02,11

Температурные и магнитополевые зависимости критического тока в сверхпроводящих пленках нитрида ниобия

© М.А. Васютин, Н.Д. Кузьмичев, Д.А. Шилкин

Мордовский государственный университет им. Н.П. Огарёва, Саранск, Россия

E-mail: vasyutinm@mail.ru

Поступила в Редакцию 24 апреля 2024 г. В окончательной редакции 14 мая 2024 г. Принята к публикации 15 мая 2024 г.

Исследованы вольт-амперные характеристики (ВАХ) сверхпроводящих пленок нитрида ниобия (NbN) при температурах ниже температуры перехода в сверхпроводящее состояние (T_c) в постоянном магнитном поле. Определены температурные и магнитополевые зависимости плотности критического тока депиннинга пленок (j_d). В рамках моделей коллективного пиннинга и жесткого закрепления вихрей найдены функциональные зависимости j_d в температурном интервале от $0.7T_c$ до $0.95T_c$ для магнитных полей напряженностью до 80 kOe. Из магнитополевых зависимостей j_d получено подтверждение наличия области постоянства критического тока для исследуемых пленок в полях 11-13 kOe, что объясняется существованием регулярной структуры центров пиннинга в образцах. Оценены расстояния между центрами пиннинга и их размеры. Определены характерные значения силы пиннинга вихрей и коэффициента вязкости при их движении.

Ключевые слова: сверхпроводники, нитрид ниобия, сверхпроводящие плёнки, вольт-амперные характеристики.

DOI: 10.61011/FTT.2024.07.58388.102

1. Введение

Исследования сверхпроводящих пленок нитрида ниобия (NbN) важны как для прикладной, так и для фундаментальной науки. Пленки из нитрида ниобия просты в изготовлении, химически и радиационно устойчивы, обладают большой механической прочностью и высоким вторым критическим полем. В прикладной физике они используются в качестве однофотонных детекторов [1], резонаторов параметрических усилителей [2], накопителях энергии [3], стандартов напряжения [4] и др. В последнее время активно изучаются низкоразмерные структуры на основе нитрида ниобия, применяющиеся в качестве логических элементов для криогенных компьютеров [5]. В нитриде ниобия был обнаружен обратный спиновый эффект Холла [6], перспективный для спинтроники.

Фундаментальные исследования нитрида ниобия связаны, например, с изучением перехода сверхпроводникизолятор в ультратонких пленках NbN [7]. Важным для физики элементарных частиц явилось открытие моды Хиггса в образцах NbN [8]. В работе [9] найдено сосуществование псевдощели и нульмерных флуктуаций амплитуды параметра порядка в нитриде ниобия, объясняемое своеобразным конфайнментом сверхпроводящих флуктуаций. В пленках, аналогичным исследуемым, была обнаружена сильная анизотропия намагниченности и критических токов [10].

Исследование температурной и магнитополевой зависимостей критического тока в пленках NbN является продолжением работ [11–13], где определялась температурная зависимость второго критического магнитного поля данных образцов и другие параметры.

2. Теория

Критический ток, определяемый в настоящей работе по вольт-амперным характеристикам (ВАХ) образцов, является структурно-чувствительным параметром сверхпроводника, что должно учитываться при анализе его температурных и магнитополевых зависимостей. В исследуемых пленках неоднородности, являющиеся центрами пиннинга, существуют в виде границ столбчатых гранул и внутригранулярных дефектов. При этом область границ нескольких соседних столбиков может сильнее закреплять вихри Абрикосова по сравнению с протяженными границами двух соседних столбиков или внутригранулярными дефектами. Это связано с тем, что длина когерентности ξ в исследуемом сверхпроводнике близка к размеру межстолбчатой области при температурах, близких к температуре перехода в сверхпроводящее состояние T_c , а расстояния между этими областями имеют размер периода решетки вихрей в магнитных полях напряженностью $\approx 12 \, \text{kOe}$.

Учитывая наличие достаточно тонкой (1–2 nm) диэлектрической прослойки между гранулами [14], можно предположить, что в магнитных полях, создающих керны вихрей Абрикосова размерами, в несколько раз превышающими толщину прослойки, в образцах NbN с высокой плотностью вакансий может реализовываться механизм коллективного пиннинга. Такая ситуация возможна в том случае, когда центры сильного пиннинга (с размерами, близкими к размерам кернов вихрей) будут полностью заняты, и в более высоких полях дополнительно появляющиеся вихри будут закрепляться на более мелких неоднородностях (протяженных межстолбчатых прослойках и атомного размера вакансиях).

Коллективный пиннинг одиночных вихрей существенно влияет на величину плотности критического тока депиннинга j_d , при этом температурная зависимость $j_d(T)$ определяется параметром разупорядочения δ . В случае $\delta \ell$ -пиннинга, когда параметр δ связан с отклонением средних путей свободного пробега носителей тока ℓ , его зависимость от температуры T определяется выражением [15]:

$$\delta \ell = 0.13 \cdot (1 - T/T_{\rm c})^{3/2} / (\xi_{\rm BCS} \ell^2 n_i),$$

где $\xi_{BCS} = 0.18 \cdot \hbar v_F / (k_B T_c)$ — длина когерентности в теории БКШ, \hbar — постоянная Планка, v_F — скорость электронов на поверхности Ферми, k_B — постоянная Больцмана, n_i — концентрация дефектов. Плотность тока депиннинга в нашем случае

$$j_{\rm d} = j_0 \delta^{2/3},$$
 (1)

где $j_0 = c\Phi_0/(12 \cdot 3^{1/2}\pi^2\lambda^2\xi)$ — плотность тока распаривания, $c = 3 \cdot 10^{10}$ сm/с — скорость света, $\Phi_0 = 2.07 \cdot 10^{-7}$ G · cm² — квант магнитного потока, λ — лондоновская глубина проникновения магнитного поля.

Тогда для плотности тока депиннинга, учитывая температурные зависимости λ и ξ , можно получить [16]: $j_d \propto (1 - T/T_c)^{5/2}$.

Моделью сильного пиннинга может служить теория жестко закрепленной вихревой решетки [17,18]. В этой модели разрушение сверхпроводимости током авторы связывают с достижением сверхпроводящего конденсата критической скорости. Из энергетических соображений и линейной аппроксимации зависимости намагниченности образца от напряженности внешнего магнитного поля H можно получить для плотности критического тока j_c (при $H \gg H_{cl}$):

$$j_{\rm c} = (cH_{\rm c}/(4\pi\lambda))(1 - H/H_{\rm c2})^2,$$
 (2)

где H_c , H_{c1} , H_{c2} — напряженности термодинамического, первого и второго критических магнитных полей соответственно,

На исследуемых ВАХ после небольшого нелинейного участка может наблюдаться линейная зависимость, связанная с движением вихревой решетки как единого целого. В этом случае удельное сопротивление течения потока в магнитном поле с индукцией B и коэффициентом вязкости η определяется формулой [19]:

$$\rho_{\rm f} = \Phi_0 B / (c^2 \eta). \tag{3}$$

Скачкообразное увеличение напряжения, наблюдаемое после линейного участка ВАХ при переходе образца в нормальное состояние, связано с проявлением нестабильности Ларкина–Овчинникова [20].



Рис. 1. Вольт-амперные характеристики образца NbN с $T_{c0} = 16.3$ К в магнитном поле напряженностью 10 kOe для температур: I = 14.8 К, 2 = 14.9 К, 3 = 15 К, 4 = 15.1 К, 5 = 15.2 К, 6 = 15.3 К, 7 = 15.4 К.

3. Эксперимент

В работе изучались пленки NbN толщиной $d = 400 - 700 \,\mathrm{nm},$ шириной $w = 5 \,\mathrm{mm},$ ллиной $a = 9 \,\mathrm{mm}$, полученные методом геттерного реактивного катодного распыления ниобиевой мишени в тлеющем разряде (на постоянном токе) в атмосфере аргона и азота на подложках из полированного плавленого кварца [21,22]. Температура подложек $t_s = 700 \,^{\circ}\text{C}$. Предельный вакуум, поддерживаемый в установке, имел значение $1.4 \cdot 10^{-4}$ Ра. Рабочее давление в процессе распыления — 4-8 Ра. Средний ток разряда — Образцы имели структуру 150 mA. столбчатых гранулированных образований, перпендикулярных подложке, с диаметром столбиков ~ 50-100 nm и толщиной прослойки между ними $\sim 1-2 \,\mathrm{nm} \, [14,10].$ Величина *T*_с образцов менялась в пределах 16.2–16.5 К. Ширина перехода в сверхпроводящее состояние ≈ 0.1 K. Удельное сопротивление в нормальном состоянии вблизи перехода $\sim 400 - 1200 \,\mu\Omega \cdot \mathrm{cm}$ (токовые и потенциальные контакты были сформированы по всей ширине образца). Погрешность измерения температуры не превышала $\Delta T = 0.01$ К. Исследования проводились четырехконтактным методом с добавочным сопротивлением [23] при пропускании через образец импульсного тока, увеличивающегося от нуля до $\approx 0.7\,\mathrm{A}$ за время 0.25 ms. Критический ток определялся по достижению напряжения ≈ 0.1 V. Подробнее техника измерений изложена в [13].

На рис. 1 изображены экспериментальные ВАХ образца NbN с $T_c = 16.3$ K при различных температурах в постоянном магнитном поле напряженностью H = 10 kOe. На кривой 3 можно выделить четыре области: вначале нелинейный незначительный рост напряжения, потом



Рис. 2. Вольт-амперные характеристики образца NbN с $T_{c0} = 16.3$ К при температуре 15.4 К в магнитных полях напряженностью: 1 - 0.5 kOe, 2 - 2.5 kOe, 3 - 3.75 kOe, 4 - 5 kOe, 5 - 6.25 kOe, 6 - 8.75 kOe, 7 - 10 kOe, 8 - 12.5 kOe, 9 - 15 kOe.

линейное увеличение и далее более резкий скачок напряжения, переходящий в линейную зависимость при установлении нормального состояния. На других кривых эти области выражены менее заметно или отсутствуют. Подобные зависимости наблюдались при значениях *H* от 5 до 80 kOe.

На рис. 2 показаны ВАХ того же образца в разных магнитных полях при температуре 15.4 К. На кривых I, 2, 3 видны характерные параллельные области линейного увеличения V(I) после нелинейного участка, уменьшающиеся с увеличением H. Аналогичные зависимости наблюдались и для других температур в области от 0.7 до $0.95T_c$.

Сравнивая рис. 1 и 2, можно заметить, что наклон кривых в области скачка на рис. 2 увеличивается с ростом H, в то время как от температуры дифференциальное сопротивление образца в этой части ВАХ на рис. 1 не зависит.

Обработка результатов и обсуждение

Как известно, плотность тока, необходимая для срыва вихря Абрикосова, закрепленного на неоднородности с поперечным размером порядка и больше длины когерентности, близка к плотности тока распаривания (см., например, [19], стр. 229). В нашем случае характерные плотности токов начала движения вихрей $\sim 10^4$ A/cm², в то время как плотности токов распаривания для соответствующих температур $\sim 10^6$ A/cm² [10]. Поэтому модель жестко закрепленной решетки вихрей применяется в данной работе лишь для магнитных полей, соответ-

ствующих постоянной решетки вихрей a_0 , сравнимой с расстоянием между соседними центрами пиннинга.

Учитывая, что H_c , H_{c2} и λ зависят от температуры, из формулы (2) можно получить температурную зависимость плотности тока депиннинга j_d в различных магнитных полях [18]:

$$j_{\rm d}(t) = j_{\rm c}(0) \left[1 - H/H_{\rm c2}(t) \right]^2 (1 - t^2)^2,$$
 (4)

где $t = T/T_{c0}$ — приведенная температура, T_{c0} — температура перехода в сверхпроводящее состояние в нулевом магнитном поле, $j_c(0) = (cH_c(0)/(4\pi\lambda(0)))$ — плотность критического тока при нулевой температуре в нулевом магнитном поле.

Оставляя неизменной температурную часть зависимости $j_d(t)$, необходимо согласовать магнитополевую зависимость в формуле (4) с функцией $H_{c2}(t)$, соответствующей нашим образцам. Температурная зависимость второго критического магнитного поля $H_{c2}(t)$ была получена для наших образцов из модели WHH и в приближении степенной функцией выражалась формулой:

$$H_{c2}(t) = H_{c2}(0)(1-t^6),$$

где $H_{c2}(0) = 137 \,\mathrm{kOe} \,[11].$

На вставке к рис. З показаны экспериментальные зависимости плотности тока депиннинга от приведенной температуры, аппроксимированные зависимостью $j_d(t)$ модели жестко закрепленных вихрей (формула (4)). Видно, что при температурах t = 0.93 - 0.95 наблюдается излом, отсутствующий в более высоких полях.



Рис. 3. Экспериментальные (черные круги) и теоретические (сплошные линии, формула (5)) зависимости плотности тока депиннинга образца NbN с $T_{c0} = 16.3$ K от температуры для магнитных полей напряженностью H: c - H = 30 kOe, $H^* = 150$ kOe, $T_c(H = 30$ kOe) = 15.77 K; d - H = 55 kOe, $H^* = 34$ kOe, $T_c(H = 55$ kOe) = 15.1 K; f - H = 80 kOe, $H^* = 24$ kOe, $T_c(H = 80$ kOe) = 14.2 K. На вставке приведены аналогичные экспериментальные зависимости, аппроксимированные формулой (4): a - H = 5 kOe, $j_c(0) = 2.2 \cdot 10^6$ A/cm²; b - H = 10 kOe, $j_c(0) = 1.25 \cdot 10^6$ A/cm²; Ошибка измерения равна диаметру круга.



Рис. 4. Экспериментальные зависимости плотности критического тока депиннинга j_d образца NbN с $T_c = 16.3$ К от магнитного поля H при температуре T = 15.4 К (круги). Производная j_d по $H(S = -(dj_d/dH)$, квадраты). Ошибка измерения равна диаметру круга.

Эту особенность можно объяснить увеличением длины когерентности с повышением температуры, приводящем к тому, что диаметры кернов вихрей Абрикосова, равные длине когерентности ($\xi = (\Phi_0/(2\pi H_{c2}(t)))^{1/2})$, приближаются к диаметрам окружностей, вписанных в межстолбчатую область (центры пиннинга). В нашем случае $\xi \approx 8$ nm.

Экспериментальные данные $j_d(T)$, приведенные на рис. 3, аппроксимировались в рамках модели коллективного пиннинга зависимостью (1), имеющей для наших образцов в магнитном поле следующий вид:

$$j_{\rm d} = j_0(0) \left(H^* / (H^* + H) \right) \left(1 - T / T_{\rm c}(H) \right)^{5/2}, \quad (5)$$

где $j_0(0) = 8.34 \cdot 10^6$ А/ст² — плотность тока распаривания исследуемых образцов при нулевой температуре в нулевом магнитном поле, H^* — напряженность магнитного поля, характерная для данного образца, $T_c(H)$ температура перехода в сверхпроводящее состояние в магнитном поле напряженностью H. На рисунке видно хорошее согласие эксперимента и теории при $j_d \propto H^{-1}$.

На рис. 4 показана зависимость плотности критического тока депиннинга от приложенного магнитного поля $j_d(H)$ при температуре T = 15.4 К. Здесь же показана и численно найденная усредненная производная j_d по $H(S = -(d_{j_d}/dH))$. Видно, что в поле напряженностью 12-14 kOe $j_d(H)$ меняется слабо, что можно объяснить совпадением расстояний между ближайшими центрами пиннинга (модельными областями между соприкасающимися тремя соседними цилиндрическими грануламистолбиками) с расстояниями между кернами вихрей Абрикосова при данном магнитном поле. Кроме того, при температурах t = 0.92-0.94, как и в случае изломов на вставке рис. 3, проявляется общая закономерность усиления пиннинга в случае совпадении размеров кернов вихрей Абрикосова и центров пиннинга. Оценивая расстояние между вихрями по формуле: $a_0 = (\Phi_0/B)^{1/2}$, можно получить (при $B = 1.3 \cdot 10^4$ G) $a = 4 \cdot 10^{-6}$ cm = 40 nm. Это соответствует диаметру гранул $d = a/(\text{tg } 30^\circ) = a \cdot \sqrt{3} \approx 70$ nm, что согласуется с их средним диаметром [14].

Линейную часть ВАХ изучаемых образцов можно объяснить моделью течения потока (линейная зависимость V от I на рис. 1 и рис. 2 на кривых 1, 2, 3). По формуле (3) можно оценить вязкость среды, в которой движутся вихри (в системе СИ): $\eta = \Phi_0 B / (\rho_f)$. Для B = 0.25 Т и удельного сопротивления $\rho_f \approx 4 \cdot 10^{-6} \Omega \cdot m$ получим $\eta \approx 1.3 \cdot 10^{-10} \text{ T}^2 \cdot \text{m/}\Omega$.

По началу движения вихревой решетки можно определить силу пиннинга вихрей при определенных температурах. На рис. 1 для кривой 2 ток, соответствующий началу линейного участка, $I \approx 0.5$ А. Плотность тока $j \approx 2.5 \cdot 10^4$ А/сm². Тогда среднюю силу пиннинга, приходящуюся на единицу длины вихря, можно найти по формуле (в системе СИ): $f = j\Phi_0$. Для данной j получим $f \approx 5.2 \cdot 10^{-7}$ N/m.

Уменьшение линейной части ВАХ, связываемой с течением потока (кривые 1, 2, 3 на рис. 2), можно объяснить увеличением числа вихрей в образце с ростом поля. При приближении напряженности поля к значению ≈ 12 kOe, когда число вихрей становится равным числу центров сильного пиннинга, сдвиг всей вихревой решетки как целого требует большей силы. А это вызывает более быстрое наступление нестабильности Ларкина–Овчинникова.

Течение потока, определяемое линейной зависимостью V(I) на кривой I рисунков 1 и 2, захватывает почти весь переход и практически определяет перевод образца в нормальное состояние, что можно объяснить нехваткой носителей тока ([19], с. 96). При этом нестабильность Ларкина-Овчинникова отсутствует.

5. Заключение

Температурные и магнитополевые зависимости критического тока перехода в нормальное состояние пленок NbN, исследованные в данной работе, определяются пиннингом и движением вихрей Абрикосова при их вязком течении. В работе определены значения плотности тока распаривания $j_0(0)$ при одновихревом коллективном пиннинге, характерные размеры центров пиннинга и расстояния между ними. Получены значения коэффициента вязкости и силы пиннинга. Найденные параметры и температурные и магнитополевые зависимости критического тока могут быть полезны, например, при создании накопителей энергии [3], где используются пленки, близкие по толщине к исследованным. Подобные пленки могут применяться и в качестве датчиков магнитного поля в магнитометрах [24].

Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

Список литературы

- R. Yin, H. Wang, L. Zhang, X. Wang, L. Ma, Y. Guan, Z. Yang, Q. Chen, X. Tu, Q. Zhao, X. Jia, J. Chen, L. Kang, P. Wu. Supercond. Sci. Technol. 36, 10, 105016 (2023). DOI: 10.1088/1361-6668/acf5aa
- [2] S. Zhao, S. Withington, C.N. Thomas. Supercond. Sci. Technol. 36, 10, 105010 (2023). DOI: 10.1088/1361-6668/acf0f1
- [3] Y. Suzuki, N. Iguchi, K. Adachi, A. Ichiki, T. Hioki, C.-W. Hsu, R. Sato, S. Kumagai, M. Sasaki, J.-H. Noh, Y. Sakurahara, K. Okabe, O. Takai, H. Honma, H. Watanabe, H. Sakoda, H. Sasagawa, H. Doy, S. Zhou, H. Hori, S. Nishikawa, T. Nozaki, N. Sugimoto, T. Motohiro. J. Phys.: Conf. Ser. 897, *1*, 012019 (2017). DOI: 10.1088/1742-6596/897/1/012019
- [4] S. Solve, R. Chayramy, M. Maruyama, C. Urano, N.-H. Kaneko, A. Rüfenacht. Metrologia. 55, 2, 302 (2018).
 DOI: 10.1088/1681-7575/aaac44
- [5] Б.А. Гурович, К.Е. Приходько, Л.В. Кутузов, Б.В. Гончаров, Д.А. Комаров, Е.М. Малиева, Г.Ю. Голубев. ФТТ 65, 7, 1118 (2023). DOI: 10.21883/FTT.2023.07.55831.24H
- [6] T. Wakamura, H. Akaike, Y. Omori, Y. Niimi, S. Takahashi, A. Fujimaki, S. Maekawa, Y. Otani. Nature Mater. 14, 675 (2015).
- [7] J. Yongő T.R. Lemberger, L. Benfatto, K. Ilin, M. Siegel. Phys. Rev. B 87, 184505 (2013).
- [8] D. Sherman, U.S. Pracht, B. Gorshunov, S. Poran, J. Jesudasan, M. Chand, P. Raychaudhuri, M. Swanson, N. Trivedi, A. Auerbach, M. Scheffler, A. Frydman, M. Dressel. Nature Phys. 11, 188 (2015).
- [9] C. Carbillet, S. Caprara, M. Grilli, C. Brun, T. Cren, F. Debontridder, B. Vignolle, W. Tabis, D. Demaille, L. Largeau, K. Ilin, M. Siegel, D. Roditchev, B. Leridon. Phys. Rev. B 93, 144509 (2016).
- [10] Д.М. Гохфельд, Н.Е. Савицкая, С.И. Попков, Н.Д. Кузьмичев, М.А. Васютин, Д.А. Балаев. ЖЭТФ 161, 6, 833 (2022). DOI: 10.31857/S0044451022060062
- [11] М.А. Васютин, Н.Д. Кузьмичев, Д.А. Шилкин. ФТТ 58, 2, 231 (2016).
- [12] М.А. Васютин, Н.Д. Кузьмичев, Д.А. Шилкин. ФТТ 60, 11, 2247 (2018).
- [13] М.А. Васютин, Н.Д. Кузьмичев, Д.А. Шилкин. ФММ 121, 10, 1045 (2020).
- [14] Е.А. Антонова, В.А. Сухов. ФНТ 7, 8, 1002 (1981).
- [15] G. Blatter, M.V. Feigelman, V.G. Geshkenbein, A.I. Larkin, V.M. Vinokur. Rev. Mod. Phys. 66, 4, 1125 (1994).
- [16] Э.А. Пашицкий, В.И. Вакарюк, С.М. Рябченко, Ю.В. Федотов. ФНТ 27, 2, 131 (2001).
- [17] Ю.Ф. Бычков, В.Г. Верещагин, В.Р. Карасик, Г.Б. Курганов, В.А. Мальцев. ЖЭТФ 56, 2, 505 (1969).
- [18] Ю.Ф. Бычков, В.Г. Верещагин, М.Т. Зуев, В.Р. Карасик, Г.Б. Курганов, В.А. Мальцев. Письма в ЖЭТФ 9, 8, 451 (1969).
- [19] В.В. Шмидт. Введение в физику сверхпроводников. Изд. 2-е. МЦНМО, М. (2000). XIV. 402 с.
- [20] А.И. Ларкин, Ю.Н. Овчинников. ЖЭТФ 68, 5, 1915 (1975).
- [21] Н.Д. Кузьмичев, Г.П. Мотулевич. ЖЭТФ **84**, *6*, 2316 (1983).
- [22] Д.Р. Джураев, Г.П. Мотулевич. ФТТ 27, 9, 2640 (1985).
- [23] М.А. Васютин, Н.Д. Кузьмичев, Д.А. Шилкин. Письма в ЖТФ 48, 14, 34 (2022).
 DOI: 10.21883/PJTF.2022.14.52868.19131
- [24] Н.Д. Кузьмичев, М.А. Васютин, Д.А. Шилкин. Прикладная физика 4, 92 (2020).

Редактор К.В. Емцев