08.2

Структурная характеризация короткопериодной сверхрешетки на основе гетероструктуры CdF₂/CaF₂/Si(111) методами просвечивающей электронной микроскопии и рентгеновской дифрактометрии

© Л.М. Сорокин, Р.Н. Кютт, В.В. Ратников, А.Е. Калмыков ¶

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия ¶ E-mail: aekalm@mail.ioffe.ru

Поступило в Редакцию 9 апреля 2021 г. В окончательной редакции 9 апреля 2021 г. Принято к публикации 21 апреля 2021 г.

Проведено детальное исследование структуры короткопериодной сверхрешетки на основе чередующихся слоев фторидов кадмия и кальция, выращенных методом молекулярно-лучевой эпитаксии на кремниевой подложке (111), методами просвечивающей электронной микроскопии и рентгеновской дифрактометрии. Установлено, что сверхрешетка находится в псевдоморфном состоянии, найдена латеральная неоднородность с размером фрагментов 10–40 nm. Выяснена причина уширения основного и сателлитных пиков сверхрешетки на кривой дифракции (111).

Ключевые слова: сверхрешетка, CdF₂, CaF₂, просвечивающая электронная микроскопия, рентгеновская дифрактометрия.

DOI: 10.21883/PJTF.2021.15.51224.18821

Одним из видов сверхрешеток (СР) являются композиционные СР, представляющие собой периодические твердотельные структуры, сформированные чередующимися тонкими слоями материалов с различной шириной запрещенной зоны. Хотя искусственные СР были предложены более полувека назад [1], они продолжают вызывать интерес исследователей благодаря своим уникальным свойствам, которые делают их незаменимыми в различных устройствах опто- и микроэлектроники [2–5].

СР, сформированные на основе фторидов кадмия, перспективны в плане их использования при изготовлении туннельных диодов и каскадных лазеров [6].

CdF2 и CaF2 обладают кубической структурой с постоянной решетки, близкой к постоянной решетки кремния. Рассогласование решеток Si и CaF2 при комнатной температуре составляет 0.6%, а решеток Si и CdF₂ — 0.8% (в последнем случае рассогласование имеет противоположный знак). При более высоких температурах рассогласование решеток Si и CdF₂ уменьшается благодаря более высокому коэффициенту теплового расширения CdF2 по сравнению с тем же параметром для Si. Таким образом, средняя постоянная решеток CdF2 и CaF2 достаточно близка к постоянной Si, что делает возможным рост псевдоморфной гетероструктуры CdF₂/CaF₂/Si(111). С момента первой попытки формирования СР в системе CdF₂/CaF₂/Si [7] накоплен значительный опыт эпитаксиального роста СР большого периода [8]. При выращивании короткопериодной СР возникает проблема фасетирования ростовой поверхности [8].

Наиболее детальную информацию о структурном состоянии наноструктурированных объектов, в частности о явлении фасетирования, может обеспечить метод просвечивающей электронной микроскопии (ПЭМ). Насколько нам известно, ПЭМ-исследования СР на основе CdF₂/CaF₂/Si(111) ранее не проводились.

Цель настоящей работы состоит в определении структурного состояния СР на основе системы $CdF_2/CaF_2/Si(111)$ методами ПЭМ и рентгеновской дифрактометрии (РД). Метод РД существенно дополняет данные ПЭМ, поскольку является неразрушающим методом и позволяет получать информацию с макроскопических (порядка 1 mm²) участков образца.

Образцы были выращены методом молекулярнолучевой эпитаксии по технологии, описанной в [9]. Подложкой служила пластина Si толщиной $250 \,\mu m$ с ориентацией (111), которая обеспечивает минимальную поверхностную энергию и соответственно позволяет выращивать структуры с наибольшим кристаллическим качеством и гладкой поверхностью. Исходя из технологических условий толщина CP должна составлять 100 nm, период решетки — 3.14 nm, число слоев — 30.

ПЭМ-исследование было проведено с помощью электронного микроскопа JEM 4000 EX II с ускоряющим напряжением 400 kV и разрешением 0.17 nm. Поперечное сечение образца вдоль плоскости Si(011) было изготовлено с помощью стандартной процедуры, включающей шлифовку (полировку) и ионное травление. В ходе подготовки образца были приняты специальные меры для предотвращения разрушающего действия паров воды в окружающей атмосфере на поверхность образца.



Рис. 1. Панорамное ПЭМ-изображение СР (*a*) и ее фрагмент в режиме высокого разрешения (*b*). Стрелка указывает на неоднородность толщины слоя СР в виде усеченной пирамиды.

Рентгеновские измерения проводились на двухкристальном дифрактометре (ДКД) с использованием рефлекса 111 и Си $K_{\alpha 1}$ -излучения. Дифракционные кривые (геометрия Брэгга) измерялись как в интегральном режиме (ω -скан с широко открытым окном счетчика, интегральная кривая), так и для (ω -2 θ)- и ω -мод сканирования с узкой щелью перед счетчиком (дифференциальные кривые распределения дифрагированной интенсивности вдоль вектора обратной решетки **Н** и по нормали к нему соответственно). Угловое разрешение в схемах сканирования со щелью 0.1 mm составляло 56 arc sec.

На рис. 1 представлены электронные микрофотографии исследуемой СР. Слои CdF_2 и CaF_2 изображены с различным контрастом благодаря различной рассеивающей способности атомов кальция и кадмия. Поскольку рассеивающая способность пропорциональна атомному номеру элемента Z, слой CdF_2 ($Z_{Cd} = 48$) на ПЭМ-изображении в режиме светлого поля выглядит более темным, чем слой CaF_2 ($Z_{Ca} = 20$). Непосредственный подсчет числа периодов СР, т.е. числа пар светлых и темных полос на рис. 1, *a*, дал значение 28, которое отличается от номинального 30.

Слои имеют переменную толщину, обусловленную явлением фасетирования, которое проявляется в виде усеченных пирамид и ямок на интерфейсе. Размер неровностей может достигать половины толщины одного слоя СР в направлении роста и до 40 nm в латеральном направлении. Граница между слоем CdF2 и слоем CaF2 более гладкая, чем между слоями CaF2 и CdF2, если двигаться от подложки в направлении роста (рис. 1), что, по всей видимости, обусловлено более высоким значением диффузионной длины адсорбированных молекул CaF₂ по сравнению с диффузионной длиной CdF₂ в ходе формирования СР [8]. В среднем каждый слой содержит 12 плоскостей (111) СР (рис. 1, b). Расстояние между плоскостями (111) составляет 0.314 nm, соответственно период СР равен 3.8 nm. Период СР можно также оценить по микроэлектронограмме, зарегистрированной



Рис. 2. *а* — микроэлектронограмма, зарегистрированная в области, захватывающей кремниевую подложку и СР. *I* — наложившиеся рефлексы 111 подложки и СР, *2*, *4* — рефлексы подложки, *3*, *5* — рефлексы СР. Параллелограмм, образованный рефлексами СР, получается вращением на 180° параллелограмма, образованного рефлексами подложки. *b* — сателлиты (*2*) возле рефлексов 111 (*I*) СР.

в области СР. Видно (рис. 2, *b*), что рефлексы 111 имеют сателлиты, обусловленные периодической структурой СР. Сопоставление расстояния от центрального пятна до основного рефлекса и расстояния от основного рефлекса до сателлита позволяет оценить период СР как 3.9 nm, что близко к значению, определенному по ПЭМ-изображению.

Анализ микроэлектронограммы, зарегистрированной в области, захватывающей кремниевую подложку и СР (рис. 2, a), показал, что СР занимает позицию аксиального двойника: кристаллическая решетка СР развернута на 180° относительно подложки. По-видимому, разворот обусловлен тем, что такая их взаимная ориентация снижает энергию, связанную с упругими напряжениями на границе. Рефлексы от СР вытянуты в направлении роста [111], что обусловлено размерным эффектом [10]. Конечный размер периода СР должен вызвать растяжение рефлекса до величины, равной 2/(Nd), где N — число монослоев периоде СР, d — межплоскостное расстояние СР в направлении [111]. Измеренное значение растяжения составило 0.5 nm⁻¹, что достаточно близко к расчетному значению 0.53 nm⁻¹.

В СР не обнаружены дефекты упаковки, прорастающие дислокации и дислокации несоответствия, что позволяет сделать вывод о псевдоморфном росте СР.

На рис. 3, а приведена экспериментальная ДКД-кривая дифракции (111), измеренная без щели перед счетчиком. Нулевой сателлит СР не выделяется на фоне максимума подложки, однако присутствие нескольких сателлитов свидетельствует о хорошей периодичности СР. Для оценки периодичности исследуемой СР регистрировалась кривая дифракции для ($\omega - 2\theta$)-моды сканирования (не приводится). Период СР, рассчитанный из расстояния между сателлитами на ней, близок к полной толщине двойного слоя (CdF₂ + CaF₂) из шести монослоев в каждом и равен 3.8486 nm. Это значение выше величины периода, заданного технологическими параметрами роста, и близко к значениям, полученным из ПЭМ-анализа и микроэлектронограммы СР. Расчет из измеренной ширины сателлита СР(+1) (вдоль вектора Н обратной решетки) полной толщины СР дал ее значение, близкое к заданному при росте, что указывает на достаточно высокое структурное совершенство выращенных СР в целом [11].

Теоретическая ДКД-кривая дифракции, рассчитанная для параметров роста совершенной СР (рис. 3, *a*) [12], показала гораздо меньшие значения полуширины как для главного, так и для сателлитных пиков в сравнении с экспериментальными ДКД-пиками. Это свидетельствует о присутствии дефектов в эпитаксиальной системе.

Локальное изменение периода СР может приводить к уширению сателлитов, но только в направлении дифракционного вектора **H**. В нашем случае сателлиты уширены в нормальном к **H** направлении, их полуширины существенно больше, чем для ($\omega - 2\theta$)-кривых. Это может быть вызвано значительной латеральной неоднородностью слоев СР. Эффективный размер этих неоднородностей, рассчитанный по известной формуле Шеррера из полуширины сателлита СР(+1) на поло-



Рис. 3. *а* — экспериментальная ДКД-кривая дифракции (111) для геометрии Брэгга и ее расчет для технологических параметров роста совершенной СР. *b* — экспериментальная ДКД-кривая дифракции (111) (сплошная линия) и моделирование расчетной кривой путем подгонки ширины сателлитного пика СР(+1) к его экспериментальному значению с использованием свертки с функцией Гаусса (пунктир). На вставке — уширенный сателлит СР(+1) дифференциальной *ω*-моды экспериментальной кривой дифракции (сплошная линия) и его аппроксимация функцией Гаусса (точки).

вине максимума интенсивности для дифференциальной ω-кривой, равен 24 nm.

В принципе уширение сателлитов для ω -моды сканирования можно объяснить и присутствием дислокаций несоответствия на интерфейсе между эпитаксиальными слоями. Принимая во внимание несоответствие параметров решетки на границе CdF₂/CaF₂, можно утверждать, что рассчитанная плотность дислокаций несоответствия должна быть не меньше чем $\sim 10^6$ сm⁻¹ для полностью релаксированных деформаций между чередующимися слоями. Но из-за очень малой толщины обоих слоев

и близости их параметров решетки трудно ожидать полной релаксации деформаций в нашем случае. Поэтому можно предположить, что величины $\delta \varepsilon_{zz}$ (разница деформаций чередующихся слоев) близки для соседних слоев и СР имеет псевдоморфную структуру [13].

Была проанализирована форма сателлита СР(+1) дифракционной кривой для *ω*-моды сканирования со щелью перед неподвижным счетчиком в положении 20. Сателлит хорошо аппроксимировался функцией Гаусса (вставка на рис. 3, b). Мы не ошибемся, если результат, полученный лишь для одного сателлита СР(+1), распространим на всю интегральную кривую. С учетом этого допущения корректировка рассчитанной ранее ДКД-кривой (111) проводилась при варьировании технологических параметров СР. Свертка с функцией Гаусса позволила подогнать ширину СР-пиков этой кривой к экспериментальным величинам при параметрах СР, слегка отличающихся от технологических, и для нерелаксированных слоев СР без введения каких-либо промежуточных подгоночных слоев. Пики экспериментальной и моделированной кривых также хорошо совпадают (рис. 3, b). Моделирование показало, что отклонение от заданных параметров роста не превышало 5%.

Таким образом, методом молекулярно-лучевой эпитаксии выращена псевдоморфная СР на основе гетероструктуры CdF₂/CaF₂/Si(111). Методами ПЭМ и РД проведена оценка неоднородностей отдельных слоев СР по толщине. Установлено, что кристаллическая решетка СР развернута на 180° относительно подложки. При формировании СР следует учитывать различную диффузионную длину адсорбированных молекул CaF₂ и CdF₂. Найдено, что уширение сателлитов кривой РД связано в основном с латеральной неоднородностью СР. Средний размер неоднородностей равен 24 nm и находится в пределах 10-40 nm, полученных методом ПЭМ. Демонстрируется эффективность подхода к анализу короткопериодных СР, связанного с использованием функции Гаусса для подгонки рассчитанной кривой качания к измеренной на ДКД.

Благодарности

Авторы благодарят Н.С. Соколова за предоставление образцов.

Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

Список литературы

- [1] L. Esaki, R. Tsu, IBM J. Res. Develop., 14 (1), 61 (1970).
 DOI: 10.1147/rd.141.0061
- [2] A. Spindlberger, D. Kysylychyn, L. Thumfart, R. Adhikari, A. Rastelli, A. Bonannia, Appl. Phys. Lett., 118 (6), 062105 (2021). https://doi.org/10.1063/5.0040811

- [3] R. Ramesh, D.G. Schlom, Nature Rev. Mater., **4**, 257 (2019). https://doi.org/10.1038/s41578-019-0095-2
- [4] S. Das, A. Ghosh, M.R. McCarter, S.-L. Hsu, Y.-L. Tang,
 A.R. Damodaran, R. Ramesh, L.W. Martin, APL Mater., 6 (10), 100901 (2018). https://doi.org/10.1063/1.5046100
- [5] H.-U. Habermeier, Low Temp. Phys., 42 (10), 840 (2016). https://doi.org/10.1063/1.4965889
- [6] K.V. Ivanovskikh, R.B. Hughes-Currie, M.F. Reid, J.-P.R. Wells, N.S. Sokolov, R.J. Reeves, J. Appl. Phys., 119 (10), 104305 (2016). https://doi.org/10.1063/1.4943498
- [7] N.S. Sokolov, S.V. Gastev, S.V. Novikov, N.L. Yakovlev, A. Izumi, S. Furukawa, Appl. Phys. Lett., 64 (22), 2964 (1994). https://doi.org/10.1063/1.111395
- [8] N.S. Sokolov, S.M. Suturin, Thin Solid Films, **367** (1-2), 112 (2000).
- [9] N.S. Sokolov, S.V. Gastev, A.Yu. Khilko, R.N. Kyutt, S.M. Suturin, M.V. Zamoryanskaya, J. Cryst. Growth, 201-202, 1053 (1999). https://doi.org/10.1016/S0022-0248(98)01515-2
- [10] P.B. Hirsh, A. Howie, B.B. Nicholson, D.W. Pashley, M.J. Whelan, *Electron microscopy of thin crystals* (Butterworths, London, 1965), p. 129.
- [11] Р.Н. Кютт, А.Ю. Хилько, Н.С. Соколов, ФТТ, 40 (8), 1563 (1998).
- [12] Р.Н. Кютт, Металлофизика и новейшие технологии, 24 (4), 497 (2002).
- [13] Г.А. Вальковский, М.В. Дурнев, М.В. Заморянская, С.Г. Конников, А.В. Крупин, А.В. Мороз, Н.С. Соколов, А.Н. Трофимов, М.А. Яговкина, ФТТ, 55 (7), 1396 (2013).