_e = n_{e0}$  и  $\partial^2 n_{e0}/\partial x^2 = 0$ . Подставим эти значения в уравнения (6) и (7) и получим

$$\int \frac{\partial n_{e0}}{\partial t} = 0; \tag{8}$$

$$\left\{ \frac{\partial N_0}{\partial t} = -\left[ \left( \eta \, \frac{\sigma E^2}{2} \right) \, \middle/ \, \left( \frac{7}{2} \, p \right) \right] N_0 \equiv -\gamma_0 N_0. \tag{9}$$

Условие (8) констатирует, что в исходном состоянии процесс ионизации стационарен. Уравнение (9) показывает, что и в исходном состоянии идет плавный нагрев воздуха в диффузном плазменном фоне с характерным инкрементом  $\gamma_0$ . Очевидно, что процесс ИПН должен характеризоваться инкрементом  $\gamma \gg \gamma_0$ , и именно поэтому в его названии употребляется слово "перегревная".

Введем малые флуктуации:  $n_e = n_{e0} + n'_e$ ;  $N = N_0 + N'$ ;  $\sigma = \sigma_0 + \sigma'$  при  $n'_e \ll n_{e0}$ ;  $N' \ll N_0$ ;  $\sigma' \ll \sigma_0$ . Подставим их в (6) и (7) с учетом соотношения  $\sigma'/\sigma_0 = n'_0/n_{e0}$  и уравнений (8) и (9). Эта подстановка дает следующую систему уравнений для флуктуаций:

$$\left(\frac{\partial n'_e}{\partial t} - D_a \,\frac{\partial^2 n'_e}{\partial x^2} + \beta \nu_a \,\frac{n_{e0}}{N_0} N' = 0; \right.$$
(10)

$$\left(\gamma_0 \left(1 / \frac{n_{e0}}{N_0}\right) n'_e + \frac{\partial N'}{\partial t} + \gamma_0 N' = 0. \right)$$
(11)

Положим, что  $n'_e = n'_{e0} \exp(\gamma t - i\kappa x)$  и  $N' = N'_0 \times \exp(\gamma t - i\kappa x)$ , рассчитаем  $\partial n'_e/\partial t$ ,  $\partial N'/\partial t$  и  $\partial^2 n'_e/\partial x^2$  и подставим эти величины в (10) и (11) с учетом условия  $\gamma \gg \gamma_0$ :

$$\begin{cases} (\gamma + D_a \kappa^2) n'_{e0} + \beta v_a \, \frac{n_{e0}}{N_0} N'_0 = 0 \\ \gamma_0 \left( \frac{1}{N_0} n'_{e0} + \gamma N'_0 = 0 \right) \end{cases}$$

Эта система уравнений дает дисперсионное соотношение вида  $(\gamma + D_a \kappa^2) \gamma - \beta \nu_a \gamma_0 = 0$ , которое при разрешении его относительно  $\gamma$  принимает вид

$$\gamma = -\frac{D_a \kappa^2}{2} + \sqrt{\left(\frac{D_a \kappa^2}{2}\right)^2 + \beta \nu_a \gamma_0}.$$
 (12)

Из (12) следует, что инкремент рассматриваемого типа неустойчивости  $\gamma$  максимален при  $\kappa = 0$  и плавно стремится к нулю при  $\kappa \to \infty$ . Этот результат очевиден. Волновое число  $\kappa = 2\pi/\Lambda$ , где  $\Lambda/2 = d$  — характерный поперечный размер ИП каналов, который с ростом  $\kappa$ падает. В результате с ростом  $\kappa$  происходит все более значительное диффузное "рассасывание" начальной



**Рис. 5.** Безразмерные зависимости инкремента ИПН от волнового числа.

неоднородности. Физического же основания, ограничивающего величину  $\gamma$  при больших  $\Lambda/2$ , т.е. малых  $\kappa$ , в исходных уравнениях нет.

В то же время очевидно, что ограничение для малых  $\kappa$  содержится в условии (5). В рассматриваемой модели за время  $\tau = 1/\gamma$  давление газа на размере  $\Lambda/2$  должно успевать выровняться

$$\frac{v_s}{\gamma} \ge \frac{\Lambda}{2} = \frac{\pi}{\kappa},\tag{13}$$

где  $v_s = 3.4 \cdot 10^4 \,\mathrm{cm/s}$  — скорость звука в воздухе.

Совместно уравнения (12) и (13) однозначно определяют значения  $\gamma$  и  $\kappa$ . В следующем безразмерном виде:

$$\begin{cases} z = \sqrt{1 + y^4} - y^2;$$
(14)

$$\int z = f y, \tag{15}$$

где  $z = \gamma / \sqrt{\gamma_0 \beta v_a}$  и  $y = \kappa / \kappa_0$  при  $\kappa_0 = \sqrt[4]{\frac{4\gamma_0 \beta v_a}{D_a^2}}$  и  $f = \frac{v_s}{\pi} \sqrt[4]{\frac{2}{D_a^2 \gamma_0 \beta v_a}}$  — они построены на рис. 5. При этом уравнение (14) не зависит от опытных условий, а наклон прямой (15) определяется именно ими. На рис. 4 коэффициент *f* задан условиями, соответствующими рис. 1.

На рис. 5 зависимости (14) и (15) пересекаются в точке  $z^* = 0.7$  и  $y^* = 0.58$ . Этим значениям соответствуют  $\gamma = 4.8 \cdot 10^5 \text{ s}^{-1}$  или  $\tau_1 = 1/\gamma = 2.1 \, \mu \text{s}$  и  $\Lambda/2 = d_1 = 0.71$  mm. Полученные значения практически совпадают с аналогичными величинами, зафиксированными в эксперименте.

#### Заключение

Таким образом, в работе приведены характерные скоростные покадровые фотографии, иллюстрирующие начальный этап развития инициированного СВЧ-разряда. Разряд зажигался в воздухе сравнительно высокого давления p, при котором обеспечивается в разрядной плазме существенное превышение частоты столкновений электронов с молекулами воздуха  $v_c$  циклической частоты поля  $\omega$ :  $v_c \gg \omega$ . Разряд инициировался шариком диаметром 2a, существенно меньшим длины волны ЭМ-поля  $\lambda$ :  $2a \ll \lambda$ . Шарик помещался в линейно-поляризованный квазиоптический ЭМ-пучок с ТЕМ-структурой поля.

Приведенные фотографии показывают, что разряд зарождается на полюсах шарика, где вектор электрической составляющей ЭМ-поля  $E_0$  перпендикулярен поверхности шарика, в виде сравнительно однородных диффузных плазменных образований. Эти образования, стартуя с полюсов шарика, постепенно вытягиваются вдоль  $E_0$  и совместно с шариком образуют помещенный в поле ЭМ-вибратор. Эксперименты дают характерные масштабы длины начальных диффузных образований, их диаметра и скорости роста на последовательных этапах развития этих диффузных "шапок".

Из фотографий следует, что через некоторое время  $\tau$  с момента начала развития разряда в его полюсных плазменных шапках начинают фиксироваться сравнительно яркие каналы, вытянутые вдоль линий ближнего индуцированного электрического поля **E** шарика. По фотографиям можно оценить их характерный диаметр *d* и время формирования  $\tau$ .

В работе, с помощью формулы для скорости перемещения навстречу ЭМ-излучению фронта ионизации  $v_{\rm fr}$ , соответствующей диффузионному механизму его распространения, и в предположении свободного характера диффузии электронов на переднем участке этого фронта получено значение  $v_{\rm fr}$  для начального этапа развития полярных шапок. Это значение  $v_{\rm fr}$  сравнительно хорошо согласуется с экспериментальной оценкой.

В работе в квазистатическом приближении рассчитана концентрация плазменных электронов  $n_{e0}$  в полярных шапках, в объеме которых формируются яркие каналы. Сделано предположение об ионизационно-полевом механизме стабилизации процесса ионизации, т.е. уменьшения модуля поля **E** в объеме плазменных шапок до уровня критического пробойного поля  $\mathbf{E}_{cr}$  за счет наработки концентрации плазмы.

И наконец, в работе проанализирована линейная стадия процесса развития ИПН разрядной плазмы воздуха в СВЧ-поле при  $\nu_c \gg \omega$ . В результате появилась возможность проводить оценку характерного времени развития этой неустойчивости  $\tau$  или ее инкремента  $\gamma = 1/\tau$  и характерного исходного поперечного размера  $\Lambda/2$  образующихся плазменных каналов. При этом использовались опытный факт вытянутости этих каналов вдоль Е и предположение об изобаричности процесса ИПН. Полученные результаты нашли экспериментальное подтверждение. Кроме того, как теория, так и эксперимент показывают, что рассматриваемая неустойчивость является пространственно апериодической. И наконец, количественное соответствие теоретических оценок опытным результатам дает основание утверждать, что приведенные в работе аппроксимирующие формулы для величин типа  $v_i$ ,  $v_a$ ,  $D_e$ ,  $D_a$  и т.п. в рассматриваемом диапазоне параметров адекватны физической реальности.

Логическим продолжением этих исследований может явиться анализ нелинейной стадии процесса ИПН [12]. Полученные результаты и их продолжение могут дать ответ о предельных параметрах плазмы в объеме ИПканала и о радиусе его конца. Последний определяет величину индуцированного усиленного поля в окрестности конца ИП-канала. В результате может быть на количественном уровне рассмотрен процесс удлинения ИП-канала, т. е. его преобразования в СВЧ-стример.

### Список литературы

- Грачев Л.П., Есаков И.И., Мишин Г.И., Федотов А.Б. // ЖТФ. 1989. Т. 59. Вып. 10. С. 149–154.
- [2] Esakov I.I., Grachev L.P., Khodataev K.V. // AIAA-2005-989.
- [3] Вихарев А.Л., Горбачев А.М., Ким А.В., Колыско А.Л. // Физика плазмы. 1992. Т. 18. Вып. 8. С. 1064–1075.
- [4] Гильденбург В.Б., Ким А.В. // Физика плазмы. 1980. Т. 6. Вып. 4. С. 904–909.
- [5] Грачев Л.П., Есаков И.И., Мишин Г.И. // ЖТФ. 1996. Т. 66. Вып. 8. С. 73–82.
- [6] Грачев Л.П., Есаков И.И., Ходатаев К.В., Цыпленков В.В. Установка для исследования импульсного безэлектродного СВЧ разряда в газах высокого и среднего давления. Препринт МРТИ АН СССР. М., 1990. 14 с.
- [7] Грачев Л.П., Есаков И.И., Ходатаев К.В., Цыпленков В.В. // Физика плазмы. 1992. Т. 18. Вып. 3. С. 411–415.
- [8] Мак-Доналд А. Сверхвысокочастотный пробой в газах. М.: Мир, 1969. 205 с.
- [9] Борисов Н.Д., Гуревич А.В., Милих Г.М. Искусственная ионизированная область в атмосфере. М., 1986. 184 с.
- [10] Ходатаев К.В. // Физика плазмы. 1995. Т. 21. Вып. 7. С. 605-610.
- [11] Райзер Ю.П. Физика газового разряда. М.: Наука, 1987. 591 с.
- [12] Ким А.В., Фрайман Г.М. // Физика плазмы. 1983. Т. 9. Вып. 3. С. 613–617.