# 02,13

# Джозефсоновские туннельные переходы с интегральным СИН-шунтированием

© М.С. Шевченко<sup>1,2</sup>, Л.В. Филиппенко<sup>1</sup>, О.С. Киселев<sup>1,3</sup>, В.П. Кошелец<sup>1,3</sup>

 <sup>1</sup> Институт радиотехники и электроники им. В.А. Котельникова РАН, Москва, Россия
<sup>2</sup> Московский физико-технический институт, Долгопрудный, Россия
<sup>3</sup> Институт физики микроструктур РАН, Нижний Новгород, Россия

E-mail: shevchenko@hitech.cplire.ru

Поступила в Редакцию 29 апреля 2022 г. В окончательной редакции 29 апреля 2022 г. Принята к публикации 12 мая 2022 г.

> Посвящена исследованию туннельных джозефсоновских переходов сверхпроводник-изолятор-сверхпроводник (СИС) с новым типом шунтирования, основанном на использовании дополнительного перехода сверхпроводник-изолятор-нормальный металл (СИН), расположенного вокруг СИС-перехода. В ходе исследования были проведены численные расчеты параметров таких шунтированных переходов и выполнено моделирование их вольтамперных характеристик (ВАХ). Спроектированные образцы были изготовлены, проведены исследования их параметров; измерены ВАХи переходов с различной степенью шунтирования, исследовано поведение переходов под воздействием высокочастотных сигналов в суб-THz-диапазоне.

> **Ключевые слова:** сверхпроводниковые устройства, туннельный переход сверхпроводник–изоляторсверхпроводник, эффект Джозефсона, шунтирование джозефсоновского перехода.

DOI: 10.21883/FTT.2022.09.52809.38HH

## 1. Введение

Шунтированные джозефсоновские переходы необходимы для создания генераторов и приемников излучения ТНz- и суб-ТНz-диапазона, сверхпроводниковых квантовых интерферометров (СКВИДов), одноквантовых цифровых устройств. Шунтирование обеспечивает получение безгистерезисной вольтамперной характеристики при сохранении достаточно высокого характерного напряжения (и, соответственно, характерной частоты) [1]. Обычно в качестве шунта используются тонкопленочные резисторы [2,3], но данный способ имеет недостатки (большой размер структуры, высокая паразитная индуктивность, что снижает рабочую частоту устройств) [4]. Для устранения этих недостатков и был предложен новый тип шунтирования, заключающийся в изготовлении туннельных СИС-переходов с интегральным шунтированием СИН-переходом, распложенным вокруг основного перехода и изготовленным с ним в одном технологическом процессе (рис. 1). Внутренний радиус СИН-перехода определяется радиусом СИС-перехода, внешний — выбирается с учетом необходимого сопротивления. Более подробное описание технологии изготовления и первые результаты содержатся в [5].

Новый способ шунтирования СИН-переходом позволяет значительно снизить общий размер топологии и, следовательно, уменьшить паразитную индуктивность шунта, что положительно сказывается на его работе в высокочастотном диапазоне. Известны другие способы внутреннего шунтирования, которые тоже позволяют уменьшить размеры структуры. Существует способ шунтирования за счет изготовления переходов с очень высокой плотностью тока [2], но при таком способе необходимо изготавливать переходы маленького размера (площади переходов менее  $0.1\,\mu\text{m}^2$ ) и с очень тонкой прослойкой изолятора (порядка нескольких атомных слоев), такой процесс является сложно контролируемым. Другой способ заключается в изготовлении джозефсоновского перехода со слоем проводящего вещества, например,  $Nb_{1-\nu}Ti_{\nu}N/Ta_{\nu}N/Nb_{1-\nu}Ti_{\nu}N$  [6]. Недостаток такого способа шунтирования заключается в слабой воспроизводимости требуемых параметров. Проведенные исследования [7] свидетельствуют о том, что даже у образцов, изготовленных на одной подложке сильно варьируются критические токи Іс и нормальные сопротивления  $R_n$  из-за нарушения стехиометрии.

Таким образом, предложенный нами способ интегрального СИН-шунтирования имеет ряд достоинств по сравнению со своими аналогами. Настоящая работа посвящена изучению характеристик таких переходов.

## 2. Моделирование

Для определения геометрических параметров переходов с высоким характерным напряжением  $V_c = I_c R$  $(I_c - критический ток джозефсоновского перехода,$ <math>R - суммарное сопротивление шунта и перехода



**Рис. 1.** *а* — схема интегрального шунтирования СИН-переходом; *b* — схема в разрезе.



Рис. 2. Расчеты параметров переходов с СИН-шунтированием в зависимости от внешнего радиуса шунта и для площадей СИС-перехода 1.4 и  $2.8 \,\mu\text{m}^2$ . a — характерное напряжение  $V_c$ ; b — параметр гистерезисности  $\beta_c$  и c — суммарное напряжение шунта и перехода  $R_{\text{jtotal}}$  ниже энергетической щели для удельного туннельного сопротивления  $\text{RnS} = 35 \,\Omega * \mu\text{m}^2$ ;  $d - \beta_c$  и  $e - R_{\text{jtotal}}$  для  $\text{RnS} = 7 \,\Omega * \mu\text{m}^2$ .



**Рис. 3.** Численный расчет квазичастичной ветви ВАХ СИС-перехода Nb-Al/AlOx-Nb, шунтированного СИН-переходом. T = 4.2 К. На вставке ВАХ СИН-перехода Al-AlOx-Nb, с помощью которого осуществляется шунтирование. Радиус СИС-перехода  $r_1 = 0.95 \,\mu$ m; внешний радиус шунта  $r_2 = 2 \,\mu$ m; удельное туннельное сопротивление RnS =  $30 \,\Omega * \mu m^2$ ; расчетные параметры переходов с такими размерами и RnS:  $V_c = 1300 \,\mu$ V и  $\beta_c = 30$ . Пунктир — расчетное значения критического тока на прямой ветви.

при напряжениях ниже энергетической щели) и однозначной ВАХ (в этом случае параметр Мак-Камбера  $\beta_c = (2\pi/\Phi_o)I_cR^2C \lesssim 1$  [1,8], где  $\Phi_o$  — квант магнитного потока, C — емкость перехода) были проведены численные расчеты (рис. 2). Радиус СИН шунта варьировался от 1.5 до 4  $\mu$ m.

Из рис. 2 видно, что для достижения большего характерного напряжения при меньших  $\beta_c$  требуется изготавливать переходы с высокой плотностью тока (маленьким удельным туннельным сопротивлением RnS).

В рамках численного моделирования также был произведен расчет ВАХ перехода с интегральным СИН шунтированием (рис. 3), с использованием выражения для аналитической ВАХи СИН-перехода [9]. Разработанные численные модели позволяют определять, какие параметры будут у переходов с заданной плотностью тока, геометрическими размерами СИС-перехода и шунта; а также определять нужные параметры для получения переходов с необходимыми свойствами.

# 3. Экспериментальные исследования

Спроектированные образцы были изготовлены и исследованы. На рис. 4 приведены экспериментальные ВАХи образцов с интегральным СИН-шунтированием для различных внешних радиусов шунта. Видно, что предложенный дизайн шунта действительно работает.

Было также проведено исследование характеристик шунтированных структур при воздействии на них переменного сигнала. В качестве генератора использовался распределенный джозефсоновский переход (РДП) [10,11], работающий в диапазоне 300–700 GHz; он располагался на той же подложке, что и шунтированная структура. На рис. 5 показаны ВАХи шунтированного перехода без воздействия сигнала и при воздействии сигналов частотой 330, 400 и 460 GHz (на напряжениях  $V_n = n\hbar\omega/2e$  наблюдаются соответствующие ступени Шапиро, обусловленные синхронизацией джозефсоновской генерации внешним сигналом), из чего можно сделать вывод, что новый вид шунтирования работает и на высоких частотах.

На рис. 6, a показаны ВАХи перехода с интегральным СИН-шунтированием при различной мощности сигнала на частоте 410 GHz. ВАХи были измерены для получения зависимостей удвоенной амплитуды критического тока, амплитуды 1-ой и 2-ой ступеней Шапиро, и оценки величины  $V_c$  по высокочастотным измерениям. Амплитуда ступени с номером n при условии, что



**Рис. 4.** Экспериментальные ВАХи переходов с интегральным СИН-шунтированием, измеренные в режиме задания напряжения. Площадь СИС-перехода  $S = 1.4 \,\mu\text{m}^2$ . Внешний радиус шунта варьируется от  $1.5 \,\mu\text{m}$  до  $3.5 \,\mu\text{m}$ .



**Рис. 5.** ВАХи переходов с интегральным СИН-шунтированием без воздействия сигнала и при воздействии сигналов частотой 330, 400 и 460 GHz. На напряжениях  $V_n = n\hbar\omega/2e$  наблюдаются ступени Шапиро.



**Рис. 6.** a — ВАХи перехода с СИН-шунтированием под воздействием сигнала РДП различной мощности на частоте 410 GHz; b — удвоенная амплитуда критического тока  $I_c$ ; c — амплитуда первой I1 и d — второй I2 ступеней Шапиро в зависимости от амплитуды тока высокочастотного сигнала  $I_{\omega}$  в относительных единицах. Точки — экспериментальные данные; зависимости для резистивной модели, согласованные с экспериментом при  $I_{\omega} = 0$ , показаны сплошными линиями; те же зависимости, согласованные с экспериментом при  $I_{\omega} = 4$ , представлены пунктирными линиями.

частота внешнего периодического сигнала  $\omega$  меньше или равна характерной частоте перехода  $\omega_c = 2eV_c/\hbar$ , задается формулой  $I_n^{\pm} = I_c J_n (I_\omega/I_c)$  [1], где  $J_n$  — функция Бесселя первого рода, порядка n, а  $I_\omega$  — амплитуда внешнего сигнала.

Были проведены измерения амплитуды первых ступеней для разных частот, в зависимости от мощности генератора, которая варьировалась за счет изменения тока РДП при постоянном напряжении (частоте) [10]. На рис. 6, b, c, d показаны зависимости удвоенного критического тока и амплитуды первых двух ступеней тока от амплитуды тока сигнала  $I_{\omega}$  на частоте 410 GHz, которая в первом приближении пропорциональна корню из величины сверхпроводящего тока РДП при напряжении 1 mV [11].

Сплошными линиями и пунктиром показаны зависимости, построенные на основе резистивной модели переходов с малым затуханием [1,12] — функции Бесселя соответствующего порядка. Данные зависимости позволяют оценить характерное напряжение шунтированного перехода  $V_c^{RF}$  по высокой частоте [1]; хорошее совпадение осцилляций с немодифицированной функцией Бесселя на частоте 410 GHz позволяет утверждать, что величина  $V_c^{RF}$  порядка 0.8 mV.

Были проведены измерения ВАХ шунтированных переходов при различных температурах в диапазоне от 4.2 до 8 К (рис. 7).

По результатам этих измерений были построены зависимости критического тока  $I_c$  и тока возврата  $I_r$  в зависимости от значения напряжения энергетической щели  $V_g$  (рис. 8, *a*). Из значения  $V_g$  была оценена температура [13,14], результаты представлены на рис. 8, *b*.

Из рис. 8 видно, что, как и предсказывалось в [1], при уменьшении критического тока, и, соответственно



**Рис. 7.** ВАХи перехода с СИН-шунтированием при различных температурах в диапазоне от 4.2 К до 8 К. Площадь перехода  $S = 1.4 \,\mu m^2$ ; внешний радиус СИН-перехода  $r = 1.5 \,\mu m$ .



**Рис. 8.** a — зависимость критического тока  $I_c$  и тока возврата  $I_r$  от напряжения энергетической щели  $V_g$ ; b — зависимость критического тока  $I_c$  и тока возврата  $I_r$  от температуры (оценка из значения  $V_g$ ).  $T_c = 9.2$  K.

параметра  $\beta_c = (2\pi/\Phi_o)I_cR^2C$  отношение  $I_r/I_c$  стремится к 1, т.е. ВАХ перехода становится однозначной. Результаты, представленные на рис. 8, *b* соответствуют расчетам, проведенным в [13] в рамках микроскопической теории сверхпроводимости с учетом эффекта близости объемного сверхпроводника и тонкой пленки нормального металла для структур SNINS (сверхпроводник-нормальный металл–изолятор–нормальный металл–сверхпроводник).

# 4. Заключение

Был разработан дизайн переходов с новым интегральным шунтированием СИН переходом. Было проведено численное моделирование и рассчитаны параметры таких переходов — суммарное сопротивление шунта и СИС-перехода, характерное напряжение, параметр гистерезисности Мак-Камбера. Образцы были изготовлены, исследованы их ВАХи, а также поведение под воздействие высокочастотного сигнала. По результатам исследований можно сделать вывод о том, что предложенный способ шунтирования действительно функционирует, в том числе и на высоких частотах. Характерное напряжение по высокочастотным измерениям можно оценить снизу значением 0.8 mV (частота 400 GHz). Также были проведены температурные измерения, которые показали, как меняется критический ток перехода, и соответственно, характерное напряжение в зависимости от энергетической щели (температуры).

#### Финансирование работы

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского научного фонда (проект № 20-42-04415). Туннельные переходы были изготовлены в ИРЭ им. В.А. Котельникова РАН в рамках государственного задания. Для изготовления образцов было использовано оборудование УНУ № 352529 "Криоинтеграл", развитие которой поддержано грантом МНВО РФ, соглашение № 075-15-2021-667.

### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

# Список литературы

- [1] К.К. Лихарев. Введение в динамику джозефсоновских переходов. Наука, М. (1985). 320 с.
- [2] S.K. Tolpygo, V. Bolkhovsky, S. Zarr, T.J. Weir, A. Wynn, A.L. Day, L.M. Johnson, M.A. Goukerio. IEEE Transact. Appl. Supercond. 27, 4, 1 (2017).
- [3] Tiantian Liang, Guofeng Zhang, Wentao Wu, Yongliang Wang, Lu Zhang, Hua Jin, Xue Zhang, Liliang Ying, Bo Gao. IEEE Transact. Appl. Supercond. 30, 7, 1 (2020).
- [4] C.B. Whan, C.J. Lobb. J. Appl. Phys. 77, 1, 382 (1995).

- [5] M.S. Shevchenko, A.A. Atepalikhin, F.V. Khan, L.V. Filippenko, A.M. Chekushkin, V.P. Koshelets. IEEE Transact. Appl. Supercond. **32**, *4*, 1 (2021).
- [6] T. Van Duzer, L. Zheng, X. Meng, C. Loyo, S.R. Whiteley, L. Yu, N. Newman, J.M. Rowel, N. Yoshikawa. Physica C 372, 1 (2002).
- [7] Lei Yu, Raghuram Gandikota, Rakesh K. Singh, Lin Gu, David J. Smith, Xiaofan Meng, Xianghui Zeng. Supercond. Sci. Technol. 19, 8, 719 (2006).
- [8] D.E. McCumber. J. Appl. Phys. 39, 3113 (1968).
- [9] D. Chouvaev. Normal metal hot-electron microbolometer with super-conducting Andreev mirrors. Chalmers University of Technology (2001).
- [10] P.N. Dmitriev, L.V. Filippenko, V.P. Koshelets. Josephson Junctions. Jenny Stanford Publishing (2017). P. 185–244.
- [11] D.R. Gulevich, V.P. Koshelets, F.V. Kusmartsev. Phys. Rev. B 96, 2, 024515 (2017).
- [12] K.K. Likharev. Rev. Mod. Phys. 51, 1, 101 (1979).
- [13] А.А. Голубов, М.Ю. Куприянов. ЖЭТФ 96, 1420 (1989).
- [14] A.A. Golubov, E.P. Houwman, J.G. Gijsbertsen, V.M. Krasnov, J. Flokstra, H. Rogalla, M.Y. Kupriyanov. Phys. Rev. B, 51, 2, 1073 (1995).

Редактор Т.Н. Василевская