05

Синхронизация автоколебаний обменно-связанных магнитных вихрей

© В.Л. Миронов¹, Д.А. Татарский^{1,2,¶}, А.А. Фраерман¹

 ¹ Институт физики микроструктур РАН, Нижний Новгород, Россия
² Нижегородский государственный университет им. Н.И. Лобачевского, Нижний Новгород, Россия
[¶] E-mail: tatarsky@ipmras.ru
Поступила в Редакцию 29 апреля 2022 г.

В окончательной редакцию 29 апреля 2022 г. Принята к публикации 12 мая 2022 г.

> Приводятся результаты микромагнитного моделирования гиротропной моды автоколебаний намагниченности в перекрывающихся ферромагнитных дисках под действием спин-поляризованного тока. Показано, что обменное взаимодействие между дисками значительно увеличивает энергию связи магнитных вихрей и, как следствие, уменьшает расфазировку гирации коров вихрей в соседних дисках.

Ключевые слова: вихревой наноосциллятор, автоколебания, синхронизация, обменная связь.

DOI: 10.21883/FTT.2022.09.52828.39HH

1. Введение

Вихревые спин-трансферные наноосцилляторы (СТНО) на основе наноразмерных магнитных спиновых вентилей активно исследуются в последние десятилетия в связи с перспективой создания компактных генераторов электромагнитных колебаний [1]. В основе работы данных приборов лежит явление возникновения резонансных гиротропных автоколебаний магнитного вихря в ферромагнитном диске под действием поляризованного по спину электрического тока [2-4]. Этот резонанс имеет малую ширину линии и лежит в мегагерцовом диапазоне частот. Использование такого вихревого осциллятора в генераторах на основе многослойных туннельных контактов с барьером MgO позволяет генерировать микроволновые колебания достаточно большой мощности [5,6].

В настоящее время основные исследования в данной области направлены как на увеличение генерируемой мощности отдельного СТНО, так и на решение проблемы синхронизации больших массивов СТНО, с целью увеличения суммарной генерируемой мощности. Для синхронизации СТНО используют как магнитостатическое [7,8], так и обменное [9–11] взаимодействия между отдельными осцилляторами. На наш взгляд, наиболее перспективным подходом к решению проблемы увеличения генерируемой мощности является внутренняя синхронизация массива СТНО на основе обменного взаимодействия отдельных генераторов.

В настоящей работе методами микромагнитного моделирования исследована фазовая синхронизация двух взаимодействующих вихревых наноосцилляторов, возбуждаемых спин-поляризованным током.

2. Микромагнитное моделирование

Моделирование вынужденных колебаний намагниченности под действием спин-поляризованного тока проводилось посредством численного интегрирования уравнения Ландау–Лифшица–Гильберта для магнитного момента с учетом переноса спина

$$\frac{\partial \mathbf{M}}{\partial t} = -|\gamma| \left[\mathbf{M} \times \mathbf{H}_{eff} \right] + \mathbf{T}_D + \mathbf{T}_s, \tag{1}$$

где **М** — намагниченность, γ — гиромагнитное отношение. Эффективное магнитное поле **H**_{eff} выражается следующим образом:

$$\mathbf{H}_{eff} = \mathbf{H}_{ex} + \mathbf{H}_{m},\tag{2}$$

где **H**_{ex} — обменное поле, **H**_m — дипольное магнитостатическое поле. Член, описывающий затухание прецессии

$$T_D = \frac{\alpha}{M_0} \left[\mathbf{M} \times \left[\mathbf{M} \times \mathbf{H}_{eff} \right] \right], \tag{3}$$

где M_0 — намагниченность в насыщении, α — безразмерный параметр затухания. Член, описывающий эффект переноса спина [12]:

$$\mathbf{T}_{s} = \frac{\sigma_{0} j_{s}}{M_{0}} \big[\mathbf{M} \times [\mathbf{M} \times \mathbf{e}_{s}] \big], \tag{4}$$

где j_s — объемная плотность спин-поляризованного тока, протекающего через образец, \mathbf{e}_s — единичный вектор вдоль поляризации спинов, коэффициент σ_0 определяется материальными параметрами и геометрией образца

$$\sigma_0 \simeq \frac{g\mu_B}{2eM_0h},\tag{5}$$

где *g* — фактор Ланде, μ_B — магнетон Бора, *e* — заряд электрона, *h* — толщина образца.

Для решения уравнения (1) использовался симулятор MuMax3 (version 3.10, stable release) [13]. В качестве базового элемента для моделирования были выбраны круглые пермаллоевые диски радиусом r = 250 nm и толщиной h = 20 nm. В расчетах использовались следующие материальные параметры: намагниченность насыщения $M_s = 800$ kA/m, константа обменного взаимодействия $J = 1.3 \cdot 10^{-11}$ J/m, параметр затухания $\alpha = 0.01$, константа анизотропии K = 0. Моделирование проводилось на сетке $256 \times 128 \times 1$ и размер одной ячейки составлял $4.2 \times 4.2 \times 20$ nm, что меньше обменной длины для заданных материальных параметров $l_{ex} \approx 5.7$ nm. Исследуемые нами распределения намагниченности однородны по толщине всей частицы и поэтому допустимо использовать ячейку высотой в 20 nm.

3. Автоколебания магнитных вихрей в системе двух дисков

В магнитном вихре условно можно выделить две области. Центральная область вихря (кор) имеет намагниченность, направленную перпендикулярно плоскости ферромагнитного диска. Кор может иметь различную полярность $p = \pm 1$ в зависимости от направления намагниченности. Периферийная область вихря (оболочка) лежит в плоскости диска и может иметь различную завихренность $c = \pm 1$ (либо по часовой стрелки, либо против часовой стрелки). Самой низкочастотной модой колебаний намагниченности вихря является гиротропная мода. При этом кор вихря движется по круговой орбите вокруг положения равновесия с типичными частотами в диапазоне 0.1 - 1.0 GHz в зависимости от материальных и геометрических параметров диска.

Нами методами микромагнитного моделирования исследовались гиротропные автоколебания магнитных вихрей в системе перекрывающихся дисков. Рассматривалось состояние, в котором вихри имели одинаковую полярность коров и различные завихренности оболочек (рис. 1). Накачка системы производилась постоянным током, протекающим перпендикулярно плоскости дисков и поляризованным по спину вдоль оси Z. Исследовались зависимости резонансных характеристик системы от расстояния между центрами дисков. В качестве параметра, характеризующего расстояние между дисками, выбиралась величина перекрытия

$$\Delta = \frac{2r - d}{2r} \times 100\%,\tag{6}$$

где *d* расстояние между центрами (рис. 1).

Когда диски находятся на больших расстояниях друг от друга ($\Delta < 0$) между вихрями осуществляется только магнитодипольное взаимодействие. В случае же, когда диски перекрываются ($\Delta > 0$) к магнитодипольному добавляется обменное взаимодействие. Мы моделировали перекрытия от — 10% до 28%. В зависимости от монотонности и крутизны рассчитываемой характеристики,



Рис. 1. (*a*) Система из двух перекрывающихся дисков. (*b*) Распределение намагниченности в двух дисках.

выбирался шаг 2% или 4%. Верхний предел обусловлен тем, что при переходе от двойного диска к двумерной решетки дисков, мы получим сплошную пленку при перекрытии 30%. Для демонстрации вклада обменной связи мы также моделировали перекрытие — 1%, что соответствует расстоянию между краями дисков 5 nm, т. е. больше размера одной ячейки. При перекрытии 0% уже обеспечивается гарантированная обменная связь как минимум через одну ячейку. По этой причине все расчетные зависимости могут иметь разрыв и немонотонность вблизи 0%.

При протекании однородного спин-поляризованного тока, в дисках возбуждаются незатухающие автоколебания, соответствующие гиротропному движению коров вихрей вокруг состояния равновесия. В этой моде колебаний коры обоих вихрей движутся в направлении против часовой стрелки. При этом наведенные магнитные моменты оболочек вихрей параллельны и вращаются синфазно [14,15]. С увеличением тока накачки увеличивается частота и установившийся радиус гирации. При критическом токе, когда радиус гирации также достигает критического значения, происходит изменение полярности кора одного из вихрей (или обоих вихрей) и генерация прекращается [16,17]. В численном эксперименте находились значения плотности тока *j*_{Start}, при которой реализовывались устойчивые автоколебания, и критической плотности тока *j*_{Stop}, при которой происходило прекращение колебаний. На рис. 2. приведены зависимости критических токов и для системы в зависимости от степени перекрытия между дисками. Как видно перекрытие дисков приводит к уменьшению токов *j*_{Start} и *j*_{Stop}.

Нами исследовалась эффективность синхронизации гиротропного движения коров вихрей в зависимости от расстояния между центрами дисков. Накачка системы



Рис. 2. Зависимости плотности токов начала генерации (квадраты) и прекращения генерации (ромбы) от степени перекрытия между дисками. Точка 10% является точкой максимума для кривой *j*_{Start}.

производилась однородным постоянным током, поляризованным по спину вдоль оси Z. Плотность тока накачки составляла $j_0 = 1.2 \cdot 10^{11} \text{ A/m}^2$. В начальный момент времени магнитные вихри в соседних дисках выводились из состояния равновесия посредством приложения локальных магнитных полей. К первому диску прикладывалось поле $H_1(10; 1; 0)$ Oe, ко второму поле $H_2(1; 10; 0)$ Oe. Этим устанавливалась начальная разность фаз гиротропного движения вихрей в соседних дисках. Затем включался спин-поляризованный ток и магнитные поля выключались. Осциллирующий наведенный магнитный момент в каждом диске характеризовался комплексной величиной

$$m_n = m_{nx} + i m_{ny}, \tag{7}$$

где индекс *n* принимает значение n = 1, 2. Для каждого набора параметров тока и расстояния регистрировалась установившаяся разность фаз наведенных магнитных моментов $\Delta \varphi_{12} = \operatorname{Arg}(m_1) - \operatorname{Arg}(m_2)$.

На рис. З приведена зависимость энергии связи вихрей от расстояния между дисками при однородной накачке током плотностью $j_0 = 1.2 \cdot 10^{11} \text{ A/m}^2$. Энергия связи определялась как амплитуда переменной составляющей полной магнитной энергии в перекрывающемся диске, из которой вычиталась удвоенная амплитуда переменной составляющей полной магнитной энергии в отдельно стоящем диске [9].

Как видно из рисунка, перекрытие дисков приводит к значительному увеличению энергии связи вихрей. Как следствие это приводит к уменьшению собственной частоты гиротропной моды колебаний и к уменьшению времени синхронизации. На рис. 4 приведены зависимости резонансной частоты гиротропной моды и времени синхронизации вихрей от расстояния между центрами дисков. Обе зависимости содержат разрыв в точке 0%, что связано с появлением обменного вклада в энергию связи вихрей. Видно, что при перекрытии дисков время синхронизации существенно сокращается и достигает минимума при $\Delta = 12\%$.



Рис. 3. Зависимость энергии взаимодействия от расстояния между центрами дисков. Энергия связи нормирована на энергию осцилляций одиночного диска.



Рис. 4. Зависимости резонансной частоты гиротропной моды и времени синхронизации колебаний вихрей от расстояния между центрами дисков. Обе зависимости имеют разрыв в точке 0%.



Рис. 5. Зависимости разности фаз между гиротропными колебаниями вихрей от разности токов накачки. Кривая для перекрытия $\Delta = -10\%$ обозначена ромбами, для перекрытия $\Delta = 10\%$ квадратами.

Практически важным вопросом является устойчивость фазовой синхронизации в такой системе в зависимости от разброса значений токов накачки в соседних дисках. С этой целью мы исследовали установившуюся разность фаз гирации вихрей при разных токах накачки в соседних дисках и при различных расстояниях между центрами дисков. Вначале выставлялись одинаковые токи в обоих дисках $j_0 = \frac{j_{stop}+j_{Start}}{2}$. Затем ток в одном диске уменьшался, а в другом одновременно нарастал на величину $j_{Step} = \frac{j_{stop}-j_{Start}}{10}$ на каждом шаге. Таким образом, токи в дисках на *n*-ом шаге

$$j_1 = j_0 - n j_{Step},$$

$$j_2 = j_0 + n j_{Step}.$$

На рис. 5 приведены зависимости величины разности фаз $\Delta \varphi$ от разности токов в соседних дисках для перекрытия $\Delta = -10\%$ и $\Delta = 10\%$. Крайние точки на графиках соответствуют случаю, когда в одном диске ток равен j_{Stop} , а в другом j_{Start} .

Из рисунка видно, что обменная связь при перекрытии дисков ($\Delta = 10\%$) приводит к уменьшению разности фаз гирации ко́ров в сравнении с дипольной связью ($\Delta = -10\%$).

4. Заключение

Таким образом, методами микромагнитного моделирования были исследованы автоколебания взаимодействующих магнитных вихрей в ферромагнитных дисках, вызванные действием спин-поляризованного тока. Показано, что уменьшение расстояния между центрами перекрывающихся дисков существенно увеличивает энергию взаимодействия вихрей и как следствие приводит к уменьшению резонансной частоты гиротропной моды колебаний и уменьшению времени синхронизации колебаний. Как показали расчеты, оптимальным является перекрытие дисков $\Delta = 12\%$, при котором реализуется минимальное время синхронизации колебаний. Вместе с тем показано, что обменная связь между вихрями приводит к значительному уменьшению разности фаз гирации ко́ров в сравнении с дипольной связью. Данный эффект может быть использован для синхронизации СТНО.

Благодарности

Авторы выражают благодарность Е.А. Караштину и Е.В. Скороходову за полезные обсуждения.

Финансирование работы

Работа выполняется при поддержке Российского научного фонда (проект № 21-12-00271).

Список литературы

- V. Pribiag, I. Krivorotov, G.Fuchs, P.M. Braganca, O. Ozatay, J.C. Sankey, D.C. Ralph, R.A. Buhrman. Nature Phys. 3, 498 (2007).
- [2] J. Slonczewski. J. Magn. Magn. Mater. 159, 1-2, L1 (1996).
- [3] L. Berger. Phys. Rev. B 54, 13, 9353 (1996).
- [4] T. Chen, R. K. Dumas, A. Eklund, P. K. Muduli, A. Houshang, A.A. Awad, P. Dürrenfeld, B. Gunnar Malm, A. Rusu, J. Åkerman. Proc. IEEE 104, 10, 1919 (2016).
- [5] R. Lehndorff, D.E. Bürgler, S. Gliga, R. Hertel, P. Grünberg, C.M. Schneider, Z. Celinski. Phys. Rev. B 80, 054412 (2009).
- [6] A. Dussaux, B. Georges, J. Grollier, V. Cros, A.V. Khvalkovskiy, A. Fukushima, M. Konoto, H. Kubota, K. Yakushiji, S. Yuasa, K.A. Zvezdin, K. Ando, A. Fert. Nature Commun. 1, 8 (2010).
- [7] F. Abreu Araujo, A.D. Belanovsky, P.N. Skirdkov, K.A. Zvezdin, A.K. Zvezdin, N. Locatelli, R. Lebrun, J. Grollier, V. Cros, G. de Loubens, O. Klein. Phys. Rev. B 92, 045419 (2015).
- [8] N. Locatelli, A. Hamadeh, F. Abreu Araujo, A.D. Belanovsky, P.N. Skirdkov, R. Lebrun, V.V. Naletov, K.A. Zvezdin, M. Munoz, J. Grollier, O. Klein, V. Cros, G. de Loubens. Sci. Rep. 5, 17039 (2015).
- [9] S. Erokhin, D. Berkov. Phys. Rev. B 89, 144421 (2014).
- [10] A. Ruotolo, V. Cros, B. Georges, A. Dussaux, J. Grollier, C. Deranlot, R. Guillemet, K. Bouzehouane, S. Fusil, A. Fert. Nature Nanotechnol. 4, 528 (2009).
- [11] Q. Zhu, Q. Zheng, X. Liu, J. Wang, Q. Liu. J. Appl. Phys. 117, 173907 (2015).
- [12] A. Slavin, V. Tiberkevich. IEEE Transact. Magn. 45, 4, 1875 (2009).

- [13] A. Vansteenkiste, J. Leliaert, M. Dvornik, M. Helsen, F. Garcia-Sanchez, B. Van Waeyenberg. AIP Adv. 4, 107133 (2014).
- [14] S. Jain, H. Schultheiss, O. Heinonen, F.Y. Fradin, J.E. Pearson, S.D. Bader, V. Novosad. Phys. Rev. B 86, 214418 (2012).
- [15] V.L. Mironov, D.A. Tatarskiy, A.D. Efimov, A.A. Fraerman. IEEE Transact. Magn. 57, 10, 43009006 (2021).
- [16] D.D. Sheka, Yu. Gaididei, F.G. Mertens. Appl. Phys. Lett. 91, 082509 (2007).
- [17] K.Yu. Guslienko, K.-S. Lee, S.-K. Kim. Phys. Rev. Lett. 100, 027203 (2008).

Редактор Т.Н. Василевская