

01,16

# Оптические и диэлектрические характеристики полуметаллических соединений $Y_xLa_{1-x}Bi$ ( $0 \leq x \leq 1$ )

© Ю.В. Князев, Ю.И. Кузьмин

Институт физики металлов УрО РАН,  
Екатеринбург, Россия

E-mail: knyazev@imp.uran.ru

Поступила в Редакцию 29 марта 2024 г.

В окончательной редакции 29 марта 2024 г.

Принята к публикации 31 марта 2024 г.

Представлены результаты экспериментальных исследований оптических и диэлектрических свойств кубических соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$ . В спектральном интервале  $0.22-15 \mu m$  эллипсометрическим методом измерены показатели преломления и коэффициенты поглощения, с использованием которых рассчитаны энергетические зависимости диэлектрической проницаемости, отражательной способности, оптической проводимости и функции характеристических потерь электронов. Особенности квантового поглощения света интерпретируются на основе сравнительного анализа экспериментальных и теоретических спектров оптической проводимости. Аномальное поведение спектральных характеристик в инфракрасном интервале спектра подтверждает полуметаллическую природу соединений.

**Ключевые слова:** оптические свойства, диэлектрические функции, оптическая проводимость, интерметаллические соединения, электронная структура.

DOI: 10.61011/FTT.2024.05.58066.71

## 1. Введение

Интерметаллические бинарные соединения редкоземельных элементов с  $p$ -металлами V группы (монопниктиды) с разнообразными структурными, электрическими и магнитными свойствами активно изучаются в последние годы. Синтезировано и исследовано большое количество подобных материалов, физические характеристики которых варьируются в широком интервале от полупроводниковых до металлических (см. обзор [1]). В данных соединениях обнаружены различные типы магнитного упорядочения [2,3], а их электронные и кристаллические параметры чувствительны к высокому давлению [4,5], примесям замещения [6,7] и изменению стехиометрии [8,9]. Перспективы практических приложений монопниктидов РЗМ связаны с такими свойствами, как гигантское магнетосопротивление [10,11], сверхпроводимость [12], большие магнетокалорические [13] и магнетооптические [14,15] эффекты. Особенности электронной структуры таких соединений позволяют использовать их в качестве материалов для оптоэлектронных устройств [16,17].

Представителями указанной группы материалов являются бинарные немагнитные соединения  $YBi$  и  $LaBi$ , обладающие кубической решеткой типа  $NaCl$ , переходящей при высоких давлениях 23 и 11.5 GPa соответственно в тетрагональную структуру типа  $CsCl$ . Объемный коллапс при таком переходе достигает значений 5% ( $YBi$ ) и 8.9% ( $LaBi$ ) [18,19]. Немногочисленные экспериментальные исследования показали, что особенности температурных зависимостей транспортных свойств данных соединений объясняются полуметаллическим типом проводимости и

низкой концентрацией носителей тока [20,21]. В обоих материалах обнаружено экстремально высокое магнетосопротивление, достигающее при низких температурах значений порядка  $10^5\%$ , а также скачкообразный переход в сверхпроводящее состояние, индуцируемый высоким давлением [22,23].

Для соединений  $YBi$  и  $LaBi$  в последние годы в рамках различных вычислительных схем были выполнены расчеты зонных спектров, показавшие наличие ряда особенностей в структуре электронных состояний вблизи энергии Ферми  $E_F$  [24–27]. Главная из этих особенностей — наличие глубокой щели на  $E_F$  в плотностях состояний обоих соединений, что объясняет их полуметаллические свойства, а также высокую термоэлектрическую способность. В теоретических работах [28–31] проведен анализ изменения структурных, термодинамических и механических свойств данных соединений при воздействии температуры и гидростатического давления. Недавно проведенные расчеты [32,33], а также магнитные и фотоэмиссионные исследования [34–36] показали, что исследуемые материалы обладают свойствами трехмерных топологических полуметаллов. Их общая особенность заключается в том, что в зонной структуре присутствуют аномальные точки, в которых валентная зона касается зоны проводимости. Такая ситуация порождает целый ряд новых физических явлений, касающихся их объемных и поверхностных свойств.

Допирование данных бинарных интерметаллидов другими элементами существенно влияет на их кристаллические, электронные и термодинамические характеристики [37,38]. Направленные изменения физических

свойств, происходящие при внедрении примеси, могут использоваться для оптимизации функциональных характеристик исследуемых материалов. Как показали расчеты [37], частичное замещение иттрия атомами лантана в YBi существенно модифицирует зонный спектр данного соединения, плотность электронных состояний, структурные, механические и термодинамические параметры. Дополнительная информация об особенностях эволюции энергетических зон тройных соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$  может быть получена из спектральных исследований. В настоящей работе изучаются оптические и диэлектрические свойства данной системы с целью получения информации об их концентрационной зависимости и корреляции с перестройкой электронной структуры. Исследования проведены в широком интервале длин волн, включающем инфракрасный, видимый и ультрафиолетовый диапазоны спектра.

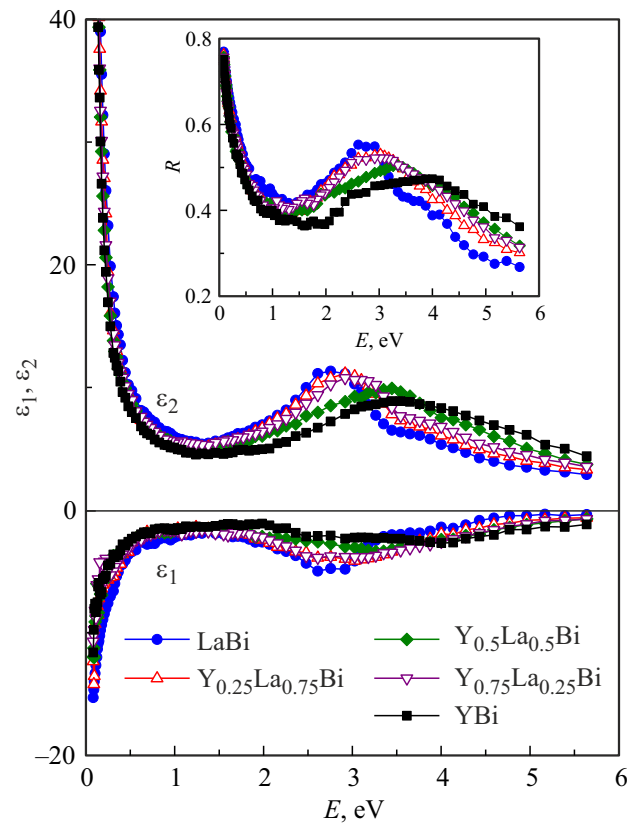
## 2. Эксперимент

Исследуемые поликристаллические образцы соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$  ( $x = 0, 0.25, 0.5, 0.75, 1$ ) были приготовлены методом дуговой плавки стехиометрических пропорций высокочистых металлов ( $\sim 99.99\%$ ) в атмосфере чистого аргона. Выплавленные слитки с целью гомогенизации отжигались в вакууме  $10^{-5} \text{ mm} \cdot \text{Hg}$  при температуре  $\sim 800^\circ\text{C}$  в течение 10 h. Рентгенографический анализ порошковых образцов, проведенный в  $\text{CuK}\alpha$ -излучении на дифрактометре ДРОН-6, подтвердил формирование во всех исследуемых сплавах кубической структуры типа NaCl. Для бинарных YBi и LaBi значения параметра кристаллической решетки близки к опубликованным ранее [25,26] и составляют  $a = 6.238$  и  $6.570 \text{ \AA}$ . В тройных сплавах с  $x = 0.25, 0.5$  и  $0.75$  величина параметра решетки последовательно уменьшается, принимая значения  $a = 6.489, 6.404$  и  $6.322 \text{ \AA}$  соответственно.

Плоские зеркальные поверхности образцов, необходимые для оптического эксперимента, были получены механическим шлифованием с последующим полированием на алмазных пастах различной дисперсности. Измерения оптических постоянных — показателей преломления и поглощения, выполнены с точностью 2–4% в интервале длин волн  $\lambda = 0.22\text{--}15 \mu\text{m}$  ( $E = 0.083\text{--}5.64 \text{ eV}$ ) эллипсометрическим методом Битти, основанном на определении амплитуд и фазовых сдвигов отраженных световых волн  $s$ - и  $p$ -поляризаций. Значения оптических постоянных использованы для вычисления действительной  $\varepsilon_1(E)$  и мнимой  $\varepsilon_2(E)$  частей комплексной диэлектрической проницаемости, отражательной способности  $R(E)$  и оптической проводимости  $\sigma(E) = \varepsilon_2\omega/4\pi$  ( $\omega$  — частота световой волны).

## 3. Результаты и обсуждение

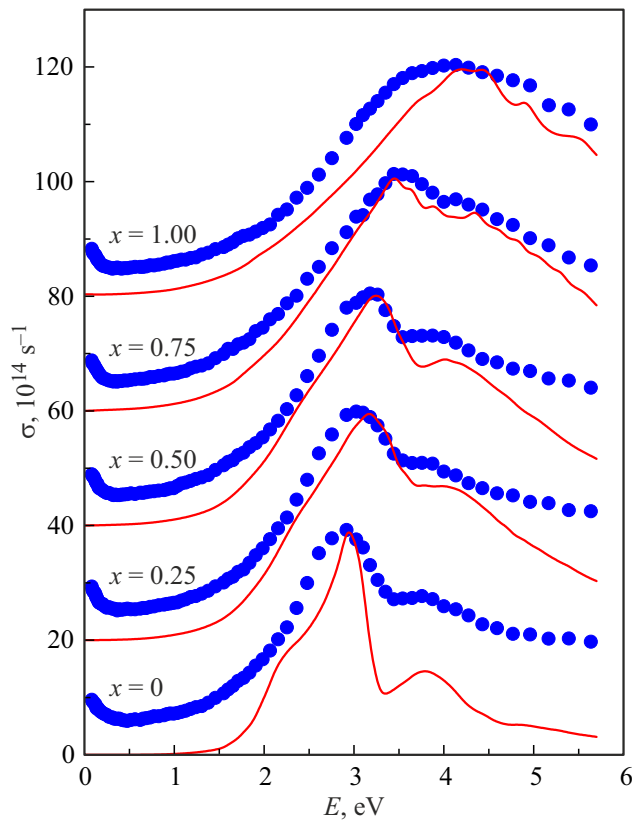
Дисперсионные зависимости  $\varepsilon_1(E)$ ,  $\varepsilon_2(E)$  и  $R(E)$  исследуемых соединений представлены на рис. 1. Поведение



**Рис. 1.** Диэлектрические функции  $\varepsilon_1(E)$  и  $\varepsilon_2(E)$  и отражательная способность  $R(E)$  соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$ .

данных параметров с изменением энергии фотона в целом характерно для металлических сред. Об этом свидетельствуют отрицательные значения  $\varepsilon_1$  во всем диапазоне частот, а также типичное для проводящих материалов разделение спектров на области внутри- и межзонного оптического поглощения. В то же время невысокие значения  $R$  и  $|\varepsilon_1|$  в ИК-области спектра указывают на ослабление металлических свойств данных соединений по сравнению с хорошими металлами, в которых отражательная способность приближается к единице, а величина  $|\varepsilon_1|$  на два-три порядка выше [39]. Все кривые, приведенные на рис. 1, характеризуется широкими структурами, природа возникновения которых связана с межзонным поглощением света. Энергетическое положение и интенсивность данных особенностей существенно зависят от концентрации примеси, что отражается в трансформации формы представленных спектров. Рост содержания атомов иттрия приводит к сдвигу максимумов в высокоэнергетическую сторону с одновременным уменьшением их высоты, что особенно выразительно проявляется в зависимостях  $\varepsilon_2(E)$  и  $R(E)$ .

Спектральные зависимости оптической проводимости исследуемого семейства соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$  представлены на рис. 2 (кривые сдвинуты относительно друг друга по оси ординат на 20 единиц). При энергиях выше  $\sim 1 \text{ eV}$  характер дисперсии всех кривых опре-

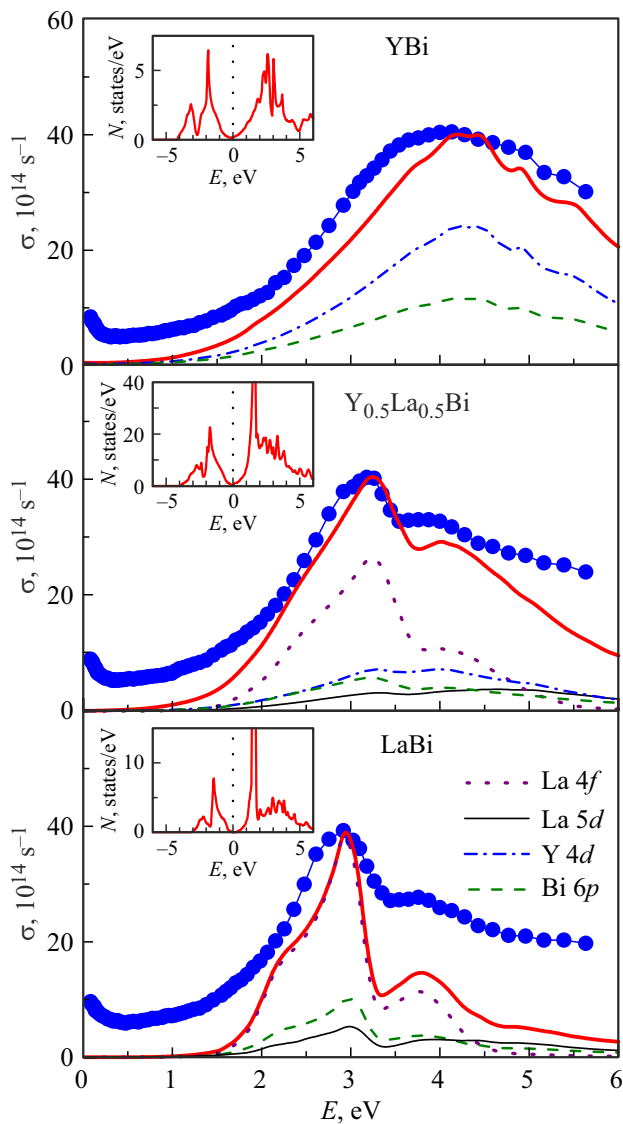


**Рис. 2.** Оптическая проводимость соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$ . Кружки — эксперимент, непрерывные линии — расчет из плотностей состояний [37]. Кривые сдвинуты относительно друг друга по оси ординат на 20 единиц.

деляется квантовым поглощением света, о чем свидетельствует наличие интенсивных абсорбционных полос, спектральный профиль которых существенно меняется в зависимости от состава соединения. Если в зависимости  $\sigma(E)$  бинарного интерметаллида  $YBi$  (верхняя кривая) наблюдается одна широкая полоса с максимумом вблизи 4 eV, то с увеличением содержания лантана ее форма существенно видоизменяется. На высокоэнергетическом склоне полосы при этом образуется новая структура — „плечо“, переходящее с уменьшением  $x$  в другую, менее интенсивный максимум. Локализация основного максимума при этом последовательно сдвигается в низкоэнергетическую сторону и для бинарного  $LaBi$  принимает значение 2.9 eV. В длинноволновой области спектра величины  $\sigma(E)$  довольно низкие, а их слабый рост наблюдается только при энергиях ниже  $\sim 0.3$  eV. Такое поведение оптической проводимости кардинально отличается от друдевской зависимости  $\sigma \sim 1/\omega^2$ , типичной для металлических материалов и, как правило, имеющей место ниже  $\sim 1$  eV [39]. Ранее подобный аномальный ход дисперсии  $\sigma(E)$  в ИК диапазоне спектра наблюдался в соединениях, в которых плотность электронных состояний характеризуется глубоким провалом на уровне Ферми [40,41].

Особенности частотных зависимостей оптической проводимости интерметаллидов  $Y_xLa_{1-x}Bi$ , наблюдаемые в эксперименте, можно качественно объяснить на основе расчетов их электронных спектров, выполненных в работе [37]. Вычисления показали, что в интервале энергий  $-10 < E_F < 10$  eV в плотностях электронных состояний  $N(E)$  всех соединений доминируют  $Y$   $4d$ ,  $5p$ ,  $La$   $5d$ ,  $6p$ ,  $4f$ ,  $Bi$   $6p$ -зоны, за счет которых формируется несколько интенсивных максимумов ниже и выше уровня Ферми. При этом  $d$ -зоны имеют высокие парциальные плотности по обе стороны от  $E_F$ , а  $p$ -зоны — только при энергиях ниже  $E_F$ . В тройных интерметаллидах, а также в  $LaBi$ , узкие интенсивные максимумы  $N(E)$ , связанные с  $La$   $4f$ -зонами, расположены в интервале 1.4–1.7 eV выше  $E_F$ . Во всех соединениях парциальные вклады  $s$ -состояний малы и распределены по широкой области энергий. Результаты расчетов полных и парциальных  $N(E)$  показывают наличие глубокого минимума шириной  $\sim 2$  eV, в который попадает уровень Ферми. Существование данной особенности в плотностях состояний бинарных  $YBi$  и  $LaBi$  является причиной низкой концентрации электронов проводимости и высокого электросопротивления данных материалов [20–23]. Аномально низкие значения экспериментальной оптической проводимости, наблюдаемые в низкоэнергетической области спектра, также соответствуют представленной в [37] картине  $N(E)$  и свидетельствуют об ослаблении металлических свойств исследуемых соединений.

Модификация спектров  $\sigma(E)$  в области квантового поглощения света вызвана последовательной перестройкой электронной структуры соединений в процессе частичного замещения атомов лантана атомами иттрия [37]. Наиболее существенные изменения в электронной плотности состояний при этом происходят выше уровня Ферми в диапазоне 1–4 eV, где структура  $N(E)$  определяется гибридованными  $d$ - и  $f$ -зонами атомов этих элементов. С увеличением содержания лантана плотность  $d$ -состояний изменяется довольно слабо, а интенсивность максимума, связанного с  $4f$ -состояниями, существенно возрастает. Представляет интерес сравнить экспериментальные спектры оптической проводимости с соответствующими зависимостями, рассчитанными из плотностей состояний, опубликованных в [37]. Вычисления межзонных оптических проводимостей всех соединений выполнены по методу [42] на основе сверток полных  $N(E)$  ниже и выше  $E_F$  в предположении равной вероятности всех типов электронных переходов. Результаты таких расчетов представлены в произвольных единицах на рис. 2 совместно с эмпирическими зависимостями. Сравнение показывает качественное соответствие теоретических и экспериментальных кривых. Как для бинарных, так и для тройных соединений в вычислениях воспроизводятся основные особенности и характер трансформации спектров при увеличении содержания примеси. В частности, расчет адекватно описывает локализацию и ширину основной полосы



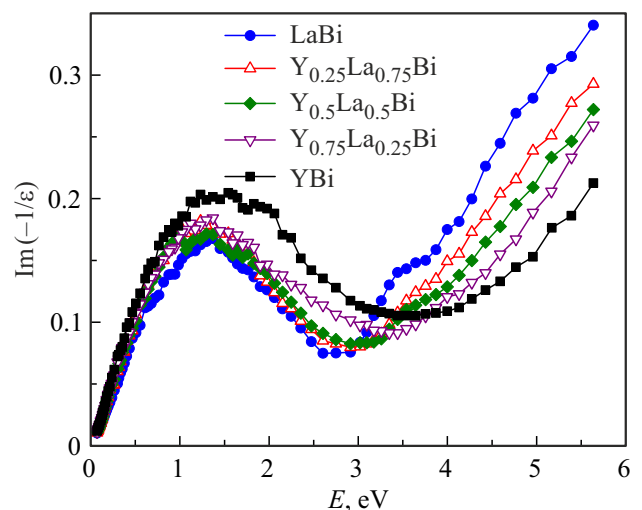
**Рис. 3.** Экспериментальные (кружки) и рассчитанные (жирные сплошные линии) энергетические зависимости оптической проводимости соединений YBi,  $Y_{0.5}La_{0.5}Bi$  и LaBi. Также показаны парциальные вклады от межзонных переходов с участием La 5d, Y 4d, La 4f и Bi 6p электронных состояний. На вставках показаны полные плотности состояний по данным расчетов [37].

поглощения, изменение ее профиля и смещение по энергии, происходящее с изменением  $x$ .

Рассмотрим подробнее происхождение широких абсорбционных полос в спектрах  $\sigma(E)$  на примере бинарных интерметаллидов YBi и LaBi и соединения  $Y_{0.5}La_{0.5}Bi$  промежуточного состава. Согласно плотностям электронных состояний, представленных по данным [37] на вставках рис. 3, природа интенсивного межзонного поглощения в этих материалах имеет сходный характер. Она связана, преимущественно, с квантовыми переходами электронов из заполненных гибридованных Y 4d, 5p (La 5d, 6p) и Bi 6p-зон в свободные

Y 4d (La 5d, 4f) энергетические зоны. Соответствующие зоны идентифицируются с областями повышенных значений  $N(E)$ , имеющих различные структуры и отделенных друг от друга глубокой щелью. На рис. 3 совместно с межзонными оптическими проводимостями, рассчитанными из полных плотностей  $N(E)$ , показаны наиболее значительные вклады, связанные с различными электронными состояниями. Так, в бинарном YBi основной вклад в образование полосы поглощения обусловлен электронными возбуждениями с участием Y 4d и Bi 6p-зон. Такие переходы формируют две широкие полосы с максимумами вблизи 4.3 eV. В свою очередь, в соединениях LaBi и  $Y_{0.5}La_{0.5}Bi$ , как следует из структуры парциальных вкладов, максимумы в  $\sigma(E)$  обусловлены, главным образом, переходами электронов с заполненных состояний ниже  $E_F$  в свободные 4f-состояния. Формируемые такими переходами полосы поглощения имеют ассиметричный вид с „наплывом“ на высокоэнергетическом склоне. Таким образом, главные особенности частотной дисперсии спектров оптической проводимости соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$  состоят в наличии сильного межзонного поглощения света при энергиях выше  $\sim 1$  eV и аномально низкого низкоэнергетического вклада. Структура зависимостей  $\sigma(E)$  качественно интерпретируется в рамках расчетов зонной структуры данных материалов [37], предсказавших широкие ( $\sim 2$  eV) щели на уровне Ферми в плотностях электронных состояний, и свидетельствует об их полуметаллических свойствах.

Компоненты комплексной диэлектрической проницаемости  $\epsilon_1$  и  $\epsilon_2$ , полученные в эксперименте, дают возможность рассчитать для всех соединений функции объемных характеристических потерь электронов  $\text{Im}(-1/\epsilon) = \epsilon_2/(\epsilon_1^2 + \epsilon_2^2)$ . Данный параметр, максимум которого имеет место при  $\epsilon_1 \rightarrow 0$ , характеризует дискретные потери электронов при возбуждении объем-



**Рис. 4.** Функции объемных характеристических потерь энергии электронов соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$ .

ных плазменных колебаний. Расположение максимума этой функции на шкале энергий позволяет оценить величину плазменной частоты электронов проводимости. Энергетические зависимости  $\text{Im}(-1/\varepsilon)$ , представленные на рис. 4, показывают, что такие максимумы локализованы для всех соединений вблизи 1.4 eV, что соответствует значению плазменной частоты, равному  $\omega_p = 1.8 \cdot 10^{-15} \text{ s}^{-1}$ .

#### 4. Заключение

В широком интервале длин волн, включающем инфракрасный, видимый и ультрафиолетовый диапазоны спектра, проведены исследования оптических свойств семейства полуметаллических соединений  $Y_xLa_{1-x}Bi$  ( $0 \leq x \leq 1$ ) с кубической кристаллической структурой. С помощью эллипсометрического метода получены частотные зависимости диэлектрических функций, оптической проводимости, отражательной способности и характеристических потерь электронов. Показано, что характер частотной дисперсии оптической проводимости в области основной полосы межзонного поглощения и основные структурные особенности удовлетворительно описываются на основе ранее проведенных первопринципных зонных расчетов этих соединений [37]. Аномально низкие значения  $\sigma(E)$  в длинноволновом диапазоне спектра, наблюдаемые для всех материалов, также коррелируют с данными вычислениями, показавшими наличие широких щелей на  $E_F$  в плотностях электронных состояний.

#### Финансирование работы

Работа выполнена в рамках государственного задания Минобрнауки России (тема „Электрон“ № 122021000039-4).

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- [1] C.-G. Duan, R.F. Sabirianov, W.N. Mei, P.A. Dowben, S.S. Jaswal, E.Y. Tsymbal. *J. Phys.: Condens. Matter* **19**, 31, 315220 (2007).
- [2] O. Vogt, K. Mattenberger. *Handbook on the Physics and Chemistry of Rare Earth*. Ch. 114. Magnetic measurements on rare earth and actinide mononictides and monochalcogenides / Ed. K.A. Gschneidner, L. Eyring, G.H. Lander, G.P. Chopping. Elsevier Sci. Publ. (1993). V. 17. P. 301–407.
- [3] D.X. Li, Y. Haga, H. Shida, T. Suzuki, Y.S. Kwon, G. Kido. *J. Phys.: Condens. Matter* **9**, 48, 10777 (1997).
- [4] P. Pandit, V. Srivastava, M. Rajagopalan, S.P. Sanyal. *Physica B: Condens. Matter* **405**, 9, 2245 (2010).
- [5] A.K. Sahu, A. Singh, P.K. Jha, S.P. Sanyal. *Phase Transitions: Multinational J.* **84**, 7, 603 (2011).
- [6] A. Louafi, Y. Chaouche, A. El Hassasna. *Appl. Phys. A* **127**, 506 (2021).
- [7] P. Ruszala, M.J. Winiarski, M. Samsel-Czekala. *J. Phys. Chem. Solids* **159**, 110274 (2021).
- [8] D.X. Li, Y. Haga, H. Shida, T. Suzuki. *J. Appl. Phys.* **80**, 1, 264 (1996).
- [9] D.X. Li, Y. Haga, H. Shida, T. Suzuki, T. Koide, G. Kido. *Phys. Rev. B* **53**, 13, 8473 (1996).
- [10] М.П. Волков, Н.Н. Степанов. *ФТТ* **61**, 8, 1470 (2019).
- [11] L. Ye, T. Suzuki, C.R. Wicker, J.G. Checkelsky. *Phys. Rev. B* **97**, 8, 081108(R) (2018).
- [12] M. Zhang, X. Wang, A. Rahman, R. Dai, Z. Wang, Z. Zhang. *Phys. Rev. B* **101**, 6, 064106 (2020).
- [13] E.J.R. Plaza, C.S. Alves, A.A. Coelho, S. Gama, P.J. von Ranke. *J. Magn. Magn. Mater.* **272–276**, 3, 2373 (2004).
- [14] R. Pittini, J. Schoenes, O. Vogt, P. Wachter. *Phys. Rev. Lett.* **77**, 5, 944 (1996).
- [15] D.B. Ghosh, M. De, S.K. De. *Phys. Rev. B* **67**, 3, 035118 (2003).
- [16] P. Kumari, D.S. Yadav. *J. Pure Appl. Industr. Phys.* **8**, 5, 54 (2018).
- [17] E.M. Krivoy, A.P. Vasudev, S. Rahimi, R.A. Synowicki, K.M. McNicholas, D.J. Ironside, R. Salas, G. Kelp, D. Jung, H.P. Nair, G. Shvets, D. Akinwande, M.L. Lee, M.L. Brongersma, S.R. Bank. *ACS Photonics* **5**, 8, 3051 (2018).
- [18] N. Acharya, S.P. Sanyal. *Solid State Commun.* **266**, 39 (2017).
- [19] G. Vaitheeswaran, V. Kanchana, M. Rajagopalan. *Physica B: Condens. Matter* **315**, 1–3, 64 (2002).
- [20] O. Pavlosiuk, P. Swatek, D. Kaczorowski, P. Wiśniewski. *Phys. Rev. B* **97**, 23, 235132 (2018).
- [21] F.F. Tafti, M.S. Torikachvili, R.L. Stillwell, B. Baer, E. Stavrou, S.T. Weir, Y.K. Vohra, H.-Y. Yang, E.F. McDonnell, S.K. Kushwaha, Q.D. Gibson, R.J. Cava, J.R. Jeffries. *Phys. Rev. B* **95**, 1, 014507 (2017).
- [22] C.Q. Xu, B. Li, M.R. van Delft, W.H. Jiao, W. Zhou, B. Qian, N.D. Zhigadlo, D. Qian, R. Sankar, N.E. Hussey, X. Xu. *Phys. Rev. B* **99**, 2, 024110 (2019).
- [23] B. Qian, F. Tang, Y.R. Ruan, Y. Fang, Z.D. Han, X.F. Jiang, J.-M. Zhang, S.Y. Chen, D.H. Wang. *J. Mater. Chem. C* **6**, 37, 10020 (2018).
- [24] M. Shoaib, G. Murtaza, R. Khenata, M. Farooq, R. Ali. *Comput. Mater. Sci.* **79**, 239 (2013).
- [25] M. Kakihana, K. Nishimura, T. Takeuchi, Y. Haga, H. Harima, M. Hedo, T. Nakama, Y. Ōnuki. *J. Phys. Soc. Jpn.* **88**, 4, 044712 (2019).
- [26] Z. Charifi, A.H. Reshak, H. Baaziz. *Solid State Commun.* **148**, 3–4, 139 (2008).
- [27] S. Cui, W. Feng, H. Hu, Z. Feng, H. Liu. *Solid State Commun.* **149**, 25–26, 996 (2009).
- [28] S. Azzi, H. Boublenza, A. Zaoui, M. Ferhat. *Comput. Mater. Sci.* **65**, 331 (2012).
- [29] A.K. Ahirwar, M. Aynyas, Y.S. Panwar, S.P. Sanyal. *Adv. Mater. Res.* **1141**, 39 (2016).
- [30] F. Driss Khodja, A. Boudali, K. Amara, B. Amrani, A. Kadoun, B. Abbar. *Physica B: Condens. Matter* **403**, 23–24, 4305 (2008).
- [31] Y.O. Ciftci, K. Colakoglu, E. Deligoz. *J. Phys.: Condens. Matter* **20**, 34, 345202 (2008).
- [32] M. Narimani, Z. Nourbakhsh. *J. Phys. Chem. Solids* **145**, 109537 (2020).

- [33] Nisha, H.S. Saini, N. Kumar, S. Singhmar, J. Thakur, S. Srivastava, M.K. Kashyap, A.H. Reshak. *Phys. Lett. A* **384**, 31, 126789 (2020).
- [34] Y. Wu, T. Kong, L.-L. Wang, D.D. Johnson, D. Mou, L. Huang, B. Schrunk, S.L. Bud'ko, P.C. Canfield, A. Kaminski. *Phys. Rev. B* **94**, 8, 081108(R) (2016).
- [35] N. Kumar, C. Shekhar, J. Klotz, J. Wosnitza, C. Felser. *Phys. Rev. B* **96**, 16, 161103(R) (2017).
- [36] B.H. Yu, Z.Y. Tian, F. Sun, D.C. Peets, X.D. Bai, D.L. Feng, J. Zhao. *Opt. Express* **28**, 11, 15855 (2020).
- [37] M.E.A. Belhadj, H. Rached, D. Rached, S. Amari. *Comput. Condens. Matter* **16**, e00295 (2018).
- [38] P. Wadhwa, T.J.D. Kumar, A. Shukla, R. Kumar. *Solid State Commun.* **358**, 114976 (2022).
- [39] M.A. Ordal, L.L. Long, R.J. Bell, S.E. Bell, R.R. Bell, R.W. Alexander Jr., C.A. Ward. *Appl. Opt.* **22**, 7, 1099 (1983).
- [40] Yu.V. Knyazev, A.V. Lukoyanov, Yu.I. Kuz'min. *Opt. Mater.* **129**, 112466 (2022).
- [41] Yu.V. Knyazev, Yu.I. Kuz'min, S.T. Baidak, A.V. Lukoyanov. *Solid State Sci.* **136**, 107085 (2023).
- [42] И.А. Некрасов, Ю.В. Князев, Ю.И. Кузьмин, А.Г. Кучин, В.И. Анисимов. *ФММ* **97**, 2, 13 (2004).

*Редактор К.В. Емцев*