# <sup>17</sup> Термическая устойчивость карбинофуллеренов С<sub>38</sub>, С<sub>62</sub> и С<sub>64</sub>

© А.И. Подливаев<sup>1,2</sup>

<sup>1</sup> Национальный исследовательский ядерный университет "МИФИ",

Москва, Россия

<sup>2</sup> Научно-исследовательский институт проблем развития научно-образовательного потенциала молодежи, Москва, Россия

E-mail: AIPodlivayev@mephi.ru

Поступила в Редакцию 30 января 2020 г. В окончательной редакции 30 января 2020 г. Принята к публикации 30 января 2020 г.

> Методом молекулярной динамики изучена термическая устойчивость недавно предсказанных карбинофуллеренов С<sub>38</sub>, С<sub>62</sub> и С<sub>64</sub>. Определены каналы их распада и температурные зависимости времени жизни. Найдены значения энергий активации и частотных факторов в законе Аррениуса. Обнаружены новые изомеры карбинофуллеренов С<sub>38</sub> и С<sub>62</sub> более термодинамически устойчивые, чем исходные карбинофуллерены.

Ключевые слова: углерод, карбин, карбинофуллерены, молекулярная динамика.

DOI: 10.21883/FTT.2020.06.49361.014

## 1. Введение

Открытие двумерного углеродного материала графена [1], одномерных нанотрубок [2] и карбина [3], а также фуллеренов [4] и других нульмерных структур [5-8] вызвало интерес к синтетическим углеродным структурам низкой размерности. Особенности межатомного взаимодействия углеродных аллотропов таковы, что комбинации нульмерных структур способны образовывать одно, двух и трехмерные термически устойчивые кристаллы. Исходные нульмерные структуры при этом, являясь элементами новых кристаллов, сохраняют свою форму. Так фуллерены С<sub>60</sub> образуют трехмерное вещество фуллерит [9,10]. Одним из примеров одномерной синтетической структуры являются пиподы [11,12] — цепочки фуллеренов, помещенных в углеродную нанотрубку. В работе [13] для фуллеренов С20 экспериментально показано наличие в газовой фазе заряженных комплексов  $(C_{20})_k^+$  с k = 2-13. Согласно расчетам, проведенных в рамках модели сильной связи углеродный кластер С8, имеющий форму куба, способен формировать трехмерную [14], двумерную [15] и одномерную [16] структуры (поликубаны) с сильной ковалентной связью.

Карбинофуллерены [17] (некоторые представители этой группы изображены на рис. 1) выделяются среди других нульмерных структур упругостью — способностью к восстановлению при сильной деформации. Данная особенность обусловлена тем, что кабинофуллерены являются замкнутыми структурами, состоящими из длинных карбиновых цепочек, атомы в которых имеет двух соседей и находятся в состоянии *sp*-гибридизации (см. рис. 1). При деформации карбинофуллерена изменяются не столько длины ковалентных углеродуглеродных связей в цепочках, сколько углы между ними. Вследствие этих особенностей цепочки карбинофуллеренов ( $C_{20}$ )<sub>k</sub>, k = 2-4 не только термически устойчивы, но и выдерживают критическую деформацию  $\delta = 21-23\%$  [18]. Цепочки карбин-карбинофуллеренов (карбинофуллерены C<sub>20</sub> в них разделены атомами углерода) C<sub>k-1</sub>(C<sub>20</sub>)<sub>k</sub>, k = 2-4 также устойчивы и выдерживают аномально высокую критическую деформацию  $\delta = 26-30\%$  [19].

Необходимым условием термической устойчивости синтетических кристаллов, состоящих из нульмерных углеродных структур является термическая устойчивость этих нульмерных структур в исходном (изолированном) состоянии. Так для фуллерена  $C_{60}$  энергия термического дефектообразования по данным различных источников лежит в интервале 6-8 eV [20-25]. Энергия активации распада классического фуллерена  $C_{20}$ , полученная в рамках ортогональной модели сильной связи  $\sim 7 \text{ eV} [26]$ , а энергия активации распада карбинофуллерена  $C_{20}$  (см. рис. 1, *a*), полученная в рамках неортогональной модели сильной связи составляет 2.6 eV [27].

В настоящей работе будет исследована термическая устойчивость карбинофуллеренов  $C_{38}$ ,  $C_{62}$  и  $C_{64}$ . Эти структуры представлены на рис. 1, b-d. Будут определены каналы их распада (или отжига в более устойчивые изомеры), а также найдены значения соответствующих энергий активации и частотных факторов в законе Аррениуса.

# 2. Методы расчета

Динамическое моделирование цепочек проводилось в рамках микроканонического ансамбля [28], в котором сумма потенциальной и кинетической энергия сохраняется при движении атомов. В качестве исходной выбиралась равновесная атомная конфигурация (см. рис. 1, *b*, *c*, *d*). Начальные скорости атомов подчинялись распределению Максвелла с различными температура-



**Рис. 1.** Карбинофуллерены C<sub>20</sub> (*a*), C<sub>38</sub> (*b*), C<sub>62</sub> (*c*), C<sub>64</sub> (*d*).

ми. Роль температуры в микроканоническом ансамбле играет так называемая микроканоническая температура *T<sub>m</sub>*, определяемая по формуле [29,30]

$$\langle E_{kin}\rangle = \frac{1}{2}\,k_B T_m(3n-6),$$

где  $\langle E_{kin} \rangle$  — усредненная по времени кинетическая энергия системы, n — число атомов в ней,  $k_B$  — постоянная Больцмана. Полагается, что значения полного импульса и момента импульса системы равны нулю. Этот подход известен как "теория ограниченного теплового резервуара" (finite heat bath theory) [31,32]. В рамках этой теории среднее время жизни  $\tau$  изолированной системы определяется следующим приближенным аналогом формулы Аррениуса с поправкой Клотца (Klots) первого порядка [31,32]:

$$\tau^{-1}(T_m) \approx A \exp\left(-E_a/(k_B T^*)\right),\tag{1}$$

где A — частотный фактор,  $E_a$  — энергия активации,  $T^* = T_m - E_a/2C$ ,  $C = (3n - 6)k_B$  — микроканоническая теплоемкость.

Межатомные взаимодействия описывались в рамках неортогональной модели сильной связи [33], менее точной чем методы *ab initio*, но существенно превосходящей их по скорости счета. При этом данная модель демонстрирует хорошее согласование с более строгими методиками, основанными на теории функционала плотности, для исследованных ранее систем, содержащих атомы углерода в состояниях с различными типами гибридизации [34,35]. Кроме того, она успешно применялась для исследования термической и механической устойчивости кластеров  $C_{20}$ , графеновых и других углеродных систем (см. работы [36–41] и ссылки в них).

Для найденных межатомных сил уравнения движения Ньютона решались численно методом скоростей Верле (аналог метода Штёрмера второго порядка точности) с шагом по времени 0.3 fs. После термического распада каждого карбинофуллерена (или его отжига в более устойчивый изомер) методом градиентного спуска определяется равновесная конфигурация и энергия связи новой атомной структуры при нулевой температуре.



**Рис. 2.** Изомеры карбинофуллерена  $C_{38}$ :  $C_{38}^1$  (*a*),  $C_{38}^2$  (*b*),  $C_{38}^3$  (*c*). Символами C0 отмечены атомы, имевшие в исходном карбинофуллерене *sp*<sup>3</sup>-гибридизацию, C1–3 — имевшие *sp*-гибридизацию.

## 3. Результаты и их обсуждение

## 3.1. Карбинофуллерен С<sub>38</sub>

Карбинофуллерен  $C_{38}$  (см. рис. 1, *b*) может быть представлен как карбинофуллерен  $C_{20}$  (см. рис. 1, *a*), два полюсных атома которого соединены 18-атомной карбиновой цепочкой. При этом полюсные атомы, образующие ковалентные связи с тремя своими соседями (*sp*<sup>2</sup>-гибридизация электронных орбиталей) в кластере  $C_{20}$  увеличивают степень гибридизации до *sp*<sup>3</sup>, образуя дополнительную связь с крайними атомами длинной карбиновой цепочки.

Величина энергии связи  $E_b$  карбинофуллерена  $C_{38}$ (определяемая как разность между полной энергией равновесного кластера и энергией составляющих изолированных атомов углерода) равна -255.579 eV(-6.73 eV/atom). В дальнейшем энергия связи в исходных карбинофуллеренах будет обозначаться символом  $E0_b$ , а переменной  $E_b$  будет обозначаться энергия образующихся изомеров. Для карбинофуллерена  $C_{20}$ величина  $E0_b = -133.649 \text{ eV}$  (-6.68 eV/atom) [27]. Более низкая удельная энергия (потенциальная энергия в расчете на один атом) свидетельствует о том, что карбинофуллерен  $C_{38}$  термодинамически более устойчив, чем карбинофуллерен  $C_{20}$ .

Моделирование динамики кластера проводилось при температурах  $T_m = 1300-3200$  К. В процессе эволюции кластера изменялась гибридизация  $sp^3$  одного из двух полюсных атомов (на рис. 1, *b* представлен как C0), при этом наблюдалось образование трех различных изомеров (обозначаемых далее как  $C_{38}^1$ ,  $C_{38}^2$  и  $C_{38}^3$ ). Структура изомеров  $C_{18}^1$ ,  $C_{38}^2$  и  $C_{38}^3$  представлена на рис. 2, *a*, *b* и *c* соответственно. Частоты возникновения изомеров  $C_{38}^1$ ,  $C_{38}^2$  и  $C_{38}^3$  при термическом распаде исходного карбинофуллерена, а также изменение энергии связи  $\delta E = E_b - E0_b$  равны соответственно 45, 40, 15% и -0.62, -0.70, -0.37 eV. Отрицательные значения величины  $\delta E$  свидетельствуют о том, что образовавшиеся под воздействием температуры изомеры энергетически более выгодны, чем исходный карбинофуллерен С<sub>38</sub>. В этом случае, видимо, правильнее говорить не о процессе распада, а об отжиге данной структуры.

На рис. 2, a видно, что изомер  $C_{38}^1$  образуется следующим образом: крайний атом 6-атомной цепочки С3 отрывается от полюсного атома СО и образует ковалентную связь с крайним атомом С1 18-атомной цепочки. При этом гибридизация sp<sup>3</sup> электронной системы полюсного атома C0 изменяется на  $sp^2$ , а гибридизация крайнего атома С1 18-атомной цепочки изменяется с sp на sp<sup>2</sup>. Похожая трансформация наблюдается при образовании изомера С<sup>3</sup><sub>38</sub>, только оторвавшийся атом СЗ присоединяется не к крайнему атому 18-атомной цепочки, а к ближайшему атому соседней 6-атомной цепочки С2 (см. рис. 2, c). Изомер С<sup>3</sup><sub>38</sub> образуется при отрыве крайнего атома СЗ 6-атомной цепочки от полюсного атома без его присоединения к другим атомам (см. рис. 2, b), а 6-атомная цепочка цепочка, к которой принадлежит атом СЗ распрямляется. Соотношение энергий  $\delta E$  всех трех изомеров свидетельствует о высокой жесткости 6-атомной цепочки. Действительно, максимальная кривизна цепочек в изомере С<sup>3</sup><sub>38</sub> приводит к заметному повышению его потенциальной энергии по сравнению с изомерами C<sup>1</sup><sub>38</sub> и C<sup>2</sup><sub>38</sub>. Несмотря на различный уровень напряженности ковалентных связей в обнаруженных изомерах, энергия всех изомеров, имеющих в своем составе один атом с  $sp^3$ -гибридизацией ниже, чем энергия исходного карбинофуллерена, содержащего два таких атома. Эта тенденция для кластеров С38 вполне соответствует выводу, сделанному в работе [17] об энергетической невыгодности карбинофуллеренов, содержащих большое количество атомов с *sp*<sup>3</sup>-гибридизацией.

На рис. 3 представлена температурная зависимость времени жизни карбинофуллерена С<sub>38</sub>. Регрессионный анализ данных "численного эксперимента" дает следую**Рис. 3.** Зависимость времени жизни  $\tau$  карбинофуллерена С<sub>38</sub> от обратной температуры  $T^*$  (см. текст). Точки — результаты численного счета. Пунктирная линия — линейная аппроксимация методом наименьших квадратов.

щие значения энергии активации и частотного фактора распада:  $E_a = 1.13 \pm 0.15 \text{ eV}$ ,  $A = (5.3 \pm 1.0) \cdot 10^{13} \text{ s}^{-1}$ . Для времени распада кластера по формуле (1) получим  $\tau \sim 2 \cdot 10^{60} \text{ s}$  при  $T_m = 77 \text{ K}$ ,  $\tau \sim 1.8 \cdot 10^5 \text{ s}$  при  $T_m = 300 \text{ K}$ ,  $\tau \sim 10^{-8} \text{ s}$  при  $T_m = 1000 \text{ K}$  и т.д.

Кинетическая устойчивость отдельного карбинофуллерена C<sub>20</sub> выше, чем у карбинофуллерена C<sub>38</sub> (энергия активации распада карбинофуллерена C<sub>20</sub>, полученная в рамках неортогональной модели сильной связи [33] составляет 2.6 eV [27]). Однако энергия активации распада

C0

карбинофуллерена  $C_{38}$  существенно выше аналогичных величин для цепочек карбинофуллеренов  $C_{20}$  и цепочек карбинофуллеренов  $C_{20}$ , разделенных атомами углерода равны (величины этих энергий равны, соответственно 0.15-0.48 и 0.29-0.31 eV [18,19] в зависимости от длины цепочек). Карбинофуллерен  $C_{38}$  можно рассматривать как элемент цепочек карбинофуллеренов  $C_{20}$ , разделенных 18-ю атомами углерода. При таком подходе приведенные выше соотношение энергий активаций косвенно свидетельствуют о том, что от цепочек карбинофуллеренов  $C_{20}$ , разделенных большим количеством атомов углерода (исключающих слияние соседних карбинофуллеренов) можно ожидать высокой термической устойчивости.

#### 3.2. Карбинофуллерен С<sub>62</sub>

Карбинофуллерен C<sub>62</sub> (см. рис. 1, *c*) состоит из двух  $sp^2$ -гибридизованных (полюсных) атомов, расположенных на оси симметрии кластера, один из которых обозначен на этом рисунке как C1. С каждым из полюсных атомов связаны по три  $sp^3$ -гибридизованных атома (два из них обозначены как C0 и C2), к каждому из которых, в свою очередь, присоединены две 8-и и одна двухатомная карбиновая цепочки. Величина энергии связи карбинофуллерена C<sub>62</sub>  $E0_b = -410.615 \, \text{eV}$  ( $-6.62 \, \text{eV}/\text{atom}$ ).

Моделирование динамики кластера C<sub>62</sub> проводилось при температурах  $T_m = 850-2050$  К. Также как при отжиге карбинофуллерена C<sub>38</sub> в процессе эволюции кластера C<sub>62</sub> число *sp*<sup>3</sup>-гибридизованных атомов уменьшалось. Наблюдалось равновероятное образование двух различных изомеров (обозначаемых ниже как C<sup>1</sup><sub>62</sub> и C<sup>2</sup><sub>62</sub>). Структура изомеров C<sup>1</sup><sub>62</sub> и C<sup>2</sup><sub>62</sub> представлена на рис. 4, *a* и *b* соответственно. Изменения энергии связи  $\delta E = E_b - E0_b$  для изомеров C<sup>1</sup><sub>62</sub> и C<sup>2</sup><sub>62</sub> равны соответственно, -2.31 и -0.45 eV. Также как и в случае с карбинофуллереном C<sub>38</sub>, в C<sub>62</sub> величины  $\delta E$  имеют

b



Рис. 4. Изомеры карбинофуллерена  $C_{62}$ :  $C_{62}^1$  (*a*),  $C_{62}^2$  (*b*).





Рис. 5. То же, что на рис. 3, для карбинофуллерена С<sub>62</sub>.

отрицательные значения, т.е. образовавшиеся под воздействием температуры изомеры энергетически более выгодны, чем исходный карбинофуллерен C<sub>62</sub>.

Изомер С<sup>1</sup><sub>62</sub> получается из исходного карбинофуллерена при разрыве связей между атомами СО-С1 и С2-С3 и образованием новой связи между атомами С1-С3. После этой трансформации исходно sp<sup>3</sup>-гибридизованные атомы C0 и C2 становятся *sp*<sup>2</sup>-гибридизованными, а новых атомов с *sp*<sup>3</sup>-гибридизацией не возникает (см. рис. 4, a). Изомер  $C_{62}^2$  образуется из исходного карбинофуллерена при разрыве связи между sp<sup>3</sup>-гибридизованным атомом C0 и прилежащим к нему sp-гибридизованным крайним атомом 8-атомной цепочки С4 с последующим образованием ковалентной связи между оторвавшимся атомом и ближайшим атомом С5 соседней 8-атомной цепочки (см. рис. 4, b). При этой трансформации исходно *sp*<sup>3</sup>-гибридизованный атом С0 становится  $sp^2$ -гибридизованным, а новых атомов с *sp*<sup>3</sup>-гибридизацией не возникает как и в случае с предыдущим изомером. Более низкая потенциальная энергия изомеров  $C_{62}^1$  и  $C_{62}^2$  по сравнению с исходным С62 также подтверждает вывод, сделанный в работе [17] об энергетической невыгодности карбинофуллеренов, содержащих большое количество атомов с sp<sup>3</sup>-гибридизацией.

На рис. 5 представлена температурная зависимость времени жизни карбинофуллерена C<sub>62</sub>. Статистический анализ дает следующие значения энергии активации и частотного фактора распада:  $E_a = 0.444 \pm 0.062$  eV,  $A = (2.8 \pm 0.4) \cdot 10^{13} \text{ s}^{-1}$ . Для времени распада кластера по формуле (1) получим  $\tau \sim 4 \cdot 10^{15}$  s при  $T_m = 77$  K,  $\tau \sim 10^{-6}$  s при  $T_m = 300$  K,  $\tau \sim 10^{-11}$  s при  $T_m = 1000$  K и т.д.

### 3.3. Карбинофуллерен С<sub>64</sub>

Карбинофуллерен C<sub>64</sub> (см. рис. 1, d) состоит из четырех  $sp^2$ -гибридизованных (полюсных) атомов, соединенных шестью 10-атомными карбиновыми цепочками. Величина энергии связи карбинофуллерена C<sub>64</sub>  $E0_b = -438.40 \text{ eV} (-6.85 \text{ eV/atom}).$ 

Моделирование динамики кластера  $C_{64}$  проводилось при температурах  $T_m = 1850 - 3400$  К. Наблюдалось образование единственного изомера, структура которого представлена на рис. 6 и по форме напоминает ложку. Изомер образуется из исходного карбинофуллерена при разрыве связи между *sp*<sup>2</sup>-гибридизованным полюсным атомом и прилежащим к нему *sp*-гибридизованным край-



**Рис. 6.** Изомер, образующийся при распаде карбинофуллерена С<sub>64</sub>.



Рис. 7. То же, что на рис. 3, для карбинофуллерена С<sub>64</sub>.

ним атомом 10-атомной цепочки, Изменения энергии связи  $\delta E = E_b - E0_b$  при образовании данного изомера равна, 1.62 eV. Энергия положительна — образовавший изомер менее термодинамически стабилен, чем исходный кабинофуллерен C<sub>64</sub>.

На рис. 7 представлена температурная зависимость времени жизни карбинофуллерена С<sub>64</sub>. Статистический анализ дает следующие значения энергии активации и частотного фактора распада:  $E_a = 1.80 \pm 0.23$  eV,  $A = (3.5 \pm 0.6) \cdot 10^{14} \text{ s}^{-1}$ . Для времени распада кластера по формуле (1) получим  $\tau \sim 5 \cdot 10^{15}$  s при  $T_m = 300$  K и  $\tau \sim 3 \cdot 10^{-6}$  s при  $T_m = 1000$  K.

## 4. Заключение

В настоящей работе термическая устойчивость карбинофуллеренов C<sub>38</sub>, C<sub>62</sub> и C<sub>64</sub> изучена путем компьютерного моделирования на наносекундной временной шкале в широком диапазоне температур. Определены температурные зависимости времен жизни  $\tau$  этих кластеров до момента их распада. Установлено, что карбинофуллерены C<sub>38</sub> C<sub>62</sub> и C<sub>64</sub> достаточно устойчивы при температуре жидкого азота: для наименее устойчивого из них карбинофуллерена C<sub>62</sub>  $\tau \sim 10^7$  лет. При комнатной температуре T = 300 К времена жизни карбинофуллеренов C<sub>62</sub>, C<sub>38</sub> и C<sub>64</sub> равны, соответственно, 1  $\mu$ s, двое суток и 10<sup>8</sup> лет.

Показано, что после распада (отжига) карбинофуллерены C<sub>38</sub> и C<sub>62</sub> переходят в изомеры с более низкой энергией. Карбинофуллерен C<sub>64</sub> напротив, при распаде повышает свою энергию.

Полученные результаты свидетельствуют о том, что из трех исследованных карбинофуллеренов наиболее перспективным элементом для создания карбинофуллерита с высокой термической устойчивостью и упругостью является карбинофуллерен С<sub>64</sub>.

### Благодарности

Автор благодарен ушедшему от нас Леониду Артуровичу Опенову, вместе с которым начинал работу над карбинофуллереновой тематикой.

#### Финансирование работы

Работа поддержана Российским фондом фундаментальных исследований (грант № 18-02-00278–а) и выполнена при поддержке Министерства науки и высшего образования РФ в рамках Программы повышения конкурентоспособности Национального исследовательского ядерного университета "МИФИ".

#### Конфликт интересов

Автор заявляет, что у него нет конфликта интересов.

### Список литературы

- K.S. Novoselov, A.K. Geim, S.V. Morozov, D. Jiang, Y. Zhang, S.V. Dubonos, I.V. Grigorieva, A.A. Firsov. Science **306**, 666 (2004).
- [2] S. Iijima. Nature **354**, 56 (1991).
- [3] В.И. Касаточкин, А.М. Сладков, Ю.П. Кудрявцев, Н.М. Попов, В.В. Коршак. ДАН СССР 177, 358 (1967).
- [4] H.W. Kroto, J.R. Heath, S.C. O'Brien, R.F. Curl, R.E. Smalley. Nature 318, 162 (1985).
- [5] D. Tománek, M.A. Schluter. Phys. Rev. Lett. 67, 2331 (1991).
- [6] C.H. Xu, C.Z. Wang, C.T. Chan, K.M. Ho. Phys. Rev. B 47, 9878 (1993).
- [7] R.O. Jones, G. Seifert. Phys. Rev. Lett. 79, 443 (1997).
- [8] L.A. Openov, V.F. Elesin. Письма в ЖЭТФ 68, 695 (1998).
- [9] W. Kratschmer, L.D. Lamb, K. Fostiropoulos, D.R. Huffman. Nature 347, 354 (1990).
- [10] А.В. Елецкий, Б.М. Смирнов. УФН 165, 977 (1995).
- [11] A.A. Farajian, M. Mikami. J. Phys.: Condens. Matter 13, 8049 (2001).
- [12] K.S. Grishakov, K.P. Katin, M.M. Maslov. Diamond Rel. Mater. 84, 112 (2018).
- [13] R. Ehlich, P. Landenberger, H. Prinzbach. J. Chem. Phys. 115, 5830 (2001).
- [14] T. Yildirim, P.M. Gehring, D.A. Neumann, P.E. Eaton, T. Emrick. Phys. Rev. Lett. 78, 4938 (1997).
- [15] М.М. Маслов, К.П. Катин, А.И. Авхадиева, А.И. Подливаев. Хим. физика **33**, 27 (2014).
- [16] K.P. Katin, M.M. Maslov. Adv. Condens. Matter Phys. 2015, 754873 (2015).
- [17] Е.А. Беленков, И.В. Шахова. ФТТ 53, 2265 (2011).
- [18] А.И. Подливаев, Л.А. Опенов. ФТТ 61, 793 (2019).
- [19] Л.А.Опенов, А.И. Подливаев. ФТТ 61, 2521 (2019).
- [20] J.-Y. Yi, J. Bernholc. J. Chem. Phys. 96, 8634 (1992).
- [21] R.L. Murry, D.L. Strout, G.K. Odom, G.E. Scuseria. Nature 366, 665 (1993).
- [22] R.L. Murry, D.L. Strout, G.E. Scuseria. Int. J. Mass Spectrom. Ion Proc. 138, 113 (1994).
- [23] B.R. Eggen, M.I. Heggie, G. Jungnickel. Science 272, 87 (1996).
- [24] Y. Kumeda, D. J. Wales. Chem. Phys. Lett. 374, 125 (2003).
- [25] H.F. Bettinger, B.I. Yakobsen, G.E. Scuseria. J. Am. Chem. Soc. 125, 5572 (2003).
- [26] И.В. Давыдов, А.И. Подливаев, Л.А. Опенов. ФТТ 47, 751 (2005).
- [27] А.И. Подливаев, Л.А. Опенов. ФТТ 61, 604 (2019).
- [28] E.M. Pearson, T. Halicioglu, W.A. Tiller. Phys. Rev. A 32, 3030 (1985).
- [29] C. Xu, G.E. Scuseria. Phys. Rev. Lett. 72, 669 (1994).
- [30] J. Jellinek, A. Goldberg, J. Chem. Phys. 113, 2570 (2000).
- [31] C.E. Klots. Z. Phys. D 20, 105 (1991).
- [32] J.V. Andersen, E. Bonderup, K. Hansen. J. Chem. Phys. 114, 6518 (2001).
- [33] M.M. Maslov, A.I. Podlivaev, K.P. Katin. Mol. Simulation 42, 305 (2016).
- [34] K.P. Katin, M.M. Maslov. J. Phys. Chem. Solids 108, 82 (2017).

- [35] K.P. Katin, S.A. Shostachenko, A.I. Avhadieva, M.M. Maslov. Adv. Phys. Chem. 2015, 506894 (2015).
- [36] А.И. Подливаев, Л.А. Опенов. ФТТ 60, 160 (2018).
- [37] Л.А. Опенов, А.И. Подливаев. ФТТ 60, 795 (2018).
- [38] Л.А. Опенов, А.И. Подливаев. Письма в ЖЭТФ 109, 746 (2019).
- [39] А.И. Подливаев. Письма в ЖЭТФ 110, 692 (2019).
- [40] Л.А. Опенов, А.И. Подливаев. ФТП 53, 724 (2019).
- [41] И.Ю. Долинский, К.П. Катин, К.С. Гришаков, В.С. Прудковский, Н.И. Каргин, М.М. Маслов. ФТТ **60**, 816 (2018).

Редактор К.В. Емцев