02,11 Критический ток фазового перехода в тонких пленках нитрида ниобия

© М.А. Васютин, Н.Д. Кузьмичев, Д.А. Шилкин

Мордовский государственный университет им. Н.П. Огарёва, Саранск, Россия

E-mail: vasyutinm@mail.ru

(Поступила в Редакцию 21 мая 2018 г.)

Исследовано влияние тока и магнитного поля на переход в сверхпроводящее состояние в тонких пленках нитрида ниобия. Определены температурные и магнитополевые зависимости критического тока пленок в области перехода. В рамках моделей нормального домена и разогрева квазичастиц при вязком течении магнитного потока найдены функциональные зависимости критического тока в непосредственной близости к температуре перехода в сверхпроводящее состояние. Из теории разогрева электронов определено время их энергетической релаксации. Оценены время электрон-фононного и электрон-электронного неупругого рассеяний, коэффициент диффузии электронов, коэффициент теплоотвода.

DOI: 10.21883/FTT.2018.11.46671.138

1. Введение

Нитрид ниобия (NbN) обладает физическими свойствами, которые используются как в прикладной, так и в фундаментальной науке. Пленки из NbN отличаются простотой изготовления, химической и радиационной устойчивостью, механической прочностью и высоким вторым критическим полем. В прикладной физике в последнее время активно изучаются низкоразмерные структуры на основе нитрида ниобия, применяющиеся в качестве болометров в радиоастрономии и терагерцовой спектроскопии (hot-electron bolometer, HEB) [1]. Тонкие пленки из NbN используются в качестве однофотонных детекторов (superconducting single-photon detectors, SSPDs) [2]. Недавно в нитриде ниобия был обнаружен обратный спиновый эффект Холла [3], перспективный для спинтроники.

Для фундаментальной физики исследование нитрида ниобия также актуально, например, в связи с изучением перехода сверхпроводник-изолятор в ультратонких пленках NbN [4]. Результаты этой работы проясняют картину перехода Березинского-Костерлица-Таулеса (БКТ) в высокотемпературных сверхпроводниках (ВТСП). Вблизи квантовой критической точки энергия вихревого кора оказалась связанной с энергетической щелью, а не со сверхтекучей плотностью. БКТ-физика в купратных ВТСП (в частности, в YBa₂Cu₃O_{7-x} (YBCO)) усложняется из-за малой длины когерентности в них, что затрудняет наблюдение БКТ-перехода, происходящего несогласованно в отдельных CuO2-слоях (в работе [5] подтверждено наличие джозефсоновских плазмонов между CuO2-слоями, свидетельствующих о слабости межслоевого взаимодействия). Нитрид ниобия близок к ҮВСО по концентрации носителей, длине когерентности и глубине проникновения магнитного поля [6,7]. Поэтому изучение пленок NbN может помочь в понимании механизма разрушения сверхпроводимости

током, магнитным полем и тепловыми вихрями вблизи температуры перехода в сверхпроводящее состояние (T_c) в YBCO [8–11].

Чрезвычайно интересным явилось и открытие моды Хигтса в NbN [12,13], что очень важно для физики элементарных частиц. Кроме этого, в работе [14] был обнаружен своеобразный конфайнмент сверхпроводящих флуктуаций, объясняющий сосуществование псевдощели и нульмерных флуктуаций амплитуды параметра порядка в нитриде ниобия.

Пленки, изучаемые в данной статье, довольно сильно отличаются от исследованных в других работах сочетанием высокой температуры перехода и высоким удельным сопротивлением в нормальном состоянии ρ_n . Увеличение удельного сопротивления в нашем случае не приводит к уменьшению T_c [15], так как нитрид ниобия является *s*-волновым сверхпроводником. Сопротивление должно расти с ростом беспорядка, но величина T_c , подавляемая в этом случае, зависит и от плотности состояний на уровне Ферми.

Исследование температурной и магнитополевой зависимостей критического тока перехода в резистивное состояние $I_{\rm cp}(T, H)$ является продолжением изучения пленок NbN, начатым в работе [16], где определялась температурная зависимость второго критического магнитного поля данных образцов. Функциональные зависимости $I_{\rm cp}(T, H)$ содержат информацию о динамике вихревого и доменного состояний пленок, параметрах электрон-фононного взаимодействия.

2. Теория

Критический ток является структурно-чувствительным параметром сверхпроводника, что должно учитываться при анализе его температурных и магнитополевых зависимостей. Принимая во внимание наличие неоднородностей в исследуемых пленках в виде границ зерен и близость к T_c , для описания экспериментальных зависимостей можно применить одномерную модель возникновения нормального домена в сверхпроводящей пленке [17] (токовые и потенциальные контакты были сформированы по всей ширине образца).

Пленка сверхпроводника моделируется системой сверхпроводник—нормальный участок—сверхпроводник. Нормальный участок (N) с обеих сторон контактирует со сверхпроводящими участками (S). NS-граница под действием джоулева тепла при протекании тока может сдвигаться, образуя резистивную область в сверхпроводнике (нормальный домен).

Уравнение стационарной теплопроводности, описывающее распределение температуры *Т* вдоль пленки при заданной плотности тока *J*, имеет вид [17]

$$-\kappa(x)\frac{d^2T}{dx^2} + \alpha(x)(T-T_0) = \rho(x)J^2, \qquad (1)$$

где κ — коэффициент теплопроводности, α — коэффициент теплоотвода, ρ — удельное сопротивление пленки, T_0 — температура окружающей среды. Коэффициенты, входящие в уравнение (1), предполагаются не зависящими от температуры кусочно-непрерывными функциями.

Решая уравнение (1) при условии равенства критической температуры и температуры NS-границы в заданном магнитном поле с магнитной индукцией B, для тока перехода пленки в нормальное состояние $I_{\rm cp}$ можно получить [17]

$$I_{\rm cp}(B, T_0) = I_0 \sqrt{1 - \frac{T_0}{T_{c0}}} \sqrt{\frac{1 - \frac{B}{\left(\frac{dH_{c2}}{dT}\right)_{T_{c0}}(T_{c0} - T_0)}}{1 + \frac{B}{\left(\frac{dH_{c2}}{dT}\right)_{T_{c0}}(T_{c0} - T_0)}}}, \quad (2)$$

где $I_{cp}(B, T_0) = I_{eq}$ — ток равновесия NS-границы, T_{c0} — температура перехода в сверхпроводящее состояние в нулевом магнитном поле, $I_0 = (2\alpha_{nd}T_{c0}/\rho_{nd})^{1/2}dw, d$ — толщина пленки, w — ширина пленки, $(dH_{c2}/dT)_{T_{c0}}$ — производная второго критического поля по температуре при $T = T_{c0}$, α_{nd} и ρ_{nd} — коэффициент теплоотвода и удельное сопротивление нормального домена.

В пленках, находящихся в магнитном поле, резистивный участок может образовываться и движением абрикосовских вихрей под действием тока. Такая модель вязкого течения магнитного потока может реализовываться в "грязных" сверхпроводниках при учете разогрева квазичастиц [18,19]. Для резистивного состояния пленки, обусловленного диссипативным движением вихрей и разогревом квазичастиц, можно получить [17,19]

$$I_{\rm cp}(T_0, B) = I_0^* \frac{\sqrt[4]{\left(1 - \frac{T_0}{T_c(B)}\right)^3}}{\sqrt[4]{\left(1 + \frac{B}{B_T}\right)^3}},\tag{3}$$

где I_0^*, B_T — параметры сверхпроводника (см. обсуждение), $T_c(B)$ — температура перехода в магнитном поле с индукцией B.

3. Эксперимент и обработка результатов

В работе изучались пленки NbN толщиной d = 400 nm, шириной $w = 5 \,\mathrm{mm}$, длиной $a = 9 \,\mathrm{mm}$ на подложках из полированного плавленого кварца. Исследования проводились четырехконтактным методом при пропускании через образец переменного тока с амплитудой до 3 mA и частотой 1 kHz. Критический ток перехода определялся по достижению половинного значения напряжения первой гармоники сигнала отклика по сравнению с нормальным состоянием при 17 К. Значение Т_с образцов менялось в пределах 16.2-16.5 К. Ширина перехода ~ 0.1 К. Удельное сопротивление в нормальном состоянии вблизи перехода $\sim 1000 \,\mu\Omega \cdot \mathrm{cm}$. Подробная аттестация образцов и техника эксперимента приведены в [16]. Погрешность измерения температуры не превышала $\Delta T = 0.005 \,\mathrm{K}$ (датчик — Cernox CX-1050, контроллер — LakeShore 335), относительная погрешность — $\delta t = \Delta T / T_c \approx 0.0003.$

На рис. 1 изображена магнитополевая зависимость критического тока перехода I_{cp} образца NbN с $T_{c0} = 16.480$ К при различных температурах. Обработка экспериментальных данных сделана с помощью формул (2) и (3) с параметрами $I_0 = 32$ mA и $I_0^* = 128$ mA.

На рис. 2 показана температурная зависимость того же образца без внешнего поля и в поле B = 1 Т. Без поля аппроксимация сделана с помощью формулы (3), в магнитном поле — по формуле (2) с теми же параметрами.

4. Обсуждение

Для оценки критической плотности тока сверхпроводника J_c можно воспользоваться простой формулой, полученной из энергетических соображений в работе [20]

$$J_c = ne\Delta/(mv_{\rm F}),\tag{4}$$

где n — концентрация электронов проводимости, e — заряд электрона, m — масса электрона, $v_{\rm F}$ — фермиевская скорость электрона, Δ — энергетическая щель сверхпроводника.

Параметры наших образцов NbN: $n = 2.3 \cdot 10^{26} \text{ m}^{-3}$ [6], $v_{\rm F} = 2.2 \cdot 10^5 \text{ m/s}$. Температурная зависимость щели вблизи T_c [21]: $\Delta(t) = 1.74 \cdot \Delta(0)(1-t)^{1/2}$, $t = T_0/T_{c0}$ — приведенная температура, $\Delta(0)$ — энергетическая щель при 0 К. Тогда, с учетом того, что $\Delta(0) \approx 2.5 \text{ meV}$ для исследуемых образцов NbN (в модели БКШ), получим из (4) $J_c \approx 8.6 \cdot 10^5 \text{ A/cm}^2$ при t = 0.9953. Плотность тока в наших образцах при той же температуре не превышала 10^2 A/cm^2 . Отличие более, чем на три порядка показывает, что в нашем случае подавление сверхпроводимости не вызвано достижением критической плотности тока.

Разрушение сверхпроводимости в исследуемых образцах может происходить из-за нагрева джоулевым



Рис. 1. Магнитополевые зависимости критического тока перехода для разных приведенных температур: (квадраты) — $t_1 = 0.9940$, (кружки) — $t_2 = 0.9947$, (треугольники) — $t_3 = 0.9953$. Сплошные линии — теоретические зависимости (формула (2), $1 - t_1 = 0.9940$, $2 - t_2 = 0,9947$), штриховая линия — теоретическая зависимость (формула (3)).



Рис. 2. Температурная зависимость критического тока перехода в нулевом магнитном поле (кружки — эксперимент, сплошная линия — теория (формула (3)). На вставке приведена температурная зависимость критического тока перехода в магнитном поле 1 Т (кружки — эксперимент, сплошная линия — теория (формула (2)).

теплом (модель нормального домена [17]) и по причине вязкого движения вихрей и связанного с ним перегрева электронов (модель разогрева квазичастиц [18,19]).

Из рис. 1 видно, что модель нормального домена достаточно хорошо описывает $I_{cp}(B)$ при температурах $t_1 = 0.9940$ и $t_2 = 0.9947$ (формула (2)), тогда как при большей температуре $t_3 = 0.9953$ требуется учет разогрева электронов при вязком течении вихрей (формула (3)).

Величина I_0^* , имеющая одно и то же значение в магнитополевых и температурных зависимостях, может служить достаточно надежным основанием для определения одного из важнейших параметров сверхпроводника времени энергетической релаксации τ_{ε} . Для плотности тока $J_0^* = I_0^*/(wd)$ в работе [19] получено выражение:

$$J_0^* = 2.62 \, \frac{\sigma_n}{e} \, \frac{1}{\sqrt{D\tau_{\varepsilon}}} \, k_{\rm B} T_c(B) \sqrt[4]{\left(1 - \frac{T_0}{T_c(B)}\right)^3}.$$
 (5)

где σ_n — удельная проводимость образца в нормальном состоянии, e — заряд электрона, D — коэффициент диффузии электронов, $k_{\rm B}$ — постоянная Больцмана.

Из формулы (5) при известных значениях D и σ_n можно определить τ_{ε} . Коэффициент диффузии для "грязного" сверхпроводника находится по формуле [22]: $D = 4k_{\rm B}/(\pi e(-dH_{c2}/dT)_{T-T_c})$. Учитывая значение $-dH_{c2}/dT)_{T=T_c}) = 7.28$ Т/К [16], получим $D \approx 0.12$ сm²/с. Тогда, принимая $\sigma_n \approx 10^5$ S/m [16], из формулы (5) найдем $\tau_{\varepsilon} = 0.9 \pm 0.5$ пs.

Время электрон-фононного взаимодействия может быть оценено по формуле [19]

$$\tau_{\rm ep}(T_0) = \frac{(2\pi)^3 N(0) \hbar^7 \rho_{\nu} s^4}{14\xi (3) m^2 \mu^2 (k_{\rm B} T_0)^3},\tag{6}$$

где N(0) — плотность состояний на поверхности Ферми, $\hbar \approx 1.05 \cdot 10^{-27}$ erg · s — постоянная Планка, ρ_V — плотность пленки, s — продольная скорость звука в пленке, $\xi(3) \approx 1.202$ — постоянная Апери, μ — деформационный потенциал (порядка энергии Ферми).

Учитывая параметры наших образцов $(N(0) \approx 3.6 \cdot 10^{33} \text{ states}/(\text{cm}^3 \cdot \text{erg}), \rho_V \approx 8.4 \text{ g/cm}^3, s = (E/\rho_V)^{1/2}$, здесь $E = 4.8 \cdot 10^{11} \text{ Pa}$ [23] — модуль Юнга. $S \approx 7.56 \cdot 10^5 \text{ cm/c}, \mu \sim \varepsilon_F \approx 2.2 \cdot 10^{-13} \text{ erg})$, из (6) получим $\tau_{\rm ep}(16.400 \text{ K}) \approx 445 \text{ ns.}$ Тогда время электрон-электронного рассеяния $\tau_{\rm ee}$, найденное из формулы $\tau_{\varepsilon}^{-1} = \tau_{\rm ep}^{-1} + \tau_{\rm ee}^{-1}$ [24], будет иметь тот же порядок, что и τ_{ε} , т.е. основной вклад в рассеяние вносит электрон-электронное взаимодействие, как и в работе [24],

Зная параметр B_T , можно оценить коэффициент теплоотвода h из пленки в подложку в модели разогрева квазичастиц [19]: $h = B_T k_B / (0.374 c e_0 R_{sq} \tau_{\varepsilon})$. Здесь $B_T = 1000$ G, $c = 3 \cdot 10^{10}$ cm/s — скорость света, $R_{sq} \approx 2.8 \cdot 10^{-11}$ s/cm — сопротивление на квадрат. Тогда $h \approx 0.1$ W/(cm² · K).

Альтернативным методом определения τ_{ε} является непосредственное наблюдение скачка напряжения на вольт-амперной характеристике образца в некотором магнитном поле [22] и определение напряжения начала неустойчивости Ларкина–Овчинникова V_{LO} . Скорость

движения вихрей в этой точке определяется формулой [18]:

$$v_{\rm LO} = \left[D \left(14\xi(3) \right)^{1/2} \left(1 - T_0 / T_c(B) \right)^{1/2} / (\pi \tau_{\varepsilon}) \right]^{1/2} \\ \approx \left[1.306 (D / \tau_{\varepsilon}) \left(1 - T_0 / T_c(B) \right)^{1/2} \right]^{1/2}.$$
(7)

С другой стороны та же скорость может быть найдена экспериментально из формулы [22]

$$v_{\rm LO} = V_{\rm LO}/(Bb),\tag{8}$$

где b — расстояние между потенциальными контактами. Из формул (7) и (8), можно найти τ_{ε} .

Так как измерения проводились в полях, близких к критическим, необходимо заметить, что с увеличением поля отношение $V_{\rm LO}/V_{\rm N}$ почти не меняется $(V_{\rm LO}/V_{\rm N} \approx 0.1, V_{\rm N}$ — напряжение на образце непосредственно после скачка) или стремится к единице [22,23]. В любом случае для оценки можно принять $V_{\rm LO} \approx V_{\rm N}$. В нашем случае $b \approx 0.2$ сm, $V_{\rm N} \approx 1$ mV, $B \approx 0.02$ T, $T_0/T_c(B) \approx T_0/T_{c0} = 0.9953$. Тогда $\tau_{\varepsilon} \approx 1.7$ ns.

5. Заключение

Температурные и магнитополевые зависимости критического тока перехода в нормальное состояние тонких пленок NbN, исследованные в данной работе, определяются возникновением нормального домена и разогревом электронов при вязком течении магнитного потока. Время энергетической релаксации, найденное в модели разогрева квазичастиц (порядка наносекунды), близко к значениям, полученным другими авторами.

Список литературы

- [1] A. Shurakov, Y. Lobanov, G. Goltsman. Supercond. Sci. Technol. **29**, 023001 (2016).
- [2] K. Smirnov, A. Divochiy, Yu. Vakhtomin, P. Morozov, Ph. Zolotov, A. Antipov, V. Seleznev. Supercond. Sci. Technol. 31, 035011 (2018).
- [3] T. Wakamura, H. Akaike, Y. Omori, Y. Niimi, S. Takahashi, A. Fujimaki, S. Maekawa, Y. Otani. Nature Mater. 14, 675 (2015).
- [4] J. Yong, T.R. Lemberger, L. Benfatto, K. Ilin, M. Siegel. Phys. Rev. B 87, 184505 (2013).
- [5] J. Jesudasan, M. Mondal, M. Chand, A. Kamlapure, S. Kumar, G. Saraswat, V.C. Bagwe, V. Tripathi, P. Raychaudhuri. AIP Conf. Proc. **1349**, 923 (2011).
- [6] Н.Д. Кузьмичев, Г.П. Мотулевич. ЖЭТФ **84**, *6*, 2316 (1983).
- [7] R. Jha, A. Kumar, V.P.S. Awana. AIP Conf. Proc. 1447, 867 (2012).
- [8] М.А. Васютин, А.И. Головашкин, Н.Д. Кузьмичев. ФТТ 48, 12, 2128 (2006).
- [9] N.D. Kuzmichev, M.A. Vasyutin, A.I. Golovashkin. Physica C 460–462, part 2. 849 (2007).
- [10] М.А. Васютин, А.И. Головашкин, Н.Д. Кузьмичев. Кратк. сообщ. по физике **9**, 48 (2008).

- [11] Д.А. Балаев, С.В. Семенов, М.И. Петров. ФТТ 55, 12, 2305 (2013).
- [12] R. Matsunaga et al. Science 345, 1145 (2014).
- [13] D. Sherman, U.S. Pracht, B. Gorshunov, S. Poran, J. Jesudasan, M. Chand, P. Raychaudhuri, M. Swanson, N. Trivedi, A. Auerbach, M. Scheffler, A. Frydman, M. Dressel. Nature Phys. **11**, 188 (2015).
- [14] C. Carbillet, S. Caprara, M. Grilli, C. Brun, T. Cren, F. Debontridder, B. Vignolle, W. Tabis, D. Demaille, L. Largeau, K. Ilin, M. Siegel, D. Roditchev, B. Leridon. Phys. Rev. B 93, 144509 (2016).
- [15] Z. Wang, A. Kawakami, Y. Uzawa, B. Komiyama. J. Appl. Phys. 79, 7837 (1996).
- [16] М.А. Васютин, Н.Д. Кузьмичев, Д.А. Шилкин. ФТТ 58, 2, 231 (2016).
- [17] А.И. Безуглый. ФНТ 26, 8, 755 (2000).
- [18] А.И. Ларкин, Ю.Н. Овчинников. ЖЭТФ 68, 5, 1915 (1975).
- [19] A.I. Bezuglyi, V.A. Shklovskij. Physica C 202, 234 (1992).
- [20] А.Г. Калимов. Физические основы сверхпроводимости. СПб (2007). С. 92.
- [21] А.А. Абрикосов. Основы теории металлов. Наука, М. (1987). С. 301.
- [22] S.-Z. Lin, O. Ayala-Valenzuela, R.D. McDonald, L.N. Bulaevskii, T.G. Holesinger, F. Ronning, N.R. Weisse-Bernstein, T.L. Williamson, A.H. Mueller, M.A. Hoffbauer, M.W. Rabin, M.J. Graf. Phys. Rev. B 87, 184507 (2013).
- [23] Г.В. Самсонов. Нитриды. Наук. думка, Киев (1969). С. 181.
- [24] W. Klein, R.P. Huebener, S. Gauss, J. Parisi. J. Low Temp. Phys. 61, 413 (1985).

Редактор К.В. Емцев