## 06,11

# Дипольное упорядочение и ионная проводимость в NASICON-подобных структурах типа Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

© А.С. Ногай<sup>1</sup>, А.А. Ногай<sup>2</sup>, С.Ю. Стефанович<sup>3</sup>, Ж.М. Солиходжа<sup>2</sup>, Д.Е. Ускенбаев<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Казахский агротехнический университет им. С. Сейфуллина,

Астана, Казахстан

<sup>2</sup> Евразийский национальный университет им. Л.Н. Гумилева,

Астана, Казахстан

<sup>3</sup> Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова,

Москва, Россия

E-mail: nogay06@mail.ru

Поступила в Редакцию 28 января 2020 г. В окончательной редакции 28 января 2020 г. Принята к публикации 11 марта 2020 г.

Изучены вопросы структурных особенностей, диэлектрических и проводящих свойств поликристалла  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$ , полученного методом горячего прессования. Показано, что исследуемые поликристаллы в  $\alpha$ - и  $\beta$ -фазах  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$ , лучше по проводящим свойствам, чем в  $\alpha$ -,  $\beta$ -фазах монокристаллов, полученные традиционным раствор-расплавным методом.

Уточнены закономерности появления дипольного упорядочения, ионной и суперионной проводимости, связанные фазовыми переходами и со структурными изменениями ромбоэдрического кристаллического каркаса {[Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>]<sup>3-</sup>}<sub>3∞</sub> при полиморфных превращениях. Обсуждены вопросы релаксационной поляризации в  $\alpha$ - и  $\beta$ -фазах Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>. Предложена модель, поясняющая явления дипольного упорядочения и ионной проводимости Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

Ключевые слова: поликристалл, ионная проводимость, фазовые переходы, кристаллический каркас, кристаллическая фаза, суперионная фаза.

DOI: 10.21883/FTT.2020.08.49605.012

# 1. Введение

Актуальность настоящей работы связана с тем, что некоторые вещества с ромбоэдрическими кристаллическими каркасами из семейства NASICON обладают практически ценными свойствами и могут применяются, как конструкционные материалы в источниках тока [1–7]. В частности, ведутся работы над возможностью повышения энергетических параметров аккумуляторов с использованием Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> в качестве электродного материала [2–5].

В настоящее время хорошо изучены монокристаллы и керамические образцы Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>. Согласно [8,9,10] Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> имеет три полиморфные модификации ( $\alpha$ -,  $\beta$ - и  $\gamma$ -фазы). При нагреве в Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> происходят последовательные фазовые переходы из моноклинной, сверхструктурной  $\alpha$ -фазы в псевдоромбоэдрическую, сверхструктурную  $\beta$ -фазу и затем в ромбоэдрическую  $\gamma$ -фазу соответственно при температурах 368 и 418 К.

Для Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, также как для Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> характерно статистическое заполнение катионами натрия кристаллографических полостей *А*-и *В*-типа в кристаллическом каркасе { $[M_2(PO_4)_3]^{3-}$ }<sub>3∞</sub>, где M = Sc, Fe [11,12].

Высокая ионная проводимость монокристалла  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, обнаруженная в работе [10], по-видимому, обусловлена слабой связью катионов натрия с анионным кристаллическим каркасом.

Несмотря на имеющийся в литературе результаты по исследованию фосфата натрия-железа, интерес вызывает изучение структурных особенностей, проводящих и диэлектрических свойств  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$ , синтезированного методом горячего прессования.

Целью настоящей работы является исследование структурных особенностей, проводящих и диэлектрических свойств  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$ , полученных методом горячего прессования и установление взаимосвязи между структурой, проводящими и диэлектрическими свойствами в различных полиморфных модификациях.

#### 2. Методика эксперимента

В настоящей работе использовали следующие реактивы: Na<sub>2</sub>CO<sub>3</sub> (ЧДА, Лабрфарм), Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (ЧДА, Лабрфарм), NH4H2PO4 (ЧДА, Лабрфарм), ZrO<sub>2</sub> (порошок, Лабрфарм). Для взвешивания реактивов использовались весы Shimadzu Type ELB 200, а для помола исходной шихты была использована агатовая ступка. Синтез образцов проводили в платиновых тиглях.

Поликристаллы  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  были получены твердофазным синтезом по керамической технологии из шихты:  $3Na_2CO_3 + 2Fe_2O_3 + 6NH_4H_2PO_4$ , взятых в стехиометрических соотношениях путем двух стадийного обжига. Первый отжиг проводили при 870 К. Второй



Рис. 1. Дифрактограмма порошка  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

отжиг проводили методом горячего прессования под действием гиростатического давления  $P = 2 \cdot 10^5$  Ра и при температуре 970 К. Время отжига образцов на каждой стадии твердофазного синтеза составляло 8 h.

Для проведения синтеза образцов под давлением была создана установка, состоящая из четырех составных частей: прессующего механизма, навесной печи, алундовой прессформы (с внутренним диаметром 14 mm) и двух длинных стержней из Al<sub>2</sub>O<sub>3</sub> с диаметрами 20 и 14 mm на разных концах соответственно. Нижний алундовый стержень широким концом был жестко зафиксирован на стальной платформе, а верхний конец с меньшим диаметром был вставлен в прессформу на глубину 8 mm. Образец (спресованная таблетка) был расположен в центре прессформы и засыпан со всех сторон порошком ZrO<sub>2</sub>. Верхний алундовый стержень широким концом упирался в плунжер прессующего устройства, а другим концом (с меньшим диаметром) мог вставляться в прессформу и свободно перемещаться вдоль нее. Гидростатическое давление на образец создавалось с помощью механического прессующего устройства, прессформы, двух пуансонов и порошка окисида циркония. Прессформа с образцом была помещена в центрнавесной печи. Температура регистрировалась термопарой платина-родий, который был близко расположен к образцу.

Фазовая принадлежность и структурные параметры поликристаллических образцов  $Na_3Fe(PO_4)_3$  были исследованы рентгенографическими методами порошка с использованием гдифрактометра ДРОН-3 (Си $K_{\alpha}$ -излучение).

Нелинейно-оптические свойства поликристалла  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  определялись методом генерации второй оптической гармоники (ГВГ) от неодимового лазерного излучения.

Определение проводящих и диэлектрических свойств образцов проводили методом импедансной спектроскопии. Исследование образцов были проведеныв интервале температур 295–573 К с помощью импедансметров BM-507, BM-538 с диапазонами частот 5 · 10<sup>5</sup>–5 · 10<sup>7</sup> Hz и  $5-10 \cdot 10^7$  Hz Hz соответственно. Для создания электродов на образцы наносили палладий.

## 3. Результаты и обсуждения

## 3.1. Результаты синтеза и рентгеноструктурного исследования поликристалла Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Синтезированные поликристаллы Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> имели темно-розовую окраску, представляли собой таблетки диаметром 10 и толщиной 1 mm. Было выявлено, что поликристаллические образцы имеливысокую плотность, которая в сравнении с теоретической составляла 98%.

Рентгенографическими измерениями была установлена однофазность приготовленных образцов, а дифрактограмма порошка приведена на рис. 1.

На основании дифрактограммы были установлены тип кристаллической решетки и структурные параметры образцов при комнатной температуре. Элементарная ячейка  $\alpha$ -фазы Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> имеет моноклинное искажение с пр. гр. *C*2/*m*, а установленные структурные параметры представлены в табл. 1. Для сравнительного анализа в табл. 1 сведены структурные данные Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> других авторов [6,10,13].

Как видно из табл. 1, структурные данные  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> весьма неоднозначны. Вероятно, имеющиеся противоречивые данные по структуре  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> связаны с тем, что в зависимости от термодинамических условий синтеза данное соединение было кристаллизовано в разных формах, т. е. термодинамические условия синтеза были решающими при формировании конечной структуры кристаллов  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

Отметим, что в работе [10] были обнаружены сверхструктурные искажения на монокристалле  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, которые могут характеризоваться следующим выражением:

$$a = a_1; \quad b = b_1; \quad c = a_1 + 3c_1,$$

Параметры элементарной ячейки Пространственная T, KФазы Ссылка группа  $\gamma^0$  $\beta^0$ V/Za, Å b, Å *c*, Å 293 C2, Cm, C2/m15.127 8.722 21.569 90.16 237.1 [10]α 13.39 17.91 90 120 293  $R\bar{3}cH$ 13.39 [13] α 8.805 125.16 293 C2/c15.128 8.721 [6] α P3c18.729 21.720 238.9 [10] β 3Rc8.733 21.798 240.0 [10] γ 293 90.19 C2/m15.125 8.726 21.576 α

**Таблица 1.** Структурные данные для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Согласно [10], структура кристалла в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> сохраняет слабые сверхструктурные рефлексы и может иметь пространственную группу  $P\overline{3}c1$  или P3c1, причем элементарная ячейка может быть описана следующими выражениями:

$$\mathbf{a}_{\beta} = 2\mathbf{a}_{\gamma}; \quad \mathbf{b}_{\beta} = 2\mathbf{b}_{\beta}; \quad \mathbf{c}_{\beta} = \mathbf{c}_{\gamma}.$$

# 3.2. Результаты исследования теста на нецентросимметричность и ионную проводимость поликристалла Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Проведение теста на нецентросимметричность поликристалла  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> при T = 293 К позволило выявить отсутствие сигнала ГВГ, что позволяет рассматривать низкотемпературную  $\alpha$ -фазу как центросимметричную, неполярную. Аналогичные результаты были получены при изучении теста на нецентросимметричность у изоструктурного аналога  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Cr<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, хотя в случае другого изоструктурного аналога  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, была обнаружена нецентросимметричность низкотемпературной  $\alpha$ -фазы [14,15].

Исследование температурной зависимости ионной проводимости кристаллитов поликристалла  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  были проведены импедансным методом. Комплексное сопротивление двухполюсника (монокристалла)  $Z^*$  при взаимодействии с гармоническим электрическим сигналом можно записать в виде формулы

$$z^{*}(j\omega) = R + \frac{1}{j\omega C} = z^{1} + jz^{11}.$$
 (1)

На рис. 2 приведен вид взаимозависимости реактивной составляющей импеданса от активной  $jZ^{11}(Z^1)$  на комплексной плоскости  $Z^* = Z^1 + jZ^{11}$  для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>) при двух температурах.

Как видно из рис. 2, наиболее полный годограф импеданса получен при температуре 290 К (см. рис. 2, b) и представлен в виде двух полуокружностей с восходящей ветвью в низкочастотной области. Описанный вид годографа отвечает эквивалентной электрической схеме (см. рис. 2. c), построенной из емкости двойного слоя ( $C_{\rm el}$ ) (соответствующей границе металл-поликристалл Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>) и присоединенных последовательно двух электрических цепей. Одна



**Рис. 2.** Годографы импеданса для керамики Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> при фиксированных температурах: *a*) при T = 370 K; *b*) при T = 270 K; *c*) эквивалентная схема поликристаллического образца, где  $C_{\rm cr}$  — емкость кристаллита,  $R_{\rm cr}$  — сопротивление кристаллита,  $C_{\rm in}$  — емкость межзеренья,  $R_{\rm in}$  — сопротивление межзеренья,  $C_{\rm el}$  — емкость границы электрод–электролит.

цепь составлена из соединенных параллельно емкости кристаллита  $(C_{\rm cr})$  и ее активного сопротивления  $(R_{\rm cr})$ , а вторая состоит из соединенных параллельно емкости межкристаллитной прослойки  $(C_{\rm in})$  и ее активного сопротивления  $(R_{\rm in})$  поликристаллического образца.

Величина сопротивления кристаллита  $(Z_{cr}^1)$ , соответствовала диаметру малой полуокружности по оси абсцисс (сопротивление и емкость кристаллита меньше, чем межкристаллитной прослойки, из-за более высокой его плотности), а диаметр второй полуокружности задает величину сопротивления  $(Z_{in}^1)$  межкристаллитной

Тип образца	Фазы	Ионнные проводимости $\sigma$ , $(\Omega \cdot \mathrm{cm})^{-1}$	Энергии активации ΔE, eV	Типы фазовых переходов	Температуры фазовых переходов, К	Литература
Поликристалл	$egin{array}{c} lpha \ eta \ ec{eta} \ ec{eta}$	6.1 · 10 <sup>-7</sup> при 323 К 7.3 · 10 <sup>-5</sup> при 373 К 8.2 · 10 <sup>-3</sup> при 573 К	0.68 0.48 0.39	$egin{array}{c} lpha  ightarrow eta \ eta  ightarrow \gamma \end{array} eta \ eta  ightarrow \gamma$	$T_{lpha ightarroweta}=368\ T_{eta ightarrow\gamma}=418$	
Монокристалл	lpha eta eta eta eta eta eta eta et	1.2 · 10 <sup>-7</sup> при 323 К 2.3 · 10 <sup>-5</sup> при 373 К 9.0 · 10 <sup>-3</sup> при 573 К	0.83 0.55 0.41	$egin{array}{c} lpha  ightarrow eta \ eta  ightarrow \gamma \end{array} eta \ eta  ightarrow \gamma$	$T_{lpha  ightarrow eta} = 368$ $T_{eta  ightarrow \gamma} = 418$	[10]

Таблица 2. Параметры ионной проводимости для поликристалла и монокристалла Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4)<sub>3</sub></sub>



**Рис. 3.** Температурная зависимость ионной проводимости зерен для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

прослойки. Удельная проводимость зерна ( $\sigma_{\rm cr}$ ) поликристалла вычислялась по формуле

$$\sigma_{\rm cr} = \frac{d}{S} \frac{1}{Z_{\rm cr}^1}.$$
 (2)

Вероятно в силу изотропности физических свойств поликристаллических образцов, фазовые переходы на зависимости  $\sigma T(T)$  выражены "протяженными" температурными интервалами, которые соединены линиями в виде "наклонных ступенек" (см. рис. 3). Напротив, в случае монокристаллов Na<sub>3</sub>Cr<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> нами были установлены "прямоугольные ступеньки" [14], характеризующие резкие скачки проводимости при фазовых переходах. Середина первого "протяженного" температурного интервала на графике температурной зависимости  $\sigma T(T)$  соответствует T = 368 K, что указывает на наличие температурного фазового перехода ( $T_{\alpha \to \beta}$ ) из  $\alpha$ -фазы в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

Результаты измерения температурной зависимости ионной проводимости кристаллитов Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> позволяют выделить на зависимости  $\sigma_T(T)$  три линейных участка, соответствующих трем полиморфным модификациям —  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  (рис. 3), которые выделены штриховыми линиями.

Путем соответствующей обработки полученных экспериментальных данных (см.  $\sigma T(T)$  на рис. 3) нами были определены параметры ионной проводимости и температуры фазовых переходов фосфата натрия—железа, которые приведены в табл. 2.

Согласно табл. 2, для Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> значения параметров ионной проводимости заметно отличаются от данных, представленных в работе [10]. Прежде всего, для образцов, изготовленных методом горячего прессования, значения проводимости заметно выше, а энергии активации ниже в  $\alpha$ - и  $\beta$ -фазах Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> по сравнению с монокристаллическими образцами.

Поскольку концентрация носителей заряда в  $\alpha$ - и  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> не зависит от технологии изготовления, то снижение энергии активации и повышение проводимости в поликристаллическом образце можно связать с частичным снятием моноклинного искажения кристаллического каркаса. Вероятно, что условия горячего прессования (влияние давления и температуры) способствовали формированию поликристаллов  $\alpha$ - и  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, в которых моноклинное искажение кристаллического каркаса были частично сняты (по сравнению с кристаллами полученными при атмосферном давлении), что может приводить к снижению энергии активации и повышению проводимости (см. табл. 2) при переходе катионов натрия из А-в В-полости в кристаллическом каркасе а-, β-фазах Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>. Данное предположение вполне согласуется с тем, что в сильно искаженных кристаллических  $\alpha$ - и  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> фазах разница энергии активации в образцах обсуждаемого типа особенно заметны (см. табл. 2).

В  $\gamma$ -фазе Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> значения параметров проводимости исследуемых образцов снижены по сравнению с монокристаллическим образцом. Вероятно, в  $\gamma$ -фазе Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> (хотя все структурные искажения в кристалле сняты) влияние гидростатического давления на структуру сводилось к незначительному "сжатию" кристаллического каркаса в момент кристаллизации.

В целом для низкотемпературных фаз  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> обоих типов образцов характернынизкие значения проводимости и высокие значения энергии активации, что характерно для диэлектриков.

Для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, при T = 373 К наблюдается существенное повышение проводимости и снижение энергии активации (см. табл. 2), что можно связать со структурными изменениями кристаллического каркаса [6,10]. По-видимому, фазовый переход  $T_{\alpha\to\beta}$  способствует заметному снятию моноклинного искажения кристаллического каркаса, приводящему как к увеличению концентрации подвижных ионов натрия, так и к более равномерному распределению по *A*-и *B*-полостям кристаллического каркаса.

Несмотря на то, что энергия активации достаточно высока для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, все же заметный скачок проводимости ( $\Delta \sigma \approx 10^2 \,\Omega^{-1} \cdot \text{cm}^{-1}$ ) и снижение энергии активации с 0.68 eV до 0.47 eV при фазовом переходе  $\alpha \rightarrow \beta$  позволяет заключить о суперионном характере проводимости.

Дальнейшее повышение температуры приводит к очередному фазовому превращению при  $T_{\beta \to \gamma} = 418$  К, которое приводит к еще большему увеличению проводимости поликристалла (см. табл. 2), а также снижению энергии активации до 0.39 eV, что может быть связано с полным снятием моноклинных искажений кристаллического каркаса. Проводимость  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> уже можно рассматривать, как суперионную.

Представленную на рис. 2 температурную зависимость электропроводности можно описать уравнением Аррениуса, а с учетом наличия трех фаз для  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  можно выразить соотношением [14]:

$$\sigma T = \sum_{i=1}^{n} \exp\left(-\frac{\Delta E_i}{kT}\right),\tag{3}$$

где  $\Delta E_i$  — энергия активации проводимости *i*-фаз; k — постоянная Больцмана; T — температура;  $A_i$  — постоянные коэффициенты, характеризующие *i*-фазовые состояния.

## 3.3. Результаты исследования диэлектрических свойств поликристалла Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Согласно температурной зависимости диэлектрической проницаемости ( $\varepsilon(T)$ ), представленной на рис. 4, низкотемпературную фазу  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> до 365 K можно рассматривать как диэлектрическую, т. к. воздействие внешнего электрического поля и температуры практически не влияет на зависимость  $\varepsilon(T)$ .

Весьма слабое взаимодействие приложенного электрического поля с поликристаллом в низкотемпературной фазе  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> (рис. 4, *a*) может быть связано с тем, что все катионы натрия упорядочились в малоподвижные скомпенсированные натриевые диполи.

Однако, при дальнейшем повышении температуры наряду с ростом диэлектрической проницаемости образца на зависимости  $\varepsilon(T)$ , четко выделяется "ступенька", обусловленная скачком диэлектрической проницаемости ( $\Delta \varepsilon = 1.5 \cdot 10^3$ ), соответствующая области



**Рис. 4.** Температурные зависимости диэлектрической проницаемости (*a*) и тангенса угла диэлектрических потерь  $tg \delta(T)$  (*b*) для поликристаллического образца  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$ . Кривые I-7 соответствуют измерениям, проведенным при следующих частотах: I — 15 kHz; 2 — 30 kHz; 3 — 50 kHz; 4 — 100 kHz, 5 — 150 kHz, 6 — 300 kHz, 7 — 500 kHz.

фазового перехода  $T_{\alpha\to\beta} = 368 \text{ K}$  (рис. 4, *a*). Также для этого перехода  $T_{\alpha\to\beta}$  характерен скачок по проводимости  $\Delta\sigma \approx 10^2 \,\Omega^{-1} \cdot \text{cm}^{-1}$  (см. рис. 3) и скачок по теплоемкости 3 kJ/mole согласно данным [10].

Отметим, что для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> на зависимости tg  $\delta(T)$ , диэлектрические потери характеризуются низкими значениями tg  $\delta$ , достигающими до 1.0 в температурном интервале от 295 до 360 К (рис. 4, b). Причем, наблюдается слабая интенсивность роста диэлектрических потерь с повышением температуры для кривых 1-7. В целом по значениям tg  $\delta$  низкотемпературная фаза  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> соответствует диэлектрической, т. к. диэлектрические потери близки к единице (tg  $\delta \approx 1$ ).

Вероятно, слабое изменение значений tg  $\delta$  в низкотемпературной фазе  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> может быть связано с замедленными процессами тепловой релаксационной поляризации малоподвижных "сконденсировавшихся" заряженных частиц под действием внешнего приложенного электрического поля.

На рис. 4, b показано, что на зависимости tg  $\delta(T)$  можно видеть небольшую аномалию tg  $\delta=0.7$  вбли-

зи температуры 368 К, что соответствует изменению потерь энергии в области фазового перехода  $\alpha \rightarrow \beta$  в результате структурной перестройки кристаллического каркаса Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> из моноклинной C2/*m* в псевдоромбоэдрическую  $P\overline{3}c$ 1.

Согласно [16], установленная нами аномалия в виде "ступеньки" на зависимости  $\varepsilon(T)$  характерна для несобственных сегнетоэлектрических фазовых переходов. Учитывая данные по проводимости  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, а также наличие сверхструктурных искажений (по аналогии с  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Cr<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, представленной в [14]) и появление аномалии в виде "ступеньки" на кривой  $\varepsilon(T)$ , можно классифицировать переход  $T_{\alpha \to \beta}$ , как несобственный антисегнетоэлектрический фазовый переход (рис. 4, *a*), а низкотемпературную фазу фосфата натрия–железа рассматривать, как антисегнетоэлектрическую.

Отсутствие полярности и невысокое значение диэлектрической проницаемости на зависимости  $\varepsilon(T)$  для низкотемпературной фазы  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> можно связать с тем, что катионы натрия упорядочились в скомпенсированные статистические натриевые диполи и "сконденсировались" на дне потенциальных ям кристаллического каркаса (на дне деформированных В-полостей кристаллического каркаса  ${[Fe_2(PO_4)_3]^{3-}}_{3\infty}$ ), из-за моноклинного искажения структуры (пр. гр. С2/m). После фазового перехода  $T_{\alpha \to \beta}$  диэлектрические проницаемости в поликристалле  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> заметно увеличиваются при низких частотах (500 Hz - 30 kHz) (см. рис. 4, *a*), что может быть связано с появлением значительного количества поляризованных подвижных катионов натрия, вследствие частичного снятия моноклинных искажений кристаллического каркаса.

Однако, при частотах 300-500 kHz наблюдается лишь слабый рост диэлектрической проницаемости. Вероятно, большинство подвижных катионов натрия способны участвовать лишь в медленных процессах поляризации под действием низкочастотных колебаний электрического поля (500 Hz-15 kHz), поэтому мы наблюдаем высокую поляризованность образца (представлена кривыми 1-3 на рис. 4, a). Снижение поляризованности образца с повышением частоты электрического поля можно объяснить тем, что не все катионы натрия успевают следовать за электрическим полем, т.е. участвовать в быстрых процессах поляризации (кривые 4-9 на рис. 4, a).

Переход в  $\beta$ -фазу сопровождается слабым повышением тангенса угла диэлектрических потерь на высоких частотах (кривые 1-4) на зависимости tg  $\delta(T)$  и резким повышением на низких частотах (кривые 5-7) (см. рис. 4, *b*).

Дополнительную информацию о процессах поляризации в Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> можно получить изучив частотные зависимости диэлектрической проницаемости  $\varepsilon(T)$  и тангенса угла диэлектрических потерь tg $\delta(\omega)$  (см. рис. 5, *a* и *b*).

Согласно зависимости  $\varepsilon(\omega)$ , показанной на рис. 5, *а* можно четко выделить низкотемпературную диэлектри-



**Рис. 5.** Частотные зависимости: *a*) диэлектрической проницаемости ( $\varepsilon(\omega)$ ) и *b*) тангенса угла диэлектрических потерь (tg  $\delta(\omega)$ ) для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>. Кривые I=7 соответствуют измерениям, проведенным при следующих температурах: I - 293 K, 2 - 313 K, 3 - 373 K, 4 - 383 K, 5 - 403 K, 6 - 408 K, 7 - 413 K.

ческую фазу  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, представленную кривыми 1-3, для которых характерны небольшие диэлектрические проницаемости при низких частотах и еще больший спад с повышением частоты.

Для фазы  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, представленной на зависимости  $\varepsilon(\omega)$  кривыми 4-6 (рис. 5, *a*) при низких частотах характерна высокая диэлектрическая проницаемость, значения которых варьируются в широких пределах ( $\varepsilon = 7.5 \cdot 10^4 - 14 \cdot 10^4$ ) в зависимости от температуры.

Значительно более высокими значениями диэлектрической проницаемости характеризуются  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> (см. кривую 7 на рис. 5;  $\varepsilon = 25 \cdot 10^4$ ).

Также нами были исследованы частотные зависимости тангенса угла диэлектрических потерь  $tg \,\delta(\omega)$ для поликристаллического образца  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  (см. рис. 5, b). Для  $\alpha$ - $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  характерны небольшие изменения  $tg \,\delta(\omega)$  (см. кривые I-3 на рис. 5, b). Для  $\beta$ - $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  характерно наличие максимумов тангенса угла диэлектрических потерь на зависимости  $tg \,\delta(\omega)$  при фиксированных температурах, что может быть связано с тепловыми релаксационными процессами поляризации в образце (рис. 5, b). Причем релаксационные максимумы для  $\beta$ - $Na_3Fe_2(PO_4)_3$  сдвигаются в об-

**Рис. 6.** Частотные зависимости тангенса угла диэлектрических потерь  $\delta$  для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> при температуре T = 413 К. I — экспериментальная кривая, 2 — теоретическая кривая.

ласть более высоких частот с повышением температуры, что характерно для релаксации дебаевского типа, т.к. экспериментальная характеристика образца, показанная кривой *1* на рис. 6, близка к теоретической Дебаевской кривой *2*, построение которой осуществлялось согласно формуле Дебая (4) [17]:

$$\operatorname{tg}\delta = \frac{\sigma}{\omega} + \frac{(\varepsilon_0 - \varepsilon_\infty)}{\varepsilon_0 + \varepsilon_\infty \omega^2 \tau^2},\tag{4}$$

где  $\tau$  — время релаксации диполя в диэлектрике под воздействием внешнего поля;  $\varepsilon_0$  и  $\varepsilon_{\infty}$  — статическая и оптическая диэлектрические проницаемости соответственно;  $\omega$  — круговая частота;  $\sigma$  — ионная проводимость.

Подобные релаксационные процессы наблюдались в  $\alpha'$ -Na<sub>3</sub>Cr<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>,  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> и были обсуждены в работах [14,15]. Наблюдаемые релаксационные процессы могут быть обусловлены колебаниями подвижных катионов натрия и слабо подвижных скомпенсированных статистических натриевых диполей в частично деформированных *В*-полостях кристаллического каркаса  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> под воздействием электрического поля и температуры выше 368 К.

Очевидно, что выраженность пиков на зависимости tg  $\delta(\omega)$  для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> связано с тем, что основной вклад в тангенс угла диэлектрических потерь вносят потери, связанные с взаимодействием релаксирующих частиц.

Для характеристики процесса релаксации в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> были определены высота потенциального барьера (*E*) и время релаксации релаксирующих

частиц. Путем построения зависимости  $\omega_{\max}(T)$  были определены энергия активациии среднее время релаксации ( $\tau$ ) при нулевой температуре для этой фазы.

Время релаксации  $\tau$  может быть определено согласно [17] в виде

$$\tau = \frac{1}{2} \nu \exp(E/kT), \tag{5}$$

где v — частота собственных колебаний диполей; ехр( $\Delta E/kT$ ) отражает вероятность преодоления дипольной частицей потенциального барьера высотой  $\Delta E$ , разделяющего диполи в их устойчивом состоянии; k — постоянная Больцмана.

Оптические и статические диэлектрические проницаемости были определены путем построения и анализа диаграммы Коула–Коула, т.е. построением зависимости  $\varepsilon'(\varepsilon'')$  для фазы  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

Путем дополнительной обработки представленных экспериментальных результатов были получены параметры релаксационной поляризации для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, которые приведены в табл. 3.

#### О моделях потенциального барьера и релаксатора для α, β-Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Параметры релаксационной поляризации на микроскопическом уровне можно описать уравнением (4), поэтому для демонстрации релаксационных процессов поляризации применима модель глубокой потенциальной ямы с двумя положениями равновесия, разделенных потенциальным барьером так, как показано на рис. 7.

Основываясь на этой модели, а также результатах исследования  $\beta$ -фазы Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> может быть предложена модель двухминимумного потенциального рельефа вдоль канала проводимости (рис. 7). Причем глубина потенциального рельефа в модели для  $\alpha$ -фазы больше, чем  $\beta$ -фазы Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, т.к. эта величина зависит от степени структурных искажений кристаллического каркаса.

Для *α*-Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> характерно наличие глубокого потенциального рельефа вдоль канала проводимости и расщепление натриевых позиций Na<sub>2</sub> в В-полостях кристаллического каркаса ввиду моноклинных искажений кристаллической структуры [8]. Вероятно, что причиной создания натриевых диполей являются суммарные смещения катионов натрия относительно суммарных отрицательных анионных центров в В-полостях кристаллического каркаса  ${[Fe_2(PO_4)_3]^{3-}}_{3\infty}$ . Ввиду жесткости кристаллического каркаса при релаксационной поляризации релаксаторами могут быть как катионы натрия, образованные частичным распадом скомпенсированных статистических натриевых диполей, так и сами натриевые диполи. На рис. 7 схематически изображен скомпенсированный натриевый диполь, образующийся из двух противоположно направленных статистических натриевых диполей вследствие удвоения объема элементарной ячейки кристалла.





**Рис. 7.** Схематическое изображение потенциальных барьеров для  $a - \alpha$ - и  $b - \beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, а также скомпенсированного натриевого диполя *с*.

### 3.5. О поляризационных процессах в фазах β- и γ-Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Переход в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> сопровождается частичным разрушением скомпенсированных статистических натриевых диполей, о чем свидетельствует высокая ионная проводимость, скачок на температурной зависимости проводимости (см. рис. 3), структурные данные, представленные в табл. 1, а также установленные релаксационные процессы поляризации и параметры релаксации (см. рис. 5 и табл. 3).

Процесс релаксационной поляризации в  $\beta$ - и  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> можно рассматривать, как взаимодействие внешнего электрического поля с подвижными заряженными частицами в образце. Появление подвижных катионов натрия позволяет наблюдать процессы релаксационной поляризации. Согласно данным, представленным на рис. 5, для  $\beta$ -фазы характерно наличие медленных процессов поляризации, т. к. только при частотах ниже 50 kHz поляризационные процессы начинают усиливаться. Все результаты вполне согласуются с тем, что в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> релаксаторами являются как свободные катионы натрия, так и скомпенсированные натриевые диполи.

Для высокотемпературной фазы  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> характерно наличие более быстрых релаксационных процессов, но в данной работе этот вопрос детально не рассматривался ввиду приборных ограничений.

#### 3.6. О модели дипольного упорядочения в α- и ионной проводимости β-, и γ-фазах Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Процессы структурного разупорядочения при фазовых переходах  $\alpha \to \beta$ ,  $\beta \to \gamma$  имеют место и в Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> [15,18], приводящие к таким же изменениям свойств, как в фосфате натрия-железа [10]. Общность структуры и свойств  $\beta$ -,  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> и  $\beta$ -,  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> однозначно следует из фазовой диаграммы системы Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> – Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> [19].

Особенности структуры и свойств  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  приведены в работах [11,12,15,18,20–22].

В [11,12] показано, что анионный кристаллический каркас { $[Sc_2(PO_4)_3]^3$ }<sub>3</sub>, обладающий трехмерными каналами, образуется благодаря сочленению *A*- и *B*-полостей. Причем, *A*-полости меньше по размеру, чем *B*-полости. Для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> катионы натрия упорядочены в *B*-полостях в некомпенсированные статистические натриевые диполи, вследствие моноклинного искажения кристаллического каркаса. При переходе в высокотем-пературные  $\beta$ -,  $\gamma$ -фазы, диполи последовательно разупорядочиваются и слабосвязанные катионы натрия равномерно распределяются как в *A*-, так и в *B*-полостях.

Однако, в отличие от  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, для сверхструктурной ячейки  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> характер дипольного упорядочения связан со статистическими скомпенсированными натриевыми диполями.

$\Pi_{a}$ Prover the Nor Fer (PO ).	Φα	Ссылка		
	α	β	γ	CODING
Симметрия	C2/m	R3C	R3C	
Статистическая диэлектрическая проницаемость $\varepsilon_c$ при 383 К		1000		
Оптическая диэлектрическая проницаемость $\varepsilon_{\infty}$ при 383 К		3500		
Тангенс угла диэлектрических потерь $(tg \delta)_{max}$ при $T = 413  \text{K}$		23.0		
Частота максимума $(tg \delta)_{max}$ , Нz при $T = 413  \mathrm{K}$		$1.6\cdot 10^4$		
Энергия активации ( $\Delta E$ ), eV при $T = 383$ K		0.34		
Время релаксации $\tau$ , s при $T = 383$ K		$2.2\cdot 10^{-5}$		
Расщепление позиций $Na_2 = Na_{2'} + Na_{3'}$	2.00 = 0.66 + 1.33	2.09		[8]

Таблица 3. Параметры структуры и процесса релаксации Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>



**Рис. 8.** Кристаллохимическая модель, поясняющая условное распределение атомов натрия по позициям в *A*- и *B*-полостях кристаллического каркаса для  $\alpha$ -,  $\beta$ -,  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>: I — вакантная полость, 2 — статистическое заселение позиций катионами натрия, 3 — заселение катионов натрия с упорядочением, 4 — скомпенсированный статистический натриевый диполь.

Таким образом, можно заключить, что соединения из структурного типа NASICON при моноклинных искажениях кристаллического каркаса  $\{[Me_2(PO_4)_3]^3\}_{3\infty}$ (где Me — трехвалентные металлы) формируют статистические натриевые диполи двух типов: нескомпенсированные, как в случае  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> [11,12,15,20] и скомпенсированные для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

Основываясь на кристаллохимической модели, разработанной в [18], может быть предложена уточненная модель для  $\alpha$ -,  $\beta$ -,  $\gamma$ -фаз Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, которая схематически изображена на рис. 8.

Наличие вакантных A-полостей изображено на рис. 8 светлым кругом, вписанным в квадрат, и пронумеровано позицией 1, а присутствие упорядоченных состояний и скомпенсированных статистических натриевых диполей в кристаллических каркасах  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> пронумеровано позициями 3 и 4 соответственно (см. рис. 8). Статистическое заселение A-и B-полостей кристаллического каркаса катионами натрия пронумерованы позицией 2 (см. рис. 8).

В  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> происходит повышение симметрии кристалла, приводящее к полному разрушению дипольно-упорядоченных состояний и к более равномерному статистическому распределению катионов натрия по *A*-и *B*-полостям кристаллического каркаса так, как показано на рис. 8.

# 4. Выводы

На основе представленных экспериментальных результатов можно сделать следующие выводы.

1. Поликристаллы  $\alpha$ - и  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, полученные методом горячего прессования обладает более лучшими проводящими свойствами, чем кристаллы, полученные традиционным расплавным методом. Заключено, что  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> являетсядиэлектриком, а  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> — суперионным проводником.

2. Показано, что кристалл Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> может обладать дипольным упорядочением антисегнетоэлектрического типа, а фазовый переход  $\alpha \rightarrow \beta$ , может быть классифицирован, как несобственный антисегнетоэлектрический переход. При фазовых переходах  $\alpha \rightarrow \beta$  и  $\beta \rightarrow \gamma$  в кристалле Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> происходят акты последовательного повышения симметрии кристалла.

3. В  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO)<sub>3</sub> релаксационная поляризация носит дебаевский характер, причем релаксаторами могут быть как свободные катионы натрия, так и скомпенсированные статистические натриевые диполи.

4. Предложена кристаллохимическая модель, поясняющая явления дипольного упорядочения и ионной проводимости в  $Na_3Fe_2(PO_4)_3$ .

5. Наличие в литературных источниках множества противоречивых сведений, касающихся структурных и проводящих параметров, температур фазовых превращений, а также повышение проводящих свойств в поликристаллах  $\alpha$ - и  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, полученных методом горячего прессования, можно связать с "эластичностью и ажурностью" трехмерного ромбоэдрического каркаса {[Fe<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>]<sup>3</sup>}<sub>3∞</sub>, который допускает широкий спектр форм кристаллизации образца в зависимости от термодинамического режима и условий синтеза.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

## Список литературы

- L.B. Ellis, F. Linda. Current Opinion Solid State Mater. Sci. 16, 168 (2012).
- [2] Y. Liu, Y. Zhou, J. Zhang, Y. Xia, T. Chen, Sh. Zhang. ACS Sustainable Chem. Eng, 5, 1306 (2017).
- [3] R. Rajagopalan, B. Chen, Z. Zhang, X. Wu, Y. Du, Y. Huang, B. Li, Y. Zong, J. Wang, G. Nam, M. Sindoro, S. Dou Xue, H. Liu, S. Kun, H. Zhang. M. Dou, S. Liu, H. Kun, H. Zhang. http://ro.uow.edu.au/aiimpapers 2425, 1 (2017).
- [4] N. Kuganathan, A. Chroneos. Materials 12, 1348 (2019).
- [5] H. Bih, L. Bih, B. Manoun, M. Azdouz, S. Benmokhtar, P. Lazor. J. Mol. Structure **936**, 147 (2009).
- [6] C. Masquelier, C. Wurm, J. Rodriguez-Carvajal, J. Gaubicher, L. Nazar. Chem. Mater. 12, 525 (2000).
- [7] S.Y. Lim, H. Kim, R.A. Shakoor, Y. Jung, J.W. Choi. J. Electrochem. Soc. 159, A1393 (2012).
- [8] J-N. Chotard, G. Rousse, R. David, O. Mentré, M. Courty, Ch. Masquelier. Chem. Mater. 27, 5982 (2015).
- [9] Pintard-Serépel, F. d'Yvoire, F. Ramay, CR. Acad. Sci. Ser. C 286, 381 (1978).
- [10] F. d'Yvoire, M. Pintard-Serépel, E. Bretey, M. de la Rocher. Solid State Ionics 9/10, 851 (1983).
- [11] В.А. Ефремов, В.Б. Калинин. Кристаллография **20**, 703 (1978).

- [12] Б.И. Лазоряк, В.Б. Калинин, С.Ю. Стефанович, В.А. Ефремов. ДАН СССР 250, 861 (1980).
- [13] Е.Л. Белоконева, Е.А. Ручкина, О.В. Димитрова, С.Ю. Стефанович. ЖНХ 47, 1423 (2002).
- [14] А.С. Ногай, С.Ю. Стефанович, А.А. Буш, Д.Е. Ускенбаев, А.А. Ногай. ФТТ 60, 23 (2018).
- [15] А.С. Ногай, С.Ю. Стефанович, А.А. Буш, Д.Е. Ускенбаев, А.А. Ногай. ФТТ 61, 1985 (2019).
- [16] Б.А. Струков, А.П. Леванюк. Физические основы сегнетоэлектрических явлений в кристаллах. Наука, М. (1983). 240 с.
- [17] Ю.М. Поплавко. Физика диэлектриков. Киев, Высш. шк. (1980). 398 с.
- [18] В.Б. Калинин, Б.И. Лазоряк, С.Ю. Стефанович. Кристаллография 28, 264 (1983).
- [19] А.С. Ногай, В.Б. Калинин, С.Ю. Стефанович. Ю.Н. Веневцев. ЖНХ **30**, 2939 (1985).
- [20] С.А. Оконенко, С.Ю. Стефанович, В.Б. Калинин, Ю.Н. Веневцев. ФТТ 20, 2846 (1978).
- [21] B. Susman, C. Delbetg, D.T.O. Brun, E. Princo. Solid State Inics 9–10, 839 (1983).
- [22] A.C. Horaň, Young Hub, K.H. Югаň. ФТТ 47, 1076 (2005).

Редактор Д.В. Жуманов