

## Расчет электронно-энергетических свойств композитных пленок на основе графена, $\text{LiTi}_2(\text{PO}_4)_3$ и $\text{Li}_3\text{V}_2(\text{PO}_4)_3$ методом функционала плотности

© В.В. Шунаев,<sup>1</sup> А.А. Петрунин,<sup>1</sup> А.В. Ушаков,<sup>1</sup> О.Е. Глухова<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup> Саратовский национальный исследовательский государственный университет им. Н.Г. Чернышевского, 410012 Саратов, Россия

<sup>2</sup> Первый Московский государственный медицинский университет им. И.М. Сеченова, 119048 Москва, Россия  
e-mail: vshunaev@list.ru

Поступило в Редакцию 7 апреля 2025 г.

В окончательной редакции 23 июня 2025 г.

Принято к публикации 30 июня 2025 г.

Методом теории функционала плотности построены суперъядейки композитных пленок на основе графена, фосфата лития-титана и фосфата ванадия-лития с различными типами укладки. Установлено, что взаимное расположение компонентов существенно влияет на электронно-энергетические параметры данных структур. Полученные результаты способствуют решению экспериментальной задачи по улучшению производительности и энергоэффективности литий-ионных батарей, в которых рассмотренные структуры могут быть использованы в качестве катодов.

**Ключевые слова:** суперъядейки, электрод, графен, фосфат лития-титана, фосфат ванадия-лития, уровень Ферми.

DOI: 10.61011/JTF.2026.01.62030.57-25

### Введение

Одним из актуальных научных вызовов в области энергетики является поиск и разработка новых эффективных и долговечных материалов, способных выступать в роли электродов для химических источников тока. Фосфат ванадия-лития  $\text{Li}_3\text{V}_2(\text{PO}_4)_3$  (LVP) — перспективный катодный материал для аккумуляторов с высокой скоростью заряда [1,2]. Фосфат лития-титана  $\text{LiTi}_2(\text{PO}_4)_3$  (LTP) — хорошая основа для электролита твердофазного аккумулятора [3] и вместе с этим способен выполнять роль анодного материала [4] или добавки в катодный материал с LVP для контроля побочных процессов [5]. Ромбоэдрический LTP и моноклинный LVP относятся к группе суперионных проводников NASICON, их структурные особенности способствуют легкой диффузии ионов лития [3]. Сообщается, что литий-ионные аккумуляторы, в которых LTP и LVP выступают в роли анода и катода соответственно, сохраняют высокие скорости заряда/разряда и производительность своих компонент, а также демонстрируют высокую циклическую стабильность даже при низких температурах [6,7]. Однако LTP и LVP имеют низкую электропроводность, а также теряют механическую стабильность в процессе заряда/разряда. Покрытие частиц этих материалов углеродным покрытием или формирование иных электродных композитов из LTP или LVP с частицами углеродных наноматериалов способствует увеличению электронной проводимости и механической прочности электрода [8,9]. Вместе с тем неизученным остается вопрос взаимодействия фосфатов

между собой и с наноуглеродными структурами на атомном уровне, в частности, отсутствуют исследования таких структур квантово-химическими методами. Целью настоящей работы является построение из первых принципов атомных суперъядеек на основе графена, фосфата лития-титана и фосфата ванадия-лития, а также оценка их электронно-энергетических параметров: энергии формирования, уровня Ферми, плотности электронных состояний, квантовой емкости и поверхностной плотности заряда.

### 1. Методы исследования

Атомистическое моделирование исследуемых структур проводилось методом DFT (Density Functional Theory) в рамках градиентного приближения (GGA) обменным и корреляционным функционалом в варианте PBE [10] в программном пакете Siesta [11]. Дисперсионные взаимодействия учтены поправкой Grimme DFT-D2 [12]. Атомы Li, P, V моделировались в базисе DZP, в то время как атомы O и C — в облегченном базисе DZ. Это связано с тем, что учет поляризационных орбиталей базисом DZP для атомов O и C вносит лишь до 4 % в общий заряд атома, в то время как для атомов Li, Ti, P, V такой учет вносит уже порядка 25 % общего заряда. Интегрирование по неприводимой части зоны Бриллюэна было выполнено методом Монкхорста-Пака на сетках  $k$ -точек  $12 \times 12 \times 1$  для 2D-пленок. Сходимость по силе, действующей на атом, не превышала 0.05 eV/Å. График плотности электронных состояний

(ПЭС) строился на основе матрицы собственных значений, получаемой в результате решения стационарного уравнения Шредингера. При построении ПЭС было использовано распределения Гаусса с уширением 0.05.

Энергия формирования композита между графеном, фосфатом лития-титана и фосфатом ванадия-лития рассчитывалась по классической формуле:

$$Eb(G/LTP/LVP) = E(G/LTP/LVP) - E(G) - E(LTP) - E(LVP),$$

где  $E(G/LTP/LVP)$  — полная энергия композита,  $E(G)$ ,  $E(LVP)$  и  $E(LTP)$  — полные энергии графена, лития-титаната и оксида лития-ванадия в изолированном состоянии соответственно.

Метод DFT в приближении локализованных молекулярных орбиталей подразумевает, что базисные функции атомосцентрированы, значит количество электронов, принадлежащих данному атому, может быть найдено путем суммирования всех базисных функций. Согласно формуле Малликена, заряд на атоме  $A$  может быть найден по формуле

$$q_A = Z_A - \sum_{\mu \in A} (PS)_{\mu\mu},$$

где  $Z_A$  — атомный заряд ядра,  $P$  — матрица плотности,  $S$  — матрица перекрытия,  $\mu$  — индекс базиса атомной орбитали [13].

Квантовая емкость (часто именуемая как „дифференциальная квантовая емкость“),  $[F/g]$  для стационарной структуры в зависимости от приложенного напряжения  $\mu$ ,  $[V]$ , соответствующего смещению уровня Ферми  $E_F$ , может быть получена на основе графика ПЭС [14]:

$$C_q^{\text{diff}} = \frac{e^2}{S} \int_{-\infty}^{+\infty} D(E) F_T(E - \mu) dE,$$

где  $S$  — площадь поверхности структуры,  $[cm^2]$ ,  $D$  — площадь под графиком ПЭС в рассматриваемом диапазоне энергий,  $[eV^{-1} \cdot eV]$ ,  $e$  — элементарный заряд,  $[C]$ ,  $F_T(E)$  — функция теплового уширения,  $[eV^{-1}]$ . Дифференциальная квантовая емкость отражает изменение накапливаемого заряда с учетом приложенного потенциала, соответствующего уровню Ферми. Согласно предположению С. Лурия, в химических источниках тока с низкоразмерными структурами в качестве электродов квантовая емкость ограничивает полную емкость структуры  $C_T$  наряду с емкостью геометрической  $C_D$  [15]:

$$\frac{1}{C_T} = \frac{1}{C_q^{\text{diff}}} + \frac{1}{C_D}.$$

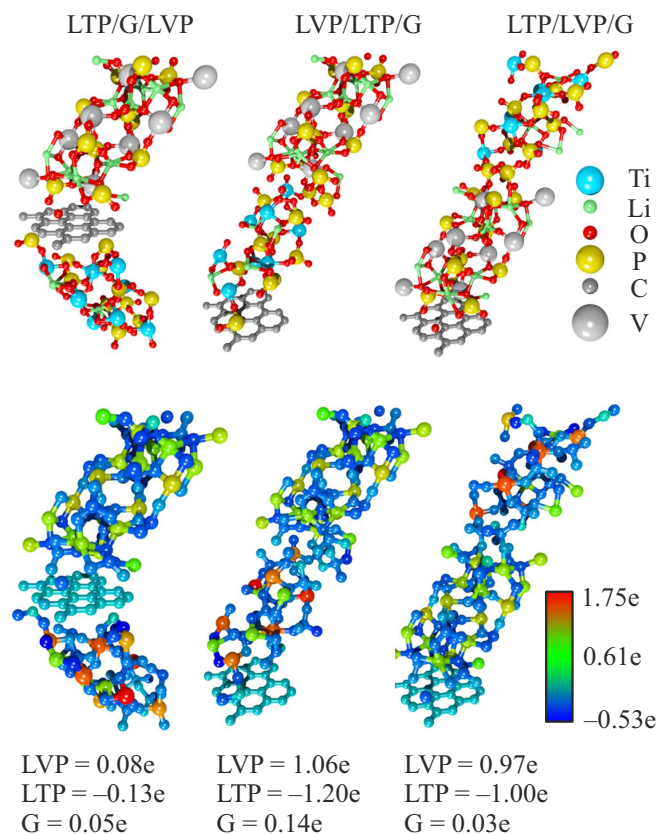
Поверхностная плотность заряда ( $C/g$ ) может быть найдена как интеграл кривой дифференциальной квантовой емкости:

$$Q = \int_0^{\mu} C_q^{\text{diff}} d\mu.$$

Расчет поверхностной плотности заряда важен для предсказания типа электрода в том или ином электролите. Критерием определения типа электрода является отношение абсолютных значений максимальной плотности поверхностного заряда при отрицательном напряжении ( $\sigma_a$ ) к максимальной плотности поверхностного заряда при положительном напряжении ( $\sigma_b$ ) в диапазоне рабочих потенциалов электролита. Если  $\sigma_a/\sigma_b > 1.05$ , то материал больше подходит для анода, если  $\sigma_a/\sigma_b < 0.95$  — для катода, в случае  $0.95 < \sigma_a/\sigma_b < 1.05$  материал является симметричным электродом [7].

## 2. Результаты

В настоящей работе рассматривались суперъячейки 2D-пленок композитов на основе графена (G), LTP и LVP, обозначения которых соответствуют последовательности их компоновки: LTP/G/LVP, LVP/LTP/G и LTP/LVP/G (рис. 1). В табл. 1 представлены оптимальные вектора трансляции  $L_x$  и  $L_y$  как для полученных 2D-пленок композитов, так и для их изолированных компонентов (вектор трансляции вдоль оси, перпендикулярной плоскости пленки,  $L_y$  задавался равным 100 Å, чтобы исключить межслойное взаимодействие после трансляции), а также коэффициенты сжатия/растяжения



**Рис. 1.** Атомные суперъячейки композитов LTP/G/LVP, LVP/LTP/G и LTP/LVP/G, а также распределение заряда на атомах.

**Таблица 1.** Граничные условия 2D-пленок композитов на основе графена, фосфата лития-титана и фосфата ванадия-лития, а также коэффициенты сжатия/растяжения векторов трансляций относительно изолированного состояния

Структура	$L_x$ , Å	$L_y$ , Å	$\varepsilon_x(\text{Gr})$ , %	$\varepsilon_y(\text{Gr})$ , %	$\varepsilon_x(\text{LTP})$ , %	$\varepsilon_y(\text{LTP})$ , %	$\varepsilon_x(\text{LVP})$ , %	$\varepsilon_y(\text{LVP})$ , %
Графен	7.38	8.52						
LTP	8.49	8.59						
LVP	8.63	8.62						
LTP/G/LVP	8.48	8.59	12.97	0.82	0.12	0.00	1.74	0.35
LVP/LTP/G	8.49	8.60	13.09	0.93	0.00	0.12	1.65	0.23
LTP/LVP/G	8.47	8.57	12.87	0.58	0.24	0.23	1.89	0.58

векторов трансляций относительно изолированного состояния ( $\varepsilon_x$  и  $\varepsilon_y$ ). Как видно из табл. 1, наибольшие деформации претерпевает графен, который растягивается вдоль направления зигзаг на 12.87%–13.09%. Размеры ячейки LVP меняются в диапазоне 0.23%–1.89%, в то время как размеры ячейки LTP остаются почти неизменными. Отметим, что процессы образования всех рассматриваемых композитов происходят с выделением энергии. Наибольшая энергия формирования соответствует 2D-плёнке LTP/LVP/G (–7.02 eV), наименьшая — плёнке LTP/G/LVP (–0.19 eV). Энергия формирования LVP/LTP/G равна (–4.83 eV).

Перераспределение абсолютного заряда в полученных 2D-пленках значительно меняется в зависимости от компоновки (рис. 1). В композите LTP/G/LVP компоненты остаются почти электронейтральными: суммарный заряд на атомах графена составляет 0.05e, на атомах LVP 0.08e, на атомах LTP –0.13e. Можно заключить, что в системе LTP/G/LVP лист графена препятствует обмену зарядом между LTP и LVP. Таким образом, взаимодействие компонентов в данной системе минимально, что и объясняет низкую энергию формирования. В случаях LVP/LTP/G и LTP/LVP/G основной перенос заряда происходит между фосфатами. Максимальный перенос заряда наблюдается в случае, когда центральным компонентом системы является ячейка LTP: в этом случае ячейка LVP принимает заряд 1.06e, а ячейка графена заряда 0.14e. В случае, когда между графеном и LTP находится ячейка LVP, LTP также выступает в роли донора заряда, однако суммарный сообщенный соседним компонентам системы заряда составляет –1e. Суммарное перераспределение заряда по типам атомов системы представлено в табл. 2. Как видно из таблицы, в роли доноров заряда ожидаемо выступают атомы фосфора и кислорода. При этом наибольший заряд теряют атомы кислорода из ячейки LTP, раскрашенные в различные оттенки красного цвета на нижней части рис. 1.

Графики ПЭС и парциальных ПЭС представлены на рис. 2. Все полученные уровни Ферми рассматриваемых структур находятся в диапазоне уровней Ферми компонент (табл. 3). Наименьший уровень Ферми соответ-

**Таблица 2.** Перераспределение заряда на атомах и компонентах 2D-пленок LTP/Gr/LVP, LVP/LTP/Gr и LTP/LVP/Gr

Атом	Charge, e		
	LTP/G/LVP	LVP/LTP/G	LTP/LVP/G
Li	13.57	13.68	13.67
Ti	12.32	12.47	12.56
C	0.05	0.14	0.03
P	–5.77	–6.03	–6.19
V	8.52	8.47	8.38
O	–28.69	–28.47	–28.46

ствует системе LTP/G/LVP (–6.11 eV), для остальных структур уровень Ферми сдвигается вправо. Графики ПЭС для всех структур похожи и отличаются лишь испещренностью пиков справа от уровня Ферми (рис. 3, а). Для каждой структуры на уровне Ферми наблюдается пик величиной порядка  $40 \text{ eV}^{-1}$ , основной вклад в который вносят  $d$ -орбитали ванадия. Энергетическая щель слева от уровня Ферми закрывается благодаря вкладу парциальных ПЭС атомов углерода.

На рис. 3, б изображены зависимости дифференциальной квантовой емкости от приложенного напряжения для пленочных композитов LVP/G/LTP, G/LVP/LTP и G/LTP/LVP. Наибольшее значение квантовой емкости при 0 V наблюдается для композита LTP/G/LVP (1161.35 F/g), наименьшее — для композита LVP/LTP/G (1022.17 F/g). Для всех рассматриваемых структур характерно резкое снижение квантовой емкости при уменьшении напряжения от 0 до –0.3 V. На рис. 3, в отчетливо видно, что графики поверхностной плотности заряда в зависимости от приложенного напряжения почти совпадают. Анализируя значения поверхностной плотности заряда в диапазонах рабочих потенциалов электролитов на примере водных и неводных жидких систем, можно сделать вывод, что все рассматриваемые

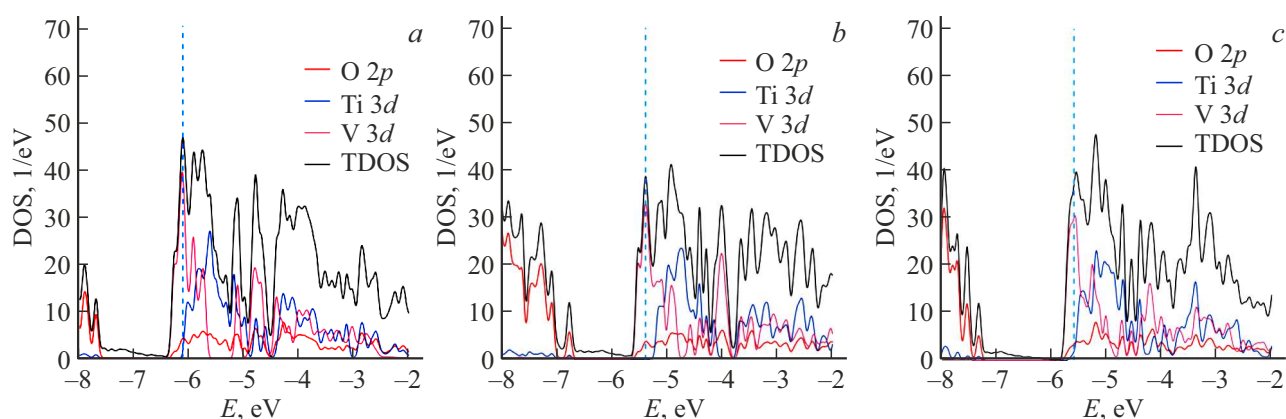


Рис. 2. Графики ПЭС и парциальных ПЭС для композитов: *a* — LVP/G/LTP; *b* — G/LVP/LTO; *c* — G/LTP/LVP.

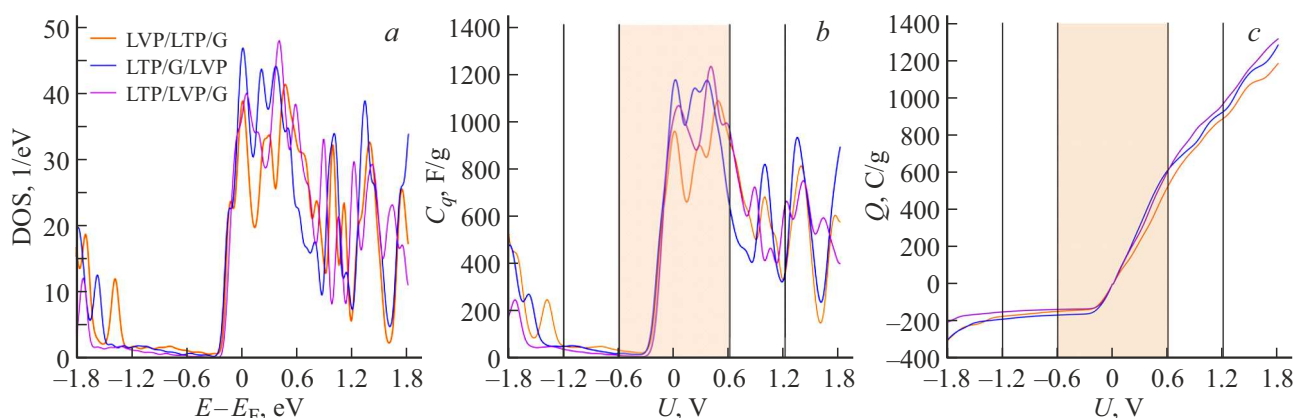


Рис. 3. Электронно-энергетические характеристики композитов LVP/G/LTP, G/LVP/LTP и G/LTP/LVP: *a* — ПЭС; *b* — дифференциальная емкость; *c* — поверхностная плотность заряда.

Таблица 3. Электронно-энергетические характеристики 2D-пленок на основе графена, фосфата лития-титана и фосфата лития-ванадия, а также их компонентов по отдельности

Структура	Уровень Ферми, eV	Энергия связи, eV	ПЭС(уровень Ферми), eV <sup>-1</sup>	$C_q^{\text{diff}}$ (уровень Ферми), F/g
Графен	-4.54		0.00	0.00
LTP	-7.35		0.00	0.00
LVP	-5.15		69.73	3505.13
LTP/G/LVP	-6.11	-0.19	46.58	1161.35
LVP/LTP/G	-5.39	-4.83	38.62	1022.17
LTP/LVP/G	-5.59	-7.02	36.95	951.63

в работе композиты являются ярко выраженными катодами ( $\sigma_a/\sigma_b < 0.95$ ) (табл. 4).

## Заключение

Проведена первопринципная оптимизация суперъячеек композитных 2D-пленок на основе графена, фосфата

лития-титана и фосфата ванадия-лития с различными типами укладки. Установлено, что наиболее энергетически выгодным является синтез структуры LTP/LVP/G: в результате ее образования выделяется количество теплоты  $-7.02$  eV. Это объясняется наиболее заметным перераспределением заряда между фазами внутри композита: ячейка LTP выступает в роли акцептора заряда и принимает на себя  $-1.20$  e, который получает

**Таблица 4.** Максимальные значения поверхностной плотности заряда композитов LVP/G/LTP, G/LVP/LTP и G/LTP/LVP в диапазонах рабочих потенциалов электролитов

Композит	Водная среда (–0.6; 0.6 V)				Неводная среда* (–1.2; 1.2 V)			
	$\sigma_a$ , C/g	$\sigma_b$ , C/g	$\sigma_a/\sigma_b$	Электрод	$\sigma_a$ , C/g	$\sigma_b$ , C/g	$\sigma_a/\sigma_b$	Электрод
LTP/G/LVP	166.81	616.44	0.27	Катод	189.19	927.37	0.20	Катод
LVP/LTP/G	146.83	530.67	0.28	Катод	174.13	890.75	0.19	Катод
LTP/LVP/G	136.34	613.26	0.22	Катод	150.15	971.67	0.15	Катод

*Примечание.* \* Под неводной средой мы подразумеваем любой жидкий электролит, применяющийся или рассматривающийся для применения в литий-ионных аккумуляторах, представляющий собой либо раствор соли лития ( $\text{LiPF}_6$ ,  $\text{LiBF}_4$ ,  $\text{LiClO}_4$  и др.) в смеси органических растворителей, либо ионную жидкость. Основное отличие от водной среды — расширенный диапазон потенциалов окислительно-восстановительной устойчивости.

от ячейки LVP (1.06e) и графена (0.14e). Наименьшее перераспределение заряда и энергия формирования соответствует композиту LTP/G/LVP, поскольку в данной системе ячейка графена находится между фосфатами и мешает их активному взаимодействию.

Наибольшую квантовую емкость на уровне Ферми демонстрирует композит LTP/G/LVP (1161.35 F/g), чуть меньшую — LVP/LTP/G (1022.17 F/g), наименьшую — LTP/LVP/G (951.63 F/g). При этом трансформация кривой квантовой емкости одинакова для всех композитов: при снижении напряжении от 0 до –2 V значения квантовой емкости резко уменьшаются; при повышении напряжения от 0 до 3 V снижаются не столь значительно. Анализ зависимости поверхностной плотности заряда показал, что рассматриваемые композиты являются катодами, если в роли электролитов выступают жидкие как водные, так и неводные системы.

Обнаружено, что в зависимости от последовательности „укладки“ трех фаз меняется общий уровень Ферми. Упомянутую укладку можно сопоставить с формированием структур ядро-оболочка и контактом внешней оболочки с третьей фазой. Более высокий уровень Ферми среди рассмотренных вариантов для последовательности LVP/LTP/G (–5.39 eV) должен соответствовать улучшению условий для передачи электрона с композита на токоотвод, т.е. его окислению. На более низкий уровень Ферми для последовательности LTP/G/LVP (–6.11 eV) соответствует наибольшим затруднениям окисления. Следующим важным этапом исследования является отслеживание характера изменения уровня Ферми и квантовой емкости при извлечении лития из композитов разной укладки. Такие расчеты могут инициировать эксперименты по сопоставлению свойств трёхфазных композитов с разным порядком в укладке.

## Финансирование работы

Работа финансировалась Российским научным фондом (проект № 25-22-00290).

## Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- [1] C. Liu, R. Massé, X. Nan, G. Cao. *Energy Storage Mater.*, **4**, 15 (2016). DOI: 10.1016/j.ensm.2016.02.002
- [2] A.V. Ivanishchev, A.V. Ushakov, I.A. Ivanishcheva, A.V. Churikov, A.V. Mironov, S.S. Fedotov, N.R. Khasanova, E.V. Antipov. *Electrochim. Acta*, **230**, 479 (2017). DOI: 10.1016/j.electacta.2017.02.009
- [3] J. Xiao, B. Zhang, J. Liu, X. He, Zh. Xiao, H. Qin, T. Liu, Kh. Amine, X. Ou. *Nano Energy*, **127**, 109730 (2024). DOI: 10.1016/j.nanoen.2024.109730
- [4] Z. Guo, X. Qin, Y. Xie, Ch. Lei, T. Wei, Y. Zhang. *Chem. Phys. Lett.*, **806**, 140010 (2022). DOI: 10.1016/j.cplett.2022.140010
- [5] A.V. Ushakov, S.V. Makhov, N.A. Gridina, A.V. Ivanishchev, I.M. Gamayunova. *Monatsh Chem.*, **150**, 499 (2019). DOI: 10.1007/s00706-019-2374-4
- [6] S. Yu, A. Mertens, R. Schierholz, X. Gao, Ö. Aslanbas, J. Mertens, H. Kungl, H. Tempel, R.A. Eichel. *J. Electrochem. Soc.*, **164** (2), A370 (2017). DOI: 10.1149/2.1151702jes
- [7] H. Wang, H. Zhang, Yi. Cheng, K. Feng, X. Li, H. Zhang. *Electrochim. Acta*, **278**, 279 (2018). DOI: 10.1016/j.electacta.2018.05.047
- [8] X. Li, N. Wang, T. Su, Y. Chai. *Appl. Surf. Sci.*, **601**, 154285 (2022). DOI: 10.1016/j.apsusc.2022.154285
- [9] X. Wang. *Int. J. Electrochem. Sci.*, **16** (11), (2021). DOI: 10.20964/2021.11.52
- [10] J.P. Perdew, K. Burke, M. Ernzerhof. *Phys. Rev. Lett.*, **77** (18), 3865 (1996). DOI: 10.1103/PhysRevLett.77.3865
- [11] J.M. Soler, E. Artacho, J.D. Gale, A. García, J. Junquera, P. Ordejón, D. Sánchez-Portal. *J. Phys. Condens. Matter.*, **14**, 2745 (2002). DOI: 10.1088/0953-8984/14/11/302
- [12] S. Grimme. *J. Comput. Chem.*, **27**, 1787 (2006). DOI: 10.1002/jcc.20495
- [13] R.S. Mulliken. *J. Chem. Phys.*, **23** (10), 1833 (1955). DOI: 10.1063/1.1740588
- [14] B.B. Шунаев, A.A. Петрунин, A.B. Ушаков, O.E. Глухова. *ЖТФ*, **94** (3), 372 (2024). DOI: 10.61011/JTF.2024.03.57374.314-23
- [15] S. Luryi. *Appl. Phys. Lett.*, **52**, 501 (1988). DOI: 10.1063/1.99649