20

Микрокристаллические алмазные порошки как перспективные объекты для генерации многочастотного вынужденного комбинационного рассеяния*

© В.С. Горелик^{1,2,¶}, А.В. Скрабатун^{1,2}, Dongxue Bi^{1,2}

¹ Физический институт им. П.Н. Лебедева РАН,

119991 Москва, Россия

² Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана,

105005 Москва, Россия

[¶] e-mail: gorelik@sci.lebedev.ru

Поступила в редакцию 18.11.2018 г. В окончательной редакции 11.01.2019 г. Принята к публикации 31.01.2019 г.

Исследованы закономерности комбинационного рассеяния света в микрокристаллических алмазных порошках в зависимости от размеров алмазных микрорезонаторов в диапазоне $1-600 \,\mu$ m. Наблюдаемый эффект аномально высокой интенсивности спонтанного комбинационного рассеяния в алмазных микрорезонаторах объясняется "пленением" в них электромагнитного излучения, длина волны которого меньше размеров микрокристаллов алмаза. Вследствие "пленения" фотонов в алмазных микрорезонаторах повышается плотность электромагнитной энергии для возбуждающего и вторичного излучений. Высокая добротность фундаментальной оптической моды в колебательном спектре алмаза и аномальное возрастание интенсивности комбинационного рассеяния в алмазных микрорезонаторах открывают возможности для наблюдения низкопорогового вынужденного многочастотного комбинационного рассеяния в микрокристаллических алмазных порошках. Использование в качестве возбуждающего излучения линий генераций импульсного твердотельного лазера YAG:Nd³⁺ ($\lambda = 1064$ nm) и его оптических гармоник ($\lambda = 1064$, 532, 355, 266 nm) открывает возможность для создания линейки эквидистантных (по сдвигу частоты) генераторов лазерного излучения от ультрафиолетовой области до терагерцового диапазона, перспективного для исследования биологических и медицинских объектов.

DOI: 10.21883/OS.2019.05.47661.10-19

Введение

Кристаллы алмаза являются уникальными объектами для исследований методом комбинационного рассеяния (КР) света вследствие рекордно высоких показателей механических и оптических свойств. Природные алмазы стали изучаться методом КР практически сразу после открытия этого явления [1]. Регистрация спектров КР синтетических алмазов позволила оптимизировать технологию их синтеза и обеспечила возможность получения совершенных и достаточно крупных образцов [2,3].

Алмаз, являющийся основной высокобарической фазой углерода, кристаллизуется в кубической сингонии и имеет пространственную группу O_h^7 симметрии с двумя атомами углерода в примитивной ячейке [3]. Согласно результатам теоретико-группового анализа [4,5], в спектре длинноволновых оптических фононов кристалла алмаза присутствует лишь одна трехкратно вырожденная мода ($\nu = 1332 \,\mathrm{cm}^{-1}$) типа F_{2g} , активная в спектре КР, но запрещенная для процессов однофотонного поглощения в ИК области. Методом КР сравнительно легко можно идентифицировать присутствие алмазов в ювелирных изделиях и в гетерогенных фазах. Теория [6,7] предсказывает, что уменьшение размеров кристаллов алмаза приводит к коротковолновому сдвигу частоты фундаментальной F2g-моды и к деформации соответствующей спектральной формы сигнала спонтанного КР. В настоящее время весьма актуальной является задача установления закономерностей спектров КР в нано- и микрокристаллических частицах алмазов [7–11], а также в алмазных пленках, получаемых методом химического осаждения из газовой фазы (chemical vapor deposition — CVD) [12,13]. При возбуждении КР в алмазных микрои нанокристаллах различными источниками лазерного излучения наблюдаются дополнительные полосы, которые могут принадлежать примесям графита [14] и аморфного углерода [15]. Увеличение длины волны возбуждающего излучения приводит к появлению в спектре КР CVD-пленок микро- и нанокристаллов алмаза многочисленных "биений" и высокоинтенсивного фона в области частот до фундаментальной моды $1332 \,\mathrm{cm}^{-1}$ [13,16,17].

Кристаллы алмаза характеризуются сравнительно высоким коэффициентом комбинационного уси-

^{*} The 22nd Annual Conference Saratov Fall Meeting 2018 (SFM'18): VI International Symposium "Optics and Biophotonics" and XXII International School for Junior Scientists and Students on Optics, Laser Physics & Biophotonics, September 24–29, 2018, Saratov, Russia. https://www.sgu.ru/structure/fiz/saratov-fall-meeting/previousconferences/sara



Рис. 1. Фотографии искусственных микрокристаллов алмаза; *а* — 150–180 µm; *b* — 425–600 µm.

ления при вынужденном комбинационном рассеянии света (ВКР): $\beta \sim 10 \text{ сm/GW}$ при накачке лазером YAG:Nd³⁺ ($\lambda = 1064 \text{ nm}$) [18]. Они характеризуются также рекордным коэффициентом теплопроводности ($\sim 2000 \text{ W/m·K}$) [19], большим частотным сдвигом фундаментальной моды в спектре ВКР ($\nu = 1332 \text{ cm}^{-1}$). Все эти особенности, а также широкий диапазон прозрачности кристаллов алмаза (от дальнего ультрафиолета до радиодиапазона) [20] делают этот кристалл весьма перспективным для генерации многочастотного ВКР и наблюдения параметрического четырехволнового рассеяния света.

Исследования ВКР в искусственных алмазах активно проводятся в последние годы рядом научных коллективов [18–23]. При этом до последнего времени возбуждение ВКР осуществлялось на искусственных алмазных пленках и тонких пластинках искусственных алмазов. Разрабатываются лазеры на основе синтетических CVD-пленок [24,25], позволяющие достигать выходной мощности 24.5 W [21].

Целью настоящей работы является исследование закономерностей спектров КР света в поликристаллических алмазных порошках в зависимости от размеров микрочастиц алмазов. Решение такой задачи открывает возможность для генерации линейки частот лазерного излучения в широком спектральном диапазоне при ВКР в поликристаллических алмазных порошках.

Экспериментальная часть

В используемых кристаллических алмазных порошках (рис. 1, a, b) присутствовали микрочастицы близких размеров в виде многогранников — микрорезаноторов. Размер микрочастиц изменялся в диапазоне $d = 1-600 \, \mu$ m.



Рис. 2. Схема экспериментальной установки для наблюдения спонтанного КР в алмазных порошках: *1* — зонд; *4* — корпус; *5* — линза; *6* — кювета; *7* — подложка; *9* — фокусатор; *10* — мини-спектрометр; *11* — компьютер.

В настоящей работе использовались кристаллические порошки с заданными размерами частиц: 1–2, 10–20, 150–180 и 425–600 µm.

Для возбуждения и регистрации спектров спонтанного КР света была использована экспериментальная установка, схема которой приведена на рис. 2. В качестве источника возбуждающего излучения применялся лазер 1, работающий в непрерывном режиме с длиной волны $\lambda_0 = 785$ nm и мощностью 100 mW. Лазерное излучение вводилось в первый световод 2 и зонд 3. С помощью линзы 5 это излучение фокусировалось на кювете 6, заполненной микрокристаллическим алмазным порошком.



Рис. 3. Нормированные спектры КР микрокристаллических алмазных порошков с различными размерами зерен; $a - 1 - 2\mu$ m, $b - 10 - 20\mu$ m, $c - 150 - 180\mu$ m, $d - 425 - 600\mu$ m.

Возникающий в образце сигнал КР попадал на второй световод 8, фильтровался в фокусаторе 9 с помощью "нотч-фильтра" и поступал на вход мини-спектрометра типа BWS465-785H 10 с многоэлементным приемником. Компьютер 11 был предназначен для цифровой обработки и накопления спектров КР. Спектральное разрешение составляло 1 ст⁻¹. Полный спектр КР микроалмазов в диапазоне 50-2750 ст⁻¹ регистрировался при экспозициях 10–100 s.

Результаты экспериментальных исследований

Зарегистрированные спектры КР в микрокристаллических алмазных порошках с различными размерами зерен представлены на рис. 3. Как видно из рис. 3, вид спектров КР в микрокристаллах алмазов существенно отличается от известных спектров КР первого порядка в крупных алмазах, состоящих только из одной линии с частотой 1332 cm⁻¹. Для образца с размером зерен $d \sim 1 \, \mu m$ в области низких частот наблюдаются многократные "биения" и непрерывный фон по всей области спектра КР. В то же время в этом спектре (рис. 3, а) присутствует характерный пик с частотой $1332 \,\mathrm{cm}^{-1}$, интенсивность которого сопоставима с интенсивностью непрерывного фона. При возрастании размера d алмазных микрорезонаторов до $10\,\mu\text{m}$ интенсивность непрерывного фона уменьшалась, а фундаментального пика увеличивалась (рис. 3, b). При этом биения интенсивности КР на частотах 96, 192, 270, 365,478, 550, 720, 803, 928, 1030 cm⁻¹ не обнаруживались, но наблюдалось появление двух дополнительных широких полос с частотами максимумов $1401 \,\mathrm{cm}^{-1}$ (рис. 3, b) и в области 2620 cm^{-1} (рис. 3, *b*-*d*). При дальнейшем увеличении размера микрорезонаторов ($d = 150-600 \, \mu m$) непрерывный фон в спектре КР практически отсутствовал. При этом, кроме резкого интенсивного фундаментального пика 1332 cm⁻¹, в обертонной области спектра наблюдался достаточно интенсивный пик в области с частотой 2620 cm⁻¹.

617

$\lambda_{01} = 1.064\mu\mathrm{m}~(9398\mathrm{cm}^{-1})$			$\lambda_{02} = 0.532\mu\mathrm{m}(18797\mathrm{cm}^{-1})$		
Длина волны λ,μm		S и AS спутники	Длина волны λ,μm	Частота ν , cm ⁻¹	S и AS спутники
$\begin{array}{c} 0.931\\ 0.829\\ 0.679\\ 0.623\\ 0.746\\ 0.575\\ 0.534\\ 1.240\\ 1.485\\ 1.851\\ 2.457\\ 3.652\\ 7.112\\ 1.25\\ 1.25\end{array}$	$10738 \\ 13394 \\ 14726 \\ 16058 \\ 17390 \\ 12062 \\ 18722 \\ 8066 \\ 6734 \\ 5402 \\ 4070 \\ 2738 \\ 1406 \\ 74$	$\begin{array}{c} AS(1) \\ AS(2) \\ AS(3) \\ AS(3) \\ AS(4) \\ AS(5) \\ AS(6) \\ AS(7) \\ S(1) \\ S(2) \\ S(3) \\ S(4) \\ S(5) \\ S(6) \\ S(6) \\ S(7) \end{array}$	0.497 0.466 0.439 0.414 0.393 0.373 0.355 0.572 0.620 0.675 0.742 0.824 0.925	20129 21461 22793 24125 25457 26789 28121 17465 16133 14801 13469 12137 10805 0472	$\begin{array}{c} AS(1) \\ AS(2) \\ AS(3) \\ AS(4) \\ AS(5) \\ AS(6) \\ AS(7) \\ S(1) \\ S(2) \\ S(3) \\ S(4) \\ S(5) \\ S(6) \\ S(6) \\ S(7) \end{array}$
$\lambda_{03} = 0.355 \mu \mathrm{m} (28194 \mathrm{cm}^{-1})$			$\lambda_{04} = 0.266\mu\text{m}(37594\text{cm}^{-1})$		
Длина волны λ,μm	$ \text{Hactora } \nu, \\ \text{cm}^{-1} $	S и AS спутники	Длина волны λ,μm	$Vactora v, cm^{-1}$	S и AS спутники
0.338 0.324 0.310 0.298 0.287 0.276 0.266 0.372 0.392 0.413 0.437 0.464 0.495	29526 30858 32190 33522 34854 36186 37518 26862 25530 24198 22866 21534 20302	$\begin{array}{c} AS(1) \\ AS(2) \\ AS(3) \\ AS(4) \\ AS(5) \\ AS(6) \\ AS(7) \\ S(1) \\ S(2) \\ S(3) \\ S(4) \\ S(5) \\ S(5) \\ S(6) \\ S($	0.257 0.248 0.240 0.233 0.226 0.219 0.213 0.275 0.286 0.297 0.310 0.323 0.228	38926 40258 41590 42922 44254 45586 46918 36262 34930 33598 32266 30934 20602	$\begin{array}{c} AS(1) \\ AS(2) \\ AS(3) \\ AS(4) \\ AS(5) \\ AS(6) \\ AS(7) \\ S(1) \\ S(2) \\ S(3) \\ S(4) \\ S(5) \\ S(6) \end{array}$

Длины волн и частоты комбинационных спутников, рассчитанные при эквидистантном частотном сдвиге на $1332 \,\mathrm{cm}^{-1}$ от линий генерации $\lambda = 1.064, 0.532, 0.355, 0.266 \,\mu\mathrm{m}$. В скобках указаны номера стоксовых (S) и антистоксовых (AS) компонент

Обсуждение полученных результатов

Согласно известной теории рассеяния Ми на сферических частицах [26], индикатриса рассеянного излучения света существенно видоизменяется в том случае, когда длина волны электромагнитного излучения, отнесенная к соответствующему показателю преломления, становится сравнимой или меньше размеров рассеивающих частиц. Алмазные микрочастицы характеризуются большим значением показателя преломления в видимом диапазоне длин волн (n = 2.4-2.5) [27]. Таким образом, исследуемые микрокристаллы алмазов удовлетворяют условиям для наблюдения резонансов Ми, а сами микрочастицы можно рассматривать как оптические резонаторы, обеспечивающие "пленение" излучения в них мод типа шепчущей галереи. Соответственно наблюдаемое резкое возрастание эффек-

тивности КР на фундаментальной моде 1332 cm⁻¹ по сравнению с крупными образцами алмазов, исследуемых при 90-градусной геометрии рассеяния [3], можно объяснить "пленением" электромагнитного излучения в алмазных микрочастицах и соответствующего резкого увеличения его плотности энергии. Наблюдаемый непрерывный фон и присутствие биений в низкочастотной области в спектре алмазов микронного размера (рис. 3, a) можно объяснить проявлением стоячих волн в микрорезонаторах, соответствующих акустическим и оптическим дисперсионным ветвям кристаллов алмаза. Пик с частотой 1401 ст⁻¹, наблюдаемый в спектре КР (рис. 3, b) для микрочастиц с размером $d = 10-20 \,\mu m$, естественно отнести на счет двухфононного возбуждения, соответствующего критической точке акустической ветви на границе зоны Бриллюэна.

Особый интерес представляет пик в области $2620 \,\mathrm{cm}^{-1}$ (рис. 3, b-d), расположенный вблизи обертона моды с частотой 1332 cm⁻¹. Известно [28,29], что в крупных монокристаллах алмаза наблюдался слабый резкий пик КР на частоте 2668 cm⁻¹, интерпретируемый как связанное состояние двух фононов — бифонона с очень малой энергией связи. Для подтверждения такой интерпретации проводилось сопоставление наблюдаемого спектра КР второго порядка в алмазе с плотностью двухфононных состояний [27-29]. Соответственно пик в области $2620 \,\mathrm{cm}^{-1}$ (рис. 3, b-d) естественно объяснить как проявление связанного состояния двух оптических фононов (бифонона) с возросшей энергией связи ($\Delta = 44 \, {\rm cm}^{-1}$) в условиях конфайнмента в алмазном микрорезонаторе. При этом интенсивность КР на бифононе только в пять раз ниже интенсивности КР на основном тоне.

Кристаллы алмаза прозрачны в широком спектральном диапазоне: от дальнего ультрафиолетового до радиоволнового излучения. Такие окна прозрачности обсуждаемого материала, а также сравнительно низкий порог ВКР делают алмаз одним из удобных объектов для наблюдения многочастотного ВКР. Выполненные к настоящему времени работы по наблюдению многочастотного ВКР в алмазных СVD-пленках имеют ограниченные возможности из-за небольшой толщины пленок, в результате чего возникает необходимость использовать высокую плотность мощности возбуждающего лазерного излучения, приводящую к светоиндуцированным процессам разрушения дорогостоящих образцов. С этой точки зрения микрокристаллические алмазные порошки имеют существенные преимущества, обусловленные большой эффективностью спонтанного КР и соответственно низким порогом ВКР-генерации, а также возможностью использования большого количества образцов различных размеров. Как показали наши эксперименты, наиболее перспективными микрокристаллическими алмазными порошками для возбуждения ВКР являются образцы с размерами 150-180 µm, характеризующиеся присутствием высокодобротной фундаментальной моды 1332 cm⁻¹ в спектре КР.

В таблице приведены рассчитанные значения длин волн и частот линий генерации многочастотного ВКР в алмазах, возбуждаемого линией генерации 1.064 µm твердотельного лазера YAG: Nd³⁺ и его оптических гармоник с длинами волн 0.532, 0.355 и 0.266 µm. Как показывают результаты исследований многочастотного ВКР в конденсированных средах, наиболее эффективное возбуждение ВКР осуществляется при использовании ультракоротких лазерных импульсов с длительностью 20-80 ps. Согласно данным таблицы, в спектре многочастотного ВКР ожидается присутствие семи стоксовых (S) и антистоксовых (AS) компонент, эквидистантно сдвинутых друг относительно друга на частоту фундаментальной моды $\Delta v = 1332 \, \mathrm{cm}^{-1}$. Отметим, что при возбуждении ВКР в алмазах импульсным ИК излучением ($\lambda = 1.064 \, \mu m$) ожидается генерация в среднем и дальнем ИК диапазонах, вплоть до длины волны $135\,\mu m~(\nu = 74\,cm^{-1})$, соответствующей терагерцовой области спектра, перспективной для исследований биологических и медицинских объектов.

Заключение

Таким образом, в настоящей работе зарегистрированы спектры КР микрокристаллических алмазных порошков с размерами частиц $d = 1-600\,\mu$ m. Микрокристаллы алмазов, присутствующие в порошке, имели вид микрорезонаторов, обеспечивающих пленение возбуждающего излучения и КР. В результате полный спектр спонтанного КР в кристаллическом алмазном порошке в диапазоне 50-2750 cm⁻¹ удавалось регистрировать при небольших экспозициях: 10-100 s. При размерах алмазных зерен $d \sim 1 \, \mu \mathrm{m}$ в спектре КР присутствовал большой непрерывный фон, который является результатом проявления однофононных и двухфононных акустических процессов. При переходе к образцам с размером $d = 10-20\,\mu{\rm m}$ в спектре КР, кроме фундаментальной моды с частотой 1332 cm⁻¹, были обнаружены дополнительные полосы 1401 и 2620 cm⁻¹, обусловленные двухфононными переходами и проявлением связанного состояния двух фононов с большой энергией связи. При этом интенсивность в спектре КР пика, соответствующего связанному состоянию (2620 cm⁻¹), оказалась всего лишь в пять раз меньше интенсивности КР на фундаментальной моде. Для образцов микрокристаллов с размерами $d = 150 - 600 \,\mu m$ в спектре непрерывный фон практически отсутствовал, и интенсивность КР на фундаментальной моде существенно превышала аналогичную величину для микрокристаллов меньших размеров.

На основании проведенных исследований спонтанного КР в микрокристаллических алмазных порошках сделан вывод о перспективности их использования для возбуждения линейки частот при возбуждении многочастотного ВКР интенсивными лазерными импульсами наносекундного или пикосекундного диапазонов с различными длинами волн: $\lambda = 1.064$, 0.532, 0.355 и 0.266 μ m. При этом ожидается присутствие большого числа линий генерации в широкой области спектра (от дальней ИК области до ультрафиолетового диапазона), эквидистантно сдвинутых по частоте на 1332 сm⁻¹.

Финансирование работы

Работа выполнена при поддержке РФФИ (гранты № 16-08-00618, 16-02-00488, 18-02-00181, 18-32-00259) и China Scholarship Council.

Список литературы

- Krishnan R.S. // Proc. Indian Acad. Sci. Sec. A. 1947. V. 26.
 P. 399–418. doi 10.1007/BF03170898
- Bundy F.P., Hall H.T., Strong H.M., Wentorf R.H. // Nature. 1955. V. 176. P. 51–55. doi 10.1038/176051a0
- [3] Knight D.S., White W.B. // J. Mater. Res. 1989. V. 4. N 2.
 P. 385–393. doi 10.1557/JMR.1989.0385
- [4] Solin S.A., Ramdas A.K. // Phys. Rev. B. 1970. V. 1. N 4.
 P. 1687–1698. doi 10.1103/PhysRevB.1.1687
- [5] Orwa J.O., Nugent K.W., Jamieson D.N., Prawer S. // Phys. Rev. B. 2000. V. 62. N 9. P. 5461–5472. doi 10.1103/PhysRevB.62.5461
- [6] Yoshikawa M., Mori Y., Maegawa M., Katagiri G., Ishida H., Ishitani A. // Appl. Phys. Lett. 1993. V. 62. N 24. P. 3114–3116. doi 10.1063/1.109154
- [7] Аргунов К.П., Горелик В.С., Резник Б.И., Ротнер Ю.М., Файзуллов Т.Ф. // Краткие сообщения по физике ФИАН. 1991. № 9. С. 21–24; Argunov K.P., Gorelik V.S., Reznik B.I., Rotner Yu.M., Faizullov T.F. // Sov. Phys. Lebedev Inst. Rep. 1991. N 9. P. 18.
- [8] Palnichenko A.V., Jonas A.M., Charlier J.-C., Aronin A.C., Issl J.-P. // Nature. 1999. V. 402. P. 162–165. doi 10.1038/46000
- [9] Nasdala L., Steger S., Reissner C. // Lithos. 2016. V. 265.
 P. 317–327. doi 10.1016/j.lithos.2016.03.009
- [10] Углов В.В., Шиманский В.И., Русальский Д.П., Самцов М.П. // ЖПС. 2008. Т. 75. № 4. С. 524–528; Uglov V.V., Shimanski V.I., Rusalsky D.P., Samtsov М.Р. // J. Appl. Spectrosc. 2008. V. 75. N 4. Р. 546–549. doi 10.1007/s10812-008-9078-6
- [11] Горелик В.С., Иго А.В., Миков С.Н. // ЖЭТФ. 1996. № 109. С. 2141–2149; Gorelik V.S., Igo A.V., Mikov S.N. // JETP. 1996. V. 82. N 6. P. 1154–1158.
- [12] Lee K.C., Sussman B.J., Sprague M.R., Michelberger P., Reim K.F., Nunn J., Langford N.K., Bustard P.J., Jaksch D., Walmsley I.A. // Nature Photonics. 2011. V. 6. P. 11–14. doi 10.1038/NPHOTON.2011.296
- [13] May P.W., Smith J.A., Rosser K.N. // Diamond Relat. Mater. 2008. V. 17. P. 199–203. doi 10.1557/PROC-1039-P15-02
- [14] Okada K., Kanda H., Komatsu S., Matsumoto S. // J. Appl. Phys. 2000. V. 88. N 8. P. 1674–1678. doi 10.1063/1.373870
- [15] Ferrari A.C., Robertson J. // Phys. Rev. B. 2001. V. 63.
 P. 121405. doi 10.1103/PhysRevB.63.121405
- [16] Gyollai I., Gucsik A., Veres M., Koós M., Nagy S., Bérczi S. // Spectrosc. Lett. 2012. V. 45. N 2. P. 151–155. doi 10.1080/00387010.2011.627527
- [17] May P.W., Ludlow W.J., Hannaway M., Heard P.J., Smith J.A., Rosser K.N. // Diamond Relat. Mater. 2008. V. 17.
 P. 105–117. doi 10.1016/j.diamond.2007.11.005
- [18] Williams R.J., Kitzler O., Bai Z., Sarang S., Jasbeer H., McKay A., Antipov S., Sabella A., Lux O., Spence D.J., Mildren R.P. // J. Selected Topics in Quantum Electronics. 2018. V. 24. N 5. P. 1602214. doi 10.1109/JSTQE.2018.2827658
- [19] Olson J.R., Pohl R.O., Vandersande J.W., Zoltan A., Anthony T.R., Banholzer W.F. // Phys. Rev. B. Condens. Matter. 1993. V. 47. N 22. P. 14850–14856. doi 10.1103/PhysRevB.47.14850
- [20] Kaminskii A.A., Ral'chenko V.G., Konov V.I. // Letter JETP. 2004. V. 80. N 4. P. 298–301. doi 10.1134/1.1813684
- Оптика и спектроскопия, 2019, том 126, вып. 5

- [21] Lux O., Ralchenko V.G., Bolshakov A.P., Konov V.I., Sharonov G.V., Shirakawa A., Yoneda H., Rhee H., Eichler H.J., Mildren R.P., Kaminskii A.A. // Laser Phys. Lett. 2014. V. 11. P. 086101. doi 10.1088/1612-2011/11/8/086101
- [22] Granados E., Spence D.J., Mildren R.P. // Optics Express.
 2011. V. 19. N 11. P. 10857–10863.
 doi 10.1364/OE.19.010857
- [23] Kaminskii A.A., Hemley R.J., Lai J., Yan C.S., Mao H.K., Ralchenko V.G., Eichler H.J., Rhee H. // Laser Phys. Lett. 2007. V. 4. N 5. P. 350–353. doi 10.1002/lapl.200610127
- [24] Mildren R.P., Butler J.E., Rabeau J.R. // Optics Express. 2008.
 V. 16. N 23. P. 18950–18955. doi 10.1364/OE.16.018950
- [25] Feve J.-P.M., Shortoff K.E., Bohn M.J., Brasseur J.K. // Optics Express. 2011. V. 19. N 2. P. 913–922. doi 10.1364/OE.19.000913
- [26] Bohren C.F., Huffman D.R. Absorption and Scattering of Light by Small Particles. Wiley-Interscience, 1983. 533 р.; Борен К., Хафмен Д. Поглощение и рассеяние света малыми частицами. М.: Мир, 1986. 623 с.
- [27] Zaitsev A.M. Optical Properties of Diamond. A Data Handbook. Berlin: Springer, 2001. 486 p.
- [28] Klein C.A., Hartnett T.M., Robinson C.J. // Phys. Rev. B. 1992.
 V. 45. N 22. P. 12854–12863.
 doi 10.1103/PhysRevB.45.12854
- [29] Windl W., Pavone P., Karch K., Schutt O., Strauch D., Giannozzi P., Baroni S. // Phys. Rev. B. 1993. V. 48. N 5.
 P. 3156–3163. doi 10.1103/PhysRevB.48.3156