02

# Температурные и концентрационные зависимости соотношения Ландау—Плачека в водных растворах $\gamma$ -пиколина

© Л.М. Сабиров $^{1}$ , Ф.Р. Исмаилов $^{1}$ , Ш.А. Кадиров $^{2}$ , Ш.Э. Каршибаев $^{1}$ 

1 Самаркандский государственный университет,

140104 Самарканд, Узбекистан

<sup>2</sup> Ургенчский государственный университет,

220100 Ургенч, Узбекистан

e-mail:leonard.sabirov@gmail.com

Поступило в редакцию 20.06.2020 г. В окончательной редакции 20.06.2020 г. Принято к публикации 14.08.2020 г.

Исследованы соотношения интенсивности компонент тонкой структуры при молекулярном рассеянии света — соотношения Ландау—Плачека — в зависимости от изменения концентрации и температуры в водных растворах  $\gamma$ -пиколина. Обнаружена сложная зависимость соотношения в интенсивности тонкой структуры от концентрации и температуры, которая обусловлена структурными процессами, протекающими в водных растворах.

**Ключевые слова:** соотношение интенсивности, тонкая структура, формула Ландау—Плачека, структура, фазовый переход, изотермическая сжимаемость.

DOI: 10.21883/OS.2020.12.50318.178-20

## Введение

В водных растворах метилпиридинов при определенной концентрации и температуре на фазовой диаграмме состояний наблюдаются аномальные отклонения многих физических свойств — так называемая особая точка. В исследованиях [1,2] спектров изотропного рассеяния света в упомянутых и других водных растворах неэлектролитов были обнаружены особенности поведения интенсивности рассеянного света, скорости и поглощения гиперзвуковых волн [3]. При изучении интегральной интенсивности молекулярного рассеяния света в водных растворах [4,5] указано на существование максимума интенсивности изотропного рассеяния света при малых концентрациях неэлектролита. Природа этого явления является объектом многочисленных исследований [6,7].

Указанный максимум интенсивности обычно связывают с флуктуациями концентрации [4]. В настоящей работе изучается поведение интенсивности рассеянного света в водных растворах 4-метилпиридина ( $\gamma$ -пиколин) при изменении концентрации и температуры методом спектроскопии Мандельштама—Бриллюэна.

Отношение интегральных интенсивностей в компонентах тонкой структуры было впервые вычислено Ландау и Плачеком [8]:

$$\frac{I_c}{2I_{\rm MB}} = \frac{C_p - C_v}{C_v} = \gamma - 1. \tag{1}$$

Здесь  $C_p$  и  $C_v$  — удельные теплоемкости при постоянном давлении и объеме соответственно,  $I_c$  — интенсивность центра линии релеевского триплета,  $I_{\rm MB}$  — интенсивность компонент Мандельштам—Бриллюэнна (КМБ).

Формула (1) была получена без учета флуктуации диэлектрической проницаемости, связанной с градиентом температуры при постоянной плотности.

Более точный термодинамический расчет с учетом вышеуказанной флуктуации был выполнен Фабелинским [8]. При этом было получено следующее выражение для соотношения Ландау—Плачека:

$$\frac{I_c}{2I_{\rm MB}} = L \frac{\sigma^2 T}{\rho C_n \beta_s}.$$
 (2)

Здесь  $\sigma$  — температурный коэффициент объемного расширения,  $\rho$  — удельная плотность,  $\beta_s$  — адиабатическая сжимаемость ( $\beta_s = \frac{1}{\rho v^2}, v$  — скорость гиперзвука), T — абсолютная температура,  $\beta_T$  — изотермическая сжимаемость, L — отношение флуктуации диэлектрической проницаемости по температуре при постоянном давлении к флуктуации диэлектрической проницаемости по плотности при постоянной энтропии:

$$L = rac{\left(rac{1}{\sigma} rac{\partial \epsilon}{\partial T}
ight)_p^2}{\left(
ho rac{\partial \epsilon}{\partial 
ho}
ight)_{
m \scriptscriptstyle S}^2}.$$

Для обычных жидкостей и растворов, термодинамическое состояние которых далеко от метастабильного, коэффициент L можно принять за единицу. В этом случае формулу (2) можно представить как

$$\frac{I_c}{2I_{\rm MB}} = \frac{\beta_T}{\beta_s} - 1,\tag{3}$$

если использовать известное соотношение  $\beta_T = \beta_s + \frac{\sigma^2 T}{\rho C_p}$  [8].

В обычной жидкости  $I_c$  — результат рассеяния света на изобарических флуктуациях энтропии,  $I_{\rm MB}$  — результат рассеяния света на адиабатических флуктуациях давления. В растворах величина  $I_c$  является суммой вкладов от температурных флуктуаций энтропии  $I_s$  и флуктуаций концентрации  $I^{\rm K}$ :

$$I_{c} = I_{s} + I^{K}. \tag{4}$$

Поэтому для растворов в измеряемое значение соотношения Ландау—Плачека входит величина  $I^{\rm K}$ , связанная с флуктуациями концентрации. В растворах, измеряя соотношения Ландау—Плачека, мы фиксируем непосредственно величину

$$\left(\frac{I_c + I^K}{2I_{MR}}\right).$$
(5)

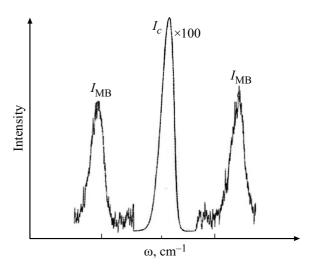
Таким образом, в растворах обязателен учет  $I^{\rm K}$ , чтобы можно было правильно оценить истинное значение  $\left(\frac{I_c}{2I_{\rm MB}}\right)$ . При измерениях скорости распространения гиперзвука по смещениям КМБ наблюдается существенный рост центральной линии триплета.

Ранее [9] нами были предприняты попытки измерений интенсивности центральной компоненты релеевской линии молекулярного рассеяния света (MPC). В связи с этим в [9] измерялись значения соотношений Ландау—Плачека  $R_{\rm LP}$  в водных растворах 4-метилпиридина для различных температур и концентраций. Однако при измерениях  $R_{\rm LP}$  мы не преследовали цель сделать какие-либо количественные оценки. И тем не менее было замечено, что  $R_{\rm LP}$  существенно увеличивается с уменьшением концентрации  $\gamma$ -пиколина в воде.

В настоящей работе была поставлена цель по возможности количественно оценить температурную и концентрационную динамику соотношения Ландау—Плачека. Известно, что интенсивность КМБ с температурой меняется незначительно. Вследствие этого отношение  $\frac{I_c}{2I_{\rm MB}}$ , которое мы в дальнейшем обозначим как  $I_{\rm ot}$ , покажет нам рост центральной линии Релея, нормированной на интенсивности КМБ.

## Методика исследования

При исследовании интенсивности спектральных линий тонкой структуры I и  $I_{\rm MB}$  Мандельштам—Бриллюэна нами была использована экспериментальная установка с двухпроходным интерферометром Фабри—Перо с контрастностью интерференционной картины  $4\cdot 10^5$  и резкостью  $\sim 40$ . Аналогичная экспериментальная установка подробно описана в предыдущих наших работах [10]. В качестве возбуждающего света использовалось стабилизированное по частоте излучение одночастотного He-Ne-лазера. Указанные спектральные параметры использованного интерферометра были вполне достаточны для уверенной регистрации тонкой структуры. На



**Рис. 1.** Типичная спектрограмма тонкой структуры MPC водного раствора  $\gamma$ -пиколина при концентрации 0.06 мольных долей и температуре  $10^{\circ}$  С.

рис. 1 приведена типичная спектрограмма тонкой структуры MPC раствора  $\gamma$ -пиколин—вода при концентрации 0.06 мольных долей и температуре  $10^{\circ}$ C.

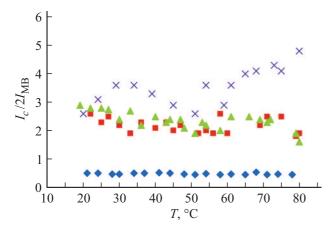
Для обеспечения точности измерений интенсивности  $I_{\rm от}$  мы последовательно применяли нейтральные фильтры, которые уменьшали интенсивность от 10 до 100 раз. Также контролировалась интенсивность излучения лазера.

#### Экспериментальные результаты

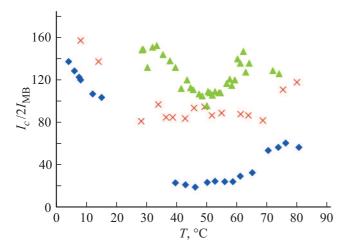
Величина  $I_{\rm or}$  изучалась в растворах  $\gamma$ -пиколин-вода с мольными долями  $\gamma$ -пиколина 1; 0.8; 0.6; 0.4; 0.2; 0.1; 0.08; 0.06; 0.05; 0.03; 0.005. Диапазон температур исследования был от 80 до  $10^{\circ}{\rm C}$  и несколько ниже. Результаты эксперимента представлены на рис. 2, 3.

На рис. 2 даны зависимости  $I_{\rm oT}$  от температуры для концентрации 0.8, 0.4 и чистого  $\gamma$ -пиколина. Как видно из рисунка, значения  $I_{\rm oT}$  в чистом  $\gamma$ -пиколине во всем температурном диапазоне исследования не превышали 0.5, что типично для чистых жидкостей согласно [8]. Для концентрации 0.8 мольных долей величины  $I_{\rm oT}$  также почти не зависят от температуры. Но их значения подросли по сравнению с чистым  $\gamma$ -пиколином. Для концентрации 0.4 мольных долей можно пренебречь небольшим увеличением  $I_{\rm oT}$  при  $t > 50^{\circ}$ С и считать слабо зависимым от температуры, особенно по сравнению с  $\leq 0.2$  мольных долей.

На рис. З изображены температурные зависимости  $I_{\rm or}$  для концентраций 0.2, 0.1 и 0.06 мольных долей  $\gamma$ -пиколинна соответственно. Из рис. З видно, что для C=0.2, 0.1 и 0.06 мольных долей величина  $I_{\rm or}$  уменьшается в интервале от 80 до 50°C, а в интервале температур от 50 до 7°C увеличивается. На примере зависимости  $I_{\rm or}$  от температуры при концентрации 0.2 четко



**Рис. 2.** Температурная зависимость величены  $I_{\text{от}}$ : для чистого раствора  $\gamma$ -пиколина (ромбы), концентраций  $\gamma$ -пиколина 0.8 (квадраты), 0.6 (треугольники), 0.4 мольных долей (крестики).



**Рис. 3.** Температурная зависимость значений при концентрациях  $\gamma$ -пиколина 0.2 (ромбы), 0.1 (крестики), 0.06 мольных долей (треугольники).

просматриваются три температурные области с разными характерами зависимости. В области от 80 до 50°С величина  $I_{\rm от}$  уменьшается почти в три раза. В области от 50 до 30°С указанная величина остается постоянной. И наконец, третья область от 15 до 4°С — здесь происходит резкий рост величины  $I_{\rm от}$  почти в 7 раз.

Для концентрации 0.06 мольных долей  $\gamma$ -пиколина инверсия температурной зависимости наступает уже при  $50^{\circ}$ С и угол между ветвями зависимости острый. Для раствора с концентрацией C=0.05 мольных долей значения  $I_{\rm or}$  не зависят от температуры и на два порядка величины меньше, чем при концентрации 0.06.

### Анализ результатов

Обычно [4] с повышением температуры идеальных растворов флуктуации концентрации уменьшаются, и

связанная с ними интенсивность рассеяния света падает. В нашем случае при C < 0.4 мольных долей и при  $t > 50^{\circ}$ С наблюдается рост интенсивности. По-видимому, как было указано в [9], это связано с приближением к нижней температуре расслаивания растворов метилпиридинов в воде. Обычно эта температура выше  $80^{\circ}$ С. А при  $t < 30^{\circ}$ С значение  $I_{\rm ot}$  также увеличивается, но уже с понижением температуры. Рост интенсивности при  $t > 50^{\circ}$ С наблюдается как при C = 0.2, так и при C = 0.1, 0.06 мольных долей.

Вызывает интерес следующий факт. Для растворов с концентрацией C=0.2 и 0.1 мольных долей изменение знака температурного градиента происходит через определенный температурный интервал. При этом  $I_{\rm ot}$  в этом температурном интервале увеличивается с 20 (для 0.2 мольных долей) до 85 (для 0.1 мольных долей), а при C=0.06 мольных долей увеличивается почти до 100. Для C=0.06 изменение знака температурного градиента  $I_{\rm ot}$  происходит при  $50^{\circ}$ С. Отметим, что на рис. 2 хорошо видны области температур, где наблюдается приблизительная независимость  $I_{\rm ot}$  от температуры. Для C=0.2 мольных долей это область от 30 до  $60^{\circ}$ С. Для C=0.1 мольных долей — также от 30 до  $60^{\circ}$ С. Выше отмечено, что  $I_{\rm ot}$  здесь увеличивается со значения 20 для C=0.2 до 80-85 для C=0.1.

Таким образом, для концентраций 0.2, 0.1 и 0.06 мольных долей в определенном промежутке температур наблюдается зависимость значений  $I_{\rm от}$  только от концентрации. Возникает вопрос, с каким механизмом увеличения интенсивности это связано. Создается впечатление, что при  $C \leq 0.2$  мольных долей  $I_{\rm от}$  при  $t > 50 ^{\circ}{\rm C}$  чувствительно к близости нижней критической точки расслаивания. Для удобства обсуждения назовем эти не зависящие от температуры значения  $I_{\rm от}$  фоном, который увеличивается при уменьшении концентрации  $\gamma$ -пиколина в воде.

Итак, в области температур от 30 до 60°С для C=0.2 и 0.1 мольных долей мы наблюдаем фоновую интенсивность  $I_{\rm or}$ , зависящую только от концентрации. Заметим, что фоновая интенсивность существует во всем интервале температур от 80 до 10°С. В области относительно высоких и низких температур она маскируется дополнительными процессами.

Обсудим несколько подробнее значение вклада концентрационного рассеяния света, изображенного на рис. 2. Из температурной зависимости величины  $I_{\rm от}$  для концентраций 0.8, 0.6 и 0.4 мольных долей видно, что по сравнению с чистым  $\gamma$ -пиколином значение  $I_{\rm от}$ , как и следовало ожидать, увеличилось. Обычно пик интенсивности вследствие развитых флуктуаций концентрации приходится на растворы с концентрациями 0.4—0.6 мольных долей одной из компонент. Наши данные, представленные на рис. 2, показывают, что максимальный вклад флуктуаций концентрации в значение  $I_{\rm от}$  составляет 2—4. В то же время при C=0.2 мольных долей (при таком значении пик вклада флуктуации концентрации уже пройден)  $I_{\rm от}$  равна  $\sim$  20. Таким образом, вклад

Расчетные значения адиабатической $\beta_s$ и изотермической $\beta_T$
сжимаемостей и соотношения Ландау-Плачека в зависимости
от концентрации γ-пиколина в воде

<i>C</i> , мольные доли	0.8	0.6	0.4	0.2	0.1	0.06
$\frac{I_c}{2I_{ m MB}}$	2	2.4	3.3	20	80	100
$\beta_s \cdot 10^{10}$	5.62	5.38	4.8	4.5	4.45	4.3
$eta_T \cdot 10^{10}$	11.2	12.9	15.8	90	365	430

флуктуации концентрации в данном случае составляет не более 10%. При  $C=0.1,\ 0.6$  мольных долей этот вклад уменьшается до 2%. Это гораздо меньше суммарных ошибок эксперимента. Поэтому можно пренебречь величиной  $I^K$  по сравнению с  $I_c$ , считая ее значение лежащим в пределах ошибок эксперимента. Выполним теперь численный анализ формулы (2).

Согласно формуле (2), при известных из опыта значениях  $\frac{I_s}{2I_{\rm MB}}$  и значениях  $\beta_s$ , вычисленных по смещению КМБ как  $\beta_s=\frac{1}{\rho v^2}$ , можно оценить порядок величины изотермической сжимаемости  $\beta_T$ . Мы выполнили такой расчет для всех концентраций при  $t=50^{\circ}{\rm C}$ . В таблице приводятся результаты вычисления.

Как видно из таблицы, полученный результат расчета показал, что изотермическая сжимаемость в исследованном промежутке концентрации увеличивается почти в 40 раз. Обычно при фазовом переходе жидкость-пар изотермическая сжимаемость неограниченно растет при приближении к фазовому переходу второго рода. При расслоении бинарных растворов интенсивность центра триплета также неограниченно растет вследствие роста флуктуаций концентрации и их радиуса корреляции. Но многократное рассеяние света, сопровождающее приближение раствора к расслаиванию, не представляет возможность выделить часть интенсивности, связанную с увеличением изотермической сжимаемости. Отличие нашего случая от случая фазовых переходов, где главными параметрами являются не только концентрация, но и температура, состоит в том, что здесь основным параметром изменения термодинамического состояния, по-видимому, является концентрация раствора.

Таким образом, мы видим, что вклад в интенсивность, связанный с изотермической сжимаемостью раствора, растет с уменьшением концентрации у-пиколина. В статистической механике и термодинамике уравнение сжимаемости связывает изотермическую сжимаемость со структурой жидкости. Процесс структуризации сопровождается изменением изотермической сжимаемости. Увеличение числа молекул воды (концентрации) приводит к образованию сетки водородных связей. Процесс структуризации приводит к фрагментации раствора. Процесс фрагментации заканчивается [11], когда структура будет представлять собой сплошную трехмерную решетку водородных связей. При этом концентрация раствора, по-видимому, равна 0.06 мольных

долей  $\gamma$ -пиколина (см. диаграмму фазового состояния растворов воды —  $\gamma$ -пиколина в [12]). При концентрации меньше указанной сжимаемость раствора резко уменьшается — процесс усиления структурированности воды вследствие проявления гидрофобности молекул воды [13].

В данном случае рост наблюдаемой фоновой интенсивности, зависящий от концентрации раствора и не зависящий от температуры, сопровожается ростом изотермической сжимаемости, которая связана со структурой раствора.

На этом фоне, определяемом, по-видимому, структурой жидкости, происходят два процесса, зависящих от температуры. Эти зависящие от температуры процессы связаны с приближением к нижней критической точке (НКТ) (при  $80^{\circ}$ C) по мере увеличении температуры, и к верхней критической точке расслаивания (ВКТ) при уменьшении температуры. Водные растворы пиколинов обладают замкнутыми кривыми расслаивания. Примером фазовой диаграммы для раствора  $\gamma$ -пиколин-вода является фазовая диаграмма, представленная в [12], которая изображена в координатах давления (P), температуры (T) и концентрации (C). Эта диаграмма демонстрирует следующее.

При очень низком давлении (гораздо меньше нормального) и очень высоком (гораздо больше нормального) система  $\gamma$ -пиколин-вода имеет замкнутую кривую расслаивания. При нормальном давлении замкнутая кривая стягивается сначала в двойную критическую точку (ДКТ), а в дальнейшем превращается в линию особых точек по координате давления. Эти особые точки по температуре совпадают с ДКТ. В нашем случае  $t=50^{\circ}\mathrm{C}$ , по-видимому, является температурой особой точки системы пиколин—вода.

На рис. 3 видно, что при концентрации 0.06 мольных долей в температурной зависимости интенсивностей имеются два максимума, расположенные при  $t_1 \sim 32^{\circ}\mathrm{C}$  и  $t_2 \sim 62^{\circ}\mathrm{C}$ . Это, по всей видимости, температуры ВКТ и НКТ соответственно.

В наших экспериментах в запаянной кювете с раствором изменяется температура. Это естественно приводит к изменению давления в кювете. Оно возрастает с ростом температуры и убывает с ее уменьшением. В результате этого особая точка, которая существует при нормальных давлениях, с изменением температуры как бы раскрывает замкнутую область расслаивания. Таким образом, рост  $I_{\text{от}}$  при  $t < 50^{\circ}\text{C}$  связан с приближением к ВКТ, а при  $t > 50^{\circ}$ С с приближением к НКТ. На фоне этих двух процессов независимо от температуры происходит структурирование растворов. Данные эксперимента показывают, что соотношение Ландау-Плачека не зависит от температуры, а увеличивается только с уменьшением концентрации у-пиколина в растворе. Ниже излагаются возможные причины роста фоновой интенсивности в зависимости от концентрации раствора.

При C=0.2 мольных долей количество молекул воды уже достаточно, чтобы в растворе существовали

фрагменты сетки воды. Эти фрагменты, по-видимому, могут включать в себя отдельные молекулы  $\gamma$ -пиколина, фиксируя их водородной связью. Такие агрегаты играют роль неоднородности среды и устойчивы к температуре. Флуктуации плотности при этом возрастают. Интенсивность центральной линии растет. При дальнейшем убывании концентрации  $\gamma$ -пиколина число агрегатов растет, но все еще есть молекулы  $\gamma$ -пиколина, не связанные с сеткой воды. Фоновая интенсивность растет. И, наконец, при C=0.06 мольных долей, по-видимому, все молекулы  $\gamma$ -пиколина занимают фиксированные места в тетраэдрической сетке воды. Каркас воды укрепляется. Фоновая интенсивность достигает предельного значения.

Как уже было сказано, в области температур  $t > 50^{\circ}$ С раствор приближается к нижней температуре расслаивания, которая, возможно, выше  $80^{\circ}$ С.

#### Выводы

- 1. Измерены температурные и концентрационные зависимости соотношений Ландау-Плачека в водных растворах  $\gamma$ -пиколина.
- 2. Установлено, что в этих растворах температура особой точки  $(t_0)$  равна  $\sim 50^{\circ}{\rm C}$ .
  - 3. При  $t > t_0$  растворы приближаются к НКТ.
- 4. Величина  $\frac{I_c}{2I_{\rm MB}}$  в температурной области, далекой от нижней и верхней критических точек, от температуры не зависит, а растет только с убыванием концентрации  $\gamma$ -пиколина.
- 5. Оценка изотермической сжимаемости  $\beta_T$  исходя из значений  $\frac{I_c}{2I_{\rm MB}}$  показала рост изотермической сжимаемости в интервале концентраций от 0.2 до 0.06 мольных долей более чем в 4 раза, а по сравнению с концентрациями 0.6 и 0.8 мольных долей более чем в 40 раз.
- 6. Сделан вывод о том, что рост  $\beta_T$  при уменьшении концентрации свидетельствует о повышении уровня структурирования раствора при приближении концентрации к значению 0.06 мольных долей.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- [1] Bunkin N.F., Gorelik V.S., Sabirov L.M, Semenov D.I., Khaydarov Kh.S. // Quantum Electronics. Turpion Ltd., London, 2010. V. 40. N 9. P. 817–821.
- [2] Sabirov L.M., Semenov D.I. // Ukrainian J. Phys. 2015.V. 60 (9). P. 868.
- [3] *Коваленко К.В., Кривохижа С.В., Чайков Л.Л.* // Краткие сообщения по физике ФИАН. 2001. № 2. С. 40—44.
- [4] Вукс М.Ф. Рассеяния света в газах, жидкостях и растворах.Л.: Изд. ЛГУ, 1977. С. 320.
- [5] Эскин В.Е. Рассеяния света растворами полимеров. М.: Наука, 1973.

- [6] Маломуж Н.П., Слинчак Е.Л. // Журн. физ. химии. 2007. Т. 81. № 11. С. 1983—1988.
- [7] *Маломуж Н.П., Слинчак О.Л.* / Український фізичний журн. 2008. Т. 53. № 10. С. 967—971.
- [8] *Фабелинский И.Л.* Молекулярное рассеяния света. М.: Наука, 1965. С. 511.
- [9] Исмаилов Ф.Р., Сабиров Л.М., Семенов Д.И, Утарова Т.М., Хайдаров Х.С. // Uzb. J. Phys. 2011. V. 13. № 4. P. 294—310.
- [10] Кашаева Л.М., Сабиров Л.М., Туракулов Я.Т., Утарова Т.М. // Краткие сообщения по физике. 1981. № 5. С. 41—44.
- [11] Sabirov L.M., Semenov D.I. // Ukrainian J. Phys. 2015. V. 60 (9). P. 869–872.
- [12] Schneider G.H. // Ber. Bunsenges Phys. Chem. 1972. 76 3/4.P. 325-331.
- [13] *Rodnikova M.N., Chumaevskii N.A.* // J. Structural Chemistry. 2006. V. 47. Supplement. P. S151–S158.