06

# Влияние наночастиц HfO<sub>2</sub> на форму и параметры кривых псевдоупругой деформации монокристаллов сплава Cu–Al–Ni

#### © Г.А. Малыгин, В.И. Николаев, С.А. Пульнев

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, 194021 Санкт-Петербург, Россия e-mail: malygin.ga@mail.ioffe.ru

#### (Поступило в Редакцию 26 марта 2018 г.)

Исследовано влияние дисперсных наночастиц двуокиси гафния (HfO<sub>2</sub>) на форму и параметры кривой деформации сжатием монокристаллов сплава с эффектом памяти формы Cu-13.5 wt.% Al-4.0 wt.% Ni. Найдено, что наночастицы размером 30 nm с объемной долей 1% влияют на форму кривой псевдоупругой деформации (ПД) кристалла сплава, а именно, существенно повышают коэффициент его деформационного (мартенситного) упрочнения  $\theta$  и работу деформации и устраняют падения деформирующего напряжения, связанные с существованием межфазных напряжений при мартенситном переходе, но не оказывают влияния на гистерезис кривой ПД и деформацию памяти формы. Моделирование кривых ПД и анализ полученных результатов в рамках теории размытых мартенситных переходов показали, что рост коэффициента  $\theta \sim \omega^{-1}$  и устранение падений напряжения на кривой ПД связаны со значительным уменьшением (на порядок) величины объема зародышей мартенсита  $\omega \sim w$ , где w — поперечный размер наночастиц.

DOI: 10.21883/JTF.2019.01.46974.129-18

### Введение

Функциональные свойства сплавов с памятью формы (ЭПФ) чувствительны к структуре сплавов. Так, кривые псевдоупругой деформации (ПД) поликристаллических образцов сплавов с ЭПФ сильно отличаются от аналогичных кривых для монокристаллических образцоВ [1]. На форму и параметры кривых ПД существенное влияние оказывает большая пластическая деформация сплава, достигаемая при его равноканальном углововом прессовании [2]. Предполагается, что это изменение связано с нанофрагментацией сплава с образованием в нем большеугловых границ фрагментов в результате интенсивной пластической деформации. Микро- и нанокристалличность являются источником размерных эффектов в сплавах с ЭПФ [3,4].

Эксперименты показывают также, что наличие дисперсных частиц в ЭПФ-сплавах влияет на форму и параметры кривых их деформации. Степень этого влияния зависит от размера частиц и их объемной доли (расстояния между частицами) [5,6]. В настоящей работе этот вопрос исследуется на монокристаллах сплава Cu-13.5 wt.% Al-4.0 wt.% Ni, содержащих частицы двуокиси гафния размером 30 nm с объемной концентрацией 1%. Структура может как улучшать, так и ухудшать функциональные свойства сплавов с ЭПФ, поэтому представляет интерес анализ механизма влияния наночастиц HfO2 на свойства исследуемого сплава. В работе этот анализ выполнен в рамках теории размытых мартенситных переходов (РМП) [7], учитывающей влияние структуры на кинетику мартенситного перехода и, следовательно, на функциональные свойства сплавов.

### Методика эксперимента

Монокристаллы сплава Cu-13.5 wt.% Al-4.0 wt.% Ni с содержанием гафния менее одного атомного процента были выращены методом Степанова в направлении кристаллографической оси [001] в форме цилиндрического стержня диаметром 5 mm. Насыщение монокристалла дисперсными частица HfO<sub>2</sub> осуществлялось по специально разработанной процедуре. Вырезанные электроискровым способом рабочие образцы высотой 6 mm выдерживались некоторое время при температуре 1223 K и закаливались в воду, а затем в течение 1 h находились при температуре 373 K, после чего охлаждались на воздухе. Деформация сжатием образцов осуществлялась на испытательной машине INSTRON 1342 со скоростью деформации 5  $\cdot 10^{-4}$  s<sup>-1</sup>.

# Результаты эксперимента и их обсуждение

На рис. 1 кривая *1* демонстрирует диаграмму сжатия монокристалла исследуемого сплава при температуре 293 К. Видно, что кривая  $\sigma - \varepsilon$  имеет две особенности по сравнению с обычно плавно восходящими кривыми псевдоупругой деформации с положительным значением коэффициента мартенситного упрочнения  $d\sigma/d\varepsilon$  на всем их протяжении. А именно, в интервале деформаций 4–7% наблюдается небольшое падение напряжения. Более существенное его снижение имеет место в интервале деформаций 8.5–9.5%. Согласно калориметрическим данным [8,9], при комнатной температуре сплав Cu-Al-Ni указанного состава находится в  $\beta'$ -мартенситном состоянии. В результате деформации в нем формируется  $\gamma'$ -мартенсит. Наличие двух спадов на



**Рис. 1.** Кривые деформации монокристаллов сплава Cu-13.5 wt.% Al-4.0 wt.% Ni в отсутствие (кривая *I*) и при наличии (кривая *2*) в нем наночастиц HfO<sub>2</sub>.

кривой 1 означает, что мартенситный переход  $\beta' \rightarrow \gamma'$ имеет неравновесный характер и развивается в два этапа, как это имеет место при деформации сжатием кристаллов сплава Ni<sub>49</sub>Fe<sub>18</sub>Ga<sub>27</sub>Co<sub>6</sub> в направлении оси [011] при мартенситном переходе  $L2_1 \rightarrow 14M \rightarrow L1_0$ , включающем промежуточную пространственно модулированную (двойникованную) структуру 14М мартенсита Ll<sub>0</sub> [10,11]. Восстановление деформации памяти формы при нагреве деформированного кристалла сплава Ni-Fe-Ga-Co развивается взрывоподобным (burstlike) образом [12]. Такой же взрывообразный характер восстановления деформации ПФ демонстрирует и исследуемый Cu-Al-Ni-сплав [13]. В обоих случаях эта особенность ПФ связана со вторым, более глубоким спадом напряжения на их диаграммах сжатия [13,14]. Таким образом, в обоих сплавах образование двойникованной мартенситной структуры сопровождается небольшим, а ее раздвойникование — существенным спадом напряжения и аномальным взрывообразным характером восстановления деформации памяти формы.

На рис. 1 кривая 2 представляет диаграмму сжатия монокристаллов исследуемого Cu-Al-Ni-сплава, содержащего частицы двуокиси гафния размером 30 nm. Видно, что по сравнению с кривой 1 кривая 2 имеет плавно восходящий вид и не содержит участков с отрицательными значениями коэффициента мартенситного (фазового) упрочнения,  $d\sigma/d\epsilon$ . При этом в кристалле с частицами HfO<sub>2</sub> величина коэффициента  $d\sigma/d\varepsilon$  существенно больше, чем в кристалле в отсутствие этих частиц. С другой стороны, остаточная после разгрузки кристаллов деформация памяти формы и величина гистерезиса практически одинаковы в обоих кристаллах. Работа, затрачиваемая на деформацию кристаллов, равна 8.5 (кривая 1) и 13.7M J/m<sup>3</sup> (кривая 2) (рис. 1). Эти обстоятельства указывают на то, что частицы двуокиси Нf влияют не только на форму и параметры кривых псевдоупругой деформации сплава, т.е. на кинетику мартенситного превращения, но и на его энергетику.

В [10,14] в качестве предполагаемой причины возникновения падения напряжений на диаграммах сжатия кристаллов сплавов Cu-Al-Ni и Ni-Fe-Ga-Co и взрывообразного характера восстановления у них деформации ПФ обсуждаются межфазные напряжения на границах соответственно межмартенситных  $\beta' - \gamma'$  и  $14M - L1_0$  ламелей. Анализ этих аномалий на основе теории размытых мартенситных переходов [7] показал обоснованность этого предположения и позволил количественно промоделировать их [10]. Теория РМП будет использована ниже для анализа механизма трансформации кривой *1* в кривую *2* на рис. 1.

Обсуждаемые выше аномалии, как было уже отмечено, связаны со вторым спадом напряжения на кривой 1 (рис. 1), т.е. с кинетикой раздвойникования  $\gamma'$ мартенсита. Процесс его двойникования (первое снижение напряжения) мало влияет на форму кривой 1. Это означает, что межфазные напряжения при двойниковании малы, поскольку двойникование их снижает, в то время как раздвойникование их восстанавливает до исходного  $\beta' - \gamma'$ -уровня. Учитывая это обстоятельство, при анализе мы ограничимся одностадийным межмартенситным переходом, поскольку двухстадийный переход требует написания громоздких формул [10]. При этом все принципиальные стороны влияния межфазных (межмартенситных) напряжений и дисперсных частиц (в данном случае частиц HfO<sub>2</sub>) на кинетику мартенситного перехода будут сохранены.

# Влияние дисперсных частиц на кинетику мартенситного перехода

Кривая псевдоупругой деформации — отражение кинетики мартенситного перехода в координатах  $\sigma - \varepsilon_p$ , где  $\varepsilon_p = \varepsilon_m \varphi_M$  — мартенситная деформация,  $\varepsilon_M$  — объемная доля мартенсита в кристалле,  $\varepsilon_m$  — полная деформация мартенситного перехода. Согласно теории РМП, при одностадийном мартенситном переходе концентрация мартенсита в кристалле зависит от температуры *T*, напряжения  $\sigma$  и величины межфазных напряжений  $\sigma_e$ , согласно выражению [4,10]:

$$\varphi_M = \frac{1}{1 + \exp(\Delta U/kT)},\tag{1a}$$

где  $\Delta U = \omega \Delta u$  — изменение свободной энергии сплава при образовании в нем зародыша новой фазы объемом  $\omega$ ,

$$\Delta u = q \, \frac{T - T_c}{T_c} - \varepsilon_m \sigma - W_{el} \tag{1b}$$

— объемная плотность свободной энергии фазового перехода, q — теплота (энтальпия) перехода,  $T_c$  — характеристическая температура превращения, k — постоянная Больцмана;  $W_{el} = \varepsilon_m \sigma_{el}(\varphi_M)$  — связанная с



**Рис. 2.** Зависимость упругой энергии при мартенситном превращении в сплаве Cu–Al–Ni от концентрации  $\gamma'$ -мартенсита: экспериментальные точки — данные [8], кривая — согласно уравнению (2), пунктир (см. текст).

переходом упругая межфазная энергия,

$$\sigma_{el}(\varphi_M) = \sigma_e \varphi_M (1 - \varphi_M) \tag{1c}$$

— межфазные напряжения,  $\sigma_e$  — величина упругих межфазных напряжений, зависящая от их источника. В случае разницы модулей упругости мартенситной ( $E_M$ ) и аустенитной ( $E_A$ ) фаз  $\sigma_e \approx (E_M - E_A)\varepsilon_m$ . Из уравнения (1c) следует, что в однофазных состояниях  $\varphi_M = 0$  (аустенит) и  $\varphi_M = 1$  (мартенсит) межфазные напряжения  $\sigma_{el}(\varphi)$  и межфазная энергия

$$W_{el}(\varphi_M) = \sigma_e \varepsilon_m \varphi_M (1 - \varphi_M) \tag{2}$$

обращаются в нуль, а при  $\phi_M = 1/2$  достигают максимума. Уравнения (1a) и (1b) описывают равновесие аустенитной  $\phi_A = 1 - \phi_M$  и мартенситной  $\phi_M$  фаз в зависимости от температуры, напряжения и величины межфазных напряжений. На рис. 2 приведены результаты [8] термодинамического анализа калориметрических данных сплава Cu-Al-Ni, близкого по составу к исследуемому в настоящей работе. Экспериментальные точки демонстрируют зависимость найденной упругой энергии от объемной доли у'-мартенсита в кристалле. Параболическая кривая на рис. 2 проведена в соответствии с соотношением (2). Межфазная энергия, согласно (2), достигает максимального значения  $1/4\sigma_e\varepsilon_m = 4.5$  J/mole при  $\phi_M = 1/2$ . Пунктирная кривая проведена в предположении существования источника остаточных упругих напряжений. Согласно [8], им могут быть поля напряжений дислокаций, образовавшихся при частичной пластической релаксации межфазных напряжений.

Принимая во внимание соотношения (1a), (1b) и (2), имеем следующую систему уравнений для моделирования влияния межфазных напряжений на вид диаграммы деформации ЭПФ-сплава на испытательной машине с комплексным модулем упругости *К* и постоянной скоростью деформации  $\dot{\varepsilon}$ :

$$\varepsilon = \frac{\sigma}{K} + \frac{\varepsilon_m}{1 + \exp(\Delta U(\varphi_M)/kT)},$$
 (3a)

$$\Delta U(\varepsilon, T, \sigma) = \omega \left[ q \, \frac{T - T_c}{T_c} - \varepsilon_m(\sigma \mp \Delta \sigma) - W_{el}(\varphi_M) \right], \tag{3b}$$

где  $\varepsilon = \dot{\varepsilon}t$  — общая, упругая плюс мартенситная, деформация кристалла сплава, t — время,  $2\Delta\sigma$  — величина гистерезиса кривых деформации. Уравнения (3a) и (3b) содержат зависимость напряжения  $\sigma$  от деформации  $\varepsilon$  и объемной доли мартенсита  $\varphi_M$  в неявной форме. Для численного их решения уравнения (3a) и (3b) удобнее записать в безразмерных переменных и параметрах

$$\bar{\varepsilon} = \frac{\bar{\sigma}}{\bar{K}} + \frac{1}{1 + A(\bar{\sigma}, \bar{\varepsilon}, \varphi_M, \bar{T})},\tag{4a}$$

$$A(\bar{\sigma}, \bar{\varepsilon}, \varphi_M, \bar{T}) = \exp\{\bar{\omega}[\bar{T} - 1 - (\bar{\sigma} \mp \Delta \bar{\sigma}) + \bar{W}(\varphi_M)]\},$$
(4b)

$$\bar{W}(\varphi_M) = a\varphi_M(1-\varphi_M), \quad a = \sigma_e/\sigma_m, \quad \bar{\omega} = \omega q/kT,$$

где  $\bar{\sigma} = \sigma/\sigma_m$ ,  $\bar{\varepsilon} = \varepsilon/\varepsilon_m$ ,  $\bar{T} = T/T_c$ ,  $\bar{K} = K\varepsilon_m/\sigma_m$ ,  $\sigma_m = q/\varepsilon_m$ ,  $\Delta \bar{\sigma} = \Delta \sigma/\sigma_m$ . Уравнения (4a) и (4b) решались численно для каждого значения  $\varphi_M = \varepsilon/\varepsilon_m$  от 0 до 1 с интервалом 0.01. На рис. 3 пунктир иллюстрирует результат этого решения в координатах  $\sigma - \varepsilon$  при следующих значениях параметров:  $\bar{\omega} = 100$ ,  $\bar{T} = 1.15$ ,  $\Delta \bar{\sigma} = 0.1$ ,  $\bar{K} = 1$ ,  $\sigma_m = 600$  MPa,  $\varepsilon_m = 8.6\%$ , T = 293 К и  $a = \sigma_e = 0$  (т.е. в отсутствие межфазных напряжений). Кривая *1* на этом рисунке — результат расчета напряжений при a = 0.2 (т.е. при величине межфазных напряжений  $\sigma_e = 0.2\sigma_m$ ) и значениях остальных параметров таких же, что и в предыдущем случае.

Сравнение на рис. З пунктирной кривой с кривой 1 показывает, что наличие межфазных напряжений выполаживает кривую псевдоупругой деформации на начальном этапе деформации. В безразмерных координатах (4) зависимость коэффициента деформационного (мартенситного) упрочнения  $\bar{\theta} = d\bar{\omega}/d\bar{\varepsilon}$  от деформации  $\bar{\varepsilon}$  имеет вид

$$\bar{\theta} = \frac{1 - a\bar{\omega}\bar{\varepsilon}(1 - \bar{\varepsilon})(1 - 2\bar{\varepsilon})}{\bar{K}^{-1} + \bar{\omega}\bar{\varepsilon}(1 - \bar{\varepsilon})},$$
(5a)

или поскольку  $\bar{K}^{-1} \ll \bar{\omega}$ , то

$$\bar{\theta} \approx \frac{1}{\bar{\omega}\bar{\varepsilon}(1-\bar{\varepsilon})} - a(1-2\bar{\varepsilon}) = \bar{\theta}_0 - \bar{\theta}_e.$$
 (5b)

Подставляя в (5b) приведенные выше значения параметров, получаем при  $\bar{\varepsilon} = 0.3$ , т.е.  $\varepsilon \approx 2.6\%$ , следующие оценки безразмерных коэффициентов деформационного упрочнения:  $\bar{\theta}_0 = 0.048$ ,  $\bar{\theta}_e = 0.08$ ,  $\bar{\theta} = -0.032$ . Таким образом, наличие межфазных напряжений достаточной величины вызывает появление на кривой псевдоупругой



Рис. 3. Моделирование кривых мартенситной деформации сплава Cu-Al-Ni в различных структурных состояниях, согласно уравнениям (3)-(4): пунктир — в отсутствие межфазных напряжений, кривая *1* — при наличии межфазных напряжений и напочастиц.

деформации участка с отрицательным коэффициентом мартенситного упрочнения. Из соотношения (5b) следует также, что при  $\bar{\varepsilon} = 0.5$ ,  $\bar{\theta} = \bar{\theta}_0 = 0.05$ ,  $\bar{\theta}_e = 0$ . Следовательно, при  $\bar{\varepsilon} > 0.5$  всегда  $\bar{\theta}_e < 0$ ,  $\bar{\theta} > 0$  (рис. 3, кривая *I*). В размерных единицах решение уравнения (3a) при  $\bar{K}^{-1} \ll \bar{\omega}$  может быть найдено в явном виде

$$\sigma = \sigma_m \bigg[ \frac{T - T_c}{T_c} - a \, \frac{\varepsilon}{\varepsilon_m} \bigg( 1 - \frac{\varepsilon}{\varepsilon_m} \bigg) - \frac{kT}{\omega q} \ln \bigg( \frac{1 - \varepsilon/\varepsilon_m}{\varepsilon/\varepsilon_m} \bigg) \bigg].$$
(6a)

Для размерного коэффициента  $\theta$  соответственно получаем соотношение

$$\theta = \frac{d\sigma}{d\varepsilon} = \left(\frac{kT}{\omega\varepsilon_m^2}\right) \frac{1}{(1 - \varepsilon/\varepsilon_m)\varepsilon/\varepsilon_m} - \sigma_e (1 - 2\varepsilon/\varepsilon_m) = \theta_0 - \theta_e.$$
(6b)

Согласно соотношениям (5b) и (6b), в кристалле с частицами двуокиси гафния рост коэффициента деформационного упрочнения  $\theta$  может быть достигнут двумя путями: уменьшением величины зародыша мартенсита  $\omega$ или снижением величины межфазных напряжений  $\sigma_e$ . На рис. 3 кривая 2 демонстрирует результаты расчета псевдоупругих напряжений согласно уравнениям (4) при безразмерной величине зародыша  $\bar{\omega} = 30$ , примерно, в три раза меньшей, чем в случае кривой 1 ( $\bar{\omega} = 100$ ). Видно, что коэффициент деформационного упрочнения, во-первых, существенно вырос, и, во-вторых, стал положительным на всем протяжении кривой  $\sigma - \varepsilon$ , что согласуется с результатами эксперимента (рис. 1, кривая 2). Что касается влияния снижения межфазных напряжений на коэффициент  $\theta$ , то при  $\sigma_e = 0$  его величина становится положительной, но не превышает значений, характерных для пунктирной кривой на рис. 3.

Оценка показывает, что при  $\bar{\omega} = 100$ , T = 293 К и  $q \approx 31 \text{ MJ/m}^3$  [9] величина зародыша мартенсита  $\omega = 100kT/q$  равна  $\approx 8 \text{ nm}^3$ . Принимая во внимание, что зародыш имеет форму плоского диска диаметром d и объемом  $(\pi d^2/4)a_0$ , где  $a_0 \approx 0.4$  nm — параметр решетки, находим величину диаметра зародыша  $\approx 6$  nm в кристалле в отсутствие в нем дисперсных частиц. В их присутствии ( $\bar{\omega} = 30$ ) диаметр диска становится в  $3^{1/2}$  раз меньше. Отсутствие влияния частиц HfO<sub>2</sub> на величину гистерезиса кривой псевдоупругой деформации сплава Cu-Al-Ni (рис. 1) означает, что они не являются значимыми препятствиями для движения межфазных границ. Но частицы, как показывает эксперимент, сильно влияют на коэффициент деформационного упрочнения, и, следовательно, на размер зародышей  $\gamma'$ -мартенсита.

Согласно формуле Эшби [15], при пластической деформации неоднородного по структуре материала неоднородности служат источником геометрически необходимых дислокаций с плотностью  $\rho_G = \gamma/bw$ , где  $\gamma$  пластический сдвиг, w — размер пластически недеформируемой неоднородности, b — вектор Бюргерса решетки. Решеточные и двойникующие дислокации образуются под действием касательных напряжений в виде дислокационных петель. Структурная перестройка решетки также осуществляется путем образования петель "дислокаций превращения". В случае мартенситной деформации, подставляя в приведенную выше формулу Эшби  $\gamma = \varepsilon_m/2, w = 30 \,\mathrm{nm}, b = 0.25 \,\mathrm{nm},$  получаем оценки плотности геометрически необходимых дислокаций превращения  $ho_M = 2.3 \cdot 10^{-2} \, \mathrm{nm}^{-2} = 2.3 \cdot 10^{16} \, \mathrm{m}^{-2}$ и среднего расстояния между ними, т.е. диаметра мартенситной петли  $d = 1/\sqrt{\rho_M} \approx 6 \,\mathrm{nm}$ . В результате находим, что объем зародыша мартенситной фазы  $\omega = (\pi d^2/4)a_0 = (\pi/2\varepsilon_m)a_0bw$  равен 13.6 nm<sup>3</sup>. Он того же порядка величины, что и приведенные выше оценки объемов зародышей, использованные при моделировании кривых на рис. 3. Расстояние между преципитатами при их объемной концентрации f = 1%,  $l = w/f^{1/3} \approx 140$  nm, значительно больше размера петель. Интересно оценить величину эффективного объема зародыша при двухстадийном мартенситном переходе. На рис. 1 кривая 2 отражает влияние частиц HfO2 на форму и параметры кривой псевдоупругой деформации кристалла сплава Cu-Al-Ni при двухстадийном мартенситном превращении. Кривая 2 содержит обширный линейный участок деформационного упрочнения с коэффициентом  $\theta = 1.1$  GPa. Из формулы (6b) следует, что при  $\varepsilon/\varepsilon_m = 0.5$   $\omega = 4kT/\theta \varepsilon_m^2 = 1.23 \text{ nm}^3$ . Это значительно меньше объемов зародышей в отсутствие наночастиц в сплаве.

#### Заключение

Таким образом, результаты эксперимента показывают, что наночастицы двуокиси гафния с поперечным размером 30 nm и концентрацией 1% существенным образом влияют на форму и параметры кривой псевдоупругой деформации монокристаллических образцов сплава Cu-13.5 wt.% Al-4.0 wt.% Ni. На кривой псевдоупругой деформации сплава с частицами HfO2 в отличие от монокристаллов, не содержащих дисперсные частицы, отсутствуют плавные падения напряжения и связанный с ними взрывообразный эффект памяти формы при нагреве деформированных образцов. Причиной падения напряжений являются межфазные напряжения, которые снижают коэффициент деформационного (мартенситного) упрочнения кристалла и делают его отрицательным,  $\theta = d\sigma/d\varepsilon = \theta_0 - \theta_e$ , где  $\theta_e$  — часть коэффициента, зависящая от межфазных напряжений. Согласно теории размытых мартенситных переходов,  $\theta_0 \sim 1/\omega$ , где  $\omega$  объем зародыша мартенсита. Частицы HfO2 существенно снижают этот коэффициент, поскольку  $\omega \sim w$ , где w — поперечный размер наночастицы. В результате коэффициент  $\theta_0$  становится больше коэффициента  $\theta_e$ . Таким образом, варьируя размер наночастиц, можно управлять функциональными свойствами сплавов с эффектом памяти формы. Преимуществом окисных частиц по сравнению с интерметаллидами (типа Ti<sub>3</sub>Ni<sub>4</sub> в известном сплаве Ti-Ni) является то, что при своем формировании они не изменяют исходный состав сплава, но оказывают на него такое же влияние, как и интерметаллиды.

Настоящая работа поддержана грантом РНФ № 16-19-00129.

## Список литературы

- [1] Shape Memory Materials. Eds. Otsuka K. & Wayman C.M. Cambridge: Cambridge University Press, 1999. 284 p.
- [2] Куранова Н.Н., Гундеров Д.В., Пушин В.Г., Уксусников А.Н. и др. // ФММ. 2009. Т. 108. Вып. 6. С. 589-601.
- [3] Waitz T., Antretter T., Fischer F.D. et al. // J. Mech. Phys. Sol. 2007. Vol. 55. N 2. P. 419–444.
- [4] Малыгин Г.А. // ЖТФ. 2009. Т. 79. Вып. 12. С. 60-63.
- [5] Панченко Е.Ю., Чумляков Ю.И., Киреева И.В., Овсяников А.В., Сехитоглу Ч., Караман И., Майер Г. // ФММ. 2008. Т. 106. Вып. 6. С. 597–609.
- [6] Чумляков Ю.И., Киреева И.В., Панченко Е.Ю., Кириллов И.А., Тимофеева Е.Е., Кретинина И.В., Данильсон Ю.Н., Кагатан I, Maier H., Cesari E. // Изв. вузов. Физика. 2011. Т. 54. Вып. 8. С. 96–108.
- [7] Малыгин Г.А. // УФН. 2001. Т. 171. Вып. 2. С.187–212.
- [8] Recarte V., Perez-Landazabal J.P., Rodriguez P.P., Bocanegra E.H., Nó M.L., San Juan J. // Acta Mater. 2004. Vol. 52. N 13. P. 3941–3948.
- [9] Picornell C., Pons J., Cesari E. // Mater. Sci. Eng. 2004. Vol. A378. N 1–2. P. 222–226.
- [10] Малыгин Г.А., Николаев В.И., Аверкин А.И., Зограф Г.П. // ФТТ. 2016. Т. 58. Вып. 12. С. 2400–2405.
- [11] Nikolaev V.I., Malygin G.A., Averkin A.I., Stepanov S.I., Zograf A.P. // Mater. Today Proc. 2017. Vol. 4. N 3PB. P. 4807–4713.
- [12] Николаев В.И., Якушев П.Н., Малыгин Г.А., Аверкин А.И., Чикиряка А.В., Пульнев С.А. // Письма в ЖТФ. 2014. Т. 40. Вып. 3. С. 56–62.
- [13] Николаев В.И., Якушев П.Н., Малыгин Г.А., Пульнев С.А. // Письма в ЖТФ 2010. Т. 36. Вып. 19. С. 83–90.

- Г.А. Малыгин, В.И. Николаев, С.А. Пульнев
- [14] Николаев В.И., Якушев П.Н., Малыгин Г.А., Аверкин А.И., Пульнев С.А., Зограф Г.П., Кустов С.Б., Чумляков А.И. // Письма в ЖТФ. 2016. Т. 42. Вып. 8. С. 18–27.
- [15] Ashby A.F. // Phil. Magazine. 1970. Vol. 21. N 170. P. 399– 424.