## Электронная структура и спектральные характеристики Cd-замещенных германиевых клатратов

© Н.А. Борщ<sup>¶</sup>, Н.С. Переславцева, С.И. Курганский\*

Воронежский государственный технический университет, 394026 Воронеж, Россия \* Воронежский государственный университет, 394006 Воронеж, Россия

(Получена 14 декабря 2009 г. Принята к печати 28 декабря 2009 г.)

Представлены результаты теоретического исследования электронно-энергетического спектра замещенных клатратов системы Ba–Cd–Ge с различным содержанием атомов Cd. Расчет проводился методом линеаризованных присоединенных плоских волн. В результате расчета были получены зонные картины, полные и парциальные плотности электронных состояний, рентгеновские эмиссионные спектры.

#### 1. Введение

Несмотря на то что первые полупроводниковые клатраты были синтезированы еще в 1965 году [1], их интенсивное изучение началось только в последнее десятилетие. Это связано прежде всего с необходимостью поиска новых материалов, обладающих легко варьируемыми свойствами. Клатратные кристаллы оказались одними из самых перспективных направлений такого поиска.

Кристаллическая решетка этих соединений представляет собой упорядоченную систему фуллереноподобных кластеров из 20 и 24 (или 28) атомов полупроводникового элемента (Si, Ge, Sn) [1-4]. Внутри сфероидов помещается атом другого сорта, который стабилизирует полупроводниковую подрешетку. Сорт атома влияет на свойства клатратного кристалла [5-8]. Кроме того, часть атомов полупроводникового элемента может заменяться атомами металлов, что также изменяет свойства кристалла [9-12]. Таким образом, появляются два пути получения полупроводниковых клатратов с заданными свойствами: во-первых, подбор инкапсулированного атома и, во-вторых, замещения в полупроводниковой решетке-хозяине. Эти два способа могут комбинироваться, что открывает широкие возможности для получения новых материалов.

В частности, существует гипотеза, согласно которой на основе полупроводниковых клатратов могут быть синтезированы материалы с уникальными термоэлектрическими свойствами [13,14]. Исследования в этом направлении показали, что среди клатратов наилучшие факторы добротности имеют клатраты на основе Ge и Sn [14]. При этом величина этого фактора крайне чувствительна к изменениям в составе клатратного кристалла. Фактор добротности определяется значением коэффициента Зеебека, величина которого в свою очередь зависит от особенностей электронной структуры соединения. Поэтому изучение электронной структуры полупроводниковых клатратов играет важную роль в изучении их термоэлектрических свойств. В данной работе представлены результаты расчета электронной структуры ряда Cd-замещенных клатратов на основе германия — Ba<sub>8</sub>Cd<sub>2</sub>Ge<sub>42</sub>, Ba<sub>8</sub>Cd<sub>4</sub>Ge<sub>40</sub>, Ba<sub>8</sub>Cd<sub>6</sub>Ge<sub>40</sub> и Ba<sub>8</sub>Cd<sub>8</sub>Ge<sub>38</sub>. Эти клатраты впервые были синтезированы в 2007 году [12] и их электронная структура не изучена ни экспериментально, ни теоретически.

### 2. Метод расчета

Расчет электронной структуры клатратов проводился методом линеаризованных присоединенных плоских волн (ЛППВ) [15] в рамках локального приближения функционала плотности с использованием обменнокорреляционного потенциала в аппроксимации [16] и скалярно-релятивистского приближения [17]. В этом приближении учитываются все релятивистские эффекты, кроме спин-орбитального расщепления. Для расчетов электронной структуры использовался базис из 2500 ЛППВ. В разложении базисной функции по сферическим гармоникам учитывались вклады до  $l_{max} = 7$ .

Полученные в результате зонного расчета собственные функции  $\psi_{i,\mathbf{k}}(\mathbf{r})$  и собственные значения энергии  $E_i(\mathbf{k})$  использовались для расчета полных плотностей электронных состояний

$$n(E) = \frac{2}{\Omega_{\rm BZ}} \sum_{i} \int_{\Omega_{\rm BZ}} \delta(E - E_i(\mathbf{k})) d\mathbf{k}, \qquad (1)$$

локальных парциальных плотностей электронных состояний

$$n_{sl}(E) = \frac{2}{\Omega_{\rm BZ}} \sum_{i} \int_{\Omega_{\rm BZ}} Q_{\mathbf{k}}^{sl} \delta(E - E_i(\mathbf{k})) d\mathbf{k}$$
(2)

(i -номер энергетической зоны,  $\Omega_{BZ} -$ объем первой зоны Бриллюэна,  $Q_k^{sl}$  определяет заряд l-типа симметрии, содержащийся внутри атомной сферы, окружающей в элементарной ячейке атомы *s*-типа) и для вычисления

<sup>¶</sup> E-mail: nadi@box.vsi.ru

интенсивности рентгеновских эмиссионных спектров

$$I(E) = \frac{2}{\Omega_{\rm BZ}} \sum_{i} \int_{\Omega_{\rm BZ}, E_i(\mathbf{k}) \le E_{\rm F}} \left( M_i^2(\mathbf{k}) \delta \left( E - E_i(\mathbf{k}) + E_c \right) \right) d\mathbf{k}$$
(3)

 $(M_i^2(\mathbf{k})$  — матричный элемент вероятности рентгеновского перехода,  $E_c$  — энергия остовного состояния, на которое происходит переход).

Сд-замещенные германиевые клатраты кристаллизуются в примитивную кубическую ячейку пространственной группы Рт3п [12]. Кристаллическая решетка строится из двух типов полиэдров: Ge<sub>20</sub> и Ge<sub>24</sub>. На одну элементарную ячейку приходятся 2 полиэдра Ge<sub>20</sub> и 6 полиэдров Ge<sub>24</sub>. Атомы бария заполняют пустоты в германиевых полиэдрах. В элементарной ячейке имеются 2 неэквивалентные кристаллографические позиции атомов бария — 2а и 6b и 3 неэквивалентные позиции атомов клатратной решетки — 6с, 16і и 24k [12]. В клатратах Ba<sub>8</sub>Cd<sub>2</sub>Ge<sub>42</sub>, Ba<sub>8</sub>Cd<sub>4</sub>Ge<sub>40</sub> и Ba<sub>8</sub>Cd<sub>6</sub>Ge<sub>40</sub> атомы кадмия замещают атомы германия в позиции 6с, в Cd8-замещенном клатрате 6 атомов Cd занимают позиции 6c, а еще 2 — позицию 16i [12]. В Cd2и Cd4-замещенных клатратах имеются 2 вакансии в 6с-позиции [12].

### 3. Зонная структура и плотность электронных состояний

В зонной структуре Cd-замещенных клатратов можно выделить три группы энергетических зон, что характерно для полупроводниковых клатратов [18-20]. Первая группа зон расположена в низкоэнергетической части валентной полосы и включает 52, 60, 70 и 78 зон в Cd2-, Cd4-, Cd6- и Cd8-замещенных клатратах соответственно. Расчет парциальных плотностей электронных состояний показывает, что эти зоны заполнены Ge 4s- и Cd 4d-электронами (рис. 1, 2). Вторая группа расположена в верхней части валентной зоны и включает 50 энергетических зон в клатрате Ba<sub>8</sub>Cd<sub>2</sub>Ge<sub>42</sub>, 52 энергетические зоны в клатратах Ba<sub>8</sub>Cd<sub>4</sub>Ge<sub>40</sub> и Ba<sub>8</sub>Cd<sub>6</sub>Ge<sub>40</sub> и 54 зоны в Cd8-замещенном клатрате. Эти зоны заняты Ge 4p-, Cd 5s- и Cd 5p-электронами (рис. 1, 2). Третья группа энергетических зон преимущественно расположена в зоне проводимости клатратов.

Если не учитывать зоны, соответствующие Cd 4*d*-состояниям, то оказывается, что в валентной зоне каждого из рассматриваемых клатратов содержится одинаковое количество зон, а именно — 92 энергетические зоны. Причина этого заключается в том, что клатраты на основе германия относятся к так называемым фазам Цинтля. Это значит, что атомы решетки-хозяина стремятся к образованию тетраэдрических связей. Для этого необходимо заполнение Cd 5*p*-оболочек, т.е. атомы Cd должны иметь валентную конфигурацию  $5s^25p^2$ . Атомы Ва являются донорами электронов для клатратной решетки. Каждый атом бария отдает решетке-хозяину по



**Рис. 1.** Полные и парциальные плотности электронных состояний в Cd2- и Cd4-замещенных германиевых клатратах.

2 валентных 6s-электрона. Таким образом, от 8 атомов бария клатратная подсистема получает 16 дополнительных электронов на элементарную ячейку. В элементарной ячейке Cd2- и Cd4-замещенных клатратов имеются 2 вакансии. Каждая вакансия тетраэдрически окружена 4 атомами Ge, т. е. 8 атомов Ge имеют оборванные связи. Для компенсации этих связей необходимо 8 электронов, которые и поступают от атомов Ва. Остальные электроны задействованы в образовании тетраэдрических связей атомов Cd с атомами Ge. В Cd6-замещеном клатрате 12 и 16 полученых от Ва электронов используются для образования тетраэдрческих ковалентных связей атомов Cd с атомами Ge, а оставшиеся 4 заполняют зоны у дна зоны проводимости. В клатрате Ba<sub>8</sub>Cd<sub>8</sub>Ge<sub>38</sub> для образования атомами Cd тетраэдрических связей не хватает 16 электронов, поэтому все электроны, отданные атомами Ва, используются для образования связей Cd-Ge.

Во всех рассматриваемых клатратах первая и вторая группы зон разделены энергетической щелью. Шири-



**Рис. 2.** Полные и парциальные плотности электронных состояний в Cd6- и Cd8-замещенных германиевых клатратах.

на щели максимальна в точке R, минимальна в точке Г. Минимальная ширина щели составляет 2.55, 2.21, 2.12 и 2.25 эВ в клатратах Ba<sub>8</sub>Cd<sub>2</sub>Ge<sub>42</sub>, Ba<sub>8</sub>Cd<sub>4</sub>Ge<sub>40</sub>, Ва<sub>8</sub>Cd<sub>6</sub>Ge<sub>40</sub> и Ва<sub>8</sub>Cd<sub>8</sub>Ge<sub>38</sub> соответственно. Эта щель отделяет область с доминирующим вкладом s-состояний от области с доминирующим вкладом р-состояний и является характерной особенностью зонной структуры полупроводниковых клатратов [18-20]. Как известно, в полупроводниках со структурой алмаза валентная зона непрерывна, s- и p-области перекрываются [21]. В полупроводниковых клатратах также имеется область перекрытия валентных Ge s- и Ge p-состояний, которая расположена у потолка первой группы зон [18-20]. В Сd-замещенных германиевых клатратах *s*-*p*-область отделена небольшой (0.1–0.2 эВ) энергетической щелью от основной части первой группы зон. Во всех рассматриваемых клатратах *s*-*p*-область включает 14 энергетических зон.

На рис. 3 приведена структура энергетических зон около уровня Ферми. В Cd2-замещенном клатрате уро-

Физика и техника полупроводников, 2010, том 44, вып. 8

вень Ферми пересекают две зоны — одна из них относится к зоне проводимости, вторая — к валентной зоне. Эти зоны не пересекаются, но перекрываются, что характерно для полуметаллов. В Cd4-замещенном клатрате уровень Ферми пересекают три зоны. Две зоны относятся к валентной зоне клатрата и одна — к зоне проводимости. Эти зоны перекрываются по энергетической шкале, таким образом, клатрат Ba<sub>8</sub>Cd<sub>4</sub>Ge<sub>40</sub> также является полуметаллом. В Сd6-замещенном клатрате уровень Ферми пересекают три энергетические зоны, относящиеся к зоне проводимости, т.е. данное соединение имеет металлический характер проводимости. В Cd8-замещенном клатрате верхняя валентная зона пересекается с зоной проводимости. Следовательно, этот клатрат является металлом. Эти выводы согласуются с экспериментальными исследованиями проводимости Сс-замещенных клатратов [12].

На рис. 4 показаны локальные парциальные плотности Ge 4*p*-состояний в Cd-замещенных клатратах. Из рисунка видно, что в прифермиевской области вклад в полную плотность *p*-состояний от атомов из 24*k*-позиции значительно больше, чем от 16*i*-атомов. Объяснение этому легко найти, если обратить внимание на особенности кристаллической структуры клатратов [12]. Ближайшее окружение 24*k*-атома состоит из двух 16*i*-атомов, одного



**Рис. 3.** Зонная структура в прифермиевской области Cd-замещенных германиевых клатратов.



**Рис. 4.** Локальные парциальные плотности *p*-состояний Ge для атомов из различных кристаллографических позиций в Cd-замещенных клатратах.

6с-атома и одного 24k-атома. В ближайшем окружении 16*i*-атомов имеются три 24*k*-атома и один 16*i*-атом. Поскольку замещающие атомы Cd полностью или частично занимат позицию 6с и в Cd-замещенном клатрате частично позицию 16*i*, то оказывается, что именно 24k-атомы германия имеют их в своем окружении. Кроме того, в Cd2- и Cd4-замещенных клатратах в позиции 6с имеются вакансии. Так, в Cd2-замещенном клатрате в 6с-позиции находятся 2 замещающих атома кадмия, 2 атома германия и 2 вакансии. Таким образом, в ближайшем окружении восьми 24k-атомов имеется атом кадмия, у еще восьми — вакансия. Остальные 24k-атомы имеют окружение только из атомов германия. В Cd4-замещенном клатрате в позиции 6с находятся 4 атома Cd и 2 вакансии. Восемь 24k-атомов германия имеют вакансии в ближайшем окружении, а остальные — по одному атому кадмия. В Cd8-замещенном клатрате помимо 6 атомов кадмия в 6с-позиции, еще 2 замещают атомы германия в 16*i*-позиции, т.е. все атомы германия из 24k-позиции имеют в своем окружении атом кадмия, а в ближайшем окружении шести 24*k*-атомов два атомов кадмия.

Наличие атомов кадмия и вакансий в ближайшем окружении атомов германия существенно влияет на распределение плотности электронных состояний. Сd 4*p*-оболочки заполнены лишь частично, и Cd 4p-состояния локализованы в прифермиевской области (рис. 1, 2). В результате образования ковалентных связей между атомами германия и кадмия и гибридизации Cd 4p- и Ge 4p-состояний происходит смещение электронного спектра последних к уровню Ферми. Присутствие вакансий, как было отмечено выше, приводит к возникновению оборванных связей, которые компенсируются электронами, поступившими в клатратную решетку от атомов Ва. Дополнительные электроны слабо связаны с атомами, вследствие чего плотность 4р-состояний смещается к уровню Ферми. Таким образом, те атомы германия, которые имеют в своем окружении атомы кадмия или (атомы кадмия) + вакансии, вносят больший вклад в плотность электронных состояний на уровне Ферми и в прифермиевской области.

### 4. Рентгеновские эмиссионные спектры

На рис. 5 показаны рентгеновские эмиссионные Ge  $M_{2,3}$ -спектры. Эти спектры соответствуют переходам  $4s4d \rightarrow 3p$  и, следовательно, отражают Ge 4s- и Ge 4d-состояния валентной зоны. В спектрах рассматриваемых клатратов доминирует вклад Ge 4s-состояний, а вклад Ge 4d-состояний является незначительным.

Спектры всех рассматриваемых клатратов имеют трехпиковую структуру с максимумами  $A_M$ ,  $B_M$  и  $C_M$ . Максимум  $C_M$  в прифермиевской области имеет сложную структуру с дополнительной особенностью  $C'_M$  непосредственно около уровня Ферми. Относительные интенсивности максимумов зависят от количества замещающих атомов кадмия в элементарной ячейке клатрата. Так, в спектре Cd2-замещенного клатрата максимум  $B_M$  является доминирующим, в спектре Cd4-замещенного клатрата доминирует максимум  $A_M$ , а в спектрах Cd6- и Cd8-замещенных клатратов интенсивности максимумов  $A_M$  и  $B_M$  практически одинаковы.

Анализ локальных Ge  $M_{2,3}$ -спектров атомов из неэквивалентных кристаллографических позиций показывает, что относительная интенсивность особенностей в спектрах зависит от положения атома в элементарной ячейке (рис. 5). В спектрах 16*i*-атомов всех клатратов, кроме Cd4-замещенного, доминирует максимум  $B_M$ . В Ge  $M_{2,3}$ -спектрах 24*k*-атомов всех клатратов, кроме Cd2-замещенного, доминирует максимум  $A_M$ .

На рис. 6 показаны полные и локальные рентгеновские эмиссионные Ge  $K_{\gamma}$ -спектры. В Ge  $K_{\gamma}$ -спектрах всех рассматриваемых клатратов имеется два основных максимума —  $A_K$  и  $B_K$ . Главный максимум  $B_K$  имеет тонкую структуру с дополнительной особенностью  $B'_K$ , появление которой обусловлено гибридизацией Cd 4*p*и Ge 4*p*-состояний. Как видно из рис. 6, интенсивность особенности  $B'_K$  зависит от количества замещающих атомов кадмия в элементарной ячейке клатрата. С ростом



Рис. 5. Полные и локальные рентгеновские эмиссионные Ge M<sub>2,3</sub>-спектры Cd-замещенных германиевых клатратов.



Рис. 6. Полные и локальные рентгеновские эмиссионные Ge Ку-спектры Cd-замещенных германиевых клатратов.

содержания атомов Cd от 2 до 6 атомов в элементарной ячейке интенсивность максимума  $B'_{K}$  растет, а в спектре Cd8-замещенного клатрата — уменьшается. Наибольшее расщепление главного максимума (т.е. наибольшее энергетическое расстояние между максимумами  $B_{K}$  и  $B'_{K}$ ) наблюдается в спектре Cd4-замещенного клатрата. Это связано с наличием вакансий в элементарной ячейке этого клатрата. Как было отмечено выше, наличие вакансий приводит к смещению плотности электронных состояний атомов, соседствующих с ними, к уровню Ферми. В полном Ge  $K_{\gamma}$ -спектре это проявляется как расщепление главного максимума и смещение особенности  $B'_{K}$  в сторону бо́льших энергий.

В локальных Ge  $K_{\gamma}$ -спектрах 24*k*-атомов интенсивность максимума  $B'_{K}$  значительно больше, чем в спек-

2 Физика и техника полупроводников, 2010, том 44, вып. 8

трах 16*i*-атомов (рис. 6). Как было отмечено выше, на распределение Ge *p*-состояний в прифермиевской области влияет их гибридизация с валентными Cd *p*-состояниями. Поскольку 24*k*-атомы соседствуют с атомами Cd, а 16*i*-атомы — нет, то интенсивность максимума  $B'_K$  в их спектрах выше.

### 5. Заключение

Строение валентной зоны в Сd-замещенных германиевых клатратах идентично: в области низких энергий доминирует вклад Ge 4*s*- и Cd 4*d*-состояний, а в высокоэнергетической области преобладают Ge 4*p*-состояния с заметным вкладом Cd 5*s* и Cd 5*p*-состояний. Области разделены энергетической щелью. Структура энергетических зон на уровне Ферми указывает на то, что Cd2и Cd4-замещенные клатраты являются полуметаллами, а Cd6- и Cd8-замещенные имеют металлический характер проводимости. В прифермиевской области доминирует вклад *p*-состояний тех атомов германия, которые имеют в своем ближайшем окружении атомы кадмия или их вакансии.

Ge  $M_{2,3}$ -спектры клатратов Cd-замещенных германиевых клатратов имеют структуру с тремя основными максимумами. Относительная интенсивность максимумов в полном Ge  $M_{2,3}$ -спектре зависит от количества замещающих атомов Cd в элементарной ячейке, а в локальных спектрах и от кристаллографической позиции атома в элементарной ячейке.

Ge  $K_{\gamma}$ -спектры Cd-замещенных германиевых клатратов имеют двухпиковую структуру. Гибридизация Ge *p*-состояний с валентными *p*-состояниями атомов кадмия приводит к расщеплению главного максимума, которое сильнее всего проявляется в спектре Cd4-замещенного клатрата. Расщепление наиболее заметно в локальных Ge  $K_{\gamma}$ -спектрах тех атомов, которые имеют в ближайшем окружении атомы Cd.

Работа выполнена при финансовой поддержке Американского фонда гражданских исследований и развития для независимых государств бывшего Советского Союза (CRDF) и Министерства образования и науки Российской Федерации (грант Y5-P-10-01 программы "Фундаментальные исследования и высшее образование"(BRHE)).

### Список литературы

- J.S. Kasper, P. Hagenmuller, M. Pouchard, C. Cros. Science, 150, 1713 (1965).
- [2] G.S. Nolas, T.J. Weakley, J.L. Cohn, R. Sharma. Phys. Rev. B, 61, 3845 (2000).
- [3] G.S. Nolas, C.A. Kendziora. Phys. Rev. B, 61, 7157 (2000).
- [4] I. Ishii, H. Higaki, T. Sakata, D. Huo, T. Takabatake, T. Suzuki. Physica B: Condens. Matter, 359, 1210 (2005).
- [5] F. Shimizu, Y. Maniwa, K. Kume, K. Kawaji, S. Yamanaka, M. Ishikawa. Phys. Rev. 54, 13 242 (1996).
- [6] J.S. Tse, S. Desgreniers, Li Zhi-qiang, M.R. Ferguson, Y. Kawazoe. Phys. Rev. B, 89, 195 507 (2002).
- [7] H. Kawaji, H. Horie, S. Yamanaka, M. Ishikawa. Phys. Rev. Lett., 74, 1427 (1995).
- [8] H. Fukuoka, J. Kiyoto, S. Yamanaka. Inorg. Chem., 42, 2933 (2003).
- [9] H. Fukuoka, J. Kiyoto, S. Yamanaka. J. Sol. St. Chem., 175, 237 (2003).
- [10] N. Jaussaud, P. Gravereau, S. Pechev, B. Chevalier. C. R. Chimie, 8, 39 (2005).
- [11] Yang Li, Yang Liua, Ning Chen, Guohui Cao, Zhaosheng Feng, J.H. Ross, jr. Phys. Lett. A 345 398 (2005).
- [12] N. Melnychenko-Koblyuk, A. Grytsiv, L. Fornasari. J. Phys.: Condens. Matter, 19, 046 203 (2007).
- [13] G.A. Slack. Matter. Res. Symp. Proc., 478, 47 (1997).

- [14] B.B. Iversen, E. Anders, E.C. Palmqvist, D.E. Cox, A George, S. Nolas, B Galen, D. Stucky, N.P. Blake, H. Meti. J. Sol. St. Chem., 149, 455 (2000).
- [15] S.N. Vosko, L. Wilk, M. Nusair. Can. J. Phys., 58, 1200 (1980).
- [16] D.D. Koelling, G.O. Arbman. J. Phys. F, 5, 2041 (1975).
- [17] A.H. MacDonald, W.E. Pickett, D.D. Koelling. J. Phys. C, 13, 2675 (1980).
- [18] K. Moriguchi, S. Munetoh, A. Shintani. Phys. Rev. B, 62, 7138 (2000).
- [19] K. Moriguchi, M. Yonemura, A. Shintani, S. Yamanaka. Phys. Rev. B, 61, 9859 (2000).
- [20] S. Saito, A. Oshiyama. Phys. Rev. B, 51, 2628 (1995).
- [21] И.М. Цидильковский. Зонная структура полупроводников (М., Наука, 1978).

Редактор Т.А. Полянская

# Electronic structure and spectral characteristics of Cd-substituted germanium clathrates

N.A. Borshch, N.S. Pereslavtseva, S.I. Kuganskii\*

Voronezh State University, 394006 Voronezh, Russia \* Voronezh State Technical University, 394026 Voronezh, Russia

**Abstract** The results of electron structure calculation of Cd-substituted germanium clathrates are presented. Band structure, total and partial density of states, X-ray emission spectra were obtained as results of the calculation. Influence of the number of substituted atoms on a electron spectra was considered. In calculation the linearized augmented plane wave method was used.