

# Дифференциальная емкость $p^+ - p$ -перехода

© Н.А. Шеховцов <sup>¶</sup>

Харьковский национальный университет им. В.Н. Каразина,  
61077 Харьков, Украина

(Получена 1 марта 2011 г. Принята к печати 27 апреля 2011 г.)

Исследована дифференциальная емкость  $p^+ - p$ -перехода, которая образована изменением заряда в области перехода с учетом электрического поля в квазинейтральной  $p$ -области. Получена зависимость емкости и тока  $p^+ - p$ -перехода от напряжения в области перехода. Показано, что изменение знака емкости  $p^+ - p$ -перехода с ростом уровня инжекции вызвано уменьшением биполярной дрейфовой подвижности в  $p$ -области. Показано, что изменение знака емкости  $p^+ - p$ -перехода при увеличении обратного напряжения определяет уменьшение заряда в области перехода за счет преобладания роста отрицательного заряда ионов акцепторов над ростом положительного заряда дырок.

## 1. Введение

В работе [1] экспериментально показано, что у германиевых  $p^+ - p$ -переходов с проводимостью  $p$ -области, близкой к собственной, характер зависимости дифференциальной емкости от тока изменяется с увеличением температуры перехода. При температуре  $T = 300$  К емкость  $p^+ - p$ -перехода с ростом прямого тока увеличивается, а при увеличении обратного тока изменяет знак с положительного на отрицательный. При температурах  $T \geq 310$  К емкость  $p^+ - p$ -перехода с ростом прямого тока достигает максимума, а затем уменьшается и изменяет знак. Теория  $h-l$ -переходов [2–6] не объясняет такое изменение характера зависимости емкости  $p^+ - p$ -перехода от тока при увеличении температуры перехода.

В связи с этим исследованы зависимости дифференциальной емкости и тока  $p^+ - p$ -перехода от напряжения на области перехода. Рассмотрена емкость  $p^+ - p$ -перехода, которая образована изменением заряда в области перехода с учетом изменения электрического поля в квазинейтральной  $p$ -области в режиме прямого и обратного включения. В режиме прямого включения  $p^+ - p$ -перехода поле в квазинейтральной  $p$ -области определено с учетом зависимости биполярной дрейфовой подвижности от концентрации неравновесных пар электрон–дырка.

Показано, что изменение характера зависимости емкости  $p^+ - p$ -перехода от тока инжекции при увеличении температуры перехода обусловлено уменьшением биполярной дрейфовой подвижности в  $p$ -области с приближением ее проводимости к собственной.

Показано, что изменение знака емкости  $p^+ - p$ -перехода с ростом обратного тока вызвано уменьшением заряда в области перехода за счет преобладания увеличения отрицательного заряда ионов акцепторов над увеличением положительного заряда дырок.

## 2. Уравнения динамического равновесия $p^+ - p$ -перехода

Распределение электрического поля и потенциала в области пространственного заряда (ОПЗ)  $n^+ - n^-$  и

$p^+ - p$ -переходов при термодинамическом равновесии исследовались в работах [7–11]. В [11] предложен способ получения точного распределения поля и потенциала в ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода при термодинамическом равновесии (см. рисунок).

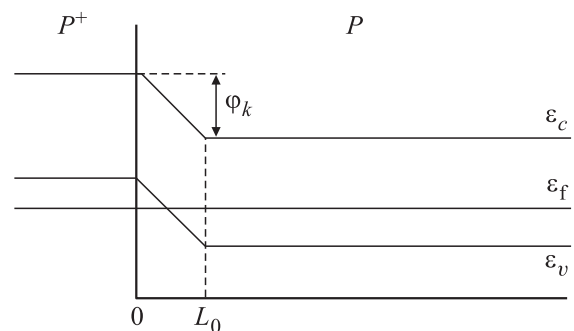
В ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода заряд электронов значительно меньше заряда дырок. Поэтому рекомбинацией электронов и дырок в ОПЗ перехода можно пренебречь. В этом случае токи дырок и электронов в ОПЗ перехода не зависят от координаты  $x$ . Состояние динамического равновесия  $p^+ - p$ -перехода определит система уравнений:

$$\frac{j_p}{qD_p} = \frac{p(x)}{kT} \frac{d\phi(x)}{dx} - \frac{dp(x)}{dx}, \quad (1)$$

$$\frac{j_n}{qD_n} = \frac{n(x)}{kT} \frac{d\phi(x)}{dx} + \frac{dn(x)}{dx}, \quad (2)$$

$$\frac{d^2\phi(x)}{dx^2} = \frac{4\pi q^2}{\epsilon} [p(x) - (p_T - n_T) - n(x)] \quad (3)$$

совместно с условием динамического равновесия ОПЗ перехода. Здесь  $j_p$  — ток дырок,  $j_n$  — ток электронов,  $p(x)$  и  $n(x)$  — распределение концентрации дырок и электронов соответственно;  $p_T$  и  $n_T$  — концентрации



Энергетическая диаграмма  $p^+ - p$ -перехода.  $\epsilon_c$  — дно зоны проводимости,  $\epsilon_v$  — потолок валентной зоны,  $\phi_k$  — величина потенциального барьера области перехода,  $L_0$  — ширина области перехода.

<sup>¶</sup> E-mail: shekhov@isc.kharkov.ua

дырок и электронов в  $p$ -области при термодинамическом равновесии перехода;  $\varphi(x) = -q\psi(x)$ , где  $q$  — заряд электрона,  $\psi(x)$  — положительный потенциал,  $k$  — постоянная Больцмана,  $T$  — температура Кельвина,  $\varepsilon$  — диэлектрическая проницаемость решетки полупроводника;  $D_p/\mu_p = D_n/\mu_n = kT/q$ , где  $D_p$  и  $D_n$  — коэффициенты диффузии, а  $\mu_p$  и  $\mu_n$  — подвижности дырок и электронов.

Граничные условия для системы уравнений (1)–(3) представим в виде

$$\varphi(L) = 0, \quad (4)$$

$$\varphi(0) = q(U_k \mp U), \quad (5)$$

$$p(L) = p_L, \quad (6)$$

$$p(0) = p_0(0) \pm \Delta p(0) = p_T e^{\frac{qU_k}{kT}} \left[ 1 \pm \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right], \quad (7)$$

$$n(L) = n_L, \quad (8)$$

$$n(0) = n_0(0) \pm \Delta n(0) = n_T e^{-\frac{qU_k}{kT}} \left[ 1 \pm \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right], \quad (9)$$

$$n(0) = n_L e^{-\frac{q(U_k \mp U)_k}{kT}} \mp \Delta n(0), \quad (10)$$

$$\left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{x=L} = \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L. \quad (11)$$

Здесь  $L$  — ширина (ОПЗ) перехода,  $U$  — напряжение, которое изменяет разность потенциалов  $U_k$ ;  $p_0(0)$  и  $n_0(0)$  — концентрации дырок и электронов при термодинамическом равновесии перехода; верхние знаки (плюс и минус) — для прямого, а нижние — для обратного включения перехода;  $q^{-1}[d\varphi(x)/dx]_L = E(L)$  — электрическое поле. Величины  $p_L$ ,  $n_L$ ,  $\Delta p(0)$ ,  $\Delta n(0)$  и  $[d\varphi(x)/dx]_L$  зависят от напряжения  $U$ .

Представление  $\Delta n(0)$  в виде (9) и (10) дает возможность выразить  $\Delta n(0)$  через  $n_L$ .

В правой части условия (10) первый член представляет концентрацию электронов у поверхности  $p^+$ -области при распределении их концентрации в ОПЗ перехода с  $U_k \mp U$  по закону Больцмана. Необходимо отметить, что условие (10) можно использовать только в случае пренебрежимо малого изменения  $U_k \mp U$  при замене распределения  $n(x)$  распределением Больцмана.

Связь концентраций  $n_L$  и  $p_L$  определяет условие квазинейтральности  $p$ -области, которое на границе ОПЗ перехода при  $x = L$  имеет вид

$$n_L = n_T \pm \Delta p(L) = n_T + (p_L - p_T), \quad (12)$$

где  $p_L - p_T > 0$  при прямом включении перехода и  $p_L - p_T < 0$  при обратном включении перехода.

Величину  $\Delta p(0)$  определяет условие квазинейтральности  $p^+$ -области, которое у ее поверхности при  $x = 0$  имеет вид

$$\Delta p(0) = \Delta n(0). \quad (13)$$

Граничное условие (11) показывает, что электрическое поле на границе ОПЗ перехода с квазинейтральной  $p$ -областью не равно нулю при прямом и обратном включении перехода.

В режиме прямого включения  $p^+$ - $p$ -перехода электрические поля ОПЗ перехода и квазинейтральной  $p$ -области направлены в противоположные стороны. При инжекции дырок  $p^+$ -областью в  $p$ -область квазинейтральность  $p$ -области устанавливает заряд электронов, которые приходят из внешней цепи. Поэтому на плоскости раздела ОПЗ перехода и квазинейтральной  $p$ -области не весь заряд дырок компенсируется зарядом электронов. Нескомпенсированный заряд дырок этой плоскости является общим для ОПЗ перехода и квазинейтральной  $p$ -области. Таким образом, электрические поля ОПЗ перехода  $E(L)$  и квазинейтральной  $p$ -области  $E(L+0)$  отличны от нуля и  $E(L) = -E(L+0)$ , т. е.

$$\left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L = \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{L+0}. \quad (14)$$

В режиме обратного включения  $p^+$ - $p$ -перехода электрические поля ОПЗ перехода  $E(L)$  и квазинейтральной  $p$ -области  $E(L+0)$  имеют одинаковое направление и  $E(L) = E(L+0)$ , т. е.

$$\left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L = \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{L+0}. \quad (15)$$

На границе ОПЗ  $p^+$ - $p$ -перехода и квазинейтральной  $p$ -области выполняется условие непрерывности тока

$$j = j(L+0), \quad (16)$$

где  $j = j_p + j_n$  — ток ОПЗ перехода,  $j(L+0)$  — ток квазинейтральной  $p$ -области при  $x = L$ . Вдоль квазинейтральной  $p$ -области ток  $j(L+0)$  не изменяется, а соотношение диффузионного и дрейфового тока может изменяться.

Распределение концентрации дырок  $p(x)$ , электронов  $n(x)$  и токи  $j_p$  и  $j_n$  в ОПЗ  $p^+$ - $p$ -перехода при прямом и обратном включении получим интегрированием уравнений (1) и (2) методом вариации постоянной.

Напряжение на ОПЗ  $p^+$ - $p$ -перехода  $U$  смещает границу ОПЗ и  $n$ -области  $x = L_0$  и изменяет концентрации дырок  $p_T$  и электронов  $n_T$ . Распределение концентрации дырок, которое получаем интегрированием уравнения (1) при  $j_p = 0$  от  $L$  до  $x$  с  $\varphi(L) = 0$  и  $p(L) = p_L$  имеет вид  $p_L \exp[\varphi(x)/kT]$ . Поэтому решение уравнения (1) ищем в виде

$$p(x) = c(x) e^{\frac{\varphi(x)}{kT}}. \quad (17)$$

Распределение концентрации электронов, которое получаем интегрированием уравнения (2) при  $j_n = 0$  от  $x$  до  $L$  с  $\varphi(L) = \pm qU$  и  $n(L) = n_L$ , имеет вид  $n_T \exp(\mp qU/kT) \exp[-\varphi(x)/kT]$ . Чтобы варьируемая величина была постоянной, т.е. чтобы протекание тока  $j_n$  не изменяло равновесную концентрацию электронов  $n_T$  в  $p$ -области, решение уравнения (2) ищем в виде

$$n(x) = c(x)e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} \quad (18)$$

### 3. Режимы включения $p^+ - p$ -перехода

#### 3.1. Прямое включение

Из уравнения (1) с учетом (17), (4)–(7) получаем распределение концентрации дырок  $p(x)$  в виде

$$p(x) = p_T \left\{ p_L p_T^{-1} + \left[ \left( 1 + \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right] \times \left( \int_L^0 e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1} \int_L^x e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right\} e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} \quad (19)$$

и ток  $j_p$  в виде

$$j_p = qD_p p_T \left[ \left( 1 + \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right] \times \left( \int_0^L e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1}. \quad (20)$$

Из уравнения (2) с учетом (18), (4), (5), (8)–(10) получаем распределение концентрации электронов  $n(x)$  в виде

$$n(x) = n_T \left\{ n_L n_T^{-1} + \left[ n_L n_T^{-1} - e^{-\frac{qU}{kT}} \left( 1 + \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right) \right] \times \left( \int_L^0 e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1} \int_L^x e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right\} e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} \quad (21)$$

и ток  $j_n$  в виде

$$j_n = qD_n n_T \left[ n_L n_T^{-1} - e^{-\frac{qU}{kT}} \left( 1 + \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right) \right] \times \left( \int_0^L e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1}, \quad (22)$$

а также в виде

$$j_n = qD_n \Delta n(0) e^{\frac{q(U_k - U)}{kT}} \left( \int_0^L e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1}. \quad (23)$$

Зависимость величины заряда в ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода от напряжения  $U$  получим из уравнения (3). Уравнение (3) с учетом (19) и (21) умножим на  $2d\varphi(x)/dx$ , интегрируем от  $L$  до  $x$  с учетом (4), (11) и получаем

$$\begin{aligned} \frac{d\varphi(x)}{dx} = & - \left( \frac{8\pi q^2 kT p_T}{\varepsilon} \right)^{1/2} \left\{ p_L p_T^{-1} \left( e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} - 1 \right) \right. \\ & + \left[ \left( 1 + \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right] \left( \int_L^0 e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1} \\ & \times \left[ e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} \int_L^x e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx + L - x \right] - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{\varphi(x)}{kT} \\ & - n_L p_T^{-1} (1 - e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}}) - n_T p_T^{-1} \left[ n_L n_T^{-1} - e^{-\frac{qU}{kT}} \right. \\ & \times \left. \left. \left( 1 + \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right) \right] \left( \int_L^0 e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1} \right. \\ & \left. \times \left[ e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} \int_L^x e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx + L - x \right] + \frac{\varepsilon}{8\pi q^2 kT p_T} \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L^2 \right\}^{1/2}. \quad (24) \end{aligned}$$

При получении уравнения (24) произведения экспоненты, интеграла и  $d\varphi(x)/dx$  проинтегрированы по частям.

Величину  $(d\varphi(x)/dx)_L$  определяет условие непрерывности тока (16). Из уравнений (20) и (22) видно, что  $j_p \gg j_n$ . Поэтому для получения  $(d\varphi(x)/dx)_L$  в более простом виде условие (16) можно заменить условием непрерывности тока дырок в виде

$$j_p = j_p(L+0). \quad (25)$$

Ток  $j_p(L+0)$  получим при следующих допущениях. Полагаем, что длина  $p$ -области  $l \ll L_n$  — диффузионной длины электронов в ней, а базовый контакт  $p$ -области не оказывает существенного влияния на рекомбинацию электронов и дырок. Тогда диффузионным током в  $p$ -области можно пренебречь. Подвижность неравновесных носителей заряда  $\mu$  (биполярную дрейфовую подвижность) определяет формула [12,13]

$$\mu = (p_T - n_T)(p_T \mu_n^{-1} + n_T \mu_p^{-1})^{-1}, \quad (26)$$

где  $\mu_n$  и  $\mu_p$  — подвижности равновесных электронов и дырок. Формула (26) получена при умножении уравнения непрерывности для дырок на  $\sigma_n = q\mu_n n_T$ , а уравнения непрерывности для электронов — на  $\sigma_p = q\mu_p p_T$  [12,13]. При умножении уравнения непрерывности для дырок на  $\sigma_n = q\mu_n n$ , а уравнения непрерывности для электронов на  $\sigma_p = q\mu_p p$ , где  $n = n_T + \Delta n$  и  $p = p_T + \Delta p$ , получаем дрейфовую по-

движность неравновесных носителей заряда  $\mu$  в виде

$$\mu = (p - n)(p\mu_n^{-1} + n\mu_p^{-1})^{-1} = (p_T - n_T)(p\mu_n^{-1} + n\mu_p^{-1})^{-1}, \quad (27)$$

таккак  $\Delta p \cong \Delta n$ . Направление дрейфа квазинейтрального образования определяет заряд дырок  $q(\Delta p - \Delta n)$ , которые инжектирует  $p^+ - n$ -переход. Из (27) следует, что с ростом концентраций  $p$  и  $n$  за счет увеличения концентраций  $\Delta p$  и  $\Delta n$  подвижность  $\mu$  уменьшается. Поэтому дрейфовый ток дырок в квазинейтральной  $p$ -области представим с учетом (14) в виде

$$\begin{aligned} j_p(L + 0) &= -[p_T\mu_p + (p_L - p_T)\mu] \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L \\ &= -p_T\mu_p [1 + \mu\mu_p^{-1}(p_L p_T^{-1} - 1)] \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L. \end{aligned} \quad (28)$$

Из уравнения (25) с учетом (20), (28) и соотношения Эйнштейна получаем

$$\begin{aligned} \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L &= -kT \left[ (1 + \Delta p(0)p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}}) e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right] \\ &\times \left( \int_0^L e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1} [1 + \mu\mu_p^{-1}(p_L p_T^{-1} - 1)]^{-1}. \end{aligned} \quad (29)$$

Получение энергетической зависимости  $\varphi(x)$  и ширины ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода  $L$  из уравнения (24) представляет собой сложную задачу. Поэтому интегралы и величины  $L$  в (24) определим из результатов описания термодинамического равновесия  $p^+ - p$ -перехода. Из уравнения (24) при  $j_p = j_n = 0$ ,  $p_L = p_T$ ,  $n_L = n_T$  и замене  $\varphi(x)$  на  $\varphi_0(x)$  получаем уравнение состояния термодинамического равновесия  $p^+ - p$ -перехода в виде

$$\begin{aligned} \frac{d\varphi_0(x)}{dx} &= - \left( \frac{8\pi q^2 kT p_T}{\varepsilon} \right)^{1/2} \left[ e^{\frac{\varphi_0(x)}{kT}} - 1 - (1 - n_T p_T^{-1}) \right. \\ &\times \left. \frac{\varphi_0(x)}{kT} - n_T p_T^{-1} (1 - e^{-\frac{\varphi_0(x)}{kT}}) \right]^{1/2}. \end{aligned} \quad (30)$$

В ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода заряд дырок значительно больше заряда ионов акцепторов и электронов. Поэтому уравнение (30) можно представить в приближенном виде

$$\frac{d\varphi_0(x)}{dx} = - \left( \frac{8\pi q^2 kT p_T}{\varepsilon} \right)^{1/2} e^{\frac{\varphi_0(x)}{2kT}} (1 - e^{-\frac{\varphi_0(x)}{kT}})^{1/2}. \quad (31)$$

При

$$\int_0^x (1 - e^{-\frac{\varphi_0(x)}{kT}})^{1/2} dx \cong \int_0^x dx \quad (32)$$

из (31) с учетом (4), (5) получаем

$$L = \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} (1 - e^{-\frac{q(U_k \mp U)}{2kT}}), \quad (33)$$

$$\begin{aligned} \int_L^0 e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx &= \int_L^0 e^{-\frac{\varphi_0(x)}{kT}} dx \\ &= -\frac{1}{3} \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} (1 - e^{-\frac{3q(U \mp U_k)}{kT}}); \end{aligned} \quad (34)$$

а с учетом  $\varphi_0(0) = qU_k$ ,  $\varphi_0(L) = \pm qU$  и  $\varphi(0) = q(U_k \mp U)$  получаем

$$\begin{aligned} \int_L^0 e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx &= e^{\mp \frac{qU}{kT}} \int_L^0 e^{\frac{\varphi_0(x)}{kT}} dx \\ &= - \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} e^{\frac{qU_k}{2kT}} (1 - e^{-\frac{q(U \mp U_k)}{2kT}}) e^{\mp \frac{qU}{kT}}. \end{aligned} \quad (35)$$

При прямом включении  $p^+ - p$ -перехода электрические поля ОПЗ перехода и квазинейтральной  $p$ -области направлены в противоположные стороны. Поэтому заряд  $Q$ , который определяет дифференциальную емкость  $p^+ - p$ -перехода в режиме прямого включения, представим в виде

$$\begin{aligned} Q &= \frac{\varepsilon}{4\pi q} \left\{ \left| \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{x=0} \right| - \left| \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{L+0} \right| \right\} \\ &= \frac{\varepsilon}{4\pi q} \left| \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{x=0} - \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L \right|. \end{aligned} \quad (36)$$

Представляем (24) с учетом (4), (29) и (33)–(35) и (29) с учетом (34) в (36) и получаем заряд  $Q$  в виде

$$\begin{aligned} Q &= q p_T \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} \left\{ (1 + \Delta p(0)p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}}) e^{\frac{qU_k}{kT}} \right. \\ &- p_L p_T^{-1} - 3 \left[ (1 + \Delta p(0)p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}}) e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right] \\ &\times (1 - e^{-\frac{q(U_k - U)}{2kT}}) (1 - e^{-\frac{3q(U_k - U)}{2kT}})^{-1} - (1 - n_L p_T^{-1}) \\ &\times \frac{q(U_k - U)}{kT} - n_L p_T^{-1} (1 - e^{-\frac{q(U_k - U)}{2kT}}) + n_T p_T^{-1} \left[ n_L n_T^{-1} \right. \\ &\times e^{\frac{qU}{kT}} - (1 + \Delta n(0)n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}}) \left. \left( 1 - e^{-\frac{q(U_k - 2U)}{2kT}} \right) e^{-\frac{qU_k}{2kT}} \right. \\ &\left. \left. + 2.25F^{-2} \left[ (1 + \Delta p(0)p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}}) e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right]^2 \right. \right. \\ &\times \left. \left. (1 - e^{-\frac{3q(U_k - U)}{2kT}})^{-2} \right\} - q p_T \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} 1.5F^{-1} \\ &\times \left[ (1 + \Delta p(0)p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}}) e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right] (1 - e^{-\frac{3(U_k - U)}{2kT}})^{-1} \end{aligned} \quad (37)$$

где

$$F_{\pm} = 1 + \mu\mu_p^{-1}(p_L p_T^{-1} - 1). \quad (38)$$

С учетом (12) при

$$\Delta p(0)p_T^{-1}e^{-\frac{qU_k}{kT}} \ll 1; \quad e^{-\frac{3q(U_k-U)}{2kT}} \ll 1; \quad e^{-\frac{q(U_k-U)}{kT}} \ll 1;$$

$$n_T p_T^{-1} \left[ n_L n_T^{-1} e^{-\frac{qU}{kT}} - \left( 1 + \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right) \right]$$

$$\times \left[ \left( 1 - e^{-\frac{q(U_k-2U)}{2kT}} \right) e^{-\frac{qU_k}{2kT}} \right] \ll n_L p_T^{-1} \quad (39)$$

из (37) получаем

$$Q = q p_T \left( \frac{\varepsilon k T}{2\pi q^2 p_L} \right)^{1/2} \left\{ \left[ e^{\frac{qU_k}{kT}} - 2 p_L p_T^{-1} - 3 \left( e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right) \right] \right.$$

$$\times \left( 1 - e^{-\frac{q(U_k-U)}{2kT}} \right) - \left( 1 - n_T p_T^{-1} \right) \frac{q(U_k-U)}{kT} + 1 - n_T p_T^{-1}$$

$$\left. + 2.25 F^{-2} \left( e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right)^2 \right]^{1/2} - 1.5 F^{-1} \left( e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right) \right\}. \quad (40)$$

### 3.2. Обратное включение

Из уравнения (1) с учетом (17), (4)–(7) получаем распределение концентрации дырок  $p(x)$  в виде

$$p(x) = p_T \left\{ p_L p_T^{-1} - \left[ p_L p_T^{-1} - \left( 1 - \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) e^{-\frac{qU}{kT}} \right] \right.$$

$$\times \left. \left( \int_L^x e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1} \int_L^x e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right\} e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} \quad (41)$$

и ток  $j_p$  в виде

$$j_p = -q D_p p_T \left[ p_L p_T^{-1} - \left( 1 - \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) e^{-\frac{qU}{kT}} \right]$$

$$\times \left( \int_L^0 e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1}. \quad (42)$$

Из уравнения (2) с учетом (18), (4), (5), (8)–(10) получаем распределение концентрации электронов  $n(x)$  в виде

$$n(x) = n_T \left\{ n_L n_T^{-1} + \left[ \left( 1 - \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right) e^{\frac{qU}{kT}} - n_L n_T^{-1} \right] \right.$$

$$\times \left. \left( \int_L^0 e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1} e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} \int_L^x e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right\} e^{-\frac{\varphi(x)}{kT}} \quad (43)$$

и ток  $j_n$  в виде

$$j_n = -q D_n n_T \left[ \left( 1 - \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right) - n_L n_T^{-1} e^{-\frac{qU}{kT}} \right]$$

$$\times \left( \int_L^0 e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1}, \quad (44)$$

а также в виде

$$j_n = -q D_n \Delta n(0) e^{\frac{q(U_k+U)}{kT}} \left( \int_L^0 e^{\frac{\varphi(x)}{kT}} dx \right)^{-1}. \quad (45)$$

Уравнение (3) с учетом (41) и (43) умножаем на  $2d\varphi(x)/dx$  и интегрируем от  $L$  до  $0$  с учетом (4), (5), (11), (33)–(35). Тогда получим

$$\left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{x=0} = - \left( \frac{8\pi q^2 k T p_T}{\varepsilon} \right)^{1/2} \left\{ \left( 1 - \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) \right.$$

$$\times e^{\frac{qU_k}{kT}} - p_L p_T^{-1} + 3 \left[ p_L p_T^{-1} - \left( 1 - \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) \right]$$

$$\times e^{-\frac{qU}{kT}} \left. \left( 1 - e^{-\frac{q(U_k+U)}{2kT}} \right) \left( 1 - e^{-\frac{3q(U_k+U)}{2kT}} \right)^{-1} - n_L p_T^{-1} \right.$$

$$\times \left. \left( 1 - e^{-\frac{q(U_k+U)}{kT}} \right) - \left( 1 - n_T p_T^{-1} \right) \frac{q(U_k+U)}{kT} - n_T p_T^{-1} \right.$$

$$\times \left. \left[ 1 - \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} - e^{\frac{qU}{kT}} n_L n_T^{-1} \right] \left( 1 - e^{-\frac{qU_k}{2kT}} \right) e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right.$$

$$\left. + \frac{\varepsilon}{8\pi q^2 k T p_p} \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L^2 \right\}^{1/2}. \quad (46)$$

Обратный дрейфовый ток дырок в квазинейтральной  $p$ -области  $p^+ - p$ -перехода образован дрейфом равновесных дырок. Поэтому ток  $j_p(L+0)$  представим с учетом (15) в виде

$$j_p(L+0) = p_L \mu_p \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L. \quad (47)$$

Из уравнения (25) с учетом (42), (47), (34) и соотношения Эйнштейна получаем

$$\left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L = -1.5 \left( \frac{8\pi q^2 k T p_T}{\varepsilon} \right)^{1/2} \left( p_L p_T^{-1} \right)^{-1}$$

$$\times \left[ p_L p_T^{-1} - \left( 1 - \Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \right) e^{-\frac{qU}{kT}} \right] \left( 1 - e^{-\frac{3q(U_k+U)}{2kT}} \right)^{-1}. \quad (48)$$

При обратном включении  $p^+ - p$ -перехода электрические поля ОПЗ перехода и квазинейтральной  $p$ -области имеют одинаковое направление. Поэтому заряд  $Q$ , который определяет дифференциальную емкость  $p^+ - p$ -перехода в режиме обратного включения, представим в виде

$$Q = \frac{\varepsilon}{4\pi q} \left\{ \left| \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{x=0} \right| + \left| \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{L+0} \right| \right\}$$

$$= \frac{\varepsilon}{4\pi q} \left| \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_{x=0} + \left( \frac{d\varphi(x)}{dx} \right)_L \right|. \quad (49)$$

Подставляем (46), (48) в (49) и при

$$\Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \ll 1; \quad e^{-\frac{3q(U_k+U)}{2kT}} \ll 1; \quad e^{-\frac{q(U_k+U)}{kT}} \ll 1;$$

$$n_T p_T^{-1} \left[ \left( 1 - \Delta n(0) n_T^{-1} e^{\frac{qU_k}{kT}} \right) - e^{\frac{qU}{kT}} n_L n_T^{-1} \right]$$

$$\times \left( 1 - e^{-\frac{qU_k}{2kT}} \right) e^{-\frac{qU_k}{kT}} \ll n_L p_T^{-1} \quad (50)$$

с учетом (12) получим заряда в виде

$$Q = q p_T \left( \frac{\varepsilon k T}{2 \pi q^2 p_T} \right)^{1/2} \left\{ \left[ e^{\frac{q U_k}{k T}} - 2 p_L p_T^{-1} + 3 (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{q U}{k T}}) \right. \right. \\ \times \left. \left. (1 - e^{-\frac{q(U_k + U)}{2 k T}}) - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k + U)}{k T} \right. \right. \\ \left. \left. + 1 - n_T p_T^{-1} + 2.25 (p_L p_T^{-1})^{-2} (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{q U}{k T}})^2 \right]^{1/2} \right. \\ \left. + 1.5 (p_L p_T^{-1})^{-1} (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{q U}{k T}}) \right\}^{1/2}. \quad (51)$$

В (40) и (51) концентрацию дырок  $p_L$  определяет напряжение  $U$ , которое изменяет разность потенциалов  $U_k$ .

#### 4. Зависимость граничных концентраций дырок и электронов от напряжения на области $p^+ - p$ -перехода

Граничные условия для концентраций электронов и дырок ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода работы [14] аналогичны граничным условиям  $p - n$ -перехода Шокли [15]. Зависимость концентрации носителей заряда на границе ОПЗ  $p - n$ -перехода получалась и анализировалась в ряде работ [15–21].

Граничные условия ОПЗ  $p - n$ -перехода работ [15–21] получены на основе различных приближений в представлении ОПЗ перехода без рассмотрения условий динамического равновесия перехода.

В данной работе полагаем, что условия динамического равновесия  $p^+ - p$ -перехода определяют действие принципа Ле-Шателье–Брауна [22] и фактора, который ограничивает действие этого принципа. В соответствии с принципом Ле-Шателье–Брауна в ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода с внешним напряжением изменение распределения концентраций дырок и электронов ослабляет действие внешнего напряжения. Это значит, что изменения в ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода направлены на установление состояния с током, равным нулю (бестоковое состояние), которое не может быть реализовано.

Установлению бестокового состояния в  $p^+ - p$ -переходе препятствует недостаток заряда дырок и электронов при прямом включении и избыток заряда дырок и электронов при обратном включении. Это положение справедливо для заряда дырок и электронов в отдельности.

Заряд в ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода в бестоковом состоянии и заряд, который препятствует установлению бестокового состояния, определяют заряд в ОПЗ перехода при динамическом равновесии. Это положение определяет зависимость граничной концентрации носителей заряда ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода от напряжения на ОПЗ перехода.

В связи с этим рассмотрим бестоковое состояние  $p^+ - p$ -перехода для режимов прямого и обратного включения перехода. В бестоковом состоянии  $p^+ - p$ -перехода распределение концентрации дырок  $p_1(x)$  получим из (19) или (41) при  $j_p = 0$  и замене  $p(x)$  на  $p_1(x)$  и  $\varphi(x)$  на  $\varphi_1(x)$  в виде

$$p_1(x) = p_L e^{\frac{\varphi_1(x)}{k T}}, \quad (52)$$

а распределение концентрации электронов  $n_1(x)$  получим из (21) или (43) при  $j_n = 0$  и замене  $n(x)$  на  $n_1(x)$  и  $\varphi(x)$  на  $\varphi_1(x)$  в виде

$$n_1(x) = n_L e^{-\frac{\varphi_1(x)}{k T}}. \quad (53)$$

Уравнение (3) при замене  $p(x)$  на  $p_1(x)$ ,  $n(x)$  на  $n_1(x)$  и  $\varphi(x)$  на  $\varphi_1(x)$  с учетом (52) и (53) принимает вид

$$\frac{d^2 \varphi_1(x)}{dx^2} = \frac{4 \pi q^2 p_T}{\varepsilon} \left[ p_L p_T^{-1} e^{\frac{\varphi_1(x)}{k T}} - (1 - n_T p_T^{-1}) - n_L p_T^{-1} e^{-\frac{\varphi_1(x)}{k T}} \right]. \quad (54)$$

Граничные условия для уравнения (54) представим в виде

$$\varphi_1(L_1) = 0, \quad (55)$$

$$\varphi_1(0) = q(U_k \mp U_i), \quad (56)$$

$$p_1(0) = p_L e^{\frac{\varphi_1(0)}{k T}} = p_0(0) \pm \Delta n_1(0) \\ = p_L e^{\frac{q U_k}{k T}} \left[ 1 \pm \Delta n_1(0) p_T^{-1} e^{-\frac{q U_k}{k T}} \right], \quad (57)$$

$$\Delta n_1(0) = \pm [n_1(0) - n_0(0)] = \pm n_L e^{-\frac{q U_k}{k T}} (e^{\pm \frac{q U_i}{k T}} - 1), \quad (58)$$

$$\left( \frac{d \varphi_1(x)}{dx} \right)_{x=L_1} = 0. \quad (59)$$

Здесь  $L_1$  — ширина ОПЗ перехода,  $U_1$  — напряжение, которое изменяет разность потенциалов  $U_k$ ; верхние знаки — для режима прямого включения, а нижние — для обратного включения.

Интегрируем уравнение (54) от  $L_1$  до 0 с учетом (55)–(59) и получаем

$$\left( \frac{d \varphi_1(x)}{dx} \right)_{x=0} = - \left( \frac{8 \pi q^2 k T p_T}{\varepsilon} \right)^{1/2} \\ \times \left[ (1 + \Delta n_1(0) p_T^{-1} e^{-\frac{q U_k}{k T}}) e^{\frac{q U_k}{k T}} - p_L p_T^{-1} - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k \mp U_1)}{k T} - n_L p_T^{-1} (1 - e^{-\frac{q(U_k \mp U_1)}{k T}}) \right]^{1/2}. \quad (60)$$

Заряд в ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода в бестоковом состоянии равен

$$Q_1 = \frac{\varepsilon}{4\pi q} \left| \left( \frac{d\varphi_1(x)}{dx} \right)_{x=0} \right|$$

$$= q p_T \left( \frac{\varepsilon k T}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} \left\{ (1 \pm \Delta n_1(0) p_T^{-1} e^{-\frac{q U_k}{k T}}) e^{\frac{q U_k}{k T}} - p_L p_T^{-1} - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k \mp U_1)}{k T} - n_L p_T^{-1} (1 - e^{-\frac{q(U_k \mp U_1)}{k T}}) \right\}^{1/2}. \quad (61)$$

С учетом (12) при

$$\Delta n_1(0) p_T^{-1} e^{-\frac{q U_k}{k T}} \ll 1; \quad e^{-\frac{q(U_k \mp U_1)}{k T}} \ll 1 \quad (62)$$

из (61) получаем

$$Q_1 = q p_T \left( \frac{\varepsilon k T}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} \left[ e^{\frac{q U_k}{k T}} - 2 p_L p_T^{-1} - (1 - n_T p_T^{-1}) \times \frac{q(U_k \mp U_1)}{k T} + 1 - n_T p_T^{-1} \right]^{1/2}. \quad (63)$$

Установлению бестокового состояния в  $p^+ - p$ -переходе в режиме прямого включения препятствует недостаток заряда дырок  $\Delta Q_p^-$ , который с учетом (6) и (33) и  $p_0(L_0) = p_T$  представим в виде

$$\Delta Q_p^- = q [p(L) - p_0(L_0)] L = q p_T \left( \frac{\varepsilon k T}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} \times (p_L p_T^{-1} - 1) (1 - e^{-\frac{q(U_k - U)}{2k T}}). \quad (64)$$

Установлению бестокового состояния в  $p^+ - p$ -переходе в режиме обратного включения препятствует избыток заряда дырок  $\Delta Q_p^+$ , который с учетом (6) и (33) представим в виде

$$\Delta Q_p^+ = q [p_0(L_0) - p(L)] L = q p_T \left( \frac{\varepsilon k T}{2\pi q^2 p_T} \right)^{1/2} \times (1 - p_L p_T^{-1}) (1 - e^{-\frac{q(U_k + U)}{2k T}}). \quad (65)$$

Установлению бестокового состояния в  $p^+ - p$ -переходе также препятствует недостаток заряда электронов в режиме прямого включения и избыток заряда электронов в режиме обратного включения. Однако каждый из этих зарядов электронов пренебрежимо мал по сравнению с соответствующим зарядом дырок.

Таким образом, условие динамического равновесия  $p^+ - p$ -перехода в режиме прямого включения опишет уравнение

$$Q = Q_1 - \Delta Q_p^- \quad (66)$$

и в режиме обратного включения уравнение

$$Q = Q_1 + \Delta Q_p^+. \quad (67)$$

Условия динамического равновесия  $p^+ - p$ -перехода в режимах прямого и обратного включения можно также описать отдельными уравнениями для дырок и электронов, которые аналогичны уравнениям (66) и (67).

Уравнение (66) с учетом (40), (63), (64) принимает вид

$$\left[ e^{\frac{q U_k}{k T}} - 2 p_L p_T^{-1} - 3 (e^{\frac{q U}{k T}} - p_L p_T^{-1}) (1 - e^{-\frac{q(U_k - U)}{2k T}}) - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k - U)}{k T} + 1 - n_T n_T^{-1} + 2.25 F^{-2} (e^{\frac{q U}{k T}} - p_L p_T^{-1})^2 \right]^{1/2} - 1.5 F^{-1} (e^{\frac{q U}{k T}} - p_L p_T^{-1}) = \left[ e^{\frac{q U_k}{k T}} - 2 p_L p_T^{-1} - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k - U_1)}{k T} + 1 - n_T p_T^{-1} \right]^{1/2} - (p_L p_T^{-1} - 1) (1 - e^{-\frac{q(U_k - U)}{2k T}}). \quad (68)$$

Уравнение (67) с учетом (51), (63), (65) примет вид

$$\left[ e^{\frac{q U_k}{k T}} - 2 p_L p_T^{-1} + 3 (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{q U}{k T}}) (1 - e^{-\frac{q(U_k + U)}{2k T}}) - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k + U)}{k T} + 1 - n_T p_T^{-1} + 2.25 (p_L p_T^{-1})^{-2} \times (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{q U}{k T}})^2 \right]^{1/2} + 1.5 (p_L p_T^{-1})^{-1} (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{q U}{k T}}) = \left[ e^{\frac{q U_k}{k T}} - 2 p_L p_T^{-1} - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k + U_1)}{k T} + 1 - n_T p_T^{-1} \right]^{1/2} + (1 - p_L p_T^{-1}) (1 - e^{-\frac{q(U_k + U)}{2k T}}). \quad (69)$$

Уравнения (68) и (69) можно решить приближенно. Для диапазона прямых и обратных напряжений  $U$ , при которых первый член в квадратных скобках значительно больше остальных членов, корень квадратный извлекаем приближенно. Произведением с  $\exp(-q U_k / 2k T)$  пренебрегаем, так как оно значительно меньше остальных членов уравнения. Тогда при

$$e^{-\frac{q(U_k \mp U)}{2k T}} \ll 1 \quad (70)$$

уравнение (68) с учетом (38) принимает вид

$$(p_L p_T^{-1})^2 + (2.5 \mu_p \mu^{-1} - 2) p_L p_T^{-1} - (1.5 e^{\frac{q U}{k T}} + 1) \mu_p \mu^{-1} + 1 = 0, \quad (71)$$

а уравнение (69) принимает вид

$$(p_L p_T^{-1})^2 + 0.5 p_L p_T^{-1} - 1.5 e^{-\frac{q U}{k T}} = 0. \quad (72)$$

Отрицательный корень уравнений (71) и (72) не имеет физического смысла. С учетом этого из (71) получаем

$$p_L p_T^{-1} = \left[ (1.5e^{\frac{qU}{kT}} + 1)\mu_p \mu^{-1} + (1.25\mu_p \mu^{-1} - 1)^2 - 1 \right]^{1/2} - 1.25\mu_p \mu^{-1} + 1 \quad (73)$$

и при  $\mu = \text{const}$

$$\frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1}) = \frac{q}{kT} 0.75e^{\frac{qU}{kT}} \mu_p \mu^{-1} \left[ (1.5e^{\frac{qU}{kT}} + 1)\mu_p \mu^{-1} + (1.25\mu_p \mu^{-1} - 1)^2 - 1 \right]^{-1/2}, \quad (74)$$

а из (72) получаем

$$p_L p_T^{-1} = [1.5e^{-\frac{qU}{kT}} + (0.25)^2]^{1/2} - 0.25, \quad (75)$$

$$\frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1}) = -\frac{q}{kT} 0.75e^{-\frac{qU}{kT}} [1.5e^{-\frac{qU}{kT}} + (0.25)^2]^{-1/2}. \quad (76)$$

Из равенства токов  $j_n$  в виде (22) и в виде (23) получаем

$$\Delta n(0) = 0.5n_T e^{-\frac{qU_k}{kT}} (n_L n_T^{-1} e^{\frac{qU}{kT}} - 1), \quad (77)$$

а из равенства токов  $j_n$  в виде (44) и в виде (45) получаем

$$\Delta n(0) = 0.5n_T e^{-\frac{qU_k}{kT}} (1 - n_L n_T^{-1} e^{-\frac{qU}{kT}}). \quad (78)$$

Необходимо отметить, что уменьшение отношения  $p_L p_T^{-1}$  с ростом  $U$  в (75) ограничено значением  $(p_T - n_T) p_T^{-1}$ , так как дальнейшее уменьшение концентрации дырок  $p_L$  приводит к появлению в квазинейтральной  $p$ -области отрицательного заряда ионов акцепторов.

## 5. Дифференциальная емкость $p^+ - p$ -перехода

Дифференциальную емкость  $p^+ - p$ -перехода, у которого вся ОПЗ расположена в  $p$ -области, определяет формула [1]

$$C = \frac{dQ}{d(U_k \mp U)} = \frac{dQ/dU}{d(U_k \mp U)/dU} = \mp \frac{dQ}{dU}. \quad (79)$$

Зависимость емкости  $p^+ - p$ -перехода  $C$  от прямого напряжения  $U$  получим подстановкой (40) в (79) в виде

$$C = -\frac{dQ}{dU} = 0.5q \left( \frac{\varepsilon p_T}{2\pi kT} \right)^{1/2} \left\{ 3F^{-1} e^{\frac{qU}{kT}} - 3 \left[ (e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1}) \times F^{-2} \mu \mu_p^{-1} + F^{-1} \right] \frac{kT}{q} \frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1}) \right\} + 0.5q \left( \frac{\varepsilon p_T}{2\pi kT} \right)^{1/2} \times \left\{ 3e^{\frac{qU}{kT}} - 1 + n_T p_T^{-1} - 4.5(e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1}) e^{\frac{qU}{kT}} F^{-2} - 1.5e^{-\frac{qU_k}{2kT}} (3e^{\frac{3qU}{2kT}} - p_L p_T^{-1} e^{\frac{qU}{2kT}}) + \left[ 4.5(e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1}) F^{-2} + 4.5(e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1})^2 F^{-3} \mu \mu_p^{-1} - (1 - 3e^{-\frac{q(U_k - U)}{kT}}) \right] \frac{kT}{q} \times \frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1}) \right\} \left[ e^{\frac{qU_k}{kT}} - 2p_L p_T^{-1} - 3(e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1}) \times (1 - e^{-\frac{q(U_k - U)}{2kT}}) - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{q(U_k - U)}{kT} + 1 - n_T p_T^{-1} + 2.25F^{-2} (e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1})^2 \right]^{-1/2}, \quad (80)$$

где  $F$ ,  $p_L p_T^{-1}$  и  $\frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1})$  определены формулами (38), (73) и (74). Зависимость емкости  $p^+ - p$ -перехода  $C$  от обратного напряжения  $U$  получим подстановкой (51) в (79) в виде

$$C = \frac{dQ}{dU} = 0.5q \left( \frac{\varepsilon p_T}{2\pi kT} \right)^{1/2} \left\{ 3(p_L p_T^{-1})^{-1} e^{-\frac{qU}{kT}} + 3(p_L p_T^{-1})^{-2} e^{-\frac{qU}{kT}} \frac{kT}{q} \frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1}) + \left[ 3e^{-\frac{qU}{kT}} - 1 + n_T p_T^{-1} + 4.5(p_L p_T^{-1})^{-2} (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{qU}{kT}}) e^{-\frac{qU}{kT}} + 4.5((p_L p_T^{-1})^{-2} e^{-\frac{qU}{kT}} - (p_L p_T^{-1})^{-3} e^{-\frac{2qU}{kT}}) \frac{kT}{q} \frac{d}{dU} \times (p_L p_T^{-1}) + (1 - 3e^{-\frac{q(U_k + U)}{2kT}}) \frac{kT}{q} \frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1}) - 1.5e^{-\frac{qU_k}{2kT}} (3e^{-\frac{3qU}{2kT}} - p_L p_T^{-1} e^{-\frac{qU}{kT}}) \right] \left[ e^{\frac{qU_k}{kT}} - 2p_L p_T^{-1} + 3(p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{qU}{kT}}) (1 - e^{-\frac{q(U_k + U)}{2kT}}) - (1 - n_T p_T^{-1}) \times \frac{q(U_k + U)}{kT} + 1 - n_T p_T^{-1} + 2.25(p_L p_T^{-1})^{-2} \times (p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{qU}{kT}})^2 \right]^{-1/2} \right\}, \quad (81)$$

где  $p_L p_T^{-1}$  и  $\frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1})$  определены формулами (75) и (76).



При  $U = 0$  из (80) с учетом (73), (74) и  $v = \mu_p$ , а также из (81) с учетом (75) и (76) получаем

$$C(U = 0) = 0.5q \left( \frac{\varepsilon p_T}{2\pi kT} \right)^{1/2} \left\{ 1.2 + (1.4 + n_T p_T^{-1} - 1.2e^{-\frac{qU_k}{kT}}) \left[ e^{\frac{qU_k}{kT}} - 1 - (1 - n_T p_T^{-1}) \frac{qU_k}{kT} - n_T p_T^{-1} \right]^{-1/2} \right\}. \quad (82)$$

Рассчитанные по формуле (82) значения емкости германиевых  $p^+ - p$ -переходов, которые исследованы в работе [1], при  $T = 300$  К близки к экспериментальным значениям.

При низких уровнях инжекции  $p^+ - p$ -перехода  $\mu = \mu_p$  и  $F = p_L p_T^{-1}$ . С учетом этого из (80), (73), (74) при  $p_T \gg n_T$  получаем, что с ростом прямого напряжения  $U$  емкость  $C$  увеличивается.

При концентрациях  $p_T$  и  $n_T$  одного порядка и  $p_T - n_T < p_T$  из (26) получаем  $\mu < \mu_p$  и при  $\mu \mu_p^{-1} p_L p_T^{-1} \gg 1$  из (38) получаем  $F \gg 1$ . Поэтому при низких уровнях инжекции  $p^+ - p$ -перехода с ростом прямого напряжения  $U$  емкость  $C$  в (80) увеличивается. При высоких уровнях инжекции  $p^+ - p$ -перехода из (27) при  $p = p_L$  и  $n = n_L$  получаем

$$\mu \mu_p^{-1} p_L p_T^{-1} = (1 - n_T p_T^{-1})(n_L p_L^{-1} + \mu_p \mu_n^{-1})^{-1}. \quad (83)$$

При  $\mu \mu_p^{-1} \ll 1$  и  $n_L p_L^{-1} \cong 1$  из (38) с учетом (83) получаем

$$F = 1 + (1 - n_T p_T^{-1})(1 + \mu_p \mu_n^{-1})^{-1} \cong 1. \quad (84)$$

Из (74) и (84) следует, что увеличение прямого напряжения  $U$ , т.е. рост уровня инжекции  $p^+ - p$ -перехода, приводит к выполнению неравенства

$$\mu \mu_p^{-1} F^{-2} \frac{kT}{q} \frac{d}{dU} (p_L p_T^{-1}) > F^{-1} \quad (85)$$

и к отрицательной емкости  $C$  в (80). Поэтому увеличение температуры  $p^+ - p$ -перехода изменяет зависимость роста емкости  $C$  от прямого напряжения  $U$  на зависимость с изменением знака емкости, что получено экспериментально в [1].

Из (81) с учетом (75) и (76) следует, что с увеличением обратного напряжения  $U$  емкость  $C$  уменьшается и изменяет знак. Увеличение температуры  $p^+ - p$ -перехода, т.е. смена  $n_L p_T^{-1} \ll 1$  на  $n_T p_T^{-1} < 1$ , не изменяет характер зависимости  $C$  от  $U$ . Эти результаты также получены экспериментально в [1].

## 6. Зависимость тока $p^+ - p$ -перехода от напряжения

Измерение напряжения  $U$  на ОПЗ  $p^+ - p$ -перехода затруднено. Величину тока через  $p^+ - p$ -переход  $j$  можно измерить с высокой точностью. Для расчета зависимости

емкости  $p^+ - p$ -перехода  $C$  от тока  $j$  необходимо получить зависимость  $j$  от  $U$ .

Из (20) и (22) с учетом (34), (35), (77), (12) при

$$\Delta p(0) p_T^{-1} e^{-\frac{qU_k}{kT}} \ll 1; \quad e^{-\frac{q(U_k \mp U)}{2kT}} \ll 1; \quad e^{-\frac{3q(U_k \mp U)}{2kT}} \ll 1 \quad (86)$$

для режима прямого включения  $p^+ - p$ -перехода получаем

$$j_p = 3qD_p p_T \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{-1/2} \left[ e^{\frac{qU}{kT}} - p_L p_T^{-1} \right], \quad (87)$$

$$j_n = 0.5qD_n n_T e^{-\frac{qU_k}{2kT}} \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{-1/2} \times \left\{ [1 + p_T n_T^{-1} (p_L p_T^{-1} - 1)] e^{\frac{qU}{kT}} - 1 \right\}, \quad (88)$$

где  $p_L p_T^{-1}$  определено формулой (73).

Из (42) и (44) с учетом (34), (35), (78), (12), (86) для режима обратного включения  $p^+ - p$ -перехода получаем

$$j_p = -3qD_p p_T \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{-1/2} [p_L p_T^{-1} - e^{-\frac{qU}{kT}}], \quad (89)$$

$$j_n = -0.5qD_n n_T e^{-\frac{qU_k}{2kT}} \left( \frac{\varepsilon kT}{2\pi q^2 p_T} \right)^{-1/2} \times \left\{ 1 - [1 - p_T n_T^{-1} (1 - p_L p_T^{-1})] e^{-\frac{qU}{kT}} \right\}, \quad (90)$$

где  $p_L p_T^{-1}$  определено формулой (75). При  $p_T \gg n_T$  в уравнениях (89) и (90) можно считать  $p_L p_T^{-1} = 1$ .

## 7. Заключение

Положительная емкость  $p^+ - p$ -перехода образована уменьшением заряда в ОПЗ перехода при уменьшении разности потенциалов  $U_k - U$ , т.е. при увеличении прямого напряжения  $U$ , и увеличением заряда в ОПЗ перехода при увеличении разности потенциалов  $U_k - U$ , т.е. при уменьшении прямого напряжения  $U$ .

Изменение знака емкости  $p^+ - p$ -перехода с ростом уровня инжекции вызвано изменением уменьшения заряда в ОПЗ перехода на его увеличение за счет уменьшения биполярной дрейфовой подвижности в  $p$ -области.

Изменение знака емкости  $p^+ - p$ -перехода с положительного на отрицательный с ростом обратного напряжения определяет уменьшение заряда в ОПЗ перехода за счет преобладания роста отрицательного заряда ионов акцепторов над ростом положительного заряда дырок.

## Список литературы

- [1] Н.А. Шеховцов. ФТП, **43** (4), 456 (2009).
- [2] J.B. Gunn. J. Electron. Control, **4** (1), 17 (1958).
- [3] Z.T. Kuzniki. Electron. Technol., **12** (2), 15 (1979).
- [4] Z.T. Kuzniki. Electron. Technol., **12** (3), 89 (1979).

- [5] Л.И. Баранов, В.Б. Гаманюк, Д.А. Усанов. *Физика полупроводников и полупроводниковая электроника* (Саратов, Изд-во Сарат. ун-та, 1970) т. 3, с. 8.
- [6] А.Н. Шеховцов, Н.А. Шеховцов. *Радиофизика и электроника* (Сб. тр. ИРЭ НАНУ, Харьков), **5**(1), 147 (2000).
- [7] Л.И. Баранов, В.Б. Гаманюк, Д.А. Усанов. *Радиотехника и электроника*, **13**(8), 1434 (1968).
- [8] В.Б. Гаманюк, Д.А. Усанов. *Радиотехника и электроника*, **15**(3), 637 (1970).
- [9] Л.И. Баранов, В.Б. Гаманюк, Д.А. Усанов. *Физика полупроводников и полупроводниковая электроника* (Саратов, Изд-во Сарат. ун-та, 1970) т. 3, с. 3.
- [10] В.С. Елисеев, А.В. Зеленцов. *Электрон. техн., Сер.*, **3**(1), 49 (1989).
- [11] Н.А. Шеховцов. *Вестн. Харьк. нац. ун-та им. В.Н. Каразина. Радиофизика и электроника* (Харьков), вып. 12, 54 (2008).
- [12] Р. Смит. *Полупроводники* (М., Мир, 1962) с. 252.
- [13] С.М. Рывкин. *Фотоэлектрические явления в полупроводниках* (М., Гос. изд-во физ.-мат. лит., 1963) с. 362.
- [14] G. Anant, A. Sabnis. *Solid-State Electron.*, **22**(7), 667 (1979).
- [15] W. Shockley. *Bell Syst. Techn.*, **28**(3), 435 (1949).
- [16] T. Misawa. *J. Phys. Soc. Jpn.*, **11**(7), 728 (1956).
- [17] N.H. Fletcher. *J. Electron.*, **2**(6), 609 (1957).
- [18] J.R. Hauser. *Solid-State Electron.*, **14**(2), 133 (1971).
- [19] Н.М. Дударов. Сб.: *Вопросы электросвязи* (Рига, Зинатне, 1972).
- [20] И.Н. Горбатый. *Радиотехника и электроника*, **33**(10), 2147 (1988).
- [21] В.А. Киреев. *Краткий курс физической химии* (М., Химия, 1969) с. 219.

Редактор Л.В. Беляков

## Differential capacity of $p^+ - p$ -junction

N.A. Shekhovtsov

Karazin Kharkov National University,  
61077 Kharkov, Ukraine

**Abstract** Differential capacity of  $p^+ - p$ -junction formed by a charge change in region of junction in view of an electrical field of quasi-neutral  $p$ -region is investigated. The dependence of capacity and current of  $p^+ - p$ -junction on junction voltage is obtained. It was shown, that a change of  $p^+ - p$ -junction capacity sign at growth of injection level is created by means of a decrease of bipolar drift mobility into  $p$ -region. It was shown, that a change of  $p^+ - p$ -junction capacity sign at reverse current growth is a result of a charge decrease into junction due to domination of negative charge growth of ion-acceptors over growth of positive charge of holes.