### 03,11,06

# Дипольное упорядочение и ионная проводимость в NASICON-подобных структурах типа Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

© А.С. Ногай<sup>1,¶</sup>, А.А. Ногай<sup>2</sup>, С.Ю. Стефанович<sup>3</sup>, Ж.М. Солиходжа<sup>2</sup>, Д.Е. Ускенбаев<sup>1</sup>

 <sup>1</sup> Казахский агротехнический университет им. С. Сейфуллина, Астана, Казахстан
 <sup>2</sup> Евразийский Национальный университет им. Л.Н. Гумилева, Астана, Казахстан
 <sup>3</sup> Научно-исследовательский физико-химический институт им. Л.Я. Карпова, Москва, Россия
 <sup>¶</sup> E-mail: nogay06@mail.ru

Поступила в Редакцию 27 февраля 2019 г. В окончательной редакции 4 июня 2019 г. Принята к публикации 4 июня 2019 г.

Изучены вопросы дипольного упорядочения и ионной проводимости поликристалла Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, который имеет три полиморфные фазы:  $\alpha, \beta, \gamma$ . Уточнены особенности строения кристалла  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, а также дипольного упорядочения и релаксационной поляризации в  $\alpha$ - и  $\beta$ -фазах. Возникновение дипольного упорядочения в  $\alpha$ -фазе и частичного разупорядочения в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, а также высокой ионной проводимости в  $\beta$ - и  $\gamma$ -фазах поликристалла Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> связано с фазовыми превращениями  $\alpha \rightarrow \beta, \beta \rightarrow \gamma$ , приводящими к структурным изменениям ромбоэдрического кристаллического каркаса {[Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>]<sup>3-</sup>}<sub>3∞</sub>. Предложена модель, поясняющая явления дипольного упорядочения и ионной проводимости в Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>).

Ключевые слова: поликристалл, ионная проводимость, фазовые переходы, кристаллический каркас, диэлектрическая фаза, суперионная фаза.

DOI: 10.21883/FTT.2019.11.48401.395

#### 1. Введение

Изоструктурным аналогом Na<sub>3</sub>Cr<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> в семействе NASICON является Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, который обладает низкой ионной проводимостью в низкотемпературной  $\alpha$ -фазе и высокой ионной проводимостью в высокотемпературных  $\beta$ - и  $\gamma$ -фазах [1].

Несмотря на то, что кристаллическая структура и свойства двойного фосфата натрия-скандия  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  изучалась многократно различными учеными [2–12], до сих пор нет однозначности как в вопросах, связанных с описанием температур фазовых переходов, структурных и проводящих параметров этого соединения, так и в вопросах трактовки дипольного упорядочения. В этой связи дальнейшее изучение особенностей появления диэлектрических свойств и электропроводности  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  является вполне актуальным. Кристаллы с ромбоэдрическими каркасами  $\{[M_2(PO_4)_3]^{3-}\}_{3\infty}$  семейства NASICON уже широко применяются как конструкционные материалы в источниках тока [13].

Целью настоящей работы является установление взаимосвязи структурных особенностей с появлением дипольного упорядочения, ионного и суперионного состояния в различных полиморфных модификациях  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$ .

#### 2. Методика эксперимента

Получение поликристаллов  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  было осуществлено твердофазным синтезом по керамической технологии из шихты, получаемой при смешивании исходных реактивов:  $3Na_2CO_3 + 2Sc_2O_3 + 6NH_4H_2PO_4$ , взятых в стехиометрических соотношениях, путем двухстадийного отжига. Первый отжиг проводили при 870 K, а второй при 970 K с дополнительными гомогенизирующими перетираниями. Время отжига образцов на каждой стадии твердофазного синтеза составляло 8 h.

Фазовая принадлежность и структурные параметры поликристаллических образцов  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  были исследованы рентгенографическим методом порошка с использованием дифрактометра ДРОН-3 (Си $K_{\alpha}$ -излучение).

Нелинейно-оптические свойства поликристалла  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  определялись методом генерации второй оптической гармоники (ГВГ) от неодимового лазерного излучения.

Определение проводящих и диэлектрических свойств проводили на хорошо спеченных образцах (с плотностью 96% от теоретической) методом импедансной спектроскопии с помощью импедансметра BM-507 в интервале температур 293–573 К и в диапазоне частот 5–5 · 10<sup>5</sup> Hz. Диэлектрические характеристики образцов

изучали с помощью прибора РИПСЭ-М на частоте 2 GHz. Для создания электрода на образец наносили палладий, который рассматривался как идеально блокирующий электрод.

# 3. Результаты и обсуждение

# 3.1. Результаты синтеза и рентгеновского исследования поликристалла Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Синтезированные поликристаллы Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> имели белую окраску, представляли собой таблетки диаметром 15 mm и толщиной 1 mm.

Рентгенографическими измерениями была установлена однофазность приготовленных образцов. По данным работы [2], это соединение в  $\alpha$ -фазе имеет моноклинную структуру пространственной группы (пр.гр.) *Be* с параметрами a = 16.10 Å, b = 9.109 Å, c = 8.928 Å,  $\gamma = 127.15^{\circ}$ . В настоящей работе было установлено, что элементарная ячейка поликристалла  $\alpha$ -фазы Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> при комнатной температуре имеет моноклинную структуру с параметрами a = 16.090 Å, b = 9.076 Å, c = 8.956 Å,  $\gamma = 126.95^{\circ}$ . Установленные нами структурные параметры для  $\alpha$ -фазы Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> близки к структурным данным, представленным в работе [2].

# 3.2. Результаты теста на нецентросимметричность и исследование ионной проводимости поликристалла Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Проведение теста на нецентросимметричность поликристалла  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> (с помощью лазерного излучения) при T = 293 К позволило выявить наличие достаточно заметного сигнала ГВГ, интенсивность которого составила  $I_{2\omega}/I_{2\omega}$  SiO<sub>2</sub> = 15 (рис. 1), что характерно для полярных фаз сегнетоэлектрического типа. С повышением температуры наблюдалось достаточно резкое уменьшение интенсивности сигнала ГВГ, а при T = 339 К величина сигнала спадала до нуля, что указывает на фазовый переход из полярной в неполярную (параэлектрическую) фазу  $\alpha \rightarrow \beta$ .

Ранее авторами работы [6] была установлена полярность фазы  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> нейтронографическим методом.

С помощью импедансного метода были измерены ионные проводимости кристаллитов (зерен) поликристалла  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$ , поскольку данная методика позволяет отделить ионную проводимость кристаллитов от проводимости межзеренных прослоек поликристаллов.

Результаты измерения температурной зависимости ионной проводимости кристаллитов поликристалла  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  позволяют выделить на зависимости  $\sigma T(T)$  три линейных участка, соответствующих трем полиморфным модификациям —  $\alpha, \beta, \gamma$  (рис. 2).



**Рис. 1.** Температурная зависимость интенсивности генерации второй оптической гармоники лазерного излучения для поликристалла Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.



Рис. 2. Температурная зависимость ионной проводимости кристаллитов для поликристаллического образца  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$ . С помощью штрих-пунктирных линий выделены участки ионной проводимости, относящиеся к  $\alpha$ -,  $\beta$ -,  $\gamma$ -фазам.

Следует отметить, что для поликристаллических образцов характерна изотропность физических свойств, поэтому фазовые переходы на зависимости  $\sigma T(T)$  выражены "протяженными" температурными интервалами, которые соединены линиями в виде "наклонных ступенек". Однако в случае монокристаллов Na<sub>3</sub>Cr<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> были установлены "прямоугольные ступеньки" [1], характеризующие резкие скачки проводимости при фазовых переходах. Середина первого "протяженного" температурного интервала на графике температурной зависимости  $\sigma T(T)$  соответствует T = 339 К (эта температура сов-

Фазы	Ионная проводимость $\sigma$ , $(\Omega \cdot \mathrm{cm})^{-1}$	Энергия активации $\Delta E$ , eV	Типы фазовых переходов	Температуры фазовых переходов, К
α	$2 \cdot 10^{-5} (293  \text{K})$	0.52	lpha  ightarrow eta	$T_{\alpha \to \beta} = 339$
β	$2.4 \cdot 10^{-3} (373  \text{K})$	0.36	$eta  ightarrow \gamma$	$T_{\beta  ightarrow \gamma} = 439$
γ	$2.5 \cdot 10^{-2} (573  \text{K})$	0.22		

Таблица 1. Параметры ионопереноса для соединения Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

падает с температурой фазового перехода  $T_{\alpha \to \beta}$  установленным методом ГВГ), что указывает на наличие температурного фазового перехода ( $T_{\alpha \to \beta} = 339$  K) из  $\alpha$ -фазы в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>. Для фазы  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> значение ионной проводимости составляет  $2 \cdot 10^{-5}$  ( $\Omega \cdot \text{cm}$ )<sup>-1</sup> при 293 K, а энергия активации достигает 0.52 eV.

Существенное повышение проводимости 2.4 · 10<sup>-3</sup> ( $\Omega$  · cm)<sup>-1</sup> при T = 373 К и снижение энергии активации до 0.36 eV при фазовом переходе  $\alpha \to \beta$  можно связать со структурными изменениями кристаллического каркаса  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, сопровождающими этот переход [2–7,14]. Вероятно, фазовый переход  $T_{\alpha\to\beta}$  способствуют частичному снятию моноклинного искажения кристаллического каркаса и увеличению концентрации подвижных ионов натрия в кристалле, способных участвовать в проводимости.

Несмотря на то, что энергия активации достаточно высока для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, все же заметный скачок проводимости (проводимость увеличивается более чем на порядок) и снижение энергии активации с 0.52 до 0.36 eV при фазовом переходе  $\alpha \rightarrow \beta$  позволяет говорить о псевдосуперионном характере проводимости.

Дальнейшее повышение температуры приводит к очередному фазовому превращению при  $T_{\beta \to \gamma} = 439 \text{ K}$  (температура перехода была определена так же, как и в первом случае), и соответственно к еще большему увеличению проводимости поликристалла (до  $2.5 \cdot 10^{-2} (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$  при 573 K), а также снижению энергии активации до 0.22 eV, что может быть связано с полным снятием моноклинных искажений кристаллического каркаса в результате фазового перехода  $\beta \to \gamma$ . Проводимость поликристалла  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> уже можно рассматривать как чисто суперионную.

Результаты температурной зависимости проводимости поликристалла  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$  были установлены на основе достаточно точных воспроизводимых результатов.

Представленную на рис. 2 температурную зависимость электропроводности можно описать следующим соотношением [1]:

$$\sigma T = A_i \sum_{i=1}^{n} \exp\left(-\frac{\Delta E_i}{kT}\right),\tag{1}$$

где  $\Delta E_i$  — энергия активации проводимости *i*-фаз; *k* — постоянная Больцмана; *T* — абсолютная температура;  $A_i$  — постоянные коэффициенты, характеризующие *i*-фазовые состояния, n = 3 (число фаз).

Путем соответствующей обработки полученных экспериментальных данных (см.  $\sigma T(T)$  на рис. 2) были определены параметры ионопереноса и температуры фазовых переходов фосфата натрия-скандия, которые приведены в табл. 1.

Как видно из табличных данных, низкотемпературную  $\alpha$ -фазу поликристалла Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> можно отнести к диэлектрической, т. к. она характеризуется низкими значениями проводимости  $2 \cdot 10^{-5} (\Omega \cdot \text{cm})^{-1}$  при 293 К и высокими значениями энергии активации 0.52 eV.

Полученные выше экспериментальные данные, а также результаты работы [15], в которой сообщалось о наличии доменов на поверхности кристалла  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> и их исчезновении при фазовом переходе  $\alpha \rightarrow \beta$ , позволяют рассматривать эту фазу как сегнетоэлектрическую.

## 3.3. Результаты исследования диэлектрических свойств поликристалла Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Исследование температурной зависимости диэлектрической проницаемости  $\varepsilon(T)$  в диапазоне частот  $5-5 \cdot 10^5$  Hz позволяет выявить, что низкотемпературная фаза  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> является полностью дипольноупорядоченной до 320 K, т. к. воздействие внешнего электрического поля и температуры не приводит к изменению  $\varepsilon$  на зависимости  $\varepsilon(T)$ . При дальнейшем повышении температуры поляризационные явления в поликристалле проявлялись нечетко, особенно в области фазового перехода  $T_{\alpha \to \beta}$ , из-за влияния других эффектов (например, "медленных процессов" типа ионной проводимости).

С целью исключения влияния "медленных процессов" на поляризационные процессы в образце были проведены измерения температурной зависимости диэлектрической проницаемости  $\varepsilon(T)$  на сверхвысоких частотах. В частности, на рис. З представлена температурная зависимость  $\varepsilon(T)$  для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> на частоте измерительного поля 2 GHz.

Следует отметить, что наряду с ростом диэлектрической проницаемости на зависимости  $\varepsilon(TC)$  четко выделяется аномалия, соответствующая области фазового перехода  $T_{\alpha\to\beta} = 339$  К. Согласно закону Кюри–Вейса, для типичных сегнетоэлектриков в области фазовых



**Рис. 3.** Температурная зависимость диэлектрической проницаемости  $\varepsilon$  для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> на частоте 2 GHz.



**Рис. 4.** Частотные зависимости диэлектрической проницаемости  $\varepsilon$  для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>. Кривые 1-9 соответствуют измерениям, проведенным при следующих температурах: 1 - 293, 2 - 313, 3 - 323, 4 - 333, 5 - 343, 6 - 353, 7 - 363, 8 - 368, 9 - 373 K.

переходов  $(T_C)$  характерны пики (всплески) на температурной зависимости  $\varepsilon(T)$ ; но установленная нами аномалия в виде "ступеньки" на кривой  $\varepsilon(T)$  позволяет классифицировать переход  $T_{\alpha\to\beta}$  как несобственный сегнетоэлектрический фазовый переход, а сам образец  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> — как несобственный сегнетоэлектрик [16].

Изучение частотной зависимости диэлектрической проницаемости  $\varepsilon(\omega)$  низкотемпературной фазы  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> показывает, что значение  $\varepsilon$  практически не зависит от частоты до температур 320 К (см.

связаны с тем, что катионы натрия "сконденсировались" (упорядочились в нескомпенсированные статистические натриевые диполи) на дне потенциальных ям кристаллического каркаса (на дне деформированных *B*-полостей кристаллического каркаса), из-за моноклинного искажения структуры (пр. гр. *B*в), что вполне согласуется с нашими данными по проводимости и характеризует α-фазу Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> как сегнетоэлектрическую (рис. 4).

кривые 1-4 на рис. 4). Возможно, эти результаты

При изучении диэлектрических свойств  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> установлено, что для этой фазы поликристалла характерны релаксационные процессы поляризации, проявляющиеся плавно спадающими кривыми 5–9 на зависимости  $\varepsilon(\omega)$  (рис. 4). Отметим, что с повышением температуры плавные кривые спада на зависимости  $\varepsilon(\omega)$  переходят в более резко спадающие кривые (на рис. 4 видно, что угол наклона кривых 5–9 больше, чем кривых 1–4). Также релаксационные процессы можно наблюдать на частотной зависимости тангенса угла диэлектрических потерь tg  $\delta(\omega)$  (рис. 5).

Наиболее яркая демонстрация релаксационных максимумов проявляется на зависимости tg  $\delta(\omega)$  (кривые 7–9 на рис. 5).

Причем с повышением частоты наблюдается постепенная тенденция сдвига релаксационных максимумов на зависимости tg  $\delta(\omega)$  в область более высоких частот (от кривой 7 к кривой 9 на рис. 5). Эти данные позволяют заключить, что релаксационные процессы могут быть связаны с катионной частью кристаллического каркаса (катионами натрия), т.к. анионная часть, состоящая из полиэдров ScO<sub>6</sub>, PO<sub>4</sub>, составляет "жесткий" ромбоэдрический кристаллический каркас { $[Sc_2(PO_4)_3]^{3-}$ }<sub>3∞</sub> [2–5]. Поэтому наблюдаемые релаксационные процессы могут



**Рис. 5.** Частотные зависимости тангенса угла диэлектрических потерь для поликристаллического образца  $Na_3Sc_2(PO_4)_3$ . Кривые 1-9 соответствуют измерениям, проведенным при следующих температурах: 1 - 293, 2 - 313, 3 - 323, 4 - 333, 5 - 343, 6 - 353, 7 - 363, 8 - 368, 9 - 373 K.

быть обусловлены колебаниями слабо подвижных катионов натрия в частично деформированных *B*-полостях кристаллического каркаса  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> (моноклинное искажение кристаллического каркаса в  $\beta$ -фазе частично снято) под воздействием электрического поля и температуры выше 339 К. Согласно результатам структурных исследований работы [3], кристаллический каркас  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> является ромбоэдрическим с пр. гр.  $3\bar{R}C$ , но наличие дополнительных запрещенных рефлексов, зафиксированных в этой фазе, может быть признаком сверхструктурных искажений, характерных для антисегнетоэлектриков. Тогда нельзя исключить участия в релаксационном процессе и скомпенсированных натриевых диполей.

Результаты исследования проводящих и диэлектрических свойств позволяют предположить, что степень искаженности кристаллического каркаса  $\beta$ -фазы значительно менее выражена, чем для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, что можно связать с частичным снятием искаженности кристаллического каркаса и появлением подвижных зарядов. С этими изменениями можно связать наблюдаемую на рис. 5 релаксационную поляризацию ионов натрия в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

При последующем фазовом переходе  $\beta \rightarrow \gamma$  релаксационные процессы резко ускоряются и сдвигаются в область более высоких частот (в силу ограниченности приборных возможностей экспериментально не представлено). Появление быстрых релаксационных процессов может быть связано с резким повышением концентрации подвижных катионов натрия в кристаллическом каркасе образца, из-за полного дипольного разупорядочения.

Вероятно, наблюдаемые пики на частотной зависимости tg  $\delta(\omega)$  для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> связаны с релаксационными процессами поляризации дебаевского типа (показано кривой *1* на рис. 6), т.к. экспериментальная характеристика образца, показанная кривой *1*, близка к теоретической дебаевской кривой *2* на рис. 6, построение которой осуществлялось согласно формуле Дебая (2) [17]:

$$\operatorname{tg} \delta = \frac{\sigma}{\omega} + \frac{(\varepsilon_0 - \varepsilon_\infty)}{\varepsilon_0 + \varepsilon_\infty \omega^2 \tau^2},\tag{2}$$

где  $\tau$  — время релаксации диполя в диэлектрике под воздействием внешнего поля;  $\varepsilon_0$  и  $\varepsilon$  — статическая и оптическая диэлектрические проницаемости соответственно;  $\sigma$  — ионная проводимость.

Однако имеющиеся различия между экспериментальной (кривая I) и расчетной (кривая 2) зависимостями на частотной характеристике tg  $\delta(\omega)$  (рис. 6) могут быть связаны с тем, что в релаксационном процессе в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> участвуют как свободные катионы натрия (преимущественно), так и скомпенсированные натриевые диполи (не исключатся их слабое участие).

В целом параметры процесса релаксационной поляризации для β-фазы этого соединения были определены путем анализа частотной зависимости тангенса угла диэлектрических потерь (см. рис. 5 и 6). Дополнительные



**Рис. 6.** Частотные зависимости тангенса угла диэлектрических потерь  $\delta$  для поликристаллического образца Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> при температуре T = 368 К. 1 — экспериментальная кривая, 2 — теоретическая кривая.

параметры тепловой релаксационной поляризации для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> определены путем построения зависимости  $\omega_{\max}(T)$ . Были определены энергия активации  $\Delta E$  и среднее время релаксации  $\tau$  при нулевой температуре для этой фазы. Тогда время релаксации  $\tau$  может быть определено согласно [17] в виде:

$$\tau = \frac{1}{2} \nu \exp(\Delta E/kT), \qquad (3)$$

где v — частота собственных колебаний диполей; exp( $\Delta E/kT$ ) отражает вероятность преодоления дипольной частицей потенциального барьера высотой  $\Delta E$ , разделяющего диполи в их устойчивом состоянии; k постоянная Больцмана. Параметры релаксационной поляризации для Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> приведены в таблице 2.

Учитывая установленные структурные данные для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> и результаты работ [1–5], а также ее частотные характеристики  $\varepsilon(\omega)$  и tg  $\delta(\omega)$ , представленные на рис. 4 и 5, можно заключить, что дипольное упорядочение катионов натрия в  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> представляет собой систему связанных, малоподвижных диполей в *B*-полости кристаллического каркаса. Основываясь на специфике заселенности катионов натрия в *A*- и *B*-полостях кристаллического каркаса Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> [2–5], можно говорить об образовании нескомпенсированных статистических натриевых диполей в *B*-полостях кристаллического каркаса {[Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>]<sup>*P*-</sup>}<sub>3∞</sub>.

Согласно [5], в низкотемпературной фазе *α*-Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, атомами натрия заселены только

	Фазы			
Параметры $Na_3Sc_2(rO_4)_3$	α	β	γ	
Симметрия	Вв	$3\bar{R}C$	$3\bar{R}C$	
Диэлектрические проницаемости ε на частоте 1259 Hz	8 · 10 <sup>2</sup> при 293 K	5 · 10 <sup>3</sup> при 368 К	9 · 10 <sup>3</sup> при 440 K	
Максимум тангенса угла диэлектрических потерь tg $\delta_{\max}$ на частоте 1259 Hz		0.95 при 368 К		
Энергия активации процесса релаксации $\Delta E$ , eV	—	0.33		
Время релаксации т, s	-	$1.6 \cdot 10^{-5}$		

Таблица 2. Параметры релаксационной поляризации для Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

В-полости, причем в одной трети В-полости атомы натрия располагаются почти в центрах, а в оставшихся двух третьих полости атомы натрия сдвинуты из центров на 0.39, 1.64, 0.75 и 2.11 Å в сторону одной из А-полостей, что приводит к образованию двух позиций B1-B2 или C1-C2 статистически заселенных катионами натрия с кратностями, различающимися в 1.7 раза. Не исключено, что именно такой порядок заполнения катионов натрия в анионном кристаллическом каркасе приводит к возникновению спонтанно-поляризованного состояния, с образованием в кристалле систем натриевых диполей, упорядоченных в соответствии с пр. Гр. Ве.

В случае  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> [2,3,5], статистические натриевые диполи образовывались за счет неравномерного заселения катионов натрия в *B*-полостях кристаллического каркаса, вызванного расщеплением натриевых позиций Na<sub>2</sub> на две неравноценные части. Вероятно, появление таких натриевых диполей и приводит к смещению центра суммарных положительных зарядов (катионов компенсаторов натрия) относительно центра *B*-полости кристаллического каркаса. С другой стороны, в центре *B*-полости должен фокусироваться центр отрицательных зарядов, создающихся анионным кристаллическом каркасом {[Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>]<sup>*P*-</sup>}<sub>3∞</sub>.

В результате можно говорить о "разделении" центров положительных и отрицательных зарядов вокруг центра *В*-полости кристаллического каркаса, что эквивалентно образованию в кристалле виртуальных "натриевых диполей" (иначе — статистических натриевых диполей).

Эти представления согласуются с экспериментальным результатами (нецентросимметричности кристалла при T = 293 K, проводящих и диэлектрических свойств), установленными для поликристалла  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>.

### 3.4. О моделях потенциального барьера и релаксатора для *α*-, *β*-Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Системы, для которых релаксация на микроскопическом уровне может быть описана уравнением (4), применима модель глубокой потенциальной ямы с двумя положениями равновесия, или релаксатор Флериха



**Рис. 7.** Схематическое изображение потенциального барьера и характера дипольного упорядочения для  $\alpha$ - и  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>: a) изображение потенциальной ямы с двумя положениями равновесия и изображение нескомпенсированного натриевого диполя для  $\alpha$ -фазы; b) изображение потенциальной ямы и скомпенсированного натриевого диполя для  $\beta$ -фазы.

(рис. 7, *a*). Основываясь на этой модели и модели, предложенной для диэлектрической фазы  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> в [2,6], а также данных по исследованию проводящих диэлектрических свойств и структурных параметров  $\alpha$ - и  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, может быть предложена модель двухминимумного потенциального рельефа вдоль канала проводимости (рис. 7). Следует отметить, что глубина потенциального рельефа (энергетическая характеристи-ка) в модели для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> больше (см. рис. 7, *a*), чем в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> (см. рис. 7, *b*), из-за различия в степени структурных искажений кристаллического каркаса.

В случае  $\alpha$ -фазы релаксаторами при релаксационной поляризации могут быть нескомпенсированные статистические натриевые диполи (см. рис. 7, *a*), а в случае  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, релаксаторами могут являться как разупорядоченные ионы натрия (см. рис. 7, *b*), так и скомпенсированные статистические натриевые диполи (с учетом, обнаруженных в этой фазе сверхструктурных искажений). На рис. 7, *b* схематически изображен скомпенсированный натриевый диполь, образующийся из двух противоположно направленных нескомпенсированных статистических натриевых диполей, вследствие удвоения объема элементарной ячейки кристалла.

Вероятно, процесс релаксационной поляризации, вызванный перемещением ионов натрия в полостях

ромбоэдрического кристаллического каркаса  $\{[Sc_2(PO_4)_3]^3\}_{3\infty}$ , эквивалентен перебросу как катионов натрия, так и скомпенсированных статистических натриевых диполей через потенциальный барьер E = 0.33 eV за среднее время  $\tau = 1.6 \cdot 10^{-5} \text{ s.}$ 

## **3.5.** О поляризационных процессах в β- и γ-фазах Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

Переход в  $\beta$ -фазу сопровождается частичным разрушением статистических натриевых диполей в  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, о чем свидетельствует высокая ионная проводимость, скачок на температурной зависимости проводимости (см. рис. 1), а также установленные диэлектрические и структурные параметры.

Отметим, что  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> имеет квазиромбоэдрическое строение [2,5]. Все результаты по исследованию структуры и тепловых релаксационных процессов вполне согласуются с тем, что релаксаторами могут быть как "свободные" ионы натрия, так и скомпенсированные натриевые диполи.

Для  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>, максимумы тангенса угла диэлектрических потерь сдвинуты в область более высоких частот и выходят за пределы частотного диапазона наших исследований. Очевидно, что процесс релаксационной поляризации для  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> сдвигается в область более высоких частот. Вполне логично появление таких поляризационных процессов связать с быстрыми колебаниями разупорядоченных ионов натрия в кристаллическом каркасе  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> под действием внешнего электрического поля.

Усиление быстрых поляризационных процессов при переходе в ромбоэдрическую фазу  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> с пр. гр.  $3\bar{R}C$  может быть связано с максимальным повышением симметрии ромбоэдрического кристаллического каркаса и полным разупорядочением скомпенсированных статистических натриевых диполей. Высокая подвижность и равномерное распределение ионов натрия по *A*- и *B*-полостям ромбоэдрического кристаллического каркаса создают все условия для протекания быстрых поляризационных процессов под действием высокочастотного электрического поля.

# 3.6. О модели дипольного упорядочения в α-фазе и ионной проводимости β-и γ-фазах Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>

В работах [2–10] показано, что процессы структурного разупорядочения при фазовых переходах  $\alpha \to \beta$ ,  $\beta \to \gamma$  в Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> приводят к качественным изменениям их проводящих свойств.

В [2,5,6,8] показано, что основой кристаллической структуры Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> является ажурный кристаллический каркас { $[Sc_2(PO_4)_3]^{3-}$ }<sub>3</sub>, характеризующийся наличием трехмерных каналов. Эти каналы образуются благодаря сочленению полостей *А*- и *В*-типов через гофрированные гексагональные кольца, причем *А*-полости



**Рис. 8.** Кристаллохимическая модель, поясняющая условное распределение атомов натрия по позициям в *A*- и *B*-полостях кристаллического каркаса  $\alpha$ -,  $\beta$ -,  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>: *I* — вакантная полость, *2* — статистическое заселение позиций катионами натрия, *3* — заселение катионов натрия с упорядочением, *4* — нескомпенсированный статистический натриевый диполь.

меньше по размеру, чем *B*-полости. Для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> катионы натрия упорядочены в статистические натриевые диполи в *B*-полостях, вследствие моноклинного искажения кристаллического каркаса. При переходе в высокотемпературные  $\beta$ -,  $\gamma$ -фазы атомы натрия могут быть статистически распределены как в *A*-, так и в *B*-полостях, что создает благоприятные условия для проявления высокой ионной проводимости.

Установленные кардинальные изменения электрофизических свойств при фазовых превращениях и соответствующие структурные изменения кристаллического каркаса в  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> в пределах небольшого температурного интервала (T = 293 - 573 K) позволяют говорить об исключительной "эластичности" кристаллического каркаса данного типа.

Для наглядной демонстрации изменений электрофизических свойств Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> в зависимости от фазовых состояний ( $\alpha, \beta, \gamma$ ) предложена уточненная кристаллохимическая модель (за основу взята модель, описанная в работе [5]), изображенная на рис. 8.

Распределение атомов натрия по *A*- и *B*-полостям кристаллического каркаса для  $\alpha$ -,  $\beta$ -,  $\gamma$ -фаз Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> может быть представлено схематически так, как изображено на рис. 8. При этом *A*-полости кристалла могут быть вакантными или статистически заняты атомами натрия, а *B*-полости заняты статистически с упорядочением, либо в виде статистических натриевых диполей, либо заселены равномерно катионами натрия.

Факт наличия вакантных A-полостей изображен на рис. 8 светлым кругом, вписанным в квадрат, и пронумерован позицией I, а присутствие упорядоченных состояний и нескомпенсированных статистических натриевых диполей в кристаллических каркасах  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> пронумерованы позициями 3 и 4 соответственно (см. рис. 8). Статистическое заселение A- и B-полостей

кристаллического каркаса в  $\alpha$ -,  $\beta$ -,  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> пронумерованы позицией 2 (все *A*-полости изображены в виде окружностей, вписанных в квадрат).

Однако следует обратить внимание, что поликристалл  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> является несобственным сегнетоэлектриком (показано верхней строкой таблицы). Согласно данной модели, для  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> характерны как упорядоченные (позиции *3* на рис. 8), так и дипольноупорядоченные состояния в *B*-полости кристаллического каркаса (позиции *4* и *5* на рис. 8). При этом *A*-полости полностью вакантны.

Для  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> вполне логично представить, что части *B*-полостей будут заселены свободными катионами натрия в виде позиций 2, а также скомпенсированными статистическими натриевыми диполями, которые пронумерованы в виде позиции 5 (см. рис. 8).

При фазовых переходах  $\alpha \to \beta$ ,  $\beta \to \gamma$  в поликристалле Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> происходят акты последовательного повышения симметрии поликристалла, приводящие к разрушению как упорядоченных, так и дипольноупорядоченных состояний, и к более равномерному статистическому распределению катионов натрия по *A*и *B*-полостям кристаллического каркаса, как показано для  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> на рис. 8.

#### 4. Выводы

На основе представленных экспериментальных результатов можно сделать следующие выводы:

1) Доказано, структура поликристалла что  $\alpha$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> обладает упорядочением сегнетоэлектрического типа, а фазовый переход  $\alpha \rightarrow \beta$  может быть отнесен к несобственному сегнетоэлектрическому переходу. При фазовых переходах  $\alpha \rightarrow \beta$ ,  $\beta \rightarrow \gamma$  в поликристалле Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> происходят акты последовательного повышения симметрии кристалла и ионной проводимости. Установлено, что в диэлектрической фазе β-Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> тепловая релаксационная поляризация носит дебаевский характер, причем релаксаторами являются как разупорядоченные катионы натрия, так и скомпенсированные натриевые диполи. Поликристалл  $\beta$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> можно отнести к ионному проводнику, хотя в В-полостях кристаллического каркаса не исключено наличие скомпенсированных статистических натриевых диполей.

2) Установлено, что поликристалл  $\gamma$ -Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub> является суперионным проводником, вследствие высоких ионно-проводящих свойств и полной симметризации кристаллического каркаса. Для  $\beta$ -,  $\gamma$ -фаз характерны быстрые релаксационные процессы поляризации, обусловленные наличием подвижных катионов натрия в *A*-и *B*-полостях кристаллического каркаса.

 Предложена кристаллохимическая модель, поясняющая явления дипольного упорядочения и ионной проводимости в Na<sub>3</sub>Sc<sub>2</sub>(PO<sub>4</sub>)<sub>3</sub>. 4) Наличие в литературных источниках множества противоречивых сведений, касающихся структурных и проводящих параметров, а также температур фазовых превращений в двойном фосфате натрия-скандия можно связать с ажурностью трехмерного каркаса  $\{[Sc_2(PO_4)_3]^3\}_{3\infty}$ , который допускает широкий спектр форм кристаллизации образца в зависимости от термодинамического режима и условий синтеза.

#### Конфликт интересов

Авторы заявляют, что у них нет конфликта интересов.

#### Список литературы

- [1] А.С. Ногай, С.Ю. Стефанович, А.А. Буш, Д.Е. Ускенбаев, А.А. Ногай. ФТТ **60**, 25 (2018).
- [2] В.А. Ефремов, В.Б. Калинин. Кристаллография 20, 703 (1978).
- [3] Б.И. Лазоряк, В.Б. Калинин, С.Ю. Стефанович, В.А. Ефремов. ДАН СССР 250, 861 (1980).
- [4] С.Ю. Стефанович, В.Б. Калинин. ФТТ 23, 3509 (1981).
- [5] В.Б. Калинин, Б.И. Лазоряк, С.Ю. Стефанович. Кристаллография 28, 264 (1983).
- [6] B. Susman, C. Delbecq, D.T.O. Brun, E. Princo. Solid State Ionics 9–10, 839 (1983).
- [7] Л.О. Атовмян, Н.Г. Букун, В.И. Коваленко, А.И. Коростелева, В.В. Ткачев, Е.А. Укше. Электрохимия 19, 933 (1983).
- [8] В.Б. Калинин, С.Ю. Стефанович, А.С. Ногай. Неорган. материалы **22**, 107 (1986).
- [9] A.C. Horaň, Yung Huh, K.H. Югаň. ФТТ 47, 1042 (2005).
- [10] L. Vijayan, R. Cheruku, G. Govindaraj, S. Rajagopan. Mater. Chem. Phys. 130, 862 (2011).
- [11] Н.И. Сорокин. ФТТ 56, 652 (2014).
- [12] D. Rettenwander, G.J. Redhammer, M. Guin, A. Benisek, H. Krüger, O. Guillon, M. Wilkening, F. Tietz, J. Fleig. Chem. Mater. **30**, 1776 (2018)
- [13] L.B. Ellis, F. Linda. Current Opinion Solid State Mater. Sci. 16, 168 (2012).
- [14] В.Б. Ткачев, В.И. Пономарев, Л.О. Атовмян. ЖСХ **25**, 128 (1984).
- [15] С.А. Оконенко, С.Ю. Стефанович, В.Б. Калинин, Ю.Н. Веневцев. ФТТ 20, 2846 (1978).
- [16] Б.А. Струков, А.П. Леванюк. Физические основы сегнетоэлектрических явлений в кристаллах. Наука, М. (1983), 240 с.
- [17] Ю.М. Поплавко. Физика диэлектриков. Высш. шк. Киев (1980), 398 с.

Редактор Е.В. Толстякова