Явления переноса тепла в сплавах $Bi_{1-x}Sb_x$

© С.А. Алиев[¶], Р.И. Селим-заде, С.С. Рагимов

Институт физики им. Г.М. Абдуллаева Национальной академии наук Азербайджана, AZ-1143, Баку, Азербайджан

(Получена 3 марта 2010 г. Принята к печати 7 апреля 2010 г.)

Исследована фононная теплопроводность k_{ph} в сплавах $\operatorname{Bi}_{1-x}\operatorname{Sb}_x$ (x = 0.02 - 0.12) в области температур 6–60 К. Результаты сопоставлены с теорией для твердых тел при низких температурах, выявлены основные источники рассеяния фононов. Показано, что рассеяние фононов на локальных изменениях масс превалирует над другими источниками. При температурах 60 и 90 К рассмотрены зависимости k_{ph} от состава, выявлено, что в этих условиях нормальные *N*-процессы оказывают существенное влияние на рассеяние фононов. Рассмотрено влияние донорных примесей на теплопроводность $\operatorname{Bi}_{0.88}\operatorname{Sb}_{0.12}$, выделено теплосопротивление, обусловленное рассеяние фононов примесными центрами.

1. Введение

Исследования явлений переноса тепла в твердых растворах дают сведения о механизмах рассеяния фононов, происходящих прежде всего на беспорядках сплава, на примесях, позволяют выявить роль параметра неупорядоченности, учитывающего локальное изменение масс $\Delta M/M$ и локальное изменение упругих свойств, оценить роль нормальных процессов в рассеянии фононов. Температурная зависимость теплопроводности k при низких температурах дает дополнительные сведения о фононном спектре и о рассеянии фононов на границах кристалла, на примесях, на дислокациях при температурах ниже максимума k(T) и о рассеянии фононов на носителях заряда.

Известно, что Ві является уникальным объектом для изучения многих кинетических явлений. На его основе получены новые полупроводниковые соединения и сплавы. Многие его особенности отражаются и в сплавах. В частности, в $Bi_{1-x}Sb_x$ создаются условия для исследования многих кинетических явлений, выделения электронной, биполярной и фононной теплопроводностей, а также выявления вышеперечисленных механизмов рассеяния фононов.

Этим вопросам посвящен ряд работ [1–7]. В частности, в [6,7] содержатся много интересных результатов, среди которых привлекает внимание обнаружение на монокристаллическом Ві высокой чистоты экспоненциальной температурной зависимости фононной теплопроводности

$$k_{\rm ph} \propto \exp(\theta_{\rm D}/bT)$$

при $T < \theta_{\rm D}$, подтверждающей теорию Пайерлса, созданной для химически чистых и изотопически однородных кристаллов ($\theta_{\rm D}$ — температура Дебая). Показано, что в составах с $x = 0.001 \ k_{\rm ph} \propto T^{-2.2}$, $x = 0.03 \ k_{\rm ph} \propto T^{-3/2}$ и $x = 0.13 \ k_{\rm ph} \propto T^{-4/3}$. Были проанализированы температурные зависимости $k_{\rm ph}$ и после максимума ($T \approx 20$ K). Показано, что в этой области температур для образца с $x = 0.001 \ k_{\rm ph} \propto T^{2.5}$, с $x = 0.13 \ k_{\rm ph} \propto T^{0.9}$, а в Ві $k_{\rm ph} \propto T^3$. Следует особо отметить результаты, связанные с размерным эффектом. Прохождение зависимости $k_{\rm ph}(T)$ через максимум свидетель-

ствует о рассеянии фононов на границах кристалла. Специальный эксперимент был поставлен впервые для образцов с эффективными и поперечными сечениями $d = (d_1 - d_2)^{1/2} = 3.2, 2.2, 1.24, 0.99$ и 0.8 мм. Все результаты сопоставлены с теорией, развитой авторами для полученных данных [6].

Цель данной работы заключалась в исследовании фононной теплопроводности в сплавах с x = 0.02, 0.04, 0.08 и 0.12, а также выявлении механизмов межфононного рассеяния — процессов переброса (U) и влиянии *N*-процессов на теплопроводность через *U*-процессы. Представляет также интерес анализ рассеяния фононов на беспорядках сплава с учетом влияния дефекта массы $\Delta M/M$ и упругих свойств Bi и Sb, а также рассмотреть рассеяние фононов на ионизированных донорных примесях вплоть до $N_d = 2 \cdot 10^{19}$ см⁻³.

2. Экспериментальные результаты и их обсуждение

Исследование теплопроводности монокристаллических образцов $Bi_{1-x}Sb_x$ (x = 0.02, 0.04, 0.08 и 0.12) с размерами $2 \times 3 \times 14$ мм проводилось в интервале 6-60 К. Образец с x = 0.12 был легирован Те до $n = 2 \cdot 10^{19} \, \text{см}^{-3}$. Измерения температуры в интервале 6-30 К проводились термометрами сопротивления, а выше — медь-константановыми термопарами. На рис. 1 представлены температурные зависимости k_{ph}, из которых видно, что с понижением температуры теплопроводность возрастает, и при $T \approx 8-12 \,\mathrm{K} \,k_{\rm ph}$ проходит через максимум. В области $T < \theta_{\rm D}$ (до максимума) показатель степени в зависимости $k_{\rm ph} \propto T^{-n}$ принимает значения: для x = 0.02 n = -1.3, x = 0.04 n = -0.9, x = 0.08 n = -0.7, x = -0.12 n = -0.6. При температурах *T* < *T*_{max} показатель степени *n* положителен: для x = 0.02 n = 3/2, x = 0.04 n = 3/4, x = 0.08 n = 1/2. Также видно, что возрастание содержания Sb приводит к сильному уменьшению $k_{\rm ph}$ (особенно при температуре максимума T_{max}), температура максимума смещается в сторону высоких Т. В сильно легированном образце (x = 0.12) электронная составляющая теплопроводности составляла заметную долю от общей, она выделялась из $k_{\rm ph}$ методом, описанным в [8].

[¶] E-mail: Sadiyar@mail.ru



Рис. 1. Температурные зависимости $k_{ph}(T)$ в Ві_{1-*x*}Sb_{*x*}. Сплошные линии рассчитаны по формуле (1) при *x*: *I* — 0.02, *2* — 0.04, *3* — 0.08, *4* — 0.12.



Рис. 2. Зависимости фононной теплопроводности от состава $Bi_{1-x}Sb_x k_{ph}(x)$: *I* — рассчитанная по формулам (2)–(4) при 60 K; *2* — рассчитанная по формуле (7) в сопоставлении с экспериментальными данными; *3* — экспериментальные данные в сопоставлении с рассчитанной кривой по формулам (2)–(4) с учетом (7) при 90 K.

Уменьшение показателя степени *n*, значения $k_{\rm ph}$ и смещение температуры максимума в сторону высоких *T* качественно указывают на сильное возрастание рассеяния фононов на беспорядках сплава. Прохождение $k_{\rm ph}(T)$ через максимум обусловлено рассеянием фононов на границах кристалла. Когда длина свободного пробега фононов $l_{\rm ph}$, достигая эффективного размера поперечного сечения образца, становится постоянной величиной, т.е. $k_{\rm ph}(T) \approx c_p(T)$, то $l_{\rm ph}$ проходит через максимум за счет $c_p(T)$, а показатель степени *n* становится положительным, что указывает на зависимость $c_p(T) \propto T^n$. В идеальном случае показатель *n* должен быть значительно больше, чем наблюдается в наших экспериментах. Полагаем, что высокая концентрация дефектов сказывается на $c_p(T)$. Это более наглядно видно из данных для состава x = 0.12, обладающего большой концентрацией ионизованных примесей.

На рис. 2 представлены зависимости $k_{\rm ph}(T)$ от содержания Sb при 60 и 90 K. Видно, что с возрастанием x величина $k_{\rm ph}(x)$ при 60 и 90 K уменьшается почти в 2 раза, что указывает на значительную роль рассеяния фононов на беспорядках сплава. На рис. 3 приведена аналогичная зависимость $k_{\rm ph}$ от концентрации ионизованных доноров N_d для состава x = 0.12 при 90 K. Как видно, и здесь рассеяние фононов на примесных центрах значительно.

Из вышеприведенных рассуждений следует, что исследование теплопроводности в диэлектриках, полупроводниках и сплавах позволяет выявить не только различного рода механизмы рассеяния фононов, но и природу различного рода дефектов в них.

Первые оценки времени релаксации межфононных взаимодействий, сделанных Померанчуком [9,10], указали на степенную (в том числе дробную) зависимость $k_{\rm ph} \propto T^{-n}$ при $T \ll \theta_{\rm D}$, $\hbar \omega \ll k_0 T$ и на дробную при $T > \theta_{\rm D}$ (n > 1). Затем эти вопросы были развиты другими авторами. В частности, детали процесса теплопроводности при $T > \theta_{\rm D}$ были развиты Клеменсом [11], а теория фононной теплопроводности при $T \ll \theta_{\rm D}$ Калловеем [12,13], учитывающая всевозможные механизмы рассеяния фононов:

$$k_{\rm ph} = GT^3 \left\{ \int_0^{\theta_{\rm D}/T} \frac{\tau_c x^4 dx}{{\rm sh}^2(x/2)} + \int_0^{\theta_{\rm D}/T} \frac{\tau_c x^4 dx}{\tau_N \,{\rm sh}^2(x/2)} \right\} \times \left[\int_0^{\theta_{\rm D}/T} \frac{\tau_c dx}{\tau_N \tau_R \,{\rm sh}^2(x/2)} \right]^{-1}, \tag{1}$$

где $G = \frac{\hbar}{2} (2\pi)^2 \omega(\frac{k_0}{\hbar}), x = \frac{\hbar\omega}{k_0 T}; \omega$ — частота фононов; $\tau_c^{-1} = \tau_R^{-1} + \tau_N^{-1}, \tau_R$ и τ_N — времена релаксации ре-



Рис. 3. Зависимости фононной теплопроводности $Bi_{0.88}Sb_{0.12}$ от концентрации примесей $k_{ph}(N_d)$ (1) и теплового сопротивления, вызванного рассеянием фононов на примесях $W_i(N_d)$ (2) при 90 К.

зонансных и нормальных процессов, $\tau_R^{-1} = \tau_{pp}^{-1} + \tau_b^{-1} + \tau_{pd}^{-1}$; τ_{pp} , τ_b , τ_{pd} — времена релаксации фононфононных процессов переброса, граничного и фонондефектного рассеяния соответственно. При этом зависимости обратных времен релаксаций от *x* и *T* имеют вид

$$\begin{aligned} \tau_b^{-1} &= \upsilon/L, \quad \tau_{pp}^{-1} = A x^2 T^4 \exp(-\theta_{\rm D}/at); \\ \tau_{pd}^{-1} &= B x^4 T^4; \quad \tau_N^{-1} = C x^n T^4, \end{aligned}$$

где L — эффективный размер поперечного сечения образца (минимальный), v — средняя скорость звука. Параметры A, B, C, a и n численно определяются методом наименьших квадратов путем сравнения с экспериментальными данными.

Расчеты показывают (рис. 1), что вблизи максимума в образце с x = 0.02 в рассеянии существенную роль играют фонон-фононные (au_{pp}) процессы переброса (U-процессы), рассеяние на границах кристалла (т_в) и рассеяние на дефектах (au_{pd}). С возрастанием содержания Sb рассеяние на границах образца остается постоянным, фонон-фононные процессы изменяются незначительно, но существенно возрастает рассеяние фононов на дефектах. В частности, в $Bi_{1-x}Sb_x$ с x = 0.02 концентрация дефектов соответствует 10¹⁷ см⁻³, и основной вклад в рассеяние вносит дефект масс $\Delta M/M$ Sb и Ві. Далее при расчетах все виды механизмов рассеяния принимались постоянными, а изменение происходило только для рассеяния на дефектах: для состава *x* = 0.04 согласие с экспериментом достигается при $N_d = 10^{18} \text{ см}^{-3}$, для x = 0.08 при $N_d = 10^{19} \text{ см}^{-3}$, для x = 0.12 при $N_d = 7 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3}$.

Итак, можно заключить, что рассеяние фононов на дефектах приводит не только к существенному уменьшению значения коэффициента теплопроводности k, но и существенному уменьшению показателя степени в зависимости $k \propto T^{-n}$ до максимума, после него $k \propto T^n$, размытию максимума k, уменьшению его значения и смещению температуры максимума в строну высоких T.

Как отмечалось выше, исследование фононной теплопроводности твердых растворов при более высоких температурах дает возможность выявить ряд физических явлений, имеющих значение для физики тепловых явлений и физики твердого тела. С этой целью следует анализировать не только зависимости k(T), но и зависимости k от компонент твердого раствора. На рис. 2 точками представлены зависимости $k_{ph}(x)$ при температурах 60 и 90 K, что наглядно указывает на сильное рассеяние фононов на беспорядках сплава. Эти данные следует сопоставить с теорией [11], согласно которой коэффициент теплопроводности с учетом U-процессов и рассеяния на точечных дефектах описывается соотношениями:

$$k_{\rm ph} = k_U \frac{\omega_0}{\omega_{\rm D}} \arctan \frac{\omega_{\rm D}}{\omega_0},$$
 (2)

$$\left(\frac{\omega_0}{\omega_{\rm D}}\right) = \frac{k}{2\pi^2 k_U v \omega_{\rm D} A}.$$
(3)

Здесь k_U — теплопроводность в отсутствие дефектов, ω_D — дебаевская частота, при которой значения времен релаксации для процессов переброса и рассеяния на дефектах равны, А — параметр, учитывающий влияние изменения массы и упругих свойств при замещении одного атома другим. Этот параметр определяется выражением

$$A = \frac{x(1-x)}{4\pi v^3 N} \left[\frac{(M_1 - M_2)^2}{M^2} + \varepsilon \left(\frac{\Delta \alpha}{\alpha} \right)^2 \right], \qquad (4)$$

где $\Delta \alpha / \alpha$ — локальное изменение постоянной решетки, связанное с замещением атомов основы, *х* относительная доля атомов замещения, ε характеризует упругие свойства среды. В работе [14] проведено подробное исследование влияния этих факторов на тепловое сопротивление в PbTe–SnTe, PbTe–GaTe, PbTe–PbSe и PbTe–PbS. Получено, что отношение $E(\Delta \alpha / \alpha)^2 / (\Delta M / M)^2$ в них изменяется от 0.34, 0.9, 2.68 до 6.5 соответственно. Аналогичные исследования, проведенные в двойных и тройных твердых растворах на основе PbS [15], показали, что в тройных растворах на основе сульфида свинца также возникает большое теплосопротивление, обусловленное локальным изменением упругих свойств.

Изменение теплового сопротивления при образовании твердых растворов можно сопоставить с параметром неупорядоченности системы:

$$\Gamma = x(1-x) \left[\frac{(M_1 - M_2)^2}{M^2} + \varepsilon \left(\frac{\Delta \alpha}{\alpha} \right)^2 \right], \quad (5)$$

учитывающим локальные изменения массы $\Delta M/M$ и локальное изменение упругих свойств среды, пропорциональное отношению изменения постоянной решетки

$$\frac{\Delta \alpha}{\alpha} = \left(\frac{a_{\rm imp} - a_{\rm bas}}{a_{\rm bas}}\right) \frac{\mu}{1 + \mu}.$$
 (6)

Здесь

$$\mu=\frac{1-\eta}{2(1-2\eta)},$$

 η — коэффициент Пуассона. Заметим, что множитель (6), связанный с μ , близок к 1. Значения параметра неупорядоченности Г для псевдобинарных твердых растворов системы Pb–S и PbS–PbSe сопоставлены с экспериментальными значениями дополнительных сопротивлений

$$W_i = \frac{1}{k_{\rm ph}} - \frac{1}{k_U}$$

Получено, что значения Г для этих систем изменяются почти в 7 раз.

Расчеты, проведенные для $\text{Bi}_{1-x}\text{Sb}_x$ по формулам (2)–(4) при 60 K, представлены на рис. 2 (кривая *I*). Видно, что расчетная кривая также указывает на сильное рассеяние фононов на дефектах сплава. Получено, что в сплавах $\text{Bi}_{1-x}\text{Sb}_x$ отношение составляет $\varepsilon \left(\frac{\Delta \alpha}{\alpha}\right)^2 \left(\frac{\Delta M}{M}\right)^{-2} \approx 0.1$, что указывает на основное рассеяние фононов локальными изменениями масс $\Delta M/M$,

поскольку в Ві и Sb постоянные решетки близки (4.746 и 4.506 Å соответственно) и рассеяние на локальном изменении упругих свойств не превышает 10%.

Однако оказалось, что расчетные кривые во всем интервале *x* проходят выше экспериментальных данных. Чтобы не загромождать рисунок, расчетная кривая при 90 К не представлена. Аналогичные результаты наблюдались в работах [14–18]; они нашли объяснение на основе теории Паррота [19], учитывающей влияние нормальных *N*-процессов на рассеяние фононов.

Согласно классическим предствлениям, *N*-процессы, происходящие с сохранением общего импульса, не могут непосредственно создавать тепловое сопротивление. Однако *N*-процессы, являясь основным типом фононфононного взаимодействия (приводящие к перераспределению импульса между фононами), создают новые фононы, способные участвовать в *U*-процессах. Согласно теории [19], формула (2) с учетом *N*-процессов принимает вид

$$k_{\rm ph} = k_U \frac{1}{1 + \frac{5\alpha}{9}} \times \left[\frac{1}{y} \operatorname{arctg} y + \frac{(y - \operatorname{arctg} y)^2}{\frac{1 + \alpha}{\alpha} \left[y \left(y - \frac{y^3}{3} \right) - \operatorname{arctg} y \right]} \right].$$
(7)

Здесь $y^2 = (\omega_D/\omega_0)^2 (1 + 5\alpha/9)^{-1}$, $\alpha = B_N/B_U$, B_N и B_U — коэффициенты, указывающие зависимость времен релаксации от частоты фононов. Расчет проводился для каждого состава x в отдельности. Согласие расчетной кривой (1) с экспериментальными результатами достигнуто при значениях y = 0.8-0.7, соответствующих составам с x = 0.02-0.12 (рис. 2, кривая 2). Такие значения α означают, что влияние *N*-процессов на рассеяние фононов для состава x = 0.02 составляет 20% по сравнению с *U*-процессами; для наибольшего состава x = 0.12-30%. Это находится в согласии с выводом, сделанным в работах [14–18] о том, что в твердых растворах с возрастанием рассеяния фононов на дефектах создаются условия для интенсивного проявления *N*-процессов в рассеянии фононов.

Аналогичные расчеты были проведены для зависимостей $k_{\rm ph}(x)$ при T = 90 К. Учет влияния нормальных процессов на $k_{\rm ph}(x)$ оказался заметно выше, чем при 60 К. Здесь доля *N*-процессов в рассеянии фононов достигает до 30–40% от вклада *U*-процессов в том же интервале *x*. Окончательная расчетная кривая представлена на рис. 2 (кривая 3).

Влияние примесных центров на рассеяние фононов следует изучать в сильно легированных полупроводниках с высокой теплопроводностью, к числу которых относятся Ge, Si, кристаллы группы $A^{III}B^V$ и ряд др. Такие исследования выполнены в [20,21]. В *p*-InSb концентрация акцепторов меняется в диапазоне $2 \cdot 10^{15} - 2 \cdot 10^{20}$ см⁻³, а доноров — $2 \cdot 10^{15} - 2 \cdot 10^{19}$ см⁻³; в *n*-InAs концентрация доноров достигает до $6 \cdot 10^{19}$ см⁻³.

Система $Bi_{1-x}Sb_x$ относится к числу полуметаллов с относительно высокой теплопроводностью, она легко поддается легированию. Поэтому, для того чтобы дополнить вышеприведенные данные, целесообразно было рассмотреть и рассеяние фононов на ионизированных донорных примесях на примере Bi_{0.88}Sb_{0.12}. Высокие значения концентраций доноров $(5 \cdot 10^{18} \text{ и } 2 \cdot 10^{19} \text{ см}^{-3})$ были получены легированием его 0.01 и 0.1% Те. Электронная составляющая теплопроводности выделялась экспериментальным исследованием продольных и поперечных термомагнитных эффектов в сильных и слабых магнитных полях [8,22]. Полученные экспериментальные результаты по $k_{\rm ph}(N_d)$ при 90 К представлены на рис. 3, которые совпали с кривыми, рассчитанными на основе теории Клеменса по формулам (2)-(4). На рис. 3 представлена и концентрационная зависимость теплового сопротивления, возникающего вследствие рассеяния фононов на примесных центрах, рассчитанных как

$$W_i = \frac{1}{k_{\rm ph}} - \frac{1}{k_U}.$$

Видно, что с уменьшением концентрации N_d теплосопротивление, обусловленное рассеянием на примесных центрах, почти не заметно по сравнению с рассеянием U-процессов. Хорошее согласие с теорией Клеменса связано с тем, что теплосопротивление, возникающее из-за рассеяния на примесях, значительно меньше, чем это наблюдалось в сплавах, где значение x больше чем на порядок.

Список литературы

- М.Е. Кузнецов, В.С. Оскотский, В.И. Польшин, С.С. Шалыт. ЖЭТФ, 57, 1112 (1969).
- [2] И.Я. Коренблит, М.Е. Кузнецов, В.М. Муждаба, С.С. Шалыт. ЖЭТФ, 57, 1867 (1969).
- [3] П.П. Бодюл, М.П. Байко, Н.А. Редько. ФТТ, 28, 3182 (1986).
- [4] Н.А. Редько. Письма ЖТФ, 16 (22), 52 (1990).
- [5] Н.Б. Брант, Р.Г. Германн, Г.И. Голышева и др. ЖЭТФ, 88, 2152 (1982).
- [6] В.Д. Каган, Н.А. Редко. ЖЭТФ, 100 (4), 1205 (1991).
- [7] В.Д. Каган, Н.А. Редько. ФТТ, 35 (6), 1686 (1993).
- [8] S.A. Aliev, A.A. Movsum-zade, F.M. Gashim-zade, S.S. Ragimov, B.A. Tairov. J. Fizika (Azerb.), 2, 54 (1996).
- [9] I. Pomeranchuk. J. Phys., 7, 197 (1943).
- [10] I. Pomeranchuk. J. Phys. Rev., 60. 820 (1941).
- [11] P.G. Klemens. Proc. Royal Soc. A (London), 208, 108 (1951).
- [12] J. Callaway. Phys. Rev., 113, 1046 (1959).
- [13] J. Callaway, H.C. Balyer. Phys. Rev., 120, 1149 (1960).
- [14] Г.Т. Алексеева, В.А. Ефимова, Л.М. Островская, О.С. Серебрянникова, М.И. Цынин. ФТП, 4 (7), 1322 (1970).
- [15] К.Ш. Кахраманов, С.А. Алиев. Неорг. матер., 18 (10), 1700 (1982).
- [16] С.А. Алиев, Т.Г. Гаджиев. ФТП, 9 (12), 2337 (1971).
- [17] С.А. Алиев, Т.Г. Гаджиев, М.И. Алиев. Неорг. матер., 9 (12), (1973).

- [18] С.А. Алиев. Явления переноса заряда и тепла в узкощелевых и бесщелевых полупроводниках (Баку, Элм, 2008).
- [19] J.E. Parrott. Proc. Phys. Soc. (London), 81, 726 (1963).
- [20] З.А. Джафаров, С.А. Алиев, М.И. Алиев. Изв. АН АзССР. Сер. физ.-техн. и мат. наук, № 4, 12 (1970).
- [21] М.И. Алиев, С.А. Алиев, С.Г. Абдинова. Изв. АН АзССР. Сер. физ.-техн. и мат. наук, № 5, 25 (1974).
- [22] С.А. Алиев, А.А. Мовсум-заде, С.С. Рагимов. ФТП, **31** (5), 559 (1997).

Редактор Т.А. Полянская

Heat transport phenomena in the alloys $Bi_{1-x}Sb_x$

S.A. Aliev, R.I. Selim-zade, S.S. Ragimov

Abdullaev Institute of Physics, National Academic of Sciences of Azerbaijan, 1143 Baku, Azerbaijan

Abstract It was investigated the phonon thermal conductivity k_{ph} of Bi_{1-x}Sb_s (x = 0.02-0.12) alloys in 6–60 K temperature interval. The obtained results were comprised with low temperature theory of solids; the main phonons scatterings origins are established. It was shown, that the phonons are scattered mainly on the mass change than on the others. The k_{ph} dependence from structure at 60 and 90 K was analyzed, and shown, that the *N*-processes are efficiently influence on phonons scattering. The donor impurities influence on thermal conductivity of Bi_{0.88}Sb_{0.12} is considered, the thermal resistance related by phonons scattering by impurity centers is separated.