

05

## Микромагнитные структуры, индуцированные неоднородным электрическим полем, в магнитодноосных пленках с флексомагнитоэлектрическим эффектом

© Р.М. Вахитов<sup>1</sup>, З.В. Гареева<sup>1,2</sup>, Р.В. Солонецкий<sup>3</sup>, Ф.А. Мажитова<sup>1</sup>

<sup>1</sup> Башкирский государственный университет,  
Уфа, Россия

<sup>2</sup> Институт физики молекул и кристаллов УФИЦ РАН,  
Уфа, Россия

<sup>3</sup> Уфимский государственный авиационный технический университет,  
Уфа, Россия

E-mail: VakhitovRM@Yahoo.com

Поступила в Редакцию 27 декабря 2018 г.

В окончательной редакции 27 декабря 2018 г.

Принята к публикации 28 декабря 2018 г.

Исследуются особенности проявления флексомагнитоэлектрического эффекта в магнитодноосных пленках при локальном воздействии электрического поля на их поверхность. Показано, что при возрастающем ее воздействии происходит поэтапная трансформация структуры  $180^\circ$  доменной границы от блоховской к квазиблоховской, а при некотором значении поля и в неелевскую. Выявлено, что в больших полях возможно зарождение  $0^\circ$  доменной границы с неблоховской структурой, закономерности которого имеют аналогии с процессами образования магнитных неоднородностей на дефектах типа „потенциальная яма“. Определен также вклад парциальных частей неоднородного магнитоэлектрического взаимодействия, обусловленных наличием в них  $\text{div } \mathbf{m}$  и  $\text{rot } \mathbf{m}$ , в рассматриваемые явления.

Работа выполнена при поддержке грантов РФФИ № 16-02-00336-А, № 19-32-50020 мол\_нр.

DOI: 10.21883/FTT.2019.06.47688.348

### 1. Введение

В последние два десятилетия наблюдается возрастающий интерес к исследованиям магнитоэлектрических материалов, свойства которых можно описать двумя и более взаимодействующими параметрами порядка [1,2]. В них был обнаружен ряд необычных и интересных явлений, имеющих перспективы быть примененными в разнообразных технических устройствах спинтроники. В частности предполагается, что эти материалы могут быть использованы в качестве рабочей среды в устройствах магнитной памяти нового поколения (MRAM) [3], в которых запись информации можно осуществить с помощью электрического поля. К такого рода материалам относятся также пленки ферритов гранатов, выделяющиеся среди других тем, что для них имеется развитая технология их получения, причем, с требуемыми свойствами, достигаемая за счет изоморфного замещения ионов в редкоземельных и железных подрешетках [4]. В них впервые был обнаружен гигантский линейный магнитоэлектрический эффект при комнатных температурах [5], а спустя почти два десятилетия новый сильный эффект такого же характера [6]. В последнем случае было установлено, что имеет место смещение доменных границ (ДГ) под действием сильного электрического поля, создаваемого заряженной иглой, поднесенной к поверхности образца. Анализ полученных данных был

интерпретирован на основе флексомагнитоэлектрического (ФМЭ) механизма [2,6], который получил в [7] определенное теоретическое обоснование.

Магнитоэлектрический эффект в ферритах—гранатах — явление неординарное, так как кристаллы ферритов—гранатов имеют кубическую симметрию (пространственная группа симметрии  $Pm\bar{3}m$ ), что запрещает существование магнитоэлектричества в них. Первая интерпретация магнитоэлектрических эффектов, обнаруженных в  $Y_3Fe_5O_{12}$  при низких температурах [8–10], была связана с понижением симметрии монокристаллов  $Y_3Fe_5O_{12}$  вплоть до моноклинной при понижении температуры. Механизм, объясняющий возникновение электрических свойств ферритов—гранатов за счет поляризации иновалентных ионов  $Fe^{2+}$ , был предложен в [11]. В работах [12–14] показано, что наличие магнитной неоднородности высвобождает результирующий дипольный момент, возникающий вследствие полярного механизма, инициирующего возникновение структуры электро-дипольных моментов переходных ионов. Механизм магнитоэлектрических эффектов, обусловленный наличием пространственных неоднородностей вида дефектов, был рассмотрен в [15,16]. В рамках механизма, предложенного в [15], предполагается, что существенно неоднородное электрическое поле может привести к индуцированию в области его действия неоднородной анизотропии, которая будет проявляться как дефект.

В зависимости от направления поля дефект может представлять „потенциальную яму“ или „потенциальный барьер“, в результате чего, ДГ будет притягиваться или отталкиваться от него.

Необходимо отметить, что экспериментальные результаты, полученные в [6], инициировали ряд исследований, среди которых можно выделить [6,7,16–20]. В них изучались различные аспекты проявления ФМЭ эффекта в рассматриваемых в [6] пленках, в частности, в [3] исследовалось зарождение вихрей и антивихрей в электрическом поле, в [7,17] — топология и динамика ДГ, в [18,19] — структура и свойства ДГ с горизонтальными блоховскими линиями, в [16,20] — однородные и неоднородные состояния в (210)-ориентированной пленке ферритов-гранатов.

Известно, что воздействие неоднородного магнитного поля на определенный участок поверхности магнитоодноосной пленки может привести к зарождению в них цилиндрических магнитных доменов треугольной формы [21]. Аналогичное явление было обнаружено и в работе [22], в которой наблюдали зарождение подобных доменов в неоднородном электрическом поле, а также в работе [23], где с помощью сфокусированного лазерного импульсного облучения были индуцированы вертикальные блоховские линии в образце. Поэтому в данной работе будем исходить из того, что сам факт неоднородности поля может повлиять и на зарождение ДГ, и на его трансформацию, и на его смещение [15–17,22].

## 2. Основные уравнения

Рассмотрим одноосную ферромагнитную пленку, в которой имеет место неоднородное магнитоэлектрическое взаимодействие (ФМЭ эффект [2,7,24]). Будем полагать, что легкая ось анизотропии, а также внешнее электрическое поле  $\mathcal{E}$ , действующее на пленку, совпадают с нормалью к ее поверхности  $\mathbf{n}$ . Систему координат выберем таким образом, что бы ось  $Oz \parallel \mathbf{n}$ , а ось  $Oy$  совместим с направлением, вдоль которого магнетик неоднороден (рис. 1). В этом случае энергия возможных микромагнитных структур с учетом неоднородного магнитоэлектрического взаимодействия (НМЭВ), приведенная к площади сечения пластины плоскостью  $xOz$ , запишется в виде [7,17]:

$$E = \int_{-\infty}^{\infty} \left\{ A \left[ \left( \frac{d\varphi}{dy} \right)^2 + \cos^2 \varphi \left( \frac{d\theta}{dy} \right)^2 \right] + K_u \left( \sin^2 \theta \cos^2 \varphi + \sin^2 \varphi \right) + \varepsilon_{\text{int}} + 2\pi M_s^2 \sin^2 \varphi \right\} dy, \quad (1)$$

где  $\theta, \varphi$  — углы, определяющие единичный вектор намагниченности  $\mathbf{m} = \mathbf{M}/M_s$  (рис. 1), причем  $\mathbf{m} = (\cos \varphi \sin \theta, \sin \varphi, \cos \varphi \cos \theta)$ ,  $A$  — обменный параметр,  $K_u$  — константа одноосной анизотропии,  $M_s$  —

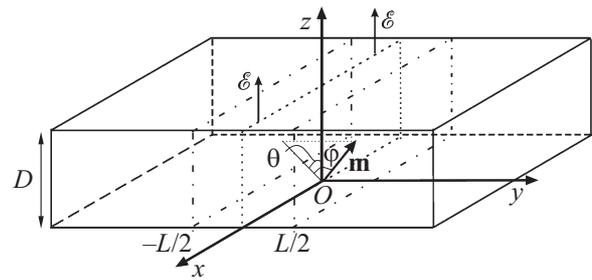


Рис. 1. Геометрия задачи.

намагниченность насыщения,  $\varepsilon_{\text{int}}$  — плотность энергии НМЭВ. Считая пластину достаточно толстой, пренебрегаем влиянием размагничивающих полей, обусловленных поверхностными магнитными зарядами, на структуру и свойства магнитных неоднородностей, возможных в данном магнетике. Полагаем, что выражение для  $\varepsilon_{\text{int}}$  определяется следующей формулой [25]:

$$\varepsilon_{\text{int}} = M_s^2 \mathcal{E} (b_1 \mathbf{m} \operatorname{div} \mathbf{m} + b_2 \mathbf{m} \times \operatorname{rot} \mathbf{m}), \quad (2)$$

которое с учетом выбранного направления  $\mathcal{E}$  и системы координат (рис. 1) можно записать в виде

$$\varepsilon_{\text{int}} = \mathcal{E} M_s^2 \times \left[ (b_1 \cos^2 \varphi + b_2 \sin^2 \varphi) \cos \theta \frac{d\varphi}{dy} + b_2 \sin \theta \sin \varphi \frac{d\theta}{dy} \right], \quad (3)$$

где  $b_1, b_2$  — константы НМЭВ.

Будем считать, что внешнее электрическое поле  $\mathcal{E}$ , величина которого задается выражением

$$\mathcal{E} = \mathcal{E}_0 / \operatorname{ch}(y/L), \quad (4)$$

действует в ограниченной области пространства; здесь  $L$  — определяет размер этой области вдоль оси  $Oy$ ,  $\mathcal{E}_0$  — величину напряженности в центре области действия поля ( $y = 0$ ).

Тогда уравнения Эйлера–Лагранжа, отвечающие минимуму энергии (1) с учетом (3) и записанные в безразмерных величинах, примут вид

$$\frac{d}{d\xi} \left( \cos^2 \varphi \frac{d\theta}{d\xi} \right) - \sin \theta \cos \theta \cos^2 \varphi + (\lambda_1 + \lambda_2) f(\xi) \times \sin \theta \cos^2 \varphi \frac{d\varphi}{d\xi} + \lambda_2 \sin \theta \sin \varphi \cos \varphi \frac{df}{d\xi} = 0, \quad (5)$$

$$\frac{d^2 \varphi}{d\xi^2} - \sin \varphi \cos \varphi \left[ \cos^2 \theta - \left( \frac{d\theta}{d\xi} \right)^2 \right] + (\lambda_1 + \lambda_2) f(\xi) \sin \theta \cos^2 \varphi \frac{d\theta}{d\xi} + \left( \lambda_1 \cos^2 \varphi + \lambda_2 \sin^2 \varphi \right) \cos \theta \frac{df}{d\xi} - Q^{-1} \sin \varphi \cos \varphi = 0,$$

где  $\lambda_i = \mathcal{E}_0 M_s^2 b_i / 2K_u \Delta_0$  — приведенное (к характерным величинам  $\varepsilon_i = 2K_u \Delta_0 / M_s^2 b_i$ ,  $i = 1, 2$ ) поле,

$Q = K_u/2\pi M_s^2$  — фактор качества материала,  $\xi = y/\Delta_0$ ,  $\Delta_0 = \sqrt{A/K_u}$ ,  $f(\xi) = \text{ch}^{-1}(\xi/l)$ ,  $l = L/\Delta_0$ .

Полученные уравнения представляют собой существенно нелинейные дифференциальные уравнения II порядка с непостоянными коэффициентами; они описывают структуру и свойства магнитных неоднородностей, возможных в рассматриваемом магнетике. Очевидно совместное решение уравнений системы (5) аналитически не представляется возможным из-за непреодолимых трудностей, возникающих при анализе таких уравнений, содержащих наряду со вторыми ( $\theta''$ ,  $\varphi''$ ) и первые производные ( $\theta'$ ,  $\varphi'$ ), в том числе и члены содержащие  $(\theta')^2$ , а также функции, зависящие от координат в явном виде ( $f(y)$ ,  $f'(y)$ ). Поэтому в дальнейшем искать решения этих уравнений будем путем их численного интегрирования.

### 3. Трансформация структуры 180° ДГ

В основе численного исследования уравнений (5) был положен метод множественной стрельбы с применением итерационной процедуры по Ньютону [26], апробированный в [27]. Из результатов численной реализации задачи для случая НМЭВ с  $b_1 = b_2$ , следует, что при действии электрического поля на образец, происходит изменение топологии 180° ДГ: она из ДГ блоховского типа ( $\varphi = 0$ ) преобразуется в ДГ с некруговой траекторией вектора намагниченности ( $\varphi = \varphi(y)$ ) [28,29], т.е. с выходом вектора  $\mathbf{m}$  из плоскости вращения магнитных моментов (рис. 2). Последнее означает, что ДГ благодаря ФМЭ механизму [2,7] становится заряженной. При этом величина дифференциальной поляризации ДГ  $p$ , определяемая по формуле

$$p = -\frac{\partial \varepsilon_{\text{int}}}{\partial \varepsilon}, \tag{6}$$

будет уже отличной от нуля (в данном случае  $p > 0$ ) и стенка будет притягиваться к источнику поля. Величина  $p$  является четной ограниченной функцией от  $y$  (рис. 3), достигающей максимального значения  $p_m$  в центре стенки. Здесь  $p = \nu p_0$ , где  $p_0 = (M_s^2 b_i / \Delta_0)$  и  $\nu$  — соответственно, характерная и приведенная величины поляризации. Аналогичная зависимость от  $y$  имеет место и для  $\varphi = \varphi(y)$  (рис. 2, а). Отсюда следует, что чем больше величина поля  $\varepsilon_0$ , тем больше максимальный угол выхода  $\mathbf{m}$  из плоскости стенки ( $\varphi_m$ ), а вместе с ним и величина  $p_m$ .

Согласно расчетам при дальнейшем возрастании  $\varepsilon_0$  максимальный угол выхода  $\varphi_m = \varphi(0)$  увеличивается и при определенном значении поля  $\varepsilon_0 = \lambda_i \varepsilon_i = 0.4 \varepsilon_1$  (т.к.  $b_1 = b_2$ , то  $\varepsilon_1 = \varepsilon_2$ ,  $\lambda_1 = \lambda_2 = 0.4$ ), становится равным  $\pi/2$ , то есть в ней появляется неелевский участок закона поворота  $\mathbf{m}$  в переходном слое (вблизи  $y = 0$ ). Последний затем расширяется и при достижении полем величины  $\varepsilon_{0c} = 0.488 \varepsilon_1$  180° ДГ полностью становится неелевской (рис. 4). Полученный результат согласуется

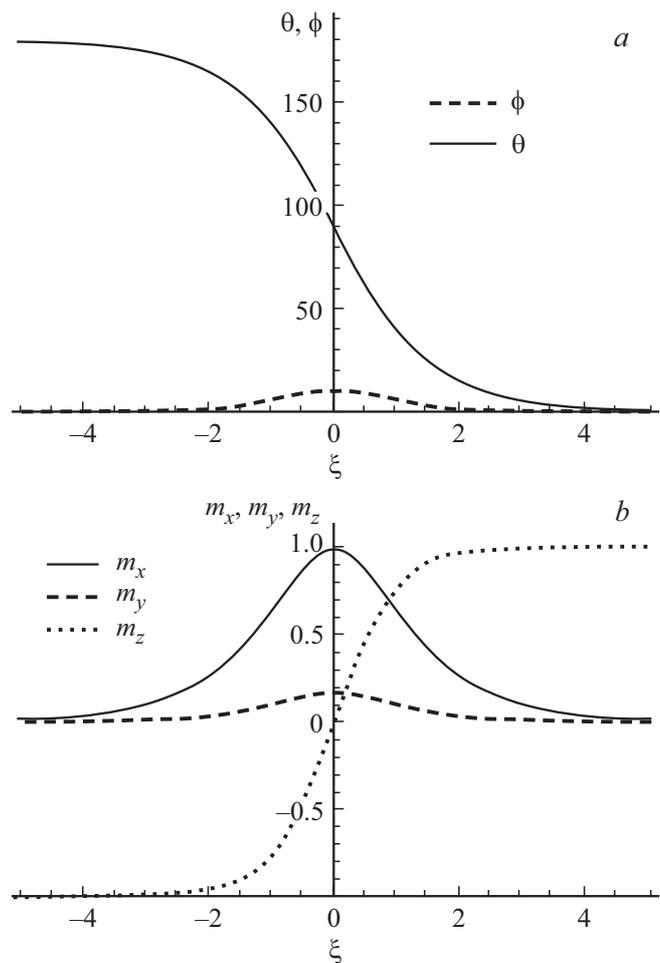


Рис. 2. Графики, иллюстрирующие распределение намагниченности  $\mathbf{m}$  в 180° ДГ, представленные через зависимости ее угловых переменных  $\theta$ ,  $\varphi$  (а) и через ее компоненты  $m_x$ ,  $m_y$ ,  $m_z$  (б) от  $\xi$  при следующих значениях параметров:  $\lambda = 0.1$  ( $b_1 = b_2$ ),  $Q = 3$ ,  $l = 5$ .

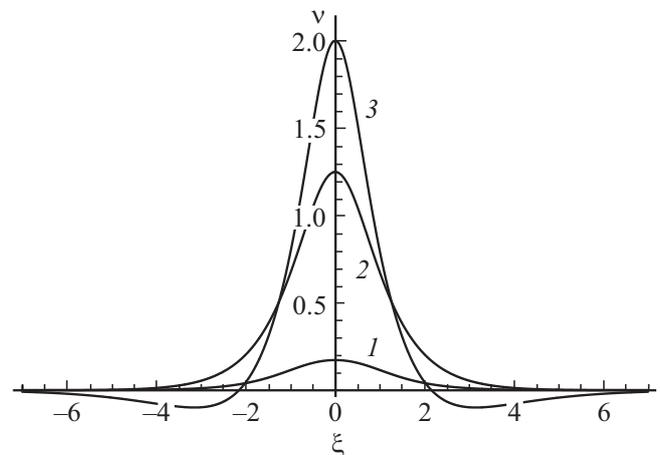


Рис. 3. График зависимости величины  $\nu$ , определяющей дифференциальную поляризацию 180° ДГ, от  $\xi$ . Линия 1 соответствует  $\lambda = 0.1$ , 2 —  $\lambda = 0.488$ , 3 —  $\lambda = 5$ ; остальные параметры те же, что и на рис. 2.

с расчетами [17,25], в которых также утверждается, что структура 180° ДГ в однородном электрическом поле, превышающем некоторое критическое значение, становится неелевской. Следует отметить, что в этих работах анализ трансформации структуры стенки не рассматривался.

Исследования показывают (рис. 5), что критическое поле перехода в неелевскую стенку  $\mathcal{E}_{0c} = \lambda_c \mathcal{E}_1$  существенно образом зависит от размера области неоднородности электрического поля  $L$ : с уменьшением  $L$  величина  $\mathcal{E}_{0c}$  возрастает, а при  $L \rightarrow 0$ , значение критического поля  $\mathcal{E}_{0c}$  становится неограниченным ( $\mathcal{E}_{0c} \rightarrow \infty$ ), с другой стороны, при возрастании  $L$  величина  $\mathcal{E}_{0c}$  уменьшается и при  $L \rightarrow \infty$  достигает некоторого предельного значения, совпадающего со значением  $\mathcal{E}_{0c}$  в случае действия однородного поля  $\mathcal{E}$  на доменную стенку. Такая зависимость вполне объяснима тем вкладом, которое вносит НМЭВ в общую энергию (1). В частности,

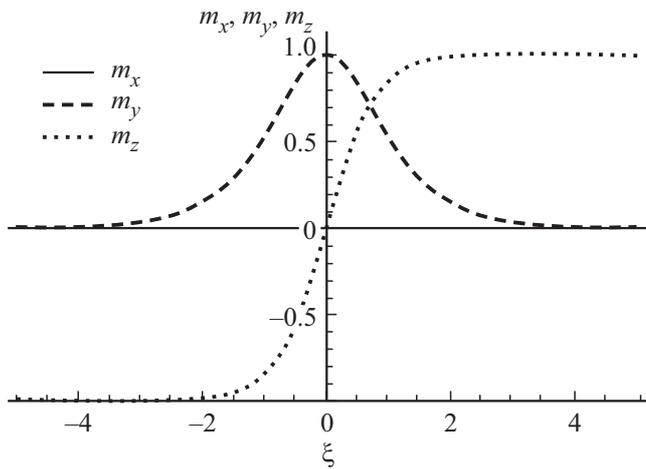


Рис. 4. Графики зависимости компонент  $m_x, m_y, m_z$  от  $\xi$  при  $\lambda = 0.488$  ( $b_1 = b_2$ ); остальные параметры те же, что и на рис. 2.

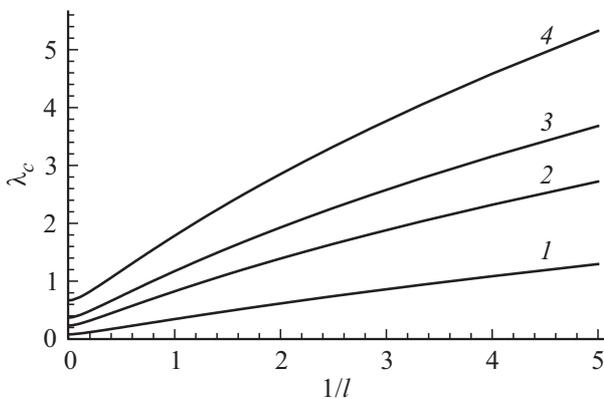


Рис. 5. Графики зависимости величины  $\lambda_c$ , определяющей критическое поле перехода 180° ДГ из квазиблоховской структуры в неелевскую от величины обратной  $l$ . Линия 1 соответствует  $Q = 15$ , линия 2 —  $Q = 5$ , линия 3 —  $Q = 3$ , линия 4 —  $Q = 1.5$ .

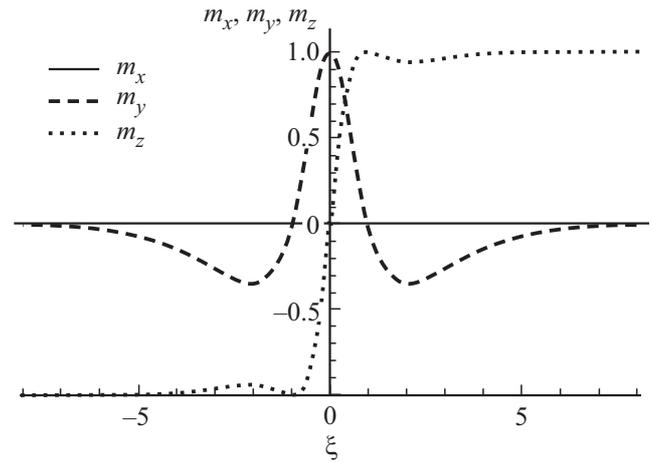


Рис. 6. График зависимости компонент  $m_x, m_y, m_z$  от  $\xi$  при  $\lambda = 6$ . Остальные параметры те же, что и на рис. 2.

энергия НМЭВ, определяемая выражением

$$E_{\text{int}} = \int_{-\infty}^{\infty} \varepsilon_{\text{int}} dy, \tag{7}$$

пропорциональна размеру области действия неоднородного электрического поля  $L$ , а также величине  $\mathcal{E}_0$ . Отсюда следует, что  $E_{\text{int}} = cL\mathcal{E}_{0c}$ , где  $c$  — некоторая константа. Таким образом, можно утверждать, что чем меньше размер области действия поля  $L$ , тем большей величины необходимо приложить поле, чтобы 180° ДГ стала неелевской и наоборот. В силу того, что при значении поля  $\mathcal{E} = \mathcal{E}_{0c}$  структура 180° ДГ будет всегда неелевской, то константа  $c$  практически не будет зависеть от  $L$ .

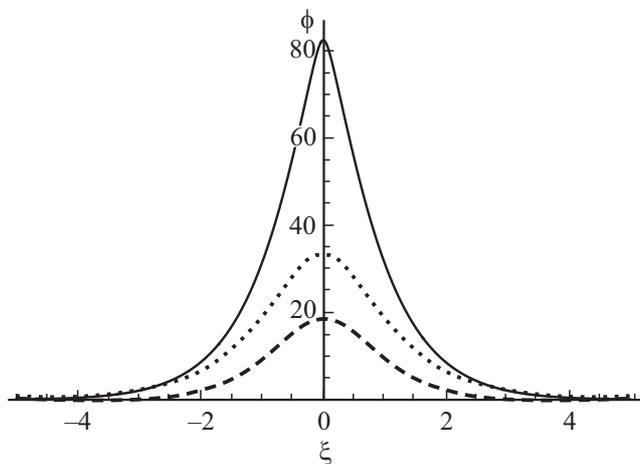
При дальнейшем увеличении величины  $\mathcal{E}_0$  структура 180° ДГ претерпевает ряд трансформаций, связанных с возникновением дополнительных экстремумов на графиках зависимостей компонент вектора  $\mathbf{m}$  от координаты  $y$  (рис. 6). При этом стенка остается неелевской, а величина  $p_m$  непрерывно растет. Соответственно, интегральная величина поляризации  $P = Np_0$ , определяемая по формуле

$$P = \int_{-\infty}^{\infty} p(y) dy, \tag{8}$$

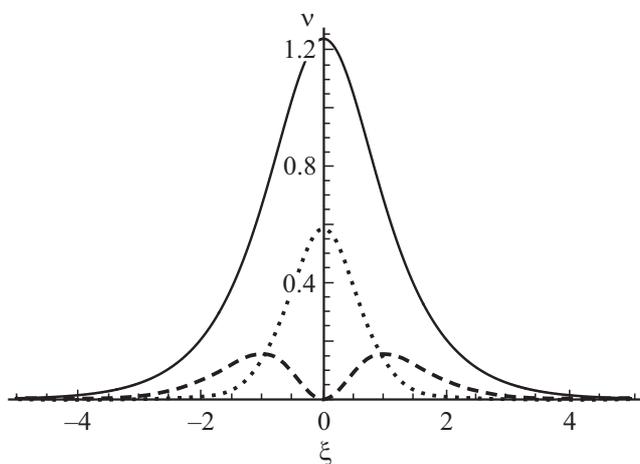
также будет увеличиваться.

До сих пор предполагалось, что вклады параметров  $b_1$  и  $b_2$ , которые определяют интенсивности соответствующих частей НМЭВ в ФМЭ эффект, одинаков ( $b_1 = b_2$ ) [24]. В тоже время, выражение для плотности энергии НМЭВ, представленное в [25] в виде (2), предполагает, что эти вклады возможно отличаются. Поэтому необходимо выяснить в рамках данной задачи степень влияния каждой части НМЭВ на структуру и поляризацию ДГ.

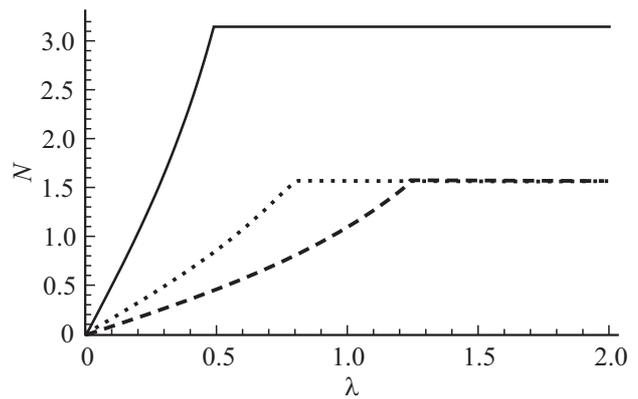
Из расчетов следует, что в малых полях эти вклады носят аддитивный характер [7], но различаются по характеру их воздействия на ДГ. В частности, вклад, обусловленный наличием в  $\epsilon_{int}$  слагаемого, содержащего  $\text{rot } \mathbf{m}$  (второй тип), приводит к более существенным изменениям структуры (увеличение  $\varphi_m$  и ширины угловой зависимости  $\varphi = \varphi(y)$  происходит сильнее рис. 7), чем вклад, связанный с  $\text{div } \mathbf{m}$  (первый тип). Однако их вклады в дифференциальную поляризацию  $p$  отличаются не только количественно, но и качественно. Так поляризация  $p$ , обусловленная парциальным вкладом НМЭВ второго типа, имеет распределение по координате  $y$  (рис. 8), коррелирующее с угловой зависимостью  $\varphi = \varphi(y)$  (рис. 7). В то же время распределение поляризации, обусловленное первым типом НМЭВ, описывается также четной ограниченной функцией, но с двумя



**Рис. 7.** Графики зависимости  $\varphi$  от  $\xi$  для 180° ДГ при  $\lambda = 0.485, Q = 3, l = 5$ . Здесь штриховая линия соответствует случаю, когда в НМЭВ —  $b_1 \neq 0, b_2 = 0$ , пунктирная —  $b_1 = 0, b_2 \neq 0$ , сплошная —  $b_1 = b_2 \neq 0$  (совместный вклад обоих типов НМЭВ).



**Рис. 8.** График зависимости параметра  $\nu$  для 180° ДГ от  $\xi$ . Значения параметров материала и обозначения кривых те же, что на рис. 7.



**Рис. 9.** Графики зависимости параметра  $N$  для 180° ДГ от приведенного поля  $\lambda$  при  $Q = 3, l = 5$ . Сплошная линия соответствует случаю учета НМЭВ с  $b_1 = b_2 \neq 0$ , штриховая —  $b_1 \neq 0, b_2 = 0$ , пунктирная —  $b_1 = 0, b_2 \neq 0$ .

пиками, симметрично расположенными относительно оси ординат и с  $p(0) = 0$ . Таким образом, в первом случае при включении поля в ДГ может возникнуть двойной электрический слой. В случае же  $b_1 = b_2$  их совместное действие также приводит к гауссовскому распределению величины  $\nu$  с максимальным значением поляризации в центре стенки. Влияние первого типа НМЭВ на результирующую поляризацию приводит лишь к некоторому уширению функции  $p = p(y)$  в местах, где первой тип НМЭВ дает максимальный вклад в нее. Можно отметить, что в больших полях их вклады уже не являются аддитивными (это особенно заметно при анализе величины  $p_m$  на рис. 8). В данном случае они значительно усиливают друг друга, что связано с нелинейным характером уравнений (5). При этом можно отметить, что при значении поля, равным  $\mathcal{E}_{0c}$ , на графиках зависимости  $p_m$  от  $\mathcal{E}_0$  для обоих вкладов имеется излом: характер зависимостей меняется от крутого подъема при малых  $\mathcal{E}_0 < \mathcal{E}_{0c}$ , до более пологого возрастания при больших  $\mathcal{E}_0 > \mathcal{E}_{0c}$ . Аналогично ведет и величина интегральной поляризации  $P$  (рис. 9), что связано с перестройкой структуры 180° ДГ: она трансформируется от квазиблоховского типа к неелевскому.

#### 4. 0-градусные ДГ

Анализ уравнений Эйлера–Лагранжа (5) показывает, что в неоднородном электрическом поле вида (4) возможны также решения, соответствующие 0-градусным ДГ (0° ДГ). Они представляют собой магнитную неоднородность, разделяющую два домена с одинаковым направлением намагниченности  $\mathbf{m}_0$  в них и имеющую гауссовский характер зависимости  $\theta = \theta(y)$  [27,30]. 0° ДГ имеют важное значение в процессах спиновой переориентации магнетика от одного направления к другому, в которых они играют роль зародышей перемagnичивания [30,31]. Кроме того, такие неоднородности

могут образоваться в магнетиках на дефектах типа „потенциальная яма“ [27]. В данной ситуации возникновение  $0^\circ$  ДГ в одноосных ферромагнетиках с НМЭВ в неоднородном электрическом поле является вполне закономерным явлением, так как действие такого рода поля на магнитные моменты ограничено в пространстве и проявляет себя как дефект, индуцированный электрическим полем. Конечно механизм его воздействия на магнетик может быть двойным и привести еще к неоднородному смещению однопородных ионов и в конечном счете к индуцированию дополнительной анизотропии, которая будет также пространственно неоднородной [15,16]. Однако в данном случае ограничимся рассмотрением только первого механизма.

Таким образом зарождение  $0^\circ$  ДГ в неоднородном электрическом поле, как и в случае зарождения  $0^\circ$  ДГ на дефектах типа „потенциальная яма“, изученным в [27], носит пороговый характер, так как  $0^\circ$  ДГ появляются только в полях  $\mathcal{E}_0$ , превышающих некоторое критическое значение  $\mathcal{E}_{0n}$  (в частности, при  $\mathcal{E}_0 > \mathcal{E}_{0n} = 0.719\mathcal{E}_1$  для случая  $L = 10\Delta_0$ ,  $Q = 3$ ,  $b_1 = b_2$ , рис. 10). Справедливости ради надо отметить, что  $0^\circ$  ДГ в рассматриваемом магнетике может зародиться и в однородном поле. Однако его энергия при этом будет положительной и следовательно, такая  $0^\circ$  ДГ не будет устойчивой.

Как видно из рис. 10, в момент зарождения  $0^\circ$  ДГ имеет неблоховскую структуру, в которой зависимость  $\varphi = \varphi(y)$  является функцией нечетной. Последнее означает, что вполне достаточно исследовать область  $y > 0$ . В этом случае, как следует из рис. 10, в момент своего зарождения (при  $\mathcal{E}_0 = \mathcal{E}_{0n}$ ) функция  $\varphi(y)$  имеет в области  $y > 0$  при  $y = y_1$  лишь один максимум  $\varphi_m = \varphi(y_1)$ , который является немалой величиной:  $\varphi_m \sim 70^\circ$ . Однако при возрастании  $\mathcal{E}_0$  на графике зависимости  $\varphi = \varphi(y)$  (рис. 10, кривая  $2'$ ) появляется еще один минимум ( $y = y_2$ ), который расположен в области  $\varphi(y) < 0$ , причем его координата находится правее координаты максимума функции  $\varphi(y)$  ( $y_1 < y_2$ ). Очевидно, при  $y > y_2$  на графике зависимости имеется точка перегиба  $y_p$ , которая, согласно [32], определяет ширину  $\Delta$  угловой зависимости  $\varphi = \varphi(y)$ .

При возрастании величины поля  $\mathcal{E}_0$  координата  $y_2$  точки минимума функции  $\varphi(y)$ , а вместе с ним и точки перегиба  $y_p$  смещаются в сторону меньших значений  $y$ . При этом глубина минимума  $|\varphi(y_2)|$  растет при одновременном уменьшении высоты максимума  $\varphi(y_1)$ , а ширина  $\Delta$  также уменьшается. При больших значениях  $\mathcal{E}_0$  (в частности, для значений  $L = 5\Delta_0$ ,  $Q = 3$ , при  $\mathcal{E}_0 > 9.3\mathcal{E}_1$ ) происходит возникновение дополнительного максимума и одного минимума на графике зависимости  $\theta = \theta(y)$ . Такая существенная трансформация структуры  $0^\circ$  ДГ, которая происходит при увеличении напряженности  $\mathcal{E}_0$ , приводит к уменьшению поляризации ДГ, как величины  $p(0)$ , так и ее интегральной величины  $P$ .

Значение поля зарождения  $\mathcal{E}_{0n} = \lambda_n \mathcal{E}_1$  существенно зависит от размера  $L$  области действия неоднородного

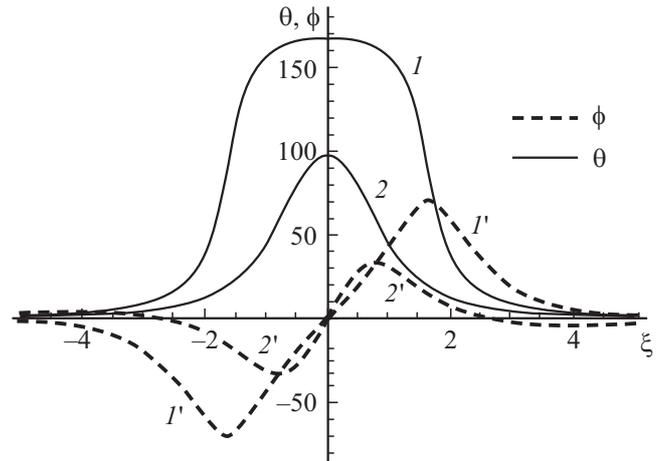


Рис. 10. Графики, иллюстрирующие распределение намагниченности  $\mathbf{m}$  в  $0^\circ$  ДГ, выраженные через зависимости  $\theta, \varphi$  от  $\xi$  при  $\lambda = 0.719$  (линии 1 и 1') и  $\lambda = 2$  (линии 2 и 2'). Здесь  $b_1 = b_2, Q = 3, l = 10$ .

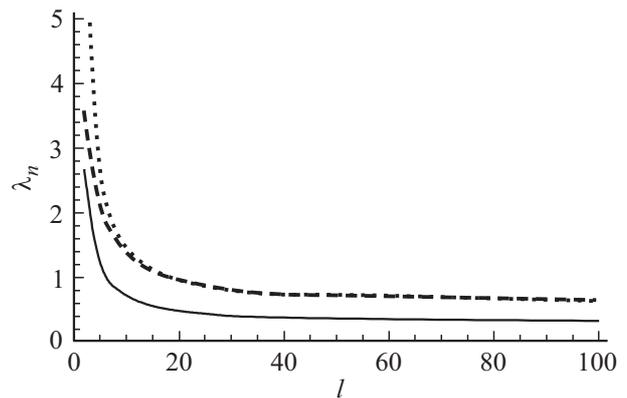
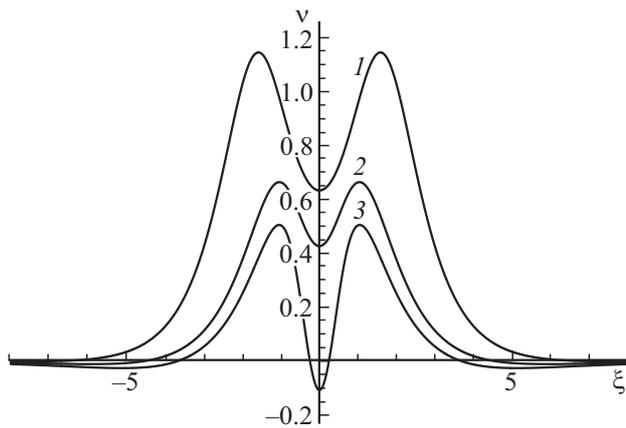


Рис. 11. Графики зависимости параметра  $\lambda_n$  от величины  $l$  для  $0^\circ$  ДГ при  $Q = 3$ . Штриховая линия соответствует случаю учета вклада НМЭВ первого типа, пунктирная — второго типа, сплошная — случаю учета совместного вклада НМЭВ.

поля (рис. 11): чем больше величина  $L$ , тем при меньших критических полях зарождаются  $0^\circ$  ДГ и наоборот. Следует отметить, что аналогичная зависимость имеет место и при рассмотрении в одноосных пленках условий возникновения  $0^\circ$  ДГ на дефектах типа „потенциальная яма“ [27,30,33]. С другой стороны с возрастанием размера  $L$  амплитуда  $\theta_m$  и поляризация  $p_m$  уменьшаются. Кроме того на графике зависимости дифференциальной поляризации  $p$  от координаты (рис. 12) в момент зарождения  $0^\circ$  ДГ имеются два максимума  $p_m$ , симметрично расположенных относительно начала координат, и один относительный минимум (между ними в точке  $y = 0$ ), которые с возрастанием величины поля  $\mathcal{E}_0$  одновременно уменьшаются. При этом при возрастании  $L$  значение  $p(0)$  также уменьшается, как и интегральная величина поляризации  $P$ .



**Рис. 12.** Графики зависимости величины  $v$  для  $0^\circ$  ДГ от  $\xi$  при  $Q = 3$ ,  $l = 5$ ,  $b_1 = b_2$ . Линия 1 соответствует  $\lambda = 0.719$ , 2 —  $\lambda = 1.5$ , 3 —  $\lambda = 2.5$ .

Необходимо отметить, что приведенные выше явления зарождения  $0^\circ$  ДГ и дальнейшей его трансформации в неоднородном электрическом поле изучались для случая  $b_1 = b_2$ . Однако расчеты показывают, что влияние парциальных вкладов НМЭВ, в структуру  $0^\circ$  ДГ существенно отличаются от той картины, которая имела место для  $180^\circ$  ДГ. В частности, поле зарождения  $0^\circ$  ДГ в исследуемом магнетике, найденное при учете лишь вклада НМЭВ первого типа ( $b_1 \neq 0$ ,  $b_2 = 0$ ), ощутимо меньше ( $\mathcal{E}_{0n} = 2.173\mathcal{E}_1$ , при  $L = 5\Delta_0$ ,  $Q = 3$ ), чем поле зарождения — при учете вклада второго типа ( $\mathcal{E}_{0n} = 2.737\mathcal{E}_2$ ,  $b_1 = 0$ ,  $b_2 \neq 0$ ,  $L$  и  $Q$  — те же значения). Более того характеристики  $0^\circ$  ДГ при учете различных типов НМЭВ, в момент зарождения также значительно отличаются: в первом случае  $\theta_m \sim 165^\circ$ ,  $\varphi_m \sim 56^\circ$ ,  $\Delta = 5\Delta_0$  (эффективный размер  $0^\circ$  ДГ согласно [32]), а во втором случае  $\theta_m \sim 175^\circ$ ,  $\varphi_m \sim 62^\circ$ ,  $\Delta = 2.6\Delta_0$ . С возрастанием значения электрического поля  $\mathcal{E}_0$  величины  $\theta_m$  и  $\varphi_m$  в обоих случаях уменьшаются, однако данная тенденция происходит для первого случая более замедленно, чем для второго случая. Кроме того, обнаруженное ранее возникновение еще одного минимума на графиках зависимости при  $y > 0$  с возрастанием  $\mathcal{E}_0$  имеет место только в случае учета вклада НМЭВ первого типа, причем значение этого минимума ( $|\varphi(y_2)|$ ) увеличивается с возрастанием  $\mathcal{E}_0$ . Таким образом, можно утверждать, что часть НМЭВ, обусловленного наличием в нем  $\text{div } \mathbf{m}$ , приводит к более существенной трансформации структуры  $0^\circ$  ДГ, чем та часть НМЭВ, в выражении которого содержится  $\text{rot } \mathbf{m}$ . Отсюда вытекает, что основной вклад в величину индуцированной поляризации  $0^\circ$  ДГ вносит первый тип НМЭВ.

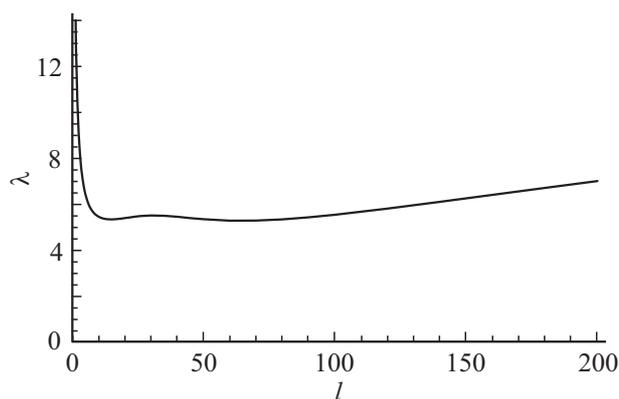
## 5. Обсуждение результатов

Анализ полученных данных показывает, что наложение электрического поля, направленного нормально к

поверхности пленки и действующего в ограниченной ее области, приводит к трансформации распределения намагниченности в  $180^\circ$  ДГ: ее структура (первоначально блоховского типа) преобразуется в квазиблоховскую с выходом вектора намагниченности  $\mathbf{m}$  из плоскости стенки [20,29]. При этом благодаря ФМЭ механизму ДГ становится заряженной, величина поляризации которой описывается четной, ограниченной функцией гауссовского типа. Дальнейшее увеличение поля приводит к возрастанию одновременно интегральной поляризации  $P$  и максимального угла  $\varphi_m$ . Последний все время увеличивается вплоть до значения  $\varphi_m = \pi/2$ , что означает возникновение в структуре ДГ неелевского участка, который затем разрастается. Наконец, при достижении полем некоторого критического значения  $\mathcal{E}_{0c}$   $180^\circ$  ДГ становится полностью неелевской. При другом значении поля  $\mathcal{E}_0 = \mathcal{E}_{0n}$ , немного бóльшим по величине, чем  $\mathcal{E}_{0c}$ , зарождается магнитная неоднородность типа  $0^\circ$  ДГ, которая уже в момент ее образования является неблоховской ( $\text{div } \mathbf{m} \neq 0$ ). Она, соответственно, имеет определенную поляризацию, интегральная величина которой с возрастанием  $\mathcal{E}_0$  также увеличивается. Согласно расчетам, поле зарождения  $0^\circ$  ДГ  $\mathcal{E}_{0n}$  существенно зависит от ширины области действия поля  $L$ : чем больше  $L$ , тем меньше  $\mathcal{E}_{0n}$  и при  $L \rightarrow \infty$  поле  $\mathcal{E}_{0n}$  асимптотически быстро стремится к величине  $\mathcal{E}_{0n} = 0.3\mathcal{E}_1$ . Таким образом, поля  $\mathcal{E}_{0c}$  и  $\mathcal{E}_{0n}$  являются характерными величинами, при достижении которых качественно меняются структура и свойства магнитных неоднородностей.

Следует отметить, что общая картина поведения микромагнитной структуры в неоднородном электрическом поле согласуется с экспериментальными данными, однако детальное сравнение результатов, полученных в данной работе с данными эксперимента [6,15] не представляется возможным в связи с существенными различиями в геометрии пленок: в работе [6] изучались доменные границы в (210) ориентированных пленках ферритов–гранатов, в которых значительную роль играет ромбическая и „скошенная ромбическая“ анизотропии [20,34], а здесь анализ магнитных неоднородностей рассмотрен в одноосном ферромагнетике.

Закономерности зарождения  $0^\circ$  ДГ в магнитоодноосной пленке в неоднородном электрическом поле, полученные в данной работе, во многом идентичны процессам образования  $0^\circ$  ДГ на дефектах типа „потенциальная яма“ [33]. Еще одним фактором, подтверждающим сходство этих явлений является зависимость энергии  $0^\circ$  ДГ от величины поля  $\mathcal{E}_0$ : при определенном его значении энергия  $0^\circ$  ДГ становится отрицательной (например, для  $Q = 3$ ,  $L = 10\Delta_0$  при  $\mathcal{E}_0 > 5.4\mathcal{E}_1$ , (рис. 13)) и, следовательно, ее образование становится энергетически более выгодным, чем однородное состояние магнетика (как и в случае с  $0^\circ$  ДГ, зарождающимися на соответствующих дефектах [27,33]). Таким образом действие неоднородного электрического поля на магнетик, в котором имеет место НМЭВ, аналогично по вызываемым последствиям наличию в образце дефекта типа „потенциальная яма“.



**Рис. 13.** График зависимости параметра  $\lambda$  от  $l$ , представленная в виде линии  $\lambda(l)$ , на которой энергия  $0^\circ$  ДГ обращается в ноль; в области, расположенной выше этой линии энергия  $0^\circ$  ДГ отрицательна, а ниже — положительна.

Однако есть и отличия, которые заключаются в следующем. Во-первых, ФМЭ эффект всегда приводит к трансформации существующих или к образованию новых магнитных неоднородностей таким образом, чтобы они соответствовали неблоховской структуре, в результате чего на ДГ возникает поляризация. Во-вторых,  $0^\circ$  ДГ при наличии в магнетиках НМЭВ может возникать в них и в однородном электрическом поле, хотя ее энергия является положительной.

Следует отметить, что в работе исследовалось также парциальные вклады НМЭВ, обусловленные наличием в (2) соответствующих слагаемых ( $\text{div } \mathbf{m}$  и  $\text{rot } \mathbf{m}$ ), в структуру магнитных образований, возникающих в неоднородном поле. Выяснилось, что на  $180^\circ$  ДГ более сильное влияние оказывает часть НМЭВ второго типа, а на  $0^\circ$  ДГ — часть НМЭВ первого типа. Такая избирательность вкладов разного типа возможно объясняется тем, что НМЭВ второго типа, легче изменить структуру  $180^\circ$  ДГ, в которой уже имеется „завихрение“ магнитных моментов (точнее замыкание магнитного потока в ДГ), чем структуру  $0^\circ$  ДГ, не обладающей такой особенностью.

В заключение авторы выражают признательность профессору физического факультета МГУ А.П. Пятакову за проявленный интерес к нашей работе и предоставленные экспериментальные материалы.

## Список литературы

- [1] G. Catalan, J. Seidel, R. Ramesh, J.F. Scott. *Rev. Mod. Phys.* **84**, 119 (2012).
- [2] А.П. Пятаков, А.К. Звездин. *УФН* **182**, 593 (2012).
- [3] G.A. Meshkov, A.P. Pyatakov, A.D. Belanovsky, K.A. Zvezdin, A.S. Logginov. *J. Magn. Soc. Jpn.* **36**, 46 (2012).
- [4] В.В. Рандошкин, А.Я. Червоненкис. *Прикладная магнитооптика*. Энергоатомиздат, М. (1990). 320 с.
- [5] Б.Б. Кричевцов, В.В. Павлов, Р.В. Писарев. *Письма ЖЭТФ* **49**, 466 (1989).
- [6] А.С. Логгинов, Г.А. Мешков, А.В. Николаев, А.П. Пятаков. *Письма ЖЭТФ* **86**, 2 (2007).
- [7] Р.М. Вахитов, А.Т. Харисов, Ю.Е. Николаев. *ДАН. Физика* **455**, 150 (2014).
- [8] T. O'Dell. *Philosoph. Mag.* **16**, 487 (1967).
- [9] G. Velleaud, B. Sangare, M. Mercier, G. Aubert. *Solid State Commun.* **52**, 71 (1984).
- [10] H. Ogawa, E. Kita, Y. Mochida, K. Kohn, S. Kimura, A. Tasaki, K. Siratori. *J. Phys. Soc. Jpn* **56**, 452 (1987).
- [11] Y. Kohara, Y. Yamasaki, Y. Onose, Y. Tokura, *Phys. Rev. B* **82**, 104419 (2010).
- [12] A.I. Popov, Z.V. Gareeva, A.K. Zvezdin. *Phys. Rev. B* **92**, 144420 (2015).
- [13] A.I. Popov, K.A. Zvezdin, Z.V. Gareeva, F.A. Mazhitova, R.M. Vakhitov, A.R. Yumaguzin, A.K. Zvezdin. *J. Phys.: Condens. Matter* **28**, 456004 (2016).
- [14] A.I. Popov, Z.V. Gareeva, F.A. Mazhitova, R.A. Doroshenko. *JMMM* **461**, 128, (2018).
- [15] А.Ф. Кабыченков, Ф.В. Лисовский, Е.Г. Мансветова. *Письма ЖЭТФ* **97**, 304 (2013).
- [16] Г.В. Арзамасцева, А.М. Балбашов, Ф.В. Лисовский, Е.Г. Мансветова, А.Г. Темирязов, М.П. Темирязева. *ЖЭТФ* **147**, 793 (2015).
- [17] М.А. Шамсутдинов, А.Т. Харисов, Ю.Е. Николаев. *ФММ* **111**, 472 (2011).
- [18] М.А. Борич, А.П. Танкеев, В.В. Смагин. *ФТТ* **58**, 63 (2016).
- [19] М.А. Борич, А.П. Танкеев, В.В. Смагин. *ФТТ* **58**, 1329 (2016).
- [20] Р.М. Вахитов, Р.Р. Исхакова, А.Р. Юмагузин. *ФТТ* **60**, 923 (2018).
- [21] А.П. Иванов, А.С. Логгинов, Г.А. Непокойчицкий, И.И. Никитин. *ЖЭТФ* **84**, 1006 (1984).
- [22] Д.П. Куликова, А.П. Пятаков, Е.П. Николаева, А.С. Сергеев, Т.Б. Косых, З.А. Пятакова, А.В. Николаев. *Письма в ЖЭТФ* **104**, 196 (2016).
- [23] А.С. Логгинов, А.В. Николаев, Е.П. Николаева, В.Н. Онищук. *ЖЭТФ* **117**, 571 (2000).
- [24] В.Г. Барьяхтар, В.А. Львов, Д.А. Яблонский. *Письма ЖЭТФ* **37**, 565 (1983).
- [25] I.E. Dzyaloshinskii. *Europhys. Lett. (EPL)* **83**, 67001 (2008).
- [26] Дж. Холл, Дж. Уатт. *Современные численные методы решения обыкновенных дифференциальных уравнений*. Мир, М. (1979). 372 с.
- [27] Р.М. Вахитов, Т.Б. Шапаева, Р.В. Солонейский, А.Р. Юмагузин. *ФММ* **118**, 571 (2017).
- [28] A. Hubert, R. Schäfer. *Magnetic domains*. Springer-Verlag, Berlin (2009). 696 p.
- [29] В.В. Плавский, М.А. Шамсутдинов, Б.Н. Филиппов. *ФММ* **88**, 22 (1999).
- [30] Р.М. Вахитов, А.Р. Юмагузин. *ФТТ* **43**, 65 (2001).
- [31] Р.М. Вахитов, В.Е. Кучеров. *ЖТФ* **70**, 67 (2000).
- [32] V.A. Lilley. *Phil. Mag.* **41**, 792 (1950).
- [33] Р.М. Вахитов, Е.Б. Магадеев. *ФММ* **115**, 306 (2014).
- [34] I. Nistor, C. Holthaus, S. Tkachuk. *J. Appl. Phys.* **101**, 09c526 (2007).

Редактор К.В. Емцев