## 01.1;06.1;11.2

## Метод моделирования диэлектрической проницаемости анизотропного иерархически построенного нанокомпозита с периодической структурой

© С.А. Корчагин<sup>1</sup>, Д.В. Терин<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Финансовый университет при Правительстве РФ, Москва, Россия

<sup>2</sup> Саратовский национальный исследовательский государственный университет им. Н.Г. Чернышевского, Саратов, Россия E-mail: SAKorchagin@fa.ru

Поступило в Редакцию 12 апреля 2021 г. В окончательной редакции 12 апреля 2021 г. Принято к публикации 5 мая 2021 г.

> Предложен метод моделирования комплексной диэлектрической проницаемости анизотропного иерархически построенного нанокомпозита с периодической структурой, основанный на комплексном применении квантово-механических расчетов, модели эффективной среды и эквивалентных схем замещения. Исследована диэлектрическая проницаемость нанокомпозита TiO<sub>2</sub>-Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> при воздействии внешнего высокочастотного электромагнитного излучения. Установлены диапазоны длин волн, при которых наблюдаются резонансные всплески. Показана возможность управления максимумами разностных потерь и резонансными максимумами поглощения за счет изменения геометрических параметров нанокомпозита.

> Ключевые слова: диэлектрическая проницаемость, нанокомпозит, математическое моделирование, периодическая структура.

DOI: 10.21883/PJTF.2021.16.51318.18822

Электрофизические свойства нанокомпозитов (диэлектрическая проницаемость, электропроводность) с периодической структурой продолжают активно исследоваться с целью более глубокого понимания фундаментальных явлений взаимодействия электромагнитного поля с веществом и эффективного использования новых композиционных материалов в различных практических приложениях (разработка элементов микроэлектроники, оптических устройств, средств радиолокации и защиты информации и пр.) [1-4]. Компьютерное и математическое моделирование является мощным средством теоретических исследований новых функциональных нанокомпозитов [5,6]. Вычислительный эксперимент позволяет эффективно спланировать геометрическую структуру и состав новых композиционных материалов с заданными электрофизическими свойствами, натурное изготовление которых является трудоемким и дорогостоящим этапом исследования [7,8].

В настоящей работе исследуется анизотропный иерархически построенный нанокомпозит с периодической структурой (рис. 1), который состоит из слоев n, включающих блоки, ширина которых a с ростом номера слоя уменьшается в 2 раза. В качестве примера взят нанокомпозит из двух материалов: TiO<sub>2</sub>-Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub>.

В рамках исследования рассматривается взаимодействие электромагнитного поля с нанокомпозитом в диапазоне длин волн 200–1000 nm. Важной особенностью исследования комплексной диэлектрической проницаемости иерархически построенных периодических структур является необходимость учета наноразмеров в одних направлениях и микроразмеров в других. Моделирование таких систем сопряжено с некоторыми трудностями, связанными с тем, что на макроскопический подход накладываются определенные ограничения (например, в том случае, когда длина волны внешнего электромагнитного излучения становится сопоставимой с размерами атомов), а квантово-механические методы моделирования слишком трудоемки и требуют высоких вычислительных мощностей.



**Рис. 1.** Компьютерная модель нанокомпозита  $TiO_2 - Al_2O_3$  с периодической структурой.

	Ширина <i>а</i> блока, входящего в слой, nm	Метод определения є		
Слой		для блока	для слоя	для всего нанокомпозита
n5 n4	5 10	Квантово- механический подход	Модель эффективной среды	Метод эквивалентных схем
n3	20 40	Экспериментальные значения		
<i>n</i> 1	80		Метод эквивалентных схем	
5 4 $-\omega$ 3 2 1 200	$\begin{array}{c} \text{TiO}_2\\ \text{TiO}_2-\text{Al}\\ \text{Al}_2\text{O}_3\\ 400  600\\ \lambda, \text{m} \end{array}$	a a a b a a b a a b a a b a a a a a a a a a a a a a	$2.0 \\ 1.5 \\ - \omega \\ 1.0 \\ 0.5 \\ - \omega \\ - Al_2O_3 \\ - \omega $	TiO <sub>2</sub> -Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub> TiO <sub>2</sub> 600 800 1000 λ, nm

Метод определения диэлектрической проницаемости иерархически построенного композита с периодической структурой

**Рис. 2.** Зависимости комплексной диэлектрической проницаемости (*a* — действительная часть, *b* — мнимая часть) нанокомпозита с периодической структурой от длины волны электромагнитного поля.

В настоящей работе предлагается комбинированный метод определения диэлектрической проницаемости є анизотропного нанокомпозита с периодической структурой, который основан на комплексном применении квантово-механических расчетов, модели эффективной среды и эквивалентных схем замещения (см. таблицу).

Для моделирования диэлектрической проницаемости блоков шириной до 10 nm, где необходимо учитывать квантово-размерные эффекты, используется уравнение, предложенное в работе [9] и адаптированное для исследуемой структуры:

$$\varepsilon(\omega, \mathbf{k}) = \frac{4\pi e^2}{V} \sum_{i} \frac{Z_i}{(\omega - \omega_m + \omega_n)^2},$$
 (1)

где  $\varepsilon$  — диэлектрическая проницаемость блока, V — объем блока,  $\mathbf{k} = \frac{2\pi}{\lambda}$  — волновой вектор,  $\omega$  — частота внешнего электромагнитного излучения,  $\omega_n$  — частота перехода из основного состояния молекулы,  $\omega_m$  — частота перехода из возбужденного состояния молекулы,  $Z_i$  — эффективный заряд моды *i*. Для проведения моделирования необходима информация о базисе собственных волновых функций и собственных

значений гамильтониана рассчитываемых структур. Для их получения используются теория функционала плотности, программный пакет Quantum ESPRESSO и кластер на графических видеоадаптерах NVIDIA GeForce GTX 1060.

Для блоков шириной 20-80 nm в качестве исходных данных по диэлектрической проницаемости используются экспериментально полученные электрофизические свойства материалов [10].

Далее для расчета диэлектрической проницаемости слоев с блоками размером 5–40 nm применялась модель эффективной среды [11]:

$$\varepsilon = \sum_{j=1}^{n} \varepsilon_j a_j / \sum_{j=1}^{n} a_j, \qquad (2)$$

где  $\varepsilon_j$ — диэлектрическая проницаемость блока *j*. Для определения диэлектрической проницаемости слоев с блоками шириной 80 nm и нанокомпозита в целом использовались классические уравнения электродинамики и метод эквивалентных схем замещения [12].

На рис. 2 приведены зависимости диэлектрической проницаемости от длины волны внешнего электромаг-

нитного воздействия для материалов  $TiO_2$  и  $Al_2O_3$ , а также результаты численного моделирования диэлектрической проницаемости иерархически построенного нанокомпозита с периодической структурой. Видно, что в области длин волн 350-370 nm (электронная поляризация), 750-820 nm (блоховские осцилляции) и 980-1030 nm (поверхностные эффекты) наблюдаются резонансные всплески, которые составляют спектр поглощения и разностных потерь иерархически построенного нанокомпозита с периодической структурой. Варьируя геометрические параметры нанокомпозита, можно управлять максимумами действительной и мнимой частей диэлектрической проницаемости  $TiO_2 - Al_2O_3$ .

Представленный метод позволяет довольно полно исследовать диэлектрическую проницаемость нанокомпозитов с периодической структурой, что может быть полезно при разработке новых материалов с заданными электрофизическими свойствами.

## Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- Y. Zhang, J.R. Choi, S.J. Park, Composites A, 101, 227 (2017). https://doi.org/10.1016/j.compositesa.2017.06.019
- P.K. Mishra, Int. J. Eng. Technol. Managem. Res., 5 (2), 315 (2018). https://doi.org/10.29121/ijetmr.v5.i2.2018.663
- S. Moussa, F. Namouchi, H. Guermazi, S. Guermazi, Mater. Sci. Eng. B, 266, 115035 (2021). https://doi.org/10.1016/j.mseb.2020.115035
- [4] S.A. Korchagin, D.V. Terin, Y.V. Klinaev, S.P. Romanchuk, 2018 Int. Conf. on actual problems of electron devices engineering (APEDE) (IEEE, 2018), p. 397. DOI: 10.1109/APEDE.2018.8542433
- Д.В. Стороженко, В.П. Дзюба, Ю.Н. Кульчин, Письма в ЖТФ, 44 (16), 75 (2018).
  DOI: 10.21883/PJTF.2018.16.46479.17127
- [6] Н.С. Гинзбург, М.Н. Вилков, Ю.Ю. Данилов, А.П. Конюшков, Л.А. Юровский, Е.В. Иляков, И.С. Кулагин, И.В. Зотова, Письма в ЖТФ, 47 (4), 29 (2021). DOI: 10.21883/PJTF.2021.04.50642.18365
- [7] A. Chaurasia, A. Verma, A. Parashar, R.S. Mulik, J. Phys. Chem. C, **123** (32), 20059 (2019). https://doi.org/10.1021/acs.jpcc.9b05965
- [8] X. Zhang, H. Wen, Y. Wu, Polymers, 9 (9), 430 (2017). https://doi.org/10.3390/polym9090430
- [9] T. Yamamoto, H. Momida, T. Hamada, T. Uda, T. Ohno, Thin Solid Films, 486 (1-2), 136 (2005). https://doi.org/10.1016/j.tsf.2004.11.240
- [10] E.D. Palik, *Handbook of optical constants of solids* (Academic Press, San Diego, 1997).
- [11] Л.А. Апресян, Д.В. Власов, Д.А. Задорин, В.И. Красовский, ЖТФ, 87 (1), 10 (2017).
  DOI: 10.21883/JTF.2017.01.44011.1841
- [12] Н.А. Секушин, Н.А. Жук, Л.А. Кокшарова, В.А. Белый, Б.А. Макеев, Д.С. Безносиков, М.В. Ермолина, Письма о материалах, 9 (1), 5 (2019).

DOI: 10.22226/2410-3535-2019-1-5-10