# Динамика осаждения ультрадисперсного аэрозоля, созданного импульсным способом

### © О.Б. Кудряшова, А.Б. Ворожцов

Национальный исследовательский Томский государственный университет, Томск, Россия E-mail: olgakudr@inbox.ru

Поступило в Редакцию 12 апреля 2024 г. В окончательной редакции 30 августа 2024 г. Принято к публикации 30 октября 2024 г.

> В связи с опасностью аварийных выбросов токсичных газов возникает проблема их быстрой нейтрализации. Предложена математическая модель осаждения ультрадисперсного аэрозоля, созданного импульсным способом, учитывающая процессы распространения частиц, осаждения, коагуляции. В модели оценивается суммарная поверхность частиц.

> Ключевые слова: ультрадисперсный аэрозоль, импульсное распыление, осаждение, коагуляция, поверхность частиц.

DOI: 10.61011/PJTF.2024.24.59427.6260k

Существуют ситуации, требующие быстрой очистки воздуха помещений от опасных субстанций: последствия пожаров, утечки химических веществ на промышленных предприятиях, бактериальные и вирусные загрязнения [1]. В таких ситуациях скорость очистки воздуха имеет решающее значение. Таким образом, проблемы очистки воздуха от аварийных выбросов делают актуальной задачу разработки новых способов удаления опасных субстанций. В частности, предложен способ нейтрализации газовых выбросов с помощью мгновенной импульсной генерации ультрадисперсного аэрозоля на основе наноструктурированных частиц порошка [2]. Такие частицы, обладающие большой удельной поверхностью, способны адсорбировать токсичные газы. Помимо адсорбции применяют фотокаталитическое окисление, инициируемое ультрафиолетом. При этом на поверхности наноразмерного твердого полупроводникового материала газы адсорбируются, а затем разлагаются под действием ультрафиолета [3-5].

Важнейшей характеристикой, влияющей на эффективность адсорбции газов частицами порошка, является площадь поверхности частиц. Именно на поверхности частиц, включая систему нанопор, происходит адсорбция. Частицы аэрозоля распространяются по пространству и осаждаются на стенах и полу помещения. Поэтому постепенно снижаются концентрация частиц и их суммарная поверхность, необходимая для адсорбции газов.

Цель настоящей работы — исследовать динамику изменения суммарной поверхности частиц ультрадисперсного адсорбирующего аэрозоля, созданного импульсным методом, с учетом полидисперсности аэрозоля, одновременно протекающих процессов диффузии, осаждения, коагуляции частиц.

Рассмотрим аэрозольное облако частиц диаметром D менее  $10\,\mu$ m, полидисперсную систему с заданной начальной функцией распределения частиц по размерам  $f_0(D)$ . Размер облака частиц в начальный момент времени много меньше характерного размера помещения H (приближение точечного источника), источник расположен в центре кубической камеры с ребром H. Такая постановка задачи соответствует случаю импульсного распыления: первичное аэрозольное облако создается практически мгновенно; размер частиц мал благодаря дроблению в условиях взрывного распыления; малые частицы за доли секунды тормозятся в воздухе, проходя расстояние менее 5 cm [2]. Распространение частиц в пространстве происходит благодаря конвективной/турбулентной диффузии, сопровождается гравитационным осаждением и осаждением на стенах (потолке). Частицы будем считать сферическими. При столкновении между собой частицы коагулируют, при столкновении с поверхностями они остаются на них.

Известно, что коэффициент диффузии  $k_D$  пропорционален абсолютной температуре T, обратно пропорционален вязкости воздуха  $\mu$  и характерному диаметру частиц D:  $k_D = k_{D0} \frac{T}{\mu D}$ , где коэффициент  $k_{D0}$  — свободный параметр модели.

В работе [2] получены аналитические выражения для осаждения частиц монодисперсного аэрозоля на стенках и гравитационного осаждения. В общем случае для массы осевших частиц *m*<sub>p</sub> на момент времени *t* получим

$$\frac{m_p(t)}{m_p(0)} = 1 - \exp(-\gamma t). \tag{1}$$

Коэффициент скорости осаждения зависит от диаметра частиц нелинейно:

$$\gamma(D) = \frac{u_s}{H} + \beta = \frac{\rho_p D^2}{18\mu H}g + \frac{\beta_0 k_{D0}}{H} \frac{T}{\mu D}, \qquad (2)$$

где  $\gamma$  — коэффициент скорости осаждения,  $u_s$  — скорость стоксового осаждения,  $u_s = \rho_p D^2 g / 18 \mu$ ,  $\rho_p$  — плотность частицы, g — ускорение свободного падения, коэффициент осаждения на стенках  $\beta$  пропорционален коэффициенту диффузии, обратно пропорционален



Рис. 1. Относительная масса осевших частиц в зависимости от времени.

расстоянию до стенок:  $\beta = \beta_0 k_D / H$ ,  $\beta_0$  — свободный параметр модели.

Существует диаметр, соответствующий минимуму функции  $\gamma(D)$ :

$$D_{\min} = \sqrt[3]{\frac{9\mu\beta_0 k_{D0}}{(\rho_p - \rho)g}}.$$
 (3)

Аэрозоль с частицами такого диаметра будет дольше всего оставаться в воздухе.

Для полидисперсного аэрозоля уравнение (1) запишется в виде

$$\frac{m_p(t)}{m_p(0)} = \int_0^\infty f_0(D) \left[ 1 - \exp(-\gamma(D)t) \right] dD.$$
 (4)

Размеры частиц подчиняются заданному начальному распределению (гамма-распределение с параметрами а и b):  $f_0(D) = aD^{\alpha} \exp(-bD), a = \beta_1 b^{\alpha+1}/\Gamma(\alpha+1)$ , где  $\Gamma(x)$  — гамма-функция,  $\alpha = 1.4, b = 1 \, \mu \text{m}^{-1}$ , характерный размер (диаметр Заутера)  $D_{32} = 4.4 \, \mu m$ .

Для учета коагуляции и описания изменения функции распределения частиц по размерам f(D, t) применим подход Смолуховского

$$\frac{\partial f(D,t)}{\partial t} = I_1 + I_2. \tag{5}$$

Член I<sub>1</sub> в (5) отвечает за уменьшение числа частиц диаметра D за единицу времени в результате столкновения с частицами диаметра D<sub>1</sub>:  $I_1=-f(D,t)\int\limits_{-\infty}^{\infty}K(D,D_1)f(D_1,t)dD_1$ , где  $K(D,D_1)$  —

вероятность столкновения частиц с диаметрами D и D<sub>1</sub> в единицу времени. Вероятность столкновения частиц пропорциональна их сечениям:  $K(D, D_1) = k_p (D^2 + D_1^2)$ . Чем больше величина коэффициента пропорциональности  $k_p$ , тем выше интенсивность коагуляции. Член I2 описывает увеличение числа частиц диаметра D за счет столкновения частиц



0.04

рам за счет коагуляции.

с меньшими диаметрами 
$$D_2 = \sqrt[3]{D^3 - D_1^3}$$
 и  $D_1$   
 $I_2 = \frac{1}{2} \int_0^D K(D_2, D_1) f(D_1, t) f(D_2, t) dD_1.$ 

Начальные условия для уравнения (5): при t = 0 $f(D, 0) = f_0(D).$ 

Изменение размеров частиц за счет коагуляции приводит к изменению их свободной поверхности. Размерные эффекты приводят к существенному изменению скорости физико-химических процессов в аэрозолях [6].

Масса оставшихся в воздухе частиц пропорциональна кубу их диаметра, а поверхность — квадрату. Значит, относительная суммарная поверхность частиц, находящихся в воздухе, с учетом (4) будет определяться как

$$\frac{S_p(t)}{S_p(0)} = \left(1 - \frac{m_p(t)}{m_p(0)}\right)^{2/3}$$
$$= \left(\int_0^\infty f(D_p) \exp\left(-\gamma(D_p)t\right) dD_p\right)^{2/3}.$$
 (6)

Здесь  $S_p(t)$  — поверхность частиц в момент времени t; *S*<sub>*p*</sub>(0) — начальная поверхность частиц.

В эксперименте по импульсному распылению порошка диоксида титана [1] определены параметры функции распределения частиц по размерам:  $\alpha = 1.4$ ,  $b = 1 \,\mu {
m m}^{-1}$ . Исходя из экспериментальных данных мы определили свободные параметры модели. Они составили  $\beta_0 = 0.025 \,\mathrm{m}^{-1}, \, k_{D0} = 3 \cdot 10^{-15} \mathrm{H} \cdot \mathrm{m/K}.$ 

На рис. 1 показана динамика изменения относительной массы осевших частиц, рассчитанная для полидисперсной модели (4), а также для частиц разного диаметра, рассчитанная в соответствии с монодисперсной моделью. Частицы с диаметром 0.5 и 4 µm осаждаются примерно с одинаковой скоростью, но частицы с диаметром 0.5 µm — на стенках, а частицы с диаметром 4µm — на дне. Медленнее всего оседают частицы с диаметром 1.7 µm (соответствует минимальному диаметру  $D_{\min}$  (3)). Результаты расчета осаждения по

10

t = 200 s



**Рис. 3.** Относительная суммарная поверхность частиц в зависимости от времени. *a* — с учетом осаждения; *b* — с учетом осаждения и коагуляции.

полидисперсной модели и по монодисперсной модели с диаметром частиц, соответствующим среднеобъемному диаметру полидисперсного распределения  $(3.1 \, \mu m)$ , практически совпадают. Таким образом, при расчете осаждения частиц можно использовать монодисперсную модель с размером частиц, соответствующим среднеобъемному диаметру, что упрощает проводимые оценки.

Рис. 2 иллюстрирует изменение функции распределения частиц по размерам вследствие коагуляции  $(k_p = 0.004 \,\mu m^{-2})$ . На рис. 3 приведены зависимости относительной поверхности частиц от времени с учетом осаждения и коагуляции.

Расчеты показывают, что уменьшение поверхности частиц, доступной для адсорбции и химических превращений, за 10 min значительно, особенно в условиях интенсивной коагуляции. Для модельного полидисперсного распределения, рассмотренного в настоящей работе, уменьшение поверхности к девятой минуте только за счет осаждения составит 60%, с учетом коагуляции — 80%.

Таким образом, предложена математическая модель динамики осаждения ультрадисперсного аэрозоля, распыленного импульсным способом. Получены зависимости относительной массы осевшего аэрозоля, концентрации частиц, их дисперсности, площади поверхности от времени. В модельных расчетах для полидисперсного порошка диоксида титана с характерным размером  $4.4\,\mu$ m показано, что площадь поверхности частиц, доступная для адсорбции, падает на 60-80% в течение нескольких минут.

#### Финансирование работы

Исследование выполнено за счет гранта Российского научного фонда № 22-69-00108 (https://rscf.ru/project/22-69-00108/).

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- T.Z. Maung, J.E. Bishop, E. Holt, A.M. Turner, C. Pfrang, Int. J. Environ. Res. Public Health, **19** (14), 8752 (2022). DOI: 10.3390/ijerph19148752
- [2] O. Kudryashova, S. Sokolov, A. Vorozhtsov, Materials, 16 (16), 5701 (2023). DOI: 10.3390/ma16165701
- [3] I.N. Martyanov, K.J. Klabunde, Environ. Sci. Technol., 37 (15), 3448 (2003). DOI: 10.1021/es0209767
- [4] H. Ren, P. Koshy, W.-F. Chen, S. Qi, C.C. Sorrell, J. Hazard. Mater., 325, 340 (2017). DOI: 10.1016/j.jhazmat.2016.08.072
- [5] H.B. Чиркунова, M.B. Дорогов, A.E. Рома-Письма ЖТФ, 49 7 (2023).нов. в (11),DOI: 10.21883/PJTF.2023.11.55530.19522 [N.V. Chirkunova, M.V. Dorogov, A.E. Romanov, Tech. Phys. Lett., 49 (6), 5 (2023). DOI: 10.61011/TPL.2023.06.56368.19522].
- [6] В.Б. Федосеев, Письма в ЖТФ, **49** (8), 32 (2023). DOI: 10.21883/PJTF.2023.08.55135.19469
  - [V.B. Fedoseev, Tech. Phys. Lett., **49** (4), 71 (2023). DOI: 10.21883/TPL.2023.04.55884.19469].