Исследование оптических и плазмонных особенностей в спектрах отражения слоев наночастиц серебра, осажденных из раствора AgNO₃ на поверхности кремния

© В.А. Толмачев, Ю.А. Жарова, С.А. Грудинкин

ФТИ им. А.Ф. Иоффе, 194021 Санкт-Петербург, Россия e-mail: tva@mail.ioffe.ru

03

Поступила в редакцию 02.08.2020 г. В окончательной редакции 02.08.2020 г. Принята к публикации 14.08.2020 г.

> Для интерпретации спектров отражения слоев Ag на подложке кремния использован подход с применением расчета спектров отражения R_{calc} тонкой пленки при варьировании толщины, в результате которого отслеживается влияние критических точек подложки с-Si в зоне Бриллюэна и формирование характеристик объемного Ag вблизи края межзонных переходов. Проведено сопоставление R_{calc} с экспериментальными спектрами R_{exp} слоев наночастиц Ag различной морфологии, измеренных при нормальном и наклонном (45°) углах падения света. Для слоя с более крупными наночастицами наблюдается формирование резкого провала на спектре R_{exp} , практически совпадающего с краем межзонных переходов объемного Ag в УФ диапазоне, а также широкого провала в спектре R_{exp} с минимумом при $\lambda = 382$ nm, демонстрирующим максимум поглощения локализованного плазмонного резонанса наночастиц Ag. Для образцов с меньшими размерами частиц провал межзонных переходов на спектрах R_{exp} для обоих углов падения отсутствует, так как осажденные наночастицы Ag не сформировались в структуру с оптическими свойствами объемного Ag, но проявился объемный плазмонный резонанс при $\lambda \sim 335$ nm в продольной моде при наклонном угле падения.

Ключевые слова: кремний, наночастицы серебра, спектры отражения.

DOI: 10.21883/OS.2020.12.50324.211-20

Введение

Наноплазмоника связана с изучением взаимодействия электронов в металлических средах с оптическим излучением [1–3]. Для целенаправленного создания таких сред (пленок, наночастиц, метаматериалов) необходимо моделирование определенной структуры слоев и наночастиц, а также применение технологических возможностей современной наноиндустрии. Актуальность исследований в этой области обусловлена необходимостью создания различных наноустройств для химических и биологических сенсоров, эффективных преобразователей электромагнитного излучения, в разработках оптических суперкомпьютеров, а также создания плазмонного лазера и его интеграции в фотонные устройства [4].

Серебро благодаря своим оптическим и электронным свойствам является одним из наиболее используемых плазмонных материалов. Оптические свойства Ag тесно связаны с наличием в структуре связанных и несвязанных зарядов, которые могут возбуждаться в виде объемных плазмонных резонансов, поверхностных плазмонных поляритонов и плазмонных резонансов в наночастицах [1]. Оно химически достаточно стабильно в обычной атмосфере, что позволяет использовать его в создаваемых приборах и устройствах.

Существуют различные способы нанесения нанослоев Ад на подложки: термическое, электронное, магнетронное распыление, химический метод из раствора нитрата серебра и др. Эти методы обеспечивают чистоту химического состава осаждаемого материала и достаточно высокую воспроизводимость процесса. Большая часть экспериментальных работ проводится на подложках из прозрачных материалов (стекло, сапфир, полимеры и др.), что позволяет использовать оптические методы, основанные на пропускании, для определения поглощения, оптической плотности и изучения плазмонных эффектов в синтезируемой структуре [5]. В последние десятилетия благодаря интенсивному развитию микро- и наноэлектроники и технологий массового производства микрочипов наиболее востребованной подложкой оказался монокристаллический кремний. Следует отметить, что Si поглощает свет в видимой и УФ областях спектра, что затрудняет измерения оптического пропускания. Поэтому для поглощающих подложек применяются методы отражательной спектрофотометрии [6,7] и спектроэллипсометрии [8-11]. Полученная в виде спектров макроскопическая информация может быть использована для описания оптических и плазмонных особенностей наноструктур в рамках различных моделей и определения их микроскопических характеристик.



Рис. 1. РЭМ-изображения химически осажденных слоев наночастиц Ag с разной морфологией на подложке с-Si показаны в одном масштабе (репер геометрических размеров 100 nm). Образец S10 ($d_{Ag} \sim 16$ nm) (a), S5 ($d_{Ag} \sim 23$ nm) (b) и S1 ($d_{Ag} \sim 45$ nm) (c).

Целью настоящей работы было охарактеризовать с помощью отражательной спектрофотометрии в УФ и видимой областях при нормальном и наклонном углах падения света оптические и плазмонные особенности слоев наночастиц Ад, химически осажденных на подложку монокристаллического Si, сопоставить их с данными электронной микроскопии и расчетными спектрами для тонких сплошных пленок Ад. Расчет спектров отражения в рамках модели сплошной пленки с плоскопараллельными границами на подложке позволяет по мере роста ее толщины прогнозировать изменения в R_{calc}: во-первых, в области критических точек диэлектрических функций объемного с-Si; во-вторых, в области края межзонных переходов объемного Аg. Так как эти изменения могут быть связаны с функциями этих материалов, то их можно учитывать в экспериментальных спектрах слоев наночастиц различной морфологии.

Методы эксперимента и расчета

Слои наночастиц Ад были получены методом химического осаждения из раствора нитрата серебра. Для формирования структур с различной морфологией было выбрано изменение концентрации Аg-содержащего компонента AgNO₃ в растворе HF. Обычно перед нанесением металла формируется слой SiO₂ для создания электрической изоляции от подложки, но его введение вносит определенный вклад в оптический отклик, что затрудняет интерпретацию получаемых спектров отражения. В настоящей работе этот слой был минимальной толщины 1 nm, определенной с помощью спектрального эллипсометра. Морфология и толщина осаждаемых слоев Ад исследовалась с помощью растрового электронного микроскопа (РЭМ) JSM-7001F и атомносилового микроскопа. Спектры зеркально отраженного пучка R_{exp} записывались с помощью спектрофотометра HR4000CG-UV-NIR "Ocean Optics" для угла, близкого к нормальному ($\sim 6^{\circ}$), а также спектрофотометра СФ-56 (ЛОМО, Санкт-Петербург) для угла падения $\phi = 45^{\circ}$. При интерпретации неполяризованных спектров R_{exp} проводилось их сопоставление с поляризационными (р

и s) спектрами отражения R_{calc}, где p- и s-поляризации соответствуют параллельной и перпендикулярной плоскости падения электрического вектора падающей волны соответственно. Расчет проводился в рамках модели слоя с плоскопараллельными границами раздела между воздухом и подложкой с использованием формул Френеля.

Экспериментальная часть

На исходные пластины Si КДБ (100), $\rho = 0.5 \Omega \cdot \text{сm}$ осаждался слой наночастиц серебра из раствора 0.02 M AgNO₃ в 5 M HF с разным соотношением компонентов в растворе (от 1:1, 1:5 до 1:100.02 M AgNO₃:5 M HF соответственно), время осаждения оставалось постоянным (30 s) [11]. На данных образцах с помощью атомно-силовой микроскопии были измерены толщины островковой пленки серебра путем усредненения по ансамблю частиц их размеров в направлении, перпендикулярном подложке. Эти толщины составили от 16 nm при соотношении 1:10 до 45 nm при 1:1 (рис. 1).

Полученные данные позволяют сделать вывод о том, что осаждение серебра происходит путем зародышеобразования первичных наночастиц серебра на энергетически выгодных центрах. С увеличением концентрации раствора образуются более крупные островки Аg. Далее представлены исследования спектров отражения этих структур методами спектрофотометрии.

Расчетные спектры тонких пленок и экспериментальных слоев наночастиц Ag

На рис. 2 для слоев наночастиц Ад видно, что для угла падения φ , близкого к нормальному, спектры для образцов S5 и S10 аналогичны по форме, тогда как по сравнению с образцом S1 форма $R_{\rm exp}$ резко отличается. Для интерпретации представленных экспериментальных спектров были рассчитаны спектры $R_{\rm calc}$ пленки Ад в

1.0 100 50 0.8 $R_{\text{calc}}, R_{\text{exp}}, \text{ arb. units}$ 30 20 0.6 S10 5 0.4 $\overline{0}$ 0.2 0 300 400 500 600 700 800 λ, nm

Рис. 2. Экспериментальные спектры отражения $R_{\rm exp}$ для образцов слоев наночастиц Ag S1, S5 и S10 с различной морфологией из рис. 1 и расчетные $R_{\rm calc}$ для тонких слоев с диэлектрическими функциями объемного серебра $Ag_{\rm bulk}$ с толщиной $d_{\rm Ag}$ от 0 до 100 nm (штриховые линии); подложка с-Si, угол нормального падения. Стрелки — положение максимумов R в критических точках с-Si.



Рис. 3. Расчетные спектры отражения R_p (сплошные линии) и R_s (пунктир) для тонких слоев с оптическими характеристиками Ag_{bulk} [12] и толщиной d_{Ag} от 0 до 100 nm, p- и s-спектры связаны с помощью стрелок; подложка с-Si, $\varphi = 45^{\circ}$.

рамках тонкослойной модели, чтобы выявить на них оптические особенности и сопоставить с R_{exp} .

Расчетные спектры тонких пленок Ag для нормального угла падения

Спектры R_{calc} для тонких сплошных слоев Ag с оптическими характеристиками для объемного серебра (Ag_{bulk}) из справочника [12], рассчитанные для различных толщин d_{Ag} в диапазоне от 0 до 100 nm, представлены на рис. 2 в виде штриховых линий. Спектр

 R_{calc} при $d_{\text{Ag}} = 0$ nm соответствует R_{Si} подложки (c-Si), для которой оптические параметры (*n* и *k*) были взяты из справочника [12]. На этом спектре выделяются два максимума при $\lambda_1 = 272 \,\text{nm}$ и $\lambda_2 = 365 \,\text{nm}$ (отмечены стрелками), которые соответствуют критическим точкам (КТ1 и КТ2) структуры монокристаллического Si [13]. Сравнивая спектры R_{calc} для различных d_{Ag} со спектром $R_{\rm Si}$ ($d_{\rm Ag} = 0 \, {\rm nm}$), видно, что по мере увеличения $d_{\rm Ag}$ максимум, обусловленный КТ1, заметно подавляется для спектров слоев с толщинами больше $d_{Ag} = 20 \,\mathrm{nm}$, а максимум для КТ2 (365 nm) сохраняется вплоть до $d_{\rm Ag} = 100 \, \rm nm$, что связано с меньшим коэффициентом поглощения Ад в этой области спектра по сравнению с областью КТ1. При увеличении d_{Ag} спектры R_{calc} трансформируются следующим образом: для $d_{\rm Ag} = 10 - 20 \, {\rm nm}$ значение *R* в УФ области (250-320 nm) уменьшается, а при $d_{Ag} = 50 - 100 \,\mathrm{nm}$ появляется резкий провал при $\lambda \sim 310$ nm, который расположен вблизи края полосы поглощения связанных электронов (межзонных переходов) структуры Ag_{bulk}. Значения *R* в видимой области спектра ($\lambda = 400-800$ nm) при малых значениях d_{Ag} увеличиваются и для $d_{Ag} > 50 \,\mathrm{nm}$ достигают $R_{\text{calc}} = 0.9 - 0.95$, приближаясь к расчетным значениям для Ag_{bulk}. Теперь, имея представление, что происходит со спектрами R_{calc} для сплошной пленки Ag и как она может подавлять КТ с-Si, было проведено их сопоставление с R_{ехр} слоев наночастиц.

Экспериментальные спектры слоев наночастиц Ag

Для сравнения R_{exp} с расчетными спектрами первым был выбран спектр для образца S1 (рис. 2), который имеет наибольшую толщину слоя и размеры наночастиц Ag. На этом спектре при $\lambda \sim 310 \, \text{nm}$ виден резкий провал значений R_{exp} от 0.5 до 0.1, причем его положение практически совпадает с резким провалом R_{calc} для Ag_{bulk} ($\lambda = 317 \, nm$ [12]), который почти в 2 раза глубже (от 0.8 до 0.1). Этот провал в R и его форма являются проявлением в структуре S1 края межзонных переходов Ag, т.е. оптических свойств, характерных для объемного Ag. Провал в спектре R_{exp} в области λ < 300 nm скрыл КТ1 подложки, что характерно для R_{calc} сплошных слоев Ag с толщиной $d_{\text{Ag}} > 30$ nm. Плохое совпадение $R_{\rm exp}$ и $R_{\rm calc}$ в области $\lambda = 250 - 300$ nm объясняется сильным рассеянием наночастиц в этой области спектра с соответствующим уменьшением R до 0.1 по сравнению с R_{calc} для тонких пленок Ag_{bulk}.

В видимой области зависимость R_{exp} также отличается от спектра R_{calc} для Ag_{bulk} по вышеназванной причине несплошности слоя наночастиц Ag, а наблюдаемый провал с минимумом при $\lambda = 382$ nm отражает максимум поглощения, которое обусловлено локализованным плазмонным резонансом (ЛПР) наночастиц Ag [1]. В литературе представлены экспериментальные результаты в основном по определению оптической плотности в



Рис. 4. Расчетные спектры отражения в УФ области для *p*и *s*-поляризации для слоев Ag толщиной d_{Ag} от 5 до 50 nm и для объемного Ag. Провалы для *p*-спектров выделены овалом; $\varphi = 45^{\circ}$.

спектрах Ад слоев на подложках с хорошей прозрачностью (стекло, сапфир, полимеры и др.). Например, в работе [14] собраны данные разных авторов, которые наблюдали плазмонные резонансы островков Ад в диапазоне от 428 до 550 nm. Публикаций по измерению спектров отражения слоев Ag на поглощающих подложках не так много, в частности на Si. Так, в работе [6] при расчете поляризованных спектров R для нормально падающего света на наночастицы Ад с анизотропией формы на подложке Si определены два минимума *R* при $\lambda \sim 340$ и 400 nm соответственно для двух поляризаций. Наблюдаемое в нашем эксперименте положение минимума *R* при $\lambda = 382 \, \text{nm}$ (рис. 2) для неполяризованного света и хаотично расположенных наночастиц находится в близком соответствии с этой работой. Из-за наличия ЛПР в спектре R_{exp} отсутствует особенность структуры с-Si в виде второго максимума, соответствующего КТ2 ($\lambda = 365 \text{ nm}$). Анализируя форму спектра R_{exp} на длинноволновом краю видимой области (600-800 nm), можно отметить плавную зависимость R от длины волны, такую как для объемного Ag_{bulk}, но по величине меньшую, поскольку она демонстрирует структуру слоев с включением компонента воздуха.

Таким образом, для этого образца S1 структура слоя наночастиц, несмотря на его несплошность, проявляет в УФ области оптические свойства, подобные Ag_{bulk}, а

ближе к видимой области спектра — присутствие локализованного плазмонного резонанса, при этом также наблюдается подавление оптических особенностей (КТ) подложки.

На спектрах R_{exp} образцов S5 и S10, которые близки по форме, в УФ диапазоне видны оптические особенности подложки в виде обеих КТ. Это объясняется небольшой толщиной слоев Ag (рис. 1, b и 1, c), кроме того, и в расчетных спектрах сплошных пленок Ад для таких же толщин также проявляются эти особенности подложки. Что касается провала на обоих спектрах в области $\lambda = 390-400$ nm, по его положению, близкому с плазмонному провалу в спектре R_{exp} (при 382 nm) для образца S1, можно считать, что для обоих образцов S5 и S10 имеет место ЛПР, но менее выраженный, возможно, из-за сильного влияния особенности подложки в этой области спектра в виде КТ2. Следует отметить, что в спектрах обоих образцов нет характерного провала при $\lambda = 317$ nm, что указывает на отсутствие проявления оптических характеристик Ag_{bulk} из-за небольшой плотности осажденных частиц.

Далее представлен анализ спектров для наклонного угла падения сначала для $R_{\rm calc}$ и затем их сопоставление с $R_{\rm exp}$.

Спектры отражения тонких пленок Ag при наклонном угле падения

Расчетные спектры отражения R_{calc} для тонких слоев объемного Ag с толщиной d_{Ag} от 0 до 100 nm для двух p- и s-поляризаций при угле падения относительно нормали $\varphi = 45^{\circ}$ представлены на рис. 3. Видно, что значения R_s превышают R_p , при этом по мере увеличения толщины пленки Ag различие между ними уменьшается. В области $\lambda = 323$ nm для $d_{Ag} < 50$ nm на спектрах R_p наблюдается провал, тогда как для s-поляризации он отсутствует. Эта особенность более подробно представлена на рис. 4, на котором видно, что положение провала по мере увеличения d_{Ag} находится недалеко от положения края межзонных переходов при $\lambda = 317$ nm, которое для объемного Ag не зависит от поляризации света.

Провал на границе энергии свободных и связанных электронов в структуре тонких пленок Ag был отмечен в экспериментальных спектрах пропускания для *p*-поляризации [15] и позже другими авторами. В работе [16] были сопоставлены и проанализированы зависимости диэлектрических функций Ag, полученных различными авторами. Было отмечено, что в области энергии *E* выше 4 eV экспериментальные данные хорошо описываются теорией связанных электронов в структуре Ag, а в области до 3 eV (для свободных электронов) — по формуле Друде. Причем сравнение проведено для достаточно разных по способам получения пленок осаждения в вакууме в [17] и путем электрохимического полирования объемного Ag [18]. В свою очередь, для



Рис. 5. Экспериментальные спектры отражения R_{exp} ($\varphi = 45^{\circ}$) слоев наночастиц (S1, S5, S10) (символы) и расчетные R_p^{calc} тонких пленок Ag (пунктир); стрелка — положение ЛПР слоя наночастиц Ag (образец S1), штриховая стрелка — положение объемного плазмона в продольной моде для расчетных спектров пленок с различными d_{Ag} (5–30 nm).



Рис. 6. Сопоставление экспериментальных спектров отражения R_{exp} образцов S1, S5, S10 для двух углов падения (0 и 45°, цифры у спектров). Штриховая стрелка — положение края межзонных переходов Ag в слое наночастиц S1 и простая стрелка — положение локализованного плазмонного резонанса, пунктирные стрелки — провалы объемного плазмона в продольной моде для наклонного угла падения образцов S5 и S10. Рассчитанный спектр отражения для объемного Ag.

тонкослойных пленок с плоскопараллельными границами раздела неизменность положения провала $R_p^{\rm calc}$ около $\lambda = 323$ nm характеризует объемный плазмон для продольной моды р-поляризованной волны при наклонном падении света [19].

Экспериментальные спектры отражения слоев наночастиц Ag при $\varphi = 45^{\circ}$

Аналогично рассмотренному выше случаю практически нормального падения света проведен анализ спектров $R_{\rm exp}$ слоев наночастиц Ag (S1, S5, S10) путем сопоставления с $R_p^{\rm calc}$, которые представлены на рис. 5.

Для образца S1 с большей толщиной слоя и поперечными сечениями наночастиц Ag положение провала $(\lambda = 375 \text{ nm})$ в R_{exp} оказалось близким к ЛПР для нормального угла падения (рис. 2). Разброс размеров и формы наночастиц приводит к уширению ЛПР на спектре R_{exp} . Для образцов S5 и S10, у которых высота и поперечные размеры наночастиц относительно небольшие, наблюдаются провалы при $\lambda = 331$ и 338 nm.

Далее на рис. 6 представлено сравнение экспериментальных спектров между собой для нормального и наклонного углов падения света. Для образца S1 форма спектра для обоих углов в УФ области (до 430 nm) одинакова, а для $\lambda > 450 \,\mathrm{nm}$ изменяется незначительно. При этом сохраняется провал ЛПР с минимумом при 382 nm. Для образца S5 при $\varphi = 45^{\circ}$ наблюдается уменьшение значений $R_{\rm exp}$ с параллельным сдвигом на $\Delta R = 0.06 - 0.09$, за исключением диапазона $\lambda = 250 - 280 \,\text{nm}$. В УФ области наблюдается провал с минимумом около $\lambda \sim 335\,\mathrm{nm}$ при наклонном угле. Учитывая близость этого минимума к расчетному положению объемного плазмона в продольной моде для спектра *p*-поляризации сплошной пленки Ag при $\lambda \sim 323 \, \mathrm{nm}$ (рис. 4), можно отнести полученные провалы на экспериментальных спектрах для слоев наночастиц Ag S5 и S10 к этому типу особенностей.

Таким образом, измерения при двух углах падения показывают хорошо сопоставимые оптические особенности по трем образцам слоев наночастиц Ag разной морфологии. Интерпретацию спектров дополняет предварительный расчет в рамках модели сплошной пленки Ag по мере роста ее толщины с предсказанием оптических особенностей, характерных для структуры с объемными характеристиками диэлектрических функций.

Выводы

Исследованы спектры отражения *R* для нормального и наклонного углов падения света на слои наночастиц Ag, осажденных на поверхности Si из раствора AgNO₃. Измерения при двух углах падения показывают хорошо сопоставимые оптические особенности по трем образцам слоев наночастиц Ag разной морфологии. Для образца S1 структура слоя наночастиц, несмотря на несплошность, проявляет в УФ области оптические свойства, близкие к Ag_{bulk}, а в спектре отражения в видимой области наблюдается локализованный плазмонный резонанс, а также влияние оптических особенностей (КТ) подложки.

Для образцов S5 и S10, имеющих близкие по форме спектры R, в УФ диапазоне видны оптические особенности подложки в виде обеих КТ, объясняемые небольшой толщиной слоев, которые также видны в расчетных спектрах для сплошных пленок Ag для таких же толщин. Для этих образцов провал, связанный с межзонными переходами, на спектрах R_{exp} для обоих углов падения отсутствует, так как осажденные наночастицы Ag не сформировались в структуру с оптическими свойствами объемного Ag, но проявился провал, интерпретируемый как объемный плазмонный резонанс в продольной моде при наклонном угле падения.

Благодарности

Авторы благодарят Д.П. Щербинина за проведение измерений спектров отражения для наклонного угла падения, Е.В. Гущину за измерение толщины слоев наночастиц Аg и С.И. Павлова за РЭМ-изображения, полученные в ЦКП при ФТИ им. Иоффе.

Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

Список литературы

- Kreibig U, Vollmer M. Optical Properties of Metal Clusters. Berlin: Springer, 1995. 576 p.
- [2] Stefan A. Maier. Plasmonics: Fundamentals and Applications. N Y.: Springer Science+Business Media LLC, 2007. 223 p.
- [3] Климов В.В. Наноплазмоника. М.: Физматлит, 2009. 480 с.
 [4] Балыкин В.И // УФН. 2018. Т. 188. № 9. С. 935.
- doi 10.3367/UFNr.2017.09.038206
- [5] Hilgerm A., Tenfeldeu M., Kreibig U. // App. Phys. B. 2001.
 V. 73. P. 361. doi 10.1007/s003400100712
- [6] Кособукин В.А. // ФТТ. 2012. Т. 54. № 12. С. 2340.
- [7] Gladskikh P.V., Gladskikh I.A., Toropov N.A., Vartanyan T.A. // Proc. of SPIE. 2016. V. 9884. P. 98842Y. doi org/10.1117/12.2227597
- [8] Jo de Vries A., Kooij E.S., Wormeester H., Mewe A.A., Poelsema B. // J. Appl. Phys. 2007. V. 101. P. 053703. doi 10.1063/1.2654234
- Marsillac S., Little S.A., Collins R.W. // Thin Solid Films. 2011. V. 519. P. 2936. doi 10.1016/j.tsf.2010.11.065
- [10] Oates T.W.H., Wormeester H., Arwin H. // Progress in Surface Science. 2011. V. 86. P. 328.
- doi 10.1016/j.progsurf.2011.08.004
 [11] Жарова Ю.А., Толмачев В.А., Бедная А.И., Павлов С.И. // ФТП. 2018. Т. 52. № 3. Р. 576.
- [12] Handbook of Optical Constants of Solids / Ed. by Palik E.D. N Y.: Academic Press, 1985. P. 804.
- [12] Aspnes D.E. // Thin Solid Films. 1982. V. 89. P. 249.
- [13] Doremus R. // Thin Solid Films. 1998. V. 326. P. 205.
- [14] MacAlister A.J., Stern E.A. // Phys. Rev. 1963. V. 132. N 4. P. 1599.

- [15] Yang H.U., Drchangel J., Sundheimer M.L., Tucker E., Boreman Glenn D., Raschke M.B. // Phys. Rev. B. 2015. V. 91. P. 235137.
- [16] Leveque G., Olson C.G., Lynch D.W. // Phys. Rev. B. 1983.
 V. 24. P. 4654.
- [17] Winsemius P., van Kampen F.F., Lengkeek H.P., van Went C.G. // J. Phys. F: Met. Phys. 1976. V. 6. P. 1583.
- [18] Wang Y., Plummer E. W., Kempa K. // Advances in Physics. 2011. V. 60. P. 799.