# Эффективная масса, подвижность носителей заряда и решеточная теплопроводность в нанокомпозитных термоэлектриках на основе халькогенидов висмута и сурьмы

© Л.Н. Лукьянова, А.А. Шабалдин, А.Ю. Самунин, О.А. Усов

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия E-mail: lidia.lukyanova@mail.ioffe.ru

Поступила в Редакцию 12 августа 2021 г. В окончательной редакции 28 августа 2021 г. Принята к публикации 28 августа 2021 г.

В термоэлектриках *p*-типа на основе халькогенидов висмута и сурьмы с избытком висмута эффективная масса плотности состояний  $m/m_0$  возрастает в нанокомпозитном и наноструктурированном твердых растворах по сравнению с базовым материалом, полученным методом направленной кристаллизации. Показано, что увеличение  $m/m_0$  связано с ростом эффективного параметра рассеяния  $r_{\rm eff}$  и усилением зависимости времени релаксации от энергии, что характерно для топологических изоляторов. Параметр материала  $\beta$ , пропорциональный термоэлектрической эффективности *ZT*, при температурах ниже комнатной возрастает сильнее в наноструктурированном составе, чем в нанокомпозите с нановключениями SiO<sub>2</sub> вследствие роста  $m/m_0$  и уменьшения решеточной теплопроводности  $\kappa_L$ . При дальнейшем повышении температуры наибольший рост параметра  $\beta$  в базовом материале связан с более высокой подвижностью.

Ключевые слова: халькогениды висмута и сурьмы, наноструктурированные твердые растворы, нанокомпозит, эффективная масса.

DOI: 10.21883/FTP.2021.12.51693.09

#### 1. Введение

При разработке высокоэффективных объемных термоэлектрических материалов на основе теллурида висмута, относящихся к топологическим изоляторам, в настоящее время большое внимание уделяется наноструктурирированным и нанокомпозитным материалам. В работах [1–3] рассматривается возможность повышения термоэлектрической эффективности в топологических термоэлектрической эффективности в топологических термоэлектриках при более детальном подходе к наноструктурированию, поскольку в ТИ линейная дисперсия и связанная с ней непараболичность зонной структуры, вызванные сильным спин-орбитальным взаимодействием, приводят к увеличению энергетической зависимости спектрального распределения средних длин свободного пробега не только фононов, но и электронов.

Возможность повышения термоэлектрической эффективности в материалах на основе теллурида висмута за счет наноструктурирования объемной матрицы, в которую могут быть добавлены наночастицы металлов, полупроводников или нанокерамик в количестве нескольких весовых процентов от исходной матрицы, рассматривается в работах [4–7]. При такой методике формирования нанокомпозитных термоэлектриков происходит повышение коэффициента Зеебека, связанное с фильтрацией энергии электронов на вновь сформированных интерфейсах за счет добавления наночастиц [5,7,9]. Повышение коэффициента Зеебека за счет изменения спектрального распределения длин свободного пробега электронов, когда размеры наноструктурированных зерен и включений становятся сравнимыми с длиной свободного пробега электронов, обеспечивает увеличение параметра мощности, компенсируя снижение электропроводности в композитном термоэлектрике.

Однако основное влияние на повышение термоэлектрической эффективности, как правило, происходит за счет снижения решеточной теплопроводности, которое связано с усиленным рассеянием фононов на новых интерфейсах, а именно на границах нанокристаллических зерен и нановключений, а также при рассеянии фононов на дефектах. Наибольшее снижение решеточной теплопроводности наблюдается, когда длина свободного пробега сопоставима с размерами нанокристаллических зерен. Дополнительное снижение полной теплопроводности связано с уменьшением электронной части теплопроводности вследствие снижения электропроводности. Кроме того, снижение электронной теплопроводности и увеличение коэффициента Зеебека может происходить за счет уменьшения влияния биполярной диффузии, как показали теоретические расчеты при анализе транспортных свойств с использованием квантовомеханических неравновесных функций Грина, проведенные в работе [10].

Настоящая работа посвящена исследованию температурных зависимостей эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$ , подвижности носителей заряда  $\mu_0$ , решеточной  $\kappa_L$  и электронной теплопроводности  $\kappa_e$  в твердых растворах  $\operatorname{Bi}_{2-x+a}\operatorname{Sb}_x\operatorname{Te}_{3-b}$  (*а* и *b* определяют отклонение от стехиометриии), полученных горячим прессованием нанопорошков. Рассматривается также влияние наноструктурирования и включения микрочастиц SiO<sub>2</sub> в наноструктурированную матрицу на параметр материала  $\beta$ , пропорциональный термоэлектрической эффективности.

### 2. Эффективный параметр рассеяния

Эффективная масса  $m/m_0$ , подвижность  $\mu_0$ , решеточная  $\kappa_L$  и электронная теплопроводность  $\kappa_e$  в наноструктурированных и нанокомпозитных твердых растворах Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub> были определены из анализа термоэлектрических свойств [11] для интервала температур 80–500 К. Расчеты выполнены для эффективного параметра рассеяния  $r_{\rm eff}$  в модели энергетического спектра с изотропным рассеянием носителей заряда по методике, применявшейся для объемных и пленочных термоэлектриков на основе Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub> в работе [12].

Эффективный параметр рассеяния  $r_{\rm eff}$  и приведенный уровень Ферми  $\eta$  определяли из решения системы уравнений для коэффициента Зеебека  $S(r_{\rm eff}, \eta)$  и параметра вырождения  $\beta_d(r_{\rm eff}, \eta)$  методом наименьших квадратов (рис. 1). Выражения для S и  $\beta_d$  определяли через функции Ферми  $F_{r+n}(\eta)$ . В методике определения параметра вырождения  $\beta_d$  используются данные по гальваномагнитным эффектам, обработанным в многодолинной модели энергетического спектра [12].

Исследования показали, что параметр рассеяния  $|r_{\text{eff}}|$ в выражении энергетической зависимости времени релаксации  $\tau = \tau_0 E^r$ , где параметр  $r = r_{\text{eff}}$  и  $\tau_0$  не зависит от энергии, и  $r_{\text{eff}}$  увеличивается в нанострурированном, особенно в нанокомпозитном материале (рис. 1) по сравнению с базовым твердым раствором. Функции Ферми  $F_{r+n}(\eta)$ , где индекс n = 0.5, 1.5, 2.5, приведенные на (рис. 2), рассчитывали для соответствующих значений  $r_{\text{eff}}$  (рис. 1).



**Рис. 1.** Эффективный параметр рассеяния  $r_{\text{eff}}$  в зависимости от приведенного уровня Ферми  $\eta$  в базовом (1), наноструктурированном (2) и нанокомпозитном (3) твердом растворе Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub>.

Физика и техника полупроводников, 2021, том 55, вып. 12



**Рис. 2.** Функции Ферми  $F_{r+n}(\eta)$ , где *п*: 1 - 2.5, 2 - 0.5, 3 - 1.5. 4, 7, 10 - 6азовый, 5, 8, 11 -наноструктурированный и 6, 9, 12 -нанокомпозитный твердый раствор  $Bi_{0.45}Sb_{1.55}Te_{2.985}$ .

Рост эффективного параметра рассеяния определяет более резкую энергетическую зависимость времени релаксации в исследуемых твердых растворах и является одной из причин эффекта фильтрации носителей заряда при более широком энергетическом спектре электронов, чем фононов в топологических изоляторах, что приводит к росту коэффициента Зеебека [13–16].

#### 3. Эффективная масса и подвижность

Эффективная масса плотности состояний  $m/m_0$  возрастает в наноструктурированном и нанокомпозитном материалах по сравнению с базовым твердым раствором во всем исследованном температурном интервале (рис. 3). Наибольшее увеличение  $m/m_0$  наблюдалось в нанокомпозите, в котором величина  $r_{\rm eff}$  возрастает, что приводит к усилению зависимости времени релаксации от энергии (рис. 1, 3, кривые 1). Положение максимума на температурной зависимости  $m/m_0(T)$  в нанокомпозите вблизи комнатной температуры и смещается к более высоким температурам: до 320 К в наноструктурированном составе и до 360 К в базовом твердом растворе (рис. 3). При дальнейшем росте температуры эффективная масса снижается для всех образцов.

Наиболее высокая подвижность  $\mu_0$  была получена в базовом твердом растворе. В наноструктурированном составе, особенно в нанокомпозите, величины  $\mu_0$  снижались, а наклоны температурных зависимостей  $\mu_0(T)$ ослабевали (рис. 3, кривые 4-6). Такое снижение подвижности  $\mu_0$  в наноструктурированном и нанокомпозитном материалах связано с рассеянием на объемных примесных дефектах и вследствие увеличения рассеивающих центров за счет границ зерен, а в нанокомпозитном материале с дополнительным расссеянием на границах нановключений. Возможность повышения подвижности связана с коррекцией технологии формирования исследуемых термоэлектриков для получения



1126

**Рис. 3.** Температурные зависимости эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$  (1-3) и подвижности носителей заряда  $\mu_0$  (4-6) в нанокомпозите (1, 4), наноструктурированном (2, 5) и базовом (3, 6) твердом растворе Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub>.

нанозерен и нановключений оптимальных размеров. По оценкам, проведенным в [17], наноструктурирование в ТИ становится наиболее эффективным при размерах зерен в несколько десятков нанометров.

# Решеточная и электронная теплопроводность. Параметр материала

Температурные зависимости теплопроводности кристаллической решетки  $\kappa_L$  и электронной теплопроводности  $\kappa_e$  (рис. 4) были определены с учетом  $r_{\text{eff}}$  при расчете числа Лоренца  $L(r_{\text{eff}}, \eta)$  с помощью функций Ферми  $F_{r+n}(\eta)$ , (рис. 2).

Как следует из рис. 4, кривые 1-3, начиная от температур вблизи комнатной и при более высоких температурах, значительно возрастает влияние биполярной диффузии. Поэтому для указанных температур представленные величины на рис. 4 (кривые 1-3) соответствуют сумме  $\kappa_{\rm L} + \kappa_{pn}$ , где  $\kappa_{pn}$  — вклад в теплопроводность биполярной диффузии.

По сравнению с исходным термоэлектриком величины  $\kappa_L$  и  $\kappa_e$  становятся значительно меньше в наноструктурированном и нанокомпозитном твердых растворах (рис. 4, кривые 5, 6). Такое снижение теплопроводности кристаллической решетки  $\kappa_L$  в твердых растворах Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub> связано с интенсивным рассеянием фононов на межфазных и межкристаллитных границах и наноключениях в нанокомпозите.

Уменьшение электронной теплопроводности  $\kappa_e$  связано со снижением электропроводности и подвижности (рис. 3, 4, кривые 4-6). Большее снижение  $\kappa_e$  и подвижности  $\mu_0$  наблюдалось в нанокомпозитном твердом растворе (рис. 3, 4, кривые 6) в низкотемпературном интервале вплоть до комнатной температуры.

Температурные зависимости  $m/m_0$ ,  $\mu_0$  и  $\kappa_L$  (рис. 3,4) позволяют определить параметр  $\beta \propto ZT$  (рис. 5):

$$\beta = \frac{2(2\pi)^{3/2}}{h^3 e} k_0^{7/2} \left(\frac{m}{m_0}\right)^{3/2} \mu_0 T^{5/2} \kappa_{\rm L}^{-1}.$$
 (1)

При температурах T < 300 К параметр  $\beta$  выше в наноструктурированном твердом растворе (рис. 5, кривая I) за счет роста эффективной массы  $m/m_0$  и снижения решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  (рис. 3, 4, кривые 2), чем в нанокомпозите и базовом материале (рис. 3, 4, кривые I, 3). При дальнейшем повышении температуры наибольший рост параметра  $\beta$  наблюдается в базовом твердом растворе вследствие более высокой подвижности и небольшого снижения величины  $\kappa_L + \kappa_e$  при T > 450 К (рис. 3, 4, кривые I). В отличие от низкотемпературной области небольшое увеличение  $\beta$  получено при температурах выше комнатной в нанокомпозитном твердом растворе по сравнению с наноструктурированным составом, что связано с ростом эффективной массы  $m/m_0$ , который компенсирует



**Рис. 4.** Температурные зависимости теплопроводности кристаллической решетки  $\kappa_L$  (1-3) и электронной теплопроводности  $\kappa_e$  (4-6) в нанокомпозите (1, 4), наноструктурированном (2, 5) и базовом (3, 6) твердом растворе Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub>.



**Рис. 5.** Температурные зависимости параметра  $\beta$  в нанокомпозите (1), наноструктурированном (2) и базовом (3) твердом растворе Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub>.

Физика и техника полупроводников, 2021, том 55, вып. 12

увеличение  $\kappa_{\rm L} + \kappa_e$  в нанокомпозите (рис. 3, 4, кривые 2, 3). Характер поведения параметра  $\beta$  согласуется с величинами ZT, полученными в твердом растворе Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub> [11]. В наноструктурированном твердом растворе увеличение  $\langle ZT \rangle$  достигает 60% в интервале температур 80–320 К, а при температурах выше комнатной термоэлектрическая эффективность возрастает в базовом материале, полученном методом направленной кристаллизации и ZT<sub>max</sub>  $\approx$  1 при 390 К.

#### 5. Заключение

В результате проведенных исследований в твердых растворах  $Bi_{0.45}Sb_{1.55}Te_{2.985}$  были определены эффективная масса плотности состояний  $m/m_0$ , подвижность  $\mu_0$ , решеточная  $\kappa_L$  и электронная теплопроводность  $\kappa_e$  для эффективного параметра рассеяния  $r_{eff}$ , определяющего энергетическую зависимость времени релаксации. Показано, что с ростом  $r_{eff}$  зависимость времени релаксации от энергии усиливается в нанокомпозитном и нанострурированном материале по сравнению с базовым твердым раствором.

Рост эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$  в области температур ниже комнатной в термоэлектрике Bi<sub>0.45</sub>Sb<sub>1.55</sub>Te<sub>2.985</sub> вместе со снижением теплопроводности кристаллической решетк к<sub>L</sub> приводит к большему увеличению параметра  $\beta \propto ZT$  в наноструктурированном материале, чем в нанокомпозите, в котором наблюдается дополнительное снижение подвижности при рассеянии носителей заряда на дефектах, образованных включениями SiO<sub>2</sub>. При температурах выше комнатной в интервале 300-500 К небольшое увеличение параметра  $\beta$  получено в нанокомпозитном твердом растворе по сравнению с наноструктурированным составом вследствие роста эффективной массы *m*/*m*<sub>0</sub>. Однако при высоких температурах наибольший рост параметра  $\beta$ , связанный с более высокой подвижностью, наблюдается в базовом материале.

#### Финансирование работы

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант № 20-08-00464).

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- T.-H. Liu, J. Zhou, M. Li, Z. Ding, Q. Song, B. Liao, L. Fu, G. Chen. Proc. Natl. Acad. Sci. USA, 115, 879-885 (2018).
- [2] N. Xu, Y. Xu, J. Zhu. npj Quant. Mater., 2, 51 (2017)
- [3] J.P. Heremans, V. Jovovic, E.S. Toberer, A. Saramat, K. Kurosaki, A. Charoenphakdee, S. Yamanaka, G.J. Snyder. Science, **321**, 554 (2008).

- [4] W. Xie, J. He, H.J. Kang, X. Tang, S. Zhu, M. Laver, S. Wang, J.R.D. Copley, C.M. Brown, Q. Zhang, T.M. Tritt. Nano Lett., 10, 3283 (2010).
- [5] B. Madavali, H.S. Kim, K.H. Lee, S.J. Hong. J. Appl. Phys., 121, 225104 (2017).
- [6] L.Q. Tan, J.F. Li, D.W. Liu, F. Li, Z.Y. Li, M. Zou, K. Wang. Adv. Funct. Mater., 23, 4317 (2013).
- [7] Y.C. Dou, X.Y. Qin, D. Li, L.L. Li, T.H. Zou, Q.Q. Wang. J. Appl. Phys., **114**, 044906 (2013).
- [8] S. Seo, K. Lee, Y. Jeong, M.-W. Oh, B. Yoo. J. Phys. Chem. C, 119, 18038 (2015).
- [9] T. Zou, X. Qin, Y. Zhang, X. Li, Z. Zeng, D. Li, J. Zhang, H. Xin, W. Xie, A. Weidenkaff. Sci. Rep., 5, 17803 (2015).
- [10] S. Foster, N. Neophytou. Comp. Mater. Sci., 164, 91 (2019)
- [11] А.А. Шабалдин, П.П. Константинов, Д.А. Курдюков, Л.Н. Лукьянова, А.Ю. Самунин, Е.Ю. Стовпяга, А.Т. Бурков. ФТП, 53, 6, 751 (2019).
- [12] L.N. Lukyanova, Yu.A. Boikov, Danilov, O.A. Usov, M.P. Volkov, V.A. Kutasov. Semicond. Sci. Technol., 30, 015011 (2015).
- [13] G. Jiang, J. Yi, L. Miao, P. Tang, H. Huang, C. Zhao, S. Wen. Sci. Rep., 8, 2355 (2018).
- [14] R.V. Gorbachev, A.K. Geim, M.I. Katsnelson, K.S. Novoselov, T. Tudorovskiy, I.V. Grigorieva, A.H. MacDonald, S.V. Morozov, K. Watanabe, T. Taniguchi, L.A. Ponomarenko. Nature Physics, 8, 896 (2012).
- [15] D. Baldomir, D. Failde. Sci. Rep., 9, 6324 (2019).
- [16] M.K. Jacobsen, R.S. Kumar, A.L. Cornelius, S.V. Sinogeiken, M.F. Nico. J. Phys.: Conf. Ser., 73 (9), 1154 (2012).
- [17] A.J. Minnich, M.S. Dresselhaus, Z.F. Ren, G. Chen. Energy Environ. Sci., 2, 466 (2009).

## Effective mass, charge carrier mobility, and lattice thermal conductivity in nanocomposite thermoelectrics based on bismuth and antimony chalcogenides

L.N. Lukyanova, A.A. Shabaldin, A.Yu. Samunun, O.A. Usov

loffe Institute, 194021 St. Petersburg, Russia

**Abstract** In the *p*-type thermoelectrics based on bismuth chalcogenides and antimony with an excess bismuth, the density of states effective mass  $m/m_0$  increases in nanocomposite and nanostructured solid solutions compared with the base material obtained by the direct crystallization method. It is shown that an increase in  $m/m_0$  is associated with an increase in the effective scattering parameter  $r_{\text{eff}}$  and amplifying the relaxation time of energy, which is typical for topological insulators. The material parameter  $\beta$ , proportional to the thermoelectric efficiency of ZT, at temperatures below room increases stronger in nanostructured composition than in a nanocomposite with the inclusions of SiO<sub>2</sub> due to the growth of  $m/m_0$  and decrease the lattice thermal conductivity  $\kappa_{\rm L}$ . At high temperatures in the range of 300-500 to the greatest growth of the parameter  $\beta$  in the base material associated with higher mobility.