

# Влияние локального ближнего порядка в неупорядоченных твердых растворах V-Ti на энергию образования вакансии

© А.А. Мирзоев, А.В. Верховых, П.И. Черновол

Южно-Уральский государственный университет (НИУ),  
Челябинск, Россия

E-mail: mirzoevaa@susu.ru

Поступила в Редакцию 30 апреля 2025 г.

В окончательной редакции 8 сентября 2025 г.

Принята к публикации 11 ноября 2025 г.

Методами *ab initio* моделирования проведено исследование влияния локального ближнего порядка в неупорядоченных твердых растворах V-Ti на энергию образования вакансий. Результаты показывают, что энергия образования вакансий значительно зависит от расположения атомов титана в окрестности вакансии и понижается с ростом их числа. При этом энергия образования вакансии при выбивании атомов титана существенно ниже, чем удаления атома ванадия.

**Ключевые слова:** сплавы V-Ti, твердые растворы, вакансии, *ab initio* моделирование, энергия образования вакансии

DOI: 10.61011/FTT.2025.12.62445.7962k-25

## 1. Введение

Ванадиевые сплавы системы V-Ti являются перспективными кандидатами в качестве конструкционных материалов первой стенки термоядерного реактора, поскольку демонстрируют хорошее сочетание прочности, пластичности и радиационной стойкости, а также имеют быстрый спад наведенной активности (от года до нескольких лет) [1,2], что решает проблему утилизации данных материалов. Облучение сплавов V-Ti приводит к образованию большого количества точечных дефектов (вакансий и внедренных атомов), а контакт с областью водородно-гелиевой плазмы приводит к высоким концентрациям атомов водорода и гелия внутри материала, в результате чего они подвергаются таким повреждениям, как гелиевое распухание и водородное охрупчивание [3]. Понимание физической картины, стоящей за указанными эффектами пока еще неудовлетворительно, поскольку экспериментальное исследование облученных материалов ядерной энергетики является весьма дорогостоящей и длительной процедурой. По этой причине в последние годы появилась тенденция к получению таких данных с использованием *ab initio* компьютерного моделирования. Соответствующие исследования для сплавов V-Ti начались только в последние годы. В работе [4] исследовалось взаимодействие He с моновакансиями и собственными межузельными атомами (SIA) в чистом ванадии и сплаве V-4%Cr-4%Ti. Было показано, что в сплаве энергии образования и миграции He больше, чем в чистом V. Образование гелия и вакансии на границе зерен в V исследовалось в работе [5]. Эта же группа исследовала влияние 26 различных примесей переходных металлов в

ванадии на взаимодействие водорода и гелия с вакансиями в ванадии [6].

В работе [7] Боев и др. изучили взаимодействие атомов Ti с вакансиями в ОЦК-ванадии. Было показано, что атом титана и вакансия сильно притягиваются, кроме того образуются высокостабильные тройные комплексы Ti-вакансия-Ti. Основываясь на этих результатах, показывающих, что вакансии и атомы титана, находящиеся в ближайшем окружении, взаимодействуют достаточно сильно, мы решили подробно изучить вопрос о влиянии ближнего порядка в сплавах V-Ti на энергию образования вакансий при радиационном воздействии. В ходе настоящей работы проведено моделирование энергии образования вакансий в зависимости от того, какой атом удаляется из решетки титана (Ti-вакансия) или ванадий (V-вакансия), для различных конфигураций атомов титана в ближайшем окружении. На первом этапе моделирование проводилось методом Монте-Карло с межатомными EAM-потенциалами, предложенными для системы V-Ti в работе [8], чтобы выявить влияние локального ближнего порядка и определить тип конфигурации, соответствующие минимальным значениям энергии образования вакансии. После этого были отобраны несколько конфигураций данного типа, обладающих минимальной энергией, для которых был проведен первопринципный расчет энергии образования вакансии в программном пакете VASP.

## 2. Методика расчетов

Твердые растворы V-Ti имеют ОЦК-структуру, в силу чего каждый атом решетки соседствует с 8 атомами первого окружения и 6 атомами второго окружения. Для фиксированного числа атомов титана  $N$  ( $0 \leq N \leq 14$ )

существует  $M$  возможных вариантов их распределения по узлам первого и второго окружения. Эти  $M$  вариантов распределения по узлам будут приводить к набору из  $L$  ( $L < M$  ввиду наличия симметрично эквивалентных структур) энергий образования вакансии. Для нахождения данного набора был написан код на Python, который генерировал все неэквивалентные  $L$  варианты распределения  $N$  атомов Ti по 14 узлам первого и второго окружения вакансии, находящейся в центре  $3 \times 3 \times 3$  ОЦК ячейки ванадия. Во всех сгенерированных ячейках  $3 \times 3 \times 3$  атомы Ti могли присутствовать только в первом и втором окружении от вакансии, все остальные атомы ячейки — атомы V. Каждая сгенерированная кодом Python структура считывалась пакетом молекулярно-динамического моделирования LAMMPS. При этом необходимо рассматривать два случая: образование вакансии в результате удаления атома Ti (Ti-вакансии) с энергией образования  $E_f^{\text{Ti}}$  и в результате удаления атома V (V-вакансии) с энергией  $E_f^{\text{V}}$ . Энергии образования вакансий рассчитывались по формулам:

$$E_f^{\text{Ti}} = E_{(n-1)} - E_{(n)} + E(\text{Ti})/n, \quad (1a)$$

$$E_f^{\text{V}} = E_{(n-1)} - E_{(n)} + E(\text{V})/n, \quad (1b)$$

где  $E_{(n)}$  — энергия ячейки, заполненной атомами V и Ti,  $E_{(n-1)}$  — энергия той же ячейки, но с вакансией, образованной удалением одного из атомов,  $E(\text{Ti})$  и  $E(\text{V})$  — энергия ячеек, заполненных только атомами титана и ванадия,  $n$  — число атомов в ячейке.

При расчете значения  $E_{(n)}$  выполнялась структурная релаксация системы: координаты атомов регулировались методом градиентного спуска с целью достижения минимальной энергии системы; вектора ячейки независимо регулировались для достижения целевого давления в системе (1 атмосфера). После вычисления  $E_{(n)}$ , центральный атом ячейки удаляется, после чего релаксационный расчет повторяется (но уже без изменения векторов ячейки) при тех же критериях остановки. В результате получаем полную энергию ячейки с вакансией  $E_{(n-1)}$ . Первопринципные DFT расчеты, обладающие большей точностью, проводились PAW-методом с учетом обобщенного градиентного приближения в программном пакете VASP. В качестве модели была использована суперячейка  $3 \times 3 \times 3$ , состоящая из 54 узлов ОЦК-решетки. При интегрировании в обратном пространстве и вычислении электронной плотности использовалась схема Монхорста—Пака с сеткой  $4 \times 4 \times 4$   $k$ -точек зоны Бриллюэна. Энергия обрезания плоской волны была установлена равной 400 eV. При оптимизации атомной структуры предполагалась сходимости, когда изменение энергии между двумя электронными самосогласованными ступенями составляет менее  $10^{-6}$  eV, а силы на каждом из атомов не превышали значения 0.01 eV/Å. Расчеты выполнялись без спиновой поляризации. Чтобы оценить надежность вычислительной методики, мы рассчитали свойства чистого ванадия и титана с ОЦК-решеткой. Полученный в расчете параметр решетки

ванадия (2.99 Å) отклоняется от экспериментального значения (3.02 Å [9]) менее чем на 1.5 %, а параметр решетки титана (3.252 Å) имеет еще лучшее согласие с экспериментальным значением 3.256 Å [10].

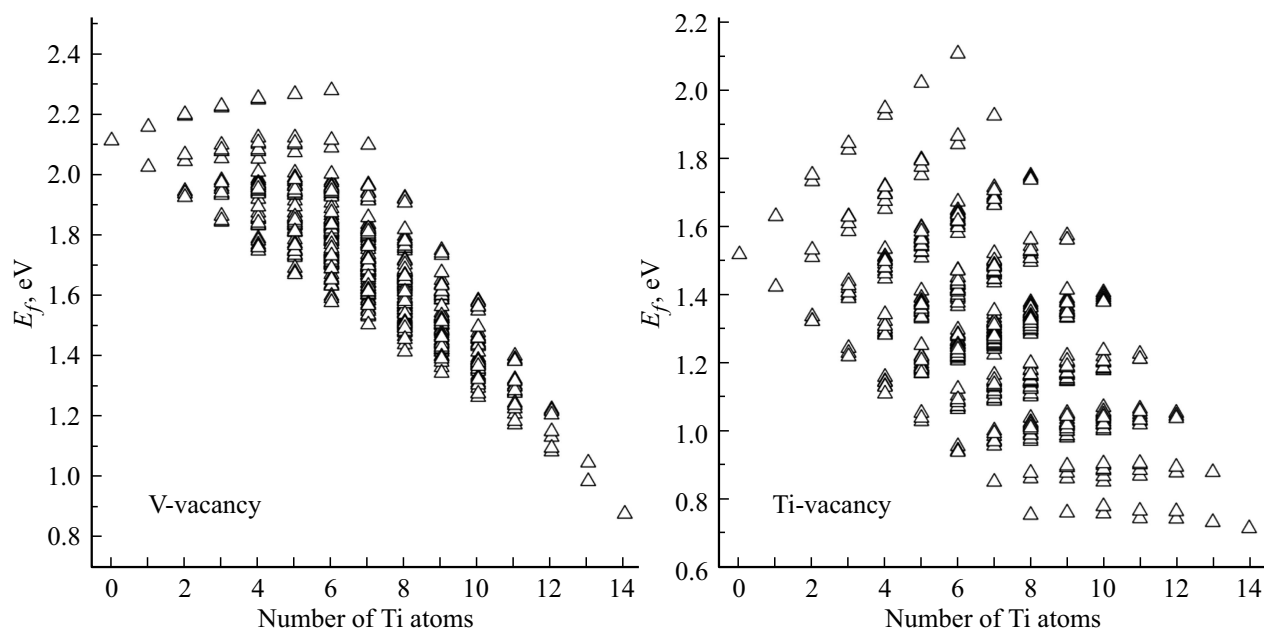
### 3. Результаты и обсуждение

Результаты молекулярно-динамического расчета энергии образования вакансий приведены на рис. 1. На графиках отмечено  $L$  различных значений энергий образования вакансии для каждого числа  $N$  атомов Ti, распределенных между первым и вторым окружением вакансии.

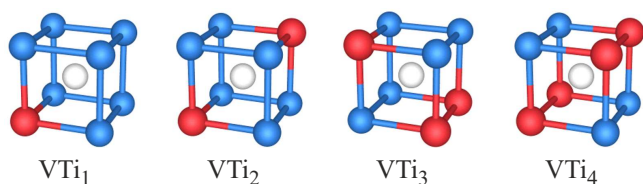
Как видно из данных рис. 1, энергия образования весьма сильно зависит как от числа атомов титана в ближайшем окружении вакансии, так и от ближнего порядка в их расположении. Максимальная энергия образования  $E_f^{\text{max}}$  наблюдается в случаях, когда ближайшие к вакансии атомы Ti расположены во втором окружении в направлении сторон ячейки решетки. Минимальная же энергия  $E_f^{\text{min}}$  наблюдается при расположении атомов титана в первом окружении вдоль диагоналей ячейки.

Приведенные данные показывают монотонное снижение минимальной энергии образования вакансии с ростом содержания атомов титана среди ее ближайших соседей. Крайне любопытным является то, что минимальная энергия образования Ti-вакансии примерно в 1.5 раза ниже, чем для V-вакансии. Несомненно, что в условиях радиационного воздействия основной вклад в процесс возникновения вакансий будут давать конфигурации с минимальной энергией их образования. Поэтому повышенная вероятность образования френкелевских пар (вакансия-внедренный атом) в местах расположения атомов титана может играть важную роль в процессах радиационной деградации сплавов Ti-V.

Для проведения уточняющих DFT-расчетов были отобраны 5 конфигураций, приведенных на рис. 2. Все указанные конфигурации имеют минимальную энергию образования при фиксированном числе атомов титана в первом соседстве вакансии по данным МК-моделирования. Кроме того, все они обладают энергиями образования вакансий практически совпадающими (разница менее 0.02 eV) с минимальной энергией образования вакансии при данном числе атомов титана в первом окружении. При DFT-моделировании проводилась объемная оптимизация суперячеек с варьированием на  $\pm 5\%$  от предполагаемого равновесного значения. Для каждой конфигурации было проведено три серии оптимизационных расчетов: для суперячейки с вакансией и для суперячеек с атомами ванадия и титана вместо вакансии. Равновесные значения параметра решетки и энергии для всех ячеек были вычислены с использованием изотермического уравнения состояния Берча—Мурнагана. Энергия образования вакансий вновь рассчитывалась по формуле (1a, b), а результаты представлены на рис. 3.



**Рис. 1.** Энергия образования вакансий в V-Ti ОЦК ячейке  $3 \times 3 \times 3$  при различном числе атомов титана в первом и втором окружении вакансии. На рисунках отмечены результаты, полученные при различных вариантах распределения атомов титана по 14 узлам первого и второго окружения.

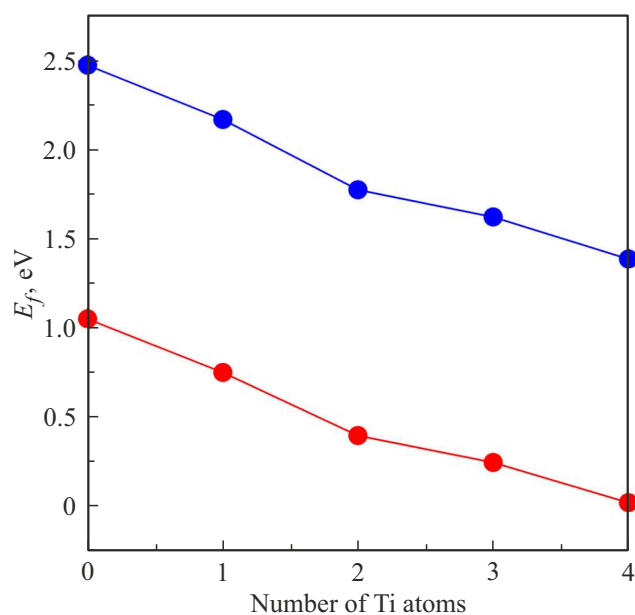


**Рис. 2.** Конфигурации четырех вариантов окружения вакансии атомами титана (синие атомы — ванадий, красные атомы — титан, вакансия обозначена светлой сферой в центре).

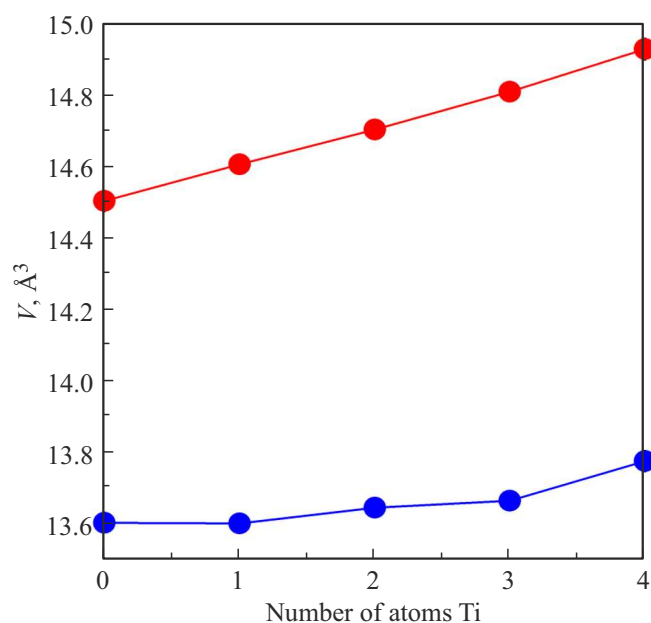
Таким образом, обнаружено, что как для вакансий V-типа, так и Ti-типа энергия их образования монотонно понижается с ростом числа атомов титана в ближайшем окружении вакансии от 0 до 4. При этом для вакансий V-типа снижение происходит от значения 2.50 eV до 1.48 eV, тогда как для вакансии Ti-типа снижение происходит от 1.05 eV до 0.33 eV. Столь сильное различие для двух типов вакансий вероятно связано с тем, что при растворении титана в ОЦК-V атомный радиус Ti превосходит атомный радиус ванадия. Это следует из монотонного роста параметра решетки ОЦК твердых растворов  $V_{1-y}Ti_y$  с ростом содержания титана, экспериментально обнаруженного в работе [11]. при помещении в нее примесного атома титана. Данный результат подтверждается также нашими *ab initio* расчетами. Был выполнен расчет средних значений многогранников Вороного для атомов Ti и V в рассматриваемых ячейках. Все рассматриваемые ячейки V-Ti  $3 \times 3 \times 3$  были отрелаксированы в VASP при фиксированных значениях параметров решеток, соответствующих

равновесным значениям. Результаты расчетов средних значений многогранников Вороного для атомов титана и ванадия представлены на рис. 4.

Отчетливо видно, что многогранник Вороного, построенный вокруг одиночного атома титана имеет объем  $14.5 \text{ \AA}^3$ , тогда как аналогичный многогранник, охватывающий атом ванадия всего  $13.6 \text{ \AA}^3$ . Видно, также, что с



**Рис. 3.** Энергия образования вакансий V-типа (синий цвет) и Ti-типа (красный цвет) в зависимости от числа атомов Ti в ближайшем окружении для конфигураций VTi<sub>n</sub>, показанных на рис. 2.



**Рис. 4.** Среднее значения объема многогранников Вороного для атомов в различных узлах ячеек рисунка 2. Синим цветом отмечены данные для атомов ванадия, красным — для атомов титана.

ростом числа атомов титана в окружении объем многогранника Вороного монотонно возрастает, что говорит о возрастании локальных растягивающих напряжений в этой области. Установленное различие атомных радиусов приводит к возникновению локального напряжения в кристаллической матрице вблизи атомов Ti. Локальное напряжение приводит к значительному снижению энергии образования Ti-вакансии по сравнению с V-вакансией. Кроме того локальное напряжение будет возрастать с увеличением числа примесей титана в окрестности вакансии, что будет приводить к понижению энергии ее образования. Такой механизм полностью описывает обнаруженный нами эффект. Обнаруженный результат (резкое понижение энергии образования вакансии Ti-типа при большом количестве ближайших соседей Ti) может оказаться важным при радиационном воздействии на сплавы V-Ti. Действительно, при содержании в сплаве порядка 5 at.% титана вероятность обнаружить среди 8 ближайших соседей атома титана 3 атома того же сорта не столь уж мала. Однако ясно, что предсказанный эффект будет непросто обнаружить в эксперименте. Вероятнее всего он может себя проявить лишь при изучении радиационного воздействия на сплавы V-Ti различного состава. Хорошо известно, что радиационное воздействие в ядерных реакторах часто сопровождается осаждением на поверхности различных выделений. В недавней статье [12] сообщалось, что при облучении сплавов на основе V-Ti пучком ионов гелия при температуре 700 °C наблюдались выделения TiN. Вполне возможно, что этот эффект связан с малой

энергией образования радиационных Ti-вакансий, обнаруженной в наших расчетах.

### Финансирование работы

Исследование выполнено при финансовой поддержке РНФ в рамках научного проекта № 25-22-20062.

### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

### Список литературы

- [1] S.J. Zinkle, H. Matsui, D.L. Smith, A.F. Rowcliffe, E. van Osch, K. Abe, V.A. Kazakov. *J. Nucl. Mater.* **258**, 205 (1998).
- [2] R.J. Kurtz, K. Abe, V.M. Chernov, D.T. Hoelzer, H. Matsui, T. Muroga, G.R. Odette. *J. Nucl. Mater.* **329**, 47 (2004).
- [3] И.И. Чернов, М.С. Стальцов. *Цветн. Металлы* № 11, 77 (2016).
- [4] P. Zhang, J. Zhao, Y. Qin, B. Wen. *J. Nucl. Mater.* **413**, 2, 90 (2011).
- [5] P. Zhang, T. Zou, J. Zhao, P. Zheng, J. Chen, *Nucl. Instr.* **B352**, 121 (2015).
- [6] P. Zhang, X. Wang, M. Wei, Y. Wang, T. Zou. *Nucl. Mater. Energy* **31**, 101189 (2022).
- [7] A.O. Boev, D.A. Aksyonov, A.I. Kartamyshev, V.N. Maksimenko, I.V. Nelasov, A.G. Lipnitskii. *J. Nucl. Mater.* **492**, 14 (2017).
- [8] J. Wang, B.J. Lee. *Comp. Mater. Sci.*, **188**, 110177 (2021)
- [9] D. Connétable, J. Huez, E. Andrieu, C. Mijoule. *J. Phys.: Condens. Matter.* **23**, 405401 (2011).
- [10] M. Ostrooumov, Y. Taran. *Mineralogical Magazine*, **80** (2), 371 (2016).
- [11] T. Hagi, Y. Sato, M. Yasuda, K. Tanaka. *Trans. Japan Inst. Metals*, **28** (3), 198 (1987).
- [12] Q. Zhang, L. Li, H. Huang, S. Chen, N. Jia, Y. Dong, X. Guo, K. Jin, Y. Xue, *J. Nucl. Mater.* **596**, 155078 (2024).

Редактор Ю.Э. Кутаев