# <sup>05</sup> Магнитные и магнитодиэлектрические свойства Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>

© И.А. Гудим<sup>1</sup>, А.А. Демидов<sup>2,¶</sup>, Е.В. Еремин<sup>1,3</sup>, D.K. Shukla<sup>4</sup>

<sup>1</sup> Институт физики им. Л.В. Киренского СО РАН ФИЦ КНЦ СО РАН,

Красноярск, Россия

<sup>2</sup> Брянский государственный технический университет,

Брянск, Россия

<sup>3</sup> Сибирский федеральный университет,

Красноярск, Россия

<sup>4</sup> UGC-DAE Consortium for Scientific Research Indore, India

<sup>¶</sup> E-mail: demandr@yandex.ru

(Поступила в Редакцию 12 апреля 2018 г.)

Проведено экспериментальное и теоретическое исследование магнитных и магнитодиэлектрических свойств ферробората  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  с конкурирующими обменными Ho-Fe- и Nd-Fe-взаимодействиями. Обнаружены ступенчатые аномалии на кривых намагничивания при спин-переориентационном переходе, индуцируемом магнитным полем **B** || **c**. Уточнена температура спонтанного спин-переориентационного перехода ( $T_{SR} \approx 8 \text{ K}$ ). Измеренные магнитные свойства и обнаруженые особенности проинтерпретированы в рамках единого теоретического подхода, который базируется на приближении молекулярного поля и расчетах в модели кристаллического поля для редкоземельного иона. При интерпретации экспериментальных данных определены параметры кристаллического поля для ионов  $Ho^{3+}$  и  $Nd^{3+}$  в  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  и параметры обменных Ho-Fe- и Nd-Fe-взаимодействий.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ № 17-52-45091 ИНД\_а.

DOI: 10.21883/FTT.2018.10.46522.103

#### 1. Введение

Редкоземельные бораты  $RM_3(BO_3)_4$  (R = Y, La–Lu; M = Al, Sc, Cr, Fe, Ga) демонстрируют большое разнообразие магнитных, магнитоэлектрических, магнитоупругих и других физических свойств [1–5]. Бораты с двумя магнитными подсистемами (ферробораты  $RFe_3(BO_3)_4$ ) являются мультиферроиками [1,3,4]. Недавно было установлено, что известные своими нелинейно-оптическими свойствами алюмобораты  $RAl_3(BO_3)_4$ , обнаруживают гигантские значения магнитоэлектрической поляризации [5]. Новый всплеск интереса к боратам  $RM_3(BO_3)_4$ связан с появившейся возможностью исследовать замещенные составы  $R_{1-x}R'_xFe_3(BO_3)_4$ , наличие в которых конкурирующих R–Fe- и R'–Fe-обменных взаимодействий, может привести к реализации спонтанных переориентационных переходов [3,6,7].

Подходящими *R*-ионами для синтеза и исследования замещенного ферробората с конкурирующими обменными взаимодействиями являются ионы Ho<sup>3+</sup> и Nd<sup>3+</sup>. Магнитные моменты железа в HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> антиферромагнитно упорядочиваются при  $T_N \approx 38-39$  K и при понижении до температуры  $T_{SR} \approx 4.7-5$  K лежат в базисной плоскости *ab*, также как и магнитные моменты ионов Ho<sup>3+</sup> [3,8,9]. При  $T_{SR} \approx 4.7-5$  K происходит спонтанный спин-переориентационный переход, в результате которого магнитные моменты Hoи Fe-подсистем становятся ориентированными вдоль оси с. В NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> при  $T < T_N \approx 31$  К все магнитные моменты лежат в базисной плоскости *ab* [10,4]. YFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> при  $T < T_N \approx 37-38$  К также имеет легкоплоскостную (ЛП) магнитную структуру [8,11,4]. Таким образом, в результате конкуренции разных вкладов от Но-, Nd- и Fe-подсистем в магнитную анизотропию Ho<sub>1-x</sub>Nd<sub>x</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> возможно возникновение спонтанных и индуцированных магнитным полем спинпереориентационных переходов. Данные переходы в Ho<sub>1-x</sub>Nd<sub>x</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> были обнаружены для составов с x = 0.5 [3] и 0.75 [12].

Казалось очевидным, что замещение ионов Но<sup>3+</sup> на ионы Nd<sup>3+</sup> (стабилизирующие ЛП-состояние) в  $Ho_{1-x}Nd_xFe_3(BO_3)_4$  должно было привести к сдвигу температуры спин-переориентационного перехода из ЛП в легкоосное (ЛО) состояние от обнаруженного в НоFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> значения ( $T_{\rm SR} \approx 4.7 - 5 \, {\rm K}$ ) в область более низких температур. Однако в Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> температура  $T_{SR}$  неожиданно увеличилась до 9 К [3], а в Ho<sub>0.25</sub>Nd<sub>0.75</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> значение  $T_{SR}$  осталось таким же, как и в HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [12]. Данный результат ярко показывает, что простое понимание сложения вкладов от ЛО- и ЛП-подсистем в замещенном соединении недостаточно для объяснения происходящих процессов в результирующей магнитной структуре. В [13] показано, что увеличение  $T_{SR}$  в Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> (по сравнению с HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>) обусловлено расширением температурного диапазона устойчивости начального низкотемпературного состояния магнитной подсистемы вследствие его изменения с легкоосного (как в  $HoFe_3(BO_3)_4$ ) на угловое состояние.

В данной работе продолжено изучение ферробората  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  и представлены результаты экспериментального и теоретического исследования кривых намагничивания, магнитной восприимчивости, полевой и температурной зависимости диэлектрической проницаемости и теплоемкости. Приведены и обсуждаются новые экспериментальные данные для  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$ : полевая и температурная зависимость диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_a(B_a, T)$ , кривые намагниченности  $M_{c, \perp c}(B)$ , кривые восприимчивости  $\chi_{c, \perp c}(T)$  при T = 20-300 К и  $\chi_c(T)$  при T = 2-300 К для B = 0.1 Т.

#### 2. Эксперимент

Монокристаллы Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> выращивались из растворов-расплавов на основе тримолибдата висму-Ta 82 wt% [Bi<sub>2</sub>Mo<sub>3</sub>O<sub>12</sub>+3B<sub>2</sub>O<sub>3</sub>+0.25Ho<sub>2</sub>O<sub>3</sub>+0.25Nd<sub>2</sub>O<sub>3</sub>] + 18 wt% Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> по технологии, подробно описанной в работах [14,15]. Температура насыщения  $(T_{sat})$  определялась с точностью  $\pm 3^{\circ}$ С с помощью пробных кристаллов, предварительно полученных в режиме спонтанного зарождения. Также в режиме спонтанного зарождения при температуре  $T = T_{\text{sat}} - 20^{\circ}\text{C}$ выращивались кристаллы размером ~ 1 mm. Эти кристаллы затем использовались как затравки для выращивания кристаллов размером порядка 5 × 7 × 7 mm<sup>3</sup>. При выращивании кристаллов на затравках стартовая температура задавалась равной  $T = T_{sat} - 7^{\circ}C$ , что соответствовало примерно середине зоны метастабильности раствора-расплава. Далее температура раствора-расплава понижалась с шагом 0.1°C по программе с нарастающим темпом так, чтобы скорость роста кристаллов не превышала 1 mm в сутки. При этом кристаллодержатель с затравками вращался со скоростью 30-40 грт и реверсом с периодом 1 min. После завершения процесса роста (10-15 суток) кристаллодержатель приподнимался над раствором-расплавом и печь охлаждалась до комнатной температуры с выключенным питанием. Изготовленные образцы имели хорошее оптическое качество и не содержали видимых дефектов.

Магнитные измерения были выполнены на установке Physical Properties Measurement System (Quantum Design) в температурном интервале 2–300 К и магнитных полях до 9 Т. Диэлектрическая проницаемость исследовалась с помощью измерения емкости LCR-метром Agilent E4980A Precision LCR Meter в частотном диапазоне 10 kHz-2 MHz.

#### 3. Методика расчетов

При расчетах использовался теоретический подход, успешно примененный к ферроборатам чистых  $RFe_3(BO_3)_4$  (R = Tb [2], Nd [16], Ho [17]) и замещенных  $Nd_{1-x}Dy_{r}Fe_{3}(BO_{3})_{4}$  [7],  $Sm_{0.7}Ho_{0.3}Fe_{3}(BO_{3})_{4}$  [18] составов. Данный теоретический подход основывается на модели кристаллического поля (КП) для *R*-иона и приближении молекулярного поля. За магнитные свойства  $Ho_{1-x}Nd_xFe_3(BO_3)_4$  ответственны обе магнитные подсистемы, редкоземельная (гольмиевая и неодимовая) и железная, взаимодействующие друг с другом. Взаимодействием внутри *R*-подсистемы можно пренебречь. Железная подсистема может рассматриваться как совокупность двух антиферромагнитных подрешеток. Также в виде двух подрешеток может быть представлена и *R*-подсистема, подмагниченная за счет *f*-*d*-взаимодействия. Исходя из магнитной структуры Но<sub>1-х</sub>Nd<sub>x</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> и иерархии взаимодействий, в присутствии магнитного поля В эффективные гамильтонианы Fe и R = Ho, Nd ионов *i*-ой (i = 1, 2) подрешетки могут быть записаны:

$$\mathscr{H}_{i}(\mathbf{R}) = \mathscr{H}_{i}^{\mathrm{CF}} + g_{J}^{\mathrm{R}} \mu_{B} \mathbf{J}_{i}^{\mathrm{R}} [\mathbf{B} + \lambda_{fd}^{\mathrm{R}} \mathbf{M}_{i}^{\mathrm{Fe}}], \qquad (1)$$

$$\mathscr{H}_{i}(\mathrm{Fe}) = g_{S}\mu_{B}\mathbf{S}_{i}[\mathbf{B} + \lambda\mathbf{M}_{j}^{\mathrm{Fe}} + (1-x)\lambda_{fd}^{\mathrm{Ho}}\mathbf{m}_{i}^{\mathrm{Ho}} + x\lambda_{fd}^{\mathrm{Nd}}\mathbf{m}_{i}^{\mathrm{Nd}}],$$
$$j = 1, \ 2, \quad j \neq i.$$
(2)

Здесь  $\mathscr{H}_i^{\text{CF}}$  — гамильтониан КП,  $g_J^{\text{R}}$  — фактор Ланде,  $\mathbf{J}_i^{\text{R}}$  — оператор углового момента *R*-иона,  $g_S = 2$  — *g*-фактор,  $\mathbf{S}_i$  — оператор спинового момента иона железа, и  $\lambda_{fd}^{\text{R}} < 0$  — молекулярные константы *R*-Fe- и Fe-Fe-антиферромагнитных взаимодействий.

Магнитные моменты *i*-й железной  $\mathbf{M}_i^{\text{Fe}}$  и редкоземельной  $\mathbf{m}_i^{\text{R}}$  подрешеток в расчете на формульную единицу определяются соотношениями

$$\mathbf{M}_{i}^{\mathrm{Fe}} = -3g_{S}\mu_{B}\langle \mathbf{S}_{i}\rangle, \ \mathbf{m}_{i}^{\mathrm{R}} = -g_{J}^{\mathrm{R}}\mu_{B}\langle \mathbf{J}_{i}^{\mathrm{R}}\rangle.$$
(3)

Выражение для гамильтониана КП в неприводимых тензорных операторах имеет вид

$$\begin{aligned} \mathscr{H}^{\rm CF} &= B_0^2 C_0^2 + B_0^4 C_0^4 + B_3^4 (C_{-3}^4 - C_3^4) + B_0^6 C_0^6 \\ &\quad + B_3^6 (C_{-3}^6 - C_3^6) + B_6^6 (C_{-6}^6 + C_6^6). \end{aligned} \tag{4}$$

Параметры КП  $B_q^k$  для ионов Ho<sup>3+</sup> и Nd<sup>3+</sup> в Ho<sub>1-x</sub>Nd<sub>x</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> не известны. Также нет информации о расщеплении нижних уровней основного мультиплета ионов Ho<sup>3+</sup> и Nd<sup>3+</sup> в Ho<sub>1-x</sub>Nd<sub>x</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>.

Вычисление величин и ориентаций магнитных моментов Fe- и *R*-подсистем при решении самосогласованных задач на основе гамильтонианов (1-2) при условии минимума соответствующего термодинамического потенциала позволяет рассчитать области устойчивости различных магнитных фаз, поля фазовых переходов, кривые намагничивания, восприимчивость и т.д. Термодинамический потенциал для Ho<sub>1-x</sub>Nd<sub>x</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> был ранее представлен нами в работе [13].

Энергия анизотропии для i-ой подрешетки Fe-подсистемы  $\Phi^i_{an}$  имеет вид

$$\Phi_{\rm an}^i = K_2^{\rm Fe} \sin^2 \vartheta_i + K_4^{\rm Fe} \sin^4 \vartheta_i + K_{66}^{\rm Fe} \sin \vartheta_i^6 \cos 6\varphi_i, \quad (5)$$

где константа анизотропии  $K_2^{\text{Fe}} < 0$  стабилизирует ЛП состояние,  $K_4^{\text{Fe}} > 0$  — ЛО состояние,  $K_{66}^{\text{Fe}} < 0$  — константа анизотропии в базисной *ab*-плоскости,  $\vartheta_i$  и  $\varphi_i$  — полярный и азимутальный углы отклонения вектора магнитного момента железа  $\mathbf{M}_i^{\text{Fe}}$  от осей *c* и *a* соответственно.

Намагниченность и восприимчивость Но<sub>1-x</sub>Nd<sub>x</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> равны

$$\mathbf{M} = \frac{1}{2} \sum_{i}^{2} \left( \mathbf{M}_{i}^{\text{Fe}} + (1 - x) \mathbf{m}_{i}^{\text{Ho}} + x \mathbf{m}_{i}^{\text{Nd}} \right),$$
$$\chi_{k} = \chi_{k}^{\text{Fe}} + (1 - x) \chi_{k}^{\text{Ho}} + x \chi_{k}^{\text{Nd}}, \quad k = a, b, c.$$
(6)

В упорядоченной фазе начальные магнитные восприимчивости соединения можно найти из начальных линейных участков кривых намагничивания, рассчитанных для соответствующих направлений внешнего магнитного поля. В парамагнитной области восприимчивость R-подсистемы рассчитывалась по известной формуле Ван Флека, энергетический спектр и волновые функции для которой вычислялись на основе гамильтониана (4). Восприимчивость Fe-подсистемы может быть описана законом Кюри–Вейсса с соответствующей парамагнитной температурой Нееля Θ.

Вклад R-подсистемы в магнитную часть теплоемкости  $Ho_{1-x}Nd_xFe_3(BO_3)_4$  рассчитывался по формуле (на одну формульную единицу)

$$C = (1 - x)C_{\text{Ho}} + xC_{\text{Nd}}, \quad C_{\text{R}} = k_B \, \frac{\langle E^2 \rangle - \langle E \rangle^2}{(k_B T)^2}. \tag{7}$$

Тепловые средние  $\langle E^2 \rangle$  и  $\langle E \rangle^2$  вычислялись на спектре *R*-иона, формируемом КП и взаимодействиями с Fe-подсистемой и внешним магнитным полем.

# 4. Результаты и обсуждение

Известно, что в ферроборатах с малым ионным радиусом *R*-иона, в частности в  $HoFe_3(BO_3)_4$ , имеет место структурный фазовый переход, при котором локальная симметрия *R*-иона понижается от *D*<sub>3</sub> (при  $T > T_S$ ) до  $C_2$  (при  $T < T_S$ ) [4]. При этом в NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> данный переход отсутствует [4]. Учитывая возможность описания основных особенностей низкотемпературных магнитных свойств HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> в высокотемпературной *D*<sub>3</sub>-симметрии [17], описание экспериментальных данных для Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> было также проведено в D<sub>3</sub>-симметрии [13], для которой гамильтониан КП имеет более простой вид. Недавнее исследование спектров инфракрасного поглощения  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  в спектральном диапазоне  $30-1700 \,\mathrm{cm}^{-1}$  при  $T = 6-300 \,\mathrm{K}$  [19] показало, что изменений, связанных со структурными

фазовыми переходами, не происходит. В результате, в виду отсутствия экспериментально установленных фактов наличия структурного перехода в Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>, отсутствия данного перехода в NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>, отсутствия данных о расщеплениях нижних уровней основных мультиплетов ионов Но<sup>3+</sup> и Nd<sup>3+</sup> в Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> и учитывая возможность описания магнитных свойств HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [17] и Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [13] в *D*<sub>3</sub>-симметрии, описание полученных нами новых экспериментальных данных для  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  было также проведено в  $D_3$ -симметрии. Данное приближение позволяет значительно сократить количество используемых в расчете изначально неизвестных параметров КП (с 15 для С2-симметрии, до 6 для D<sub>3</sub>-симметрии), однако, в случае обнаружения структурного перехода, полученные результаты расчетов следует признать только как качественные.

Исследование соотношения вкладов от Ho<sub>0.5</sub>- и Nd<sub>0.5</sub>-подсистем в результирующие магнитные характеристики Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> показало, что, например, при T = 2 К и  $B_{c,\perp c} = 9$  Т вклад Но-подсистемы составляет ~ 84.7% в намагниченность  $M_c(B)$  и ~ 82.8% в  $M_{\perp c}(B)$ . Чувствительность к вариациям параметров КП для ионов Ho<sup>3+</sup> также больше, чем для ионов Nd<sup>3+</sup>. Расчеты показали, что существенного улучшения описания кривых намагничивания  $M_{c,\perp c}(B)$ , восприимчивости  $\chi_{c,\perp c}(T)$  и теплоемкости  $C_p/T(T)$  Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> при расчете с разными и с одинаковыми наборами параметров КП для Но- и Nd-подсистем нет. Поэтому при расчетах использовался единый набор параметров КП для Ho- и Nd-подсистем.

Для определения параметров КП использовались полученные нами экспериментальные данные о кривых намагничивания  $M_{c,\perp c}(B)$  в полях до 9 T, температурных зависимостях начальной магнитной восприимчивости  $\chi_{c,\perp c}(T)$ , а также теплоемкость  $C_p/T(T)$  из работы [3]. В качестве начальных значений параметров КП, с которых стартовала процедура минимизации соответствующей целевой функции, были взяты ранее найденные параметры для HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [17] и NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [16]. Также в качестве начального рассматривался ранее найденный нами при описании только кривых восприимчивости и теплоемкости предварительный набор параметров КП для Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [13]. Уставлено, что наилучшее описание всего набора экспериментальных характеристик достигается с параметрами (в  $cm^{-1}$ )

$$B_0^2 = 410, \ B_0^4 = -1250, \ B_3^4 = 870, \ B_0^6 = 350,$$
  
 $B_3^6 = 110, \ B_6^6 = 150.$  (8)

Набору параметров КП (8) соответствуют приведенные в табл. 1 значения энергий восьми нижних штарковских уровней основных мультиплетов ионов  $\text{Ho}^{3+}$  и  $\text{Nd}^{3+}$  в  $\text{Ho}_{0.5}\text{Nd}_{0.5}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  для B = 0: при  $T > T_N$  и с учетом f - d-взаимодействия при

**Таблица 1.** Значения энергий восьми нижних уровней основных мультиплетов ионов  $Ho^{3+}$  и  $Nd^{3+}$  в  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$ , расщепленных кристаллическим полем и с учетом f-d-взаимодействия при B = 0 в парамагнитной и упорядоченной областях температур.

R	Т	$\Delta = E_i - E_1,  \mathrm{cm}^{-1}  (i = 1 - 8)$				
Но	$T > T_N$ 10 K > T <sub>SR</sub> 2 K < T <sub>SR</sub>	0, 0, 12.5, 12.5, 16.9, 38, 152.6, 178.7 0, 2.2, 17.9, 19.8, 29.3, 46.4, 156.6,182.8 0, 10.9, 19.3, 25.9, 30.8, 51.4, 160.7, 179.4				
Nd	$T > T_N$ 10 > $T_{SR}$ 2 K < $T_{SR}$	0, 0, 39.7, 39.7, 48.6, 48.6, 202.6, 202.6 0, 7.5, 44.2, 44.2, 50.5, 56, 207, 207 0, 7.3, 39.1, 48, 50.1, 57.5, 202, 212				

 $T = 10 \text{ K} > T_{\text{SR}}$  (ЛП-состояние) и  $T = 2 \text{ K} < T_{\text{SR}}$  (начальное угловое состояние). Видно, что при  $T < T_N$  учет f - d-взаимодействия приводит к снятию вырождения энергетических уровней. При  $T_{\text{SR}}$  энергетические уровни сдвигаются друг относительно друга и происходит изменение величины их расщепления: в случае Но (стабилизирующего ЛО-состояние) расщепление нижних уровней увеличивается от  $\Delta_{fd} \approx 2.2$  до  $10.9 \text{ cm}^{-1}$ , а в слу-

чае Nd (стабилизирующего ЛП-состояние) происходит небольшое сужение уровней от  $\Delta_{fd} \approx 7.5$  до 7.3 сm<sup>-1</sup>.

Представленные далее на рисунках магнитные характеристики рассчитаны для параметров из табл. 2, в которой также приведены для сравнения параметры HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> и NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>. Кроме того, в расчетах участвовали одноосные константы анизотропии Fe-подсистемы ( $K_2^{\text{Fe}} = -2.85 \text{ T} \cdot \mu_B$  и  $K_4^{\text{Fe}} = 0.55 \text{ T} \cdot \mu_B$  при T = 4.2 K) и константа анизотропии железа в базисной плоскости ( $K_{66}^{\text{Fe}} = -1.35 \cdot 10^{-2} \text{ T}\mu_B$  [16]). Значения  $K_2^{\text{Fe}}$  и  $K_4^{\text{Fe}}$  согласуются с определенными при описании углового состояния в  $\Pr_x Y_{1-x} \text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  соответствующими одноосными константами [22] и результатами исследования антиферромагнитного резонанса в YFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [23], согласно которым при обменном поле для Fe-подсистемы  $H_E = 55 \text{ T}$  эффективное поле анизотропии получится равным  $H_A^{\text{Fe}} = -2.75 \text{ T} \cdot \mu_B$ .

Для расчета магнитных характеристик  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  при направлении внешнего магнитного поля вдоль и перпендикулярно тригональной оси с использовались изображенные на рис. 1 схемы ориентаций магнитных моментов железа  $\mathbf{M}_i^{Fe}$  и редкой земли  $\mathbf{m}_i = \mathbf{m}_i^{Nd_{0.5}} + \mathbf{m}_i^{Dy_{0.5}}$ .

**Таблица 2.** Параметры Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> и для сравнения HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [20] и NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [16]:  $B_{dd1}$  (внутрицепочечное Fe–Fe),  $B_{dd2}$  (межцепочечное Fe–Fe) и  $B_{fd}$  — низкотемпературные значения обменных полей, соответствующих молекулярным константам  $\lambda_1$ ,  $\lambda_2$  и  $\lambda_{fd}$ ;  $M_0 = |M_i(T = 0, B = 0)| = 15 \mu_B$  — магнитный момент железа в расчете на одну формульную единицу;  $\Delta_{fd}$  — низкотемпературное расщепление основного состояния R-иона вследствие f-d-взаимодействия (в угловой (УГ), ЛО- и ЛП-состояниях);  $T_{SR}$  — температура спин-переориентационного перехода;  $\theta_1$  — угол отклонения  $\mathbf{M}_1^{Fe}$  от оси c;  $T_N$  — температура Нееля;  $\Theta$  — парамагнитная температура Нееля для Fe-подсистемы.

Соединение	HoFe <sub>3</sub> (BO <sub>3</sub> ) <sub>4</sub>	Ho <sub>0.5</sub> Nd <sub>0.5</sub> Fe <sub>3</sub> (BO <sub>3</sub> ) <sub>4</sub>		NdFe <sub>3</sub> (BO <sub>3</sub> ) <sub>4</sub>
$B_{ m dd1} = \lambda_1 M_0, { m T} \ \lambda_1, { m T}/\mu_B$	68 -4.53	55 -3.67		58 -3.87
$B_{ m dd2} = \lambda_2 M_0, { m T} \ \lambda_2, { m T}/\mu_B$	26 -1.73	28 -1.87		27 -1.8
$B_{fd} = \lambda_{fd} M_0,  \mathrm{T}$	3.49	3.7 (Ho) 7.3 (Nd)		7.1
$\lambda_{fd},\mathrm{T}/\mu_B$	-0.23	-0.25 (Ho) -0.49 (Nd)		-0.47
$\Delta_{fd} = \mu_B g  \lambda_{fd}  M_0, \mathrm{cm}^{-1}$	~ 10.6 (ЛО) ~ 9.7 (ЛП)	Но	$\sim 10.9 (\mathrm{Y}\mathrm{\Gamma})$ $\sim 2.2 (\mathrm{J}\mathrm{I}\mathrm{I})$	8.8 (ЛП)
		Nd	$\sim$ 7.5 (91) $\sim$ 7.5 (ЛП)	
T <sub>SR</sub> , K	~ 4.7–5 [8,3,21]	~ 8 ~ 9 [3]		
$ heta_1,^\circ(B=0)$	$\begin{array}{l} 0\left(T < T_{\rm SR}\right)\\ 90(T > T_{\rm SR}) \end{array}$	$\sim 46.8 (T = 2 \text{ K} < T_{\text{SR}})$ 90 (T > T_{\text{SR}})		90
<i>T<sub>N</sub></i> , K	~ 37.4–39 [8,3,21]	~ 32 ~ 32 [3]		~ 31 [4]
Θ, Κ	-210	-120		-130

Экспериментальные кривые намагничивания  $M_{c,\perp c}(B)$  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  при  $T = 2-40 \, K$  приведены на рис. 2 для направления магнитного поля вдоль тригональной оси  $\mathbf{B} \parallel \mathbf{c}$  (*a*) и в базисной плоскости  $\mathbf{B} \perp \mathbf{c}$  (*b*). При T < 10 К скачки намагниченности хорошо видны на  $M_c(B)$  и различимы на  $M \perp c(B)$ . Для  $T \ge 10 \,\mathrm{K}$ кривые  $M_{c,\perp c}(B)$  не демонстрируют аномалий. Таким образом, температура  $T = 10 \, \text{K}$ , близкая к температуре спин-переориентационного перехода  $T_{\rm SR} \approx 9 \, {\rm K}$  [3], разбивает исследованный температурный диапазон на две области — с обнаруженными на  $M_{c,\perp c}(B)$  аномалиями (при *T* < 10 K) и без аномалий (при *T* ≥ 10 K). Данный факт подтверждают и полевые зависимости магнитодиэлектрический поляризации  $\varepsilon_a(Ba)$  при T = 5 и 10 K, показанные на следующем рис. 3, а. Видно существенное отличие в характере поведения  $\varepsilon_a(Ba)$  при изменении температуры.

Наибольший интерес вызывает кривая  $M_c(B)$  при T = 2 K, на которой обнаружены три скачка намагниченности вблизи  $B \approx 1$ , 1.3 и 2.9 T (отмечены стрелками на рис. 2, *a*). Три скачка обнаружены и при вводе, и при выводе магнитного поля и хорошо видны на кривых дифференциальной магнитной восприимчивости (см. вставку на рис. 4). С возрастанием температуры третий скачок вблизи 2.9 T становится практически невидимым уже при T = 5 K, а второй скачок различим до T = 7 K (вблизи 0.9 T, см. рис. 2, *a*). Для поля в базисной плоскости на  $M_{\perp c}(B)$  видна только одна аномалия при T < 10 K.

Согласно результатам [13] начальным низкотемпературным состоянием магнитной подсистемы  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  при B = 0 является угловое состояние, с отклоненными от оси с магнитными моментами железа (см. схему а на рис. 1). Таким образом, наблюдаемые при *T* < 10 К аномалии на  $M_{c,\perp c}(B)$ (рис. 2) обусловлены спиновой переориентацией в Fe-подсистеме от начальной угловой фазы (схема а на рис. 1) во флоп-фазу (схема а для **В**  $\parallel$  **с** и аналогичная схема для **В**  $\perp$  **с**).

Проведенные обширные расчеты магнитных фаз, которые могут быть реализованы в Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> при разных ориентациях магнитных моментов Ho-, Ndи Fe-подсистем, позволили сделать предположение, что наблюдаемый на  $M_c(B)$  при  $T = 2 \,\mathrm{K}$  трехступенчатый вид скачка намагниченности обусловлен наличием промежуточных состояний между начальной угловой фазой (схема a) и флоп фазой (схема d). Первый, более яркий, скачок на  $M_c(B)$  при  $B_{SR1}$  связан с реализацией в полях  $B_{\rm SR1} < B < B_{\rm SR2}$  промежуточной угловой фазы с существенно большим, чем в начальной фазе ( $\theta \approx 46.8^{\circ}$ ), углом отклонения магнитных моментов Fe от оси *с*  $\theta_{\rm SR1} \approx 71^{\circ}$  (при  $B_{\rm SR1}$ , см. схему c). Второй, менее выраженный, скачок при B<sub>SR2</sub> обусловлен переориентацией магнитных моментов Fe из промежуточного состояния с  $\theta_{\rm SR1} \approx 71^{\circ}$ С в состояние с  $\theta_{\rm SR2} \approx 72.5^{\circ}$  (при  $B_{\rm SR2}$ , схема с). Третий скачок обусловлен спиновой переориентацией из промежуточного состояния с  $\theta_{\text{SR2}} \approx 72.5^{\circ}$ 



1951

**Рис. 1.** Схемы ориентаций магнитных моментов железа  $\mathbf{M}_i^{\text{Fe}}$  и редкой земли  $\mathbf{m}_i = \mathbf{m}_i^{\text{Ne}_{0.5}} + \mathbf{m}_i^{\text{Dy}_{0.5}}$ , использованные при расчете магнитных характеристик  $\text{Ho}_{0.5}\text{Nd}_{0.5}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$ . Схема a — при B = 0 угловое состояние (конус осей легкого намагничивания). Схемы b, c и d — при  $\mathbf{B} \parallel \mathbf{c}$  (плоскость ab перпендикулярна плоскости рисунка). Схема  $e - \mathbf{B} \perp \mathbf{c}$  (ось c перпендикулярна плоскости рисунка) показаны проекции магнитных моментов на плоскость ab в доменах с осями антиферромагнетизма под углами к оси  $a \varphi_i = 0(L_0)$  и  $\varphi_i = \pm 60^{\circ}(L_{60})$ .

во флоп-фазу ( $\theta_{SR3} \rightarrow 90^{\circ}$ , схема c) и сопровождается переориентацией вдоль направления поля **B** || **c** магнитных моментов обеих подрешеток ионов Ho<sup>3+</sup> и Nd<sup>3+</sup> (схема d). Таким образом, процесс трансформации магнитной подсистемы Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> при T = 2 K c ростом поля **B** || **c** проходит следующие последовательные стадии (по изменению угла отклонения магнитных моментов Fe от оси **c**, см. схему c):  $\theta$  (при B = 0)  $\rightarrow \theta_{SR1}$  (при  $B_{SR1}$ )  $\rightarrow \theta_{SR2}$  (при  $B_{SR2}$ )  $\rightarrow \theta_{SR3}$  (при  $B_{SR3}$ , флоп фаза).

Причиной реализации возможных индуцированных магнитным полем промежуточных состояний с некол-

линеарной антиферромагнитной структурой является конкуренция вкладов от Но-, Nd- и Fe-подсистем в полную магнитную анизотропию Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> и энергии Зеемана. Магнитная анизотропия Nd- и Fe-подсистем стабилизирует ЛП-магнитную структуру. Гольмиевая подсистема стабилизирует ЛО-магнитную структуру. В результате при определенных значениях температуры и поля магнитные моменты железа могут быть ориентированы под углом  $\theta$  к оси с. С ростом магнитного поля достигнутый в слабых полях баланс вкладов нарушается, в результате при  $T < T_{
m SR}$  в диапазонах полей  $B_{
m SR1} < B < B_{
m SR2}$  и  $B_{\rm SR2} < B < B_{\rm SR3}$  стабилизируются промежуточные состояния с магнитными моментами Fe, ориентированными относительно оси с под большим углом  $\theta$ , чем в предыдущем состоянии. Ранее в работе [24] и затем в [25] при исследовании также проявляющего спин-переориентационный переход ферробората GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> был сделан вывод об отклонении магнитных моментов Fe от оси *с* на большие величи-



**Рис. 2.** Экспериментальные кривые намагничивания  $M_{c, \perp c}(B)$ Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> для **B** || **c** (*a*) и **B**  $\perp$  **c** (*b*) при *T* = 2 (0), 5 (-1.5), 7 (-2.5), 10 (-3.5), 20 (-4.5), 40 (-5.5) K (в скобках приведены коэффициенты сдвига по вертикальной оси).



**Рис. 3.** Зависимость диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_a$  вдоль оси *a* кристалла Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> (на частоте 10 kHz) от магнитного поля **B** || **a** (при  $T = 2 \text{ K} < T_{\text{SR}}$  и  $T = 10 \text{ K} > T_{\text{SR}}$ ) (*a*) и от температуры при **B** || **a** (*b*).  $T_{\text{M}}$  — температура при которой происходит трансформация доменной структуры Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> в ЛП-состоянии при **B** || **a** и  $B < B_{\text{SR}}$ .

ны углов, меняющихся при разных температурах и значениях магнитного поля. Возможность реализации начального углового состояния недавно подтвердилась экспериментально в ферроборате  $\Pr_x Y_{1-x} \operatorname{Fe}_3(\operatorname{BO}_3)_4$  [26]. Отметим также, что расчет по аналогичному механизму трансформации магнитной подсистемы позволил объяснить ступенчатые аномалии в ферроборатах  $\operatorname{Nd}_{1-x} \operatorname{Dy}_x \operatorname{Fe}_3(\operatorname{BO}_3)_4$  [7] и  $\Pr_x Y_{1-x} \operatorname{Fe}_3(\operatorname{BO}_3)_4$  [22]. Результирующая намагниченность вдоль оси *с* в диапазоне



**Рис. 4.** Экспериментальные (значки) и рассчитанные (линии) кривые намагничивания  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  для **В** || **с** и **В**  $\perp$  **с** при T = 2 К. На вставке — кривые дифференциальной магнитной восприимчивости dM/dB при вводе (темные значки) и при выводе (светлые значки) магнитного поля.

температур *T* < 10 К рассчитывалась по следующим формулам:

I. В начальной угловой фазе при  $0 \le B < B_{\text{SR1}}$  (схема *b* на рис. 1,  $\theta_1 = 46.8^{\circ}$  при B = 0):

$$M_{c} = \frac{1}{2} \Big( M_{1}^{\text{Fe}} \cos(\theta_{1}) + M_{2}^{\text{Fe}} \cos(\theta_{2}) \\ + 0.5 \big( m_{2c}^{\text{Ho}} - m_{1c}^{\text{Ho}} \big) + 0.5 \big( m_{2c}^{\text{Nd}} - m_{1c}^{\text{Nd}} \big) \Big).$$
(9)

II. В промежуточной фазе при  $B_{\rm SR1} < B < B_{\rm SR2}$  по формуле (9), в которой  $\theta_1 = \theta_{\rm SR1} \approx 71^\circ$  при  $B_{\rm SR1}$  (схема c).

III. В промежуточной фазе при  $B_{\text{SR2}} < B < B_{\text{SR3}}$  по формуле (9), в которой  $\theta_1 = \theta_{\text{SR2}} \approx 72.5^\circ$  при  $B_{\text{SR1}}$  (схема c).

IV. Во флоп-фазе при  $B > B_{SR3}$  и  $\theta_1 = \theta_2 = \theta_{SR3}$  (схема d):

$$M_{flop} = \frac{1}{2} \Big( M_{1,2c}^{\text{Fe}} + 0.5m_{1,2c}^{\text{Ho}} + 0.5m_{1,2c}^{\text{Nd}} \Big).$$
(10)

Из рис. 4 видно, что расчет намагниченности по формулам (9) и (10) позволил достигнуть хорошего описания ступенчатых аномалий на  $M_c(B)$  при T = 2 K.

Рост температуры приводит к сглаживанию скачков намагничивания и к отсутствию различимого на экспериментальных кривых при T = 5 и 7 K в поле  $B_{SR3}$  промежуточного состояния, вследствие реализации в полях  $B_{SR1} < B < B_{SR2}$  угловой фазы с близкими к плоскости *ab* углами отклонения железа. В результате при T = 5 и 7 K реализуется только одно промежуточное

состояние с  $\theta_{SR1}$  и затем в поле  $B_{SR2}$  происходит переход во флоп-фазу (схема *d*). Отметим, что учитывая установленную корреляцию магнитных, магнитоэлектрических и магнитоупругих свойств ферроборатов [4], обнаруженные множественные особенности на кривых  $M_c(B)$  при T = 2, 5 K проясняют природу обнаруженных скачков и перегибов на полевой зависимости поляризации  $P_a(H_c)$  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  при T = 5 K из работы [3] (см. рис. 15, *b* в [3]).

Для  $T > T_{SR}$  кривые  $M_c(B)$  не обнаруживают видимых аномалий (рис. 2), магнитные моменты Ho-, Nd- и Fe-подсистем лежат в плоскости *ab*, и расчет проводился по формуле (10). Пример описания экспериментальной кривой  $M_c(B)$  из данного диапазона (при T = 10 K) показан на рис. 5.

При намагничивании тригонального кристалла Но<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> в базисной плоскости *ab* в малых полях вклад в намагниченность дают все три возможных домена с осями антиферромагнетизма под углом 120° друг к другу (см. схему е на рис. 1). Расчет кривых  $M_{\perp c}(B)$  для  $B < B_{\mathrm{SR}} \approx 2.3 \,\mathrm{T}$  (при  $T = 2 \,\mathrm{K}$ ) проведен в соответствии с подходом, примененном при исследовании процессов намагничивания с учетом возможного существования трех типов доменов в ЛП ферроборате NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [16] и в ферроборате с угловым начальным состоянием  $Sm_{0.7}Ho_{0.3}Fe_3(BO_3)_4$  [18]. Аномалия на  $M_{\perp c}(B)$  при  $T < T_{\rm SR}$  (рис. 1,4) обусловлена спинпереориентационным переходом из начальной угловой



**Рис. 5.** Экспериментальные (значки) и рассчитанные (линии) кривые намагничивания  $Ho_{0.5}Nd_{0.5}Fe_3(BO_3)_4$  для **В** || **с** и **В**  $\perp$  **с** при T = 10 К. На вставке — фазовая диаграмма, построенная на основании полученных данных и известных из работы [3]. Выделенные разной штриховкой области — фазовая диаграмма из работы [3].

фазы (схема *a* при B = 0 и схема *e* — в проекции на плоскость *ab* при **B** || **a**) во флоп фазу. Видно, что рассчитанная намагниченность при температуре до ( $T = 2 \text{ K} < T_{\text{SR}}$ , рис. 4) и после ( $T = 10 \text{ K} > T_{\text{SR}}$ , рис. 5) спин-переориентационного перехода достаточно хорошо описывает эксперимент.

На вставке рис. 5 приведена фазовая диаграмма, построенная на основании полученных нами экспериментальных данных и данных из литературы. Выделенные разной штриховкой области на данном рисунке — фазовая диаграмма Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> из работы [3]. Видно, что для **B** || **c** и *T* < *T*<sub>SR</sub> по данным [3] граница индуцированного полем фазового перехода располагается между областями устойчивости промежуточных фаз при *B*<sub>SR1</sub> и *B*<sub>SR2</sub> (сплошные и открытые квадраты). Для поля в базисной плоскости при *T* < *T*<sub>SR</sub> по данным [3], полученным для **B** || **a**, граница фазового перехода практически совпадает с обнаруженными нами на  $M_{\perp c}(B)$  полями переходов (треугольники). Также на фазовой диаграмме приведены данные о *T*<sub>SR</sub>, полученные из кривых  $\chi_{c,\perp c}(T)$ ,  $C_p/T(T)$  [3] и кривых поляризации  $P_a(T, B)$  [3].

Из рис. 1 и из фазовой диаграммы (вставка на рис. 5) хорошо видно, что значение поля спин-переориентационного перехода  $B_{SR}$  падает с ростом температуры, т.е. с ростом температуры исходная угловая фаза оказывается менее устойчивой, несмотря на возрастающую параллельную восприимчивость Fe-подсистемы. Данная зависимость  $B_{SR}(T)$  отличается от имеющихся в  $RFe_3(BO_3)_4$  с R = Pr, Nd, Tb, Dy, в которых поле  $B_{\rm SR}$  росло с ростом температуры, как это чаще всего и бывает для одноосных антиферромагнетиков. Подобное поведение зависимости  $B_{SR}(T)$  было обнаружено для НоFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [21] и обусловлено возрастающей близостью температур, при которых измерены кривые  $M_c(B)$ , к температуре спин-переориентационного перехода  $T_{\rm SR}$ . При увеличении температуры происходит уменьшение суммарной эффективной константы анизотропии соединения от R- и Fe-подсистем.

На следующем рис. 6 изображены экспериментальные и теоретические температурные зависимости восприимчивости  $\chi_{c,\perp c}(T)$ . На экспериментальных зависимостях  $\chi_{c,\perp c}(T)$ , измеренных при B = 0.1 Т, вблизи 8 К наблюдается резкое уменьшение с понижением температуры восприимчивости  $\chi_c(T)$  и небольшое скачкообразное увеличение  $\chi_{\perp c}(T)$ . Аналогичное поведение  $\chi_a(T)$ вблизи 8 К (при B = 0.1 Т) и  $\chi_c(T)$  вблизи 9 К (при B = 0.02 Т) было обнаружено в работе [3].

Установлено, что угловая фаза с  $\theta \approx 46.8^{\circ}$  (при T = 2 K) позволяет объяснить и количественно описать наблюдаемые на экспериментальных  $\chi_{c, \perp c}(T)$  близи 8 K аномалии. Резкое уменьшение  $\chi_c(T)$  и более слабовыраженный скачок на  $\chi_{\perp c}(T)$  при  $T \approx 8 \text{ K}$  обусловлены сменой при понижении температуры ЛП-состояния на угловое состояние. Данный спин-переориентационный переход обусловлен различными температурными зависимостями конкурирующих вкладов редкоземельных



**Рис. 6.** Экспериментальные (значки) и рассчитанные (линии) температурные зависимости магнитной восприимчивости Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> вдоль ( $\chi_c$ ) и перпендикулярно ( $\chi_{\perp c}$ ) тригональной оси при B = 0.1 Т (на вставке — низкотемпературный диапазон кривых  $\chi_{c,\perp c}(T)$ ).

(Но и Nd) и Fe-подсистем в полную магнитную анизотропию Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>. Видно, что расчет намагниченности в поле B = 0.1 т в начальной угловой фазе ( $T < T_{SR}$ , схема b для  $\chi_c(T)$  и схема e для  $\chi_{\perp c}(T)$ ) и в ЛП-состоянии ( $T > T_{SR}$ , схема d для  $\chi_c(T)$  и аналогичная схема для  $\chi_{\perp c}(T)$ ) хорошо описывает экспериментальные кривые (рис. 6).

Отметим, что поведение экспериментальных кривых  $\chi_{c,\perp c}(T)$  в ранее неисследованном диапазоне температур T = 20-300 K, подтверждает сделанный ранее на основании расчетов [13] вывод о слабоанизотропном поведении восприимчивости  $\chi_{c,\perp c}(T)$  при T > 20 K.

На рис. 3, в приведены температурные зависимости действительной части диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_a$  вдоль оси *а* кристалла на частоте 10 kHz. Видно, что практически не изменяясь в парамагнитной области, диэлектрическая проницаемость начинает сильно возрастать ниже температуры Нееля. При этом, определенная из кривых теплоемкости [3] и восприимчивости температура  $T_{\rm SR} \approx 8$  K, находится примерно в середине диапазона, соответствующего наибольшему уменьшению  $\varepsilon_a(T)$  при B = 0, а также проявляется в виде излома (при B = 0.5 T) и пика (при B = 0.8, 1 Т) на  $\varepsilon_a(T)$ . Приложение магнитного поля в базисной плоскости приводит с понижением температуры от  $T_N$  в малом поле  $B = 0.2 \,\mathrm{T}$  к небольшому увеличению  $\varepsilon_a$ , а затем с ростом поля к ее монотонному существенному уменьшению. В целом зависимости  $\varepsilon_a(T)$  демонстрируют либо две (при  $B < B_{SR}$ ), либо одну (при  $B > B_{SR}$ ) аномалии — при температуре T<sub>M</sub> и затем с понижением температуры вблизи  $T_{\rm SR} \approx 8 \, {\rm K}$ . Измерения  $\varepsilon_a(B_a, T)$ 

в частотном диапазоне 10 kHz-2 MHz показали, что частотная зависимость диэлектрической проницаемости отсутствует в диапазоне 10 kHz-200 kHz. Представленные на рис. 3, b зависимости  $\varepsilon_a(T)$  Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> согласуются с кривыми  $\varepsilon_a(T)$  для HoFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> [3], на которых также зафиксированы две аномалии — широкий пик вблизи 10 К (при T<sub>M</sub>) и резкое уменьшение при  $T_{\rm SR} \approx 5$  К. Поскольку аномалия на  $\varepsilon_a(T)$  при  $T_{\rm M}$ видна в диапазоне полей  $B = 0 - 0.5 \,\mathrm{T}$  и при  $T > T_{\mathrm{SR}}$ , а затем пропадает при  $B \ge 0.8 \, \mathrm{T}$ , то причиной данной аномалии является трансформация доменной структуры Но<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> в ЛП состоянии при В || а. Как показано в работах [16,18] для направления поля В || а в ЛП ферроборатах в базисной плоскости происходит спин-флоп-переход в одном из трех доменов, являющихся следствием тригональной симметрии. Обнаруженное увеличение значения  $\varepsilon_a(T)$  вблизи температуры  $T_{\rm M}$ в слабом поле  $\mathbf{B} \parallel \mathbf{a}$  (см. кривую при  $B_a = 0.2 \,\mathrm{T}$  на рис. 3, b), а затем существенное уменьшение  $\varepsilon_a(T)$  при дальнейшем вырастании поля Ва соответствуют обнаруженной немонотонной зависимости от поля  $\varepsilon_a(B_a)$ при  $T = 10 \,\mathrm{K}$  (рис. 3, b), на которой видно возрастание  $\varepsilon_a(B_a)$  в малых полях, а затем ее уменьшение с ростом поля.

Установлено, что рассчитанный с параметрами КП (8) вклад R-подсистемы в теплоемкость и составляющие данного вклада от Ho- и Nd-подсистем демонстрируют хорошее согласие с экспериментальной кривой  $C_p/T(T)$ Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> при B = 0 [3], на которой хорошо виден обусловленный спин-переориентационным переходом резкий пик вблизи 8 К. Рассчитанный вклад R-подсистемы и степень его согласия с экспериментом аналогичны показанному ранее в работе [13].

## 5. Заключение

Проведено экспериментальное и теоретическое исследование магнитных и магнитодиэлектрических свойств Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> с конкурирующими обменными Ho–Fe- и Nd–Fe-взаимодействиями и получено согласие теории и эксперимента для всей совокупности измеренных характеристик. Единый теоретический подход позволил определить актуальные параметры при сравнении результатов расчета с экспериментальными данными.

Предложенный возможный вариант процессов намагничивания в магнитных полях до 9 T с реализацией угловой магнитной структуры позволил в деталях проанализировать поведение магнитных моментов Но-, Ndи Fe-подсистем и описать аномалии на низкотемпературных кривых намагничивания  $M_{c,\perp c}(B)$  при фазовых переходах от начальной фазы в промежуточную (одну или две, в зависимости от температуры) и затем во флоп-фазу. Описан спонтанный спин-переориентационный переход, проявляющийся яркой аномалией на кривой восприимчивости  $\chi_c(T)$  и менее выраженной на  $\chi_{\perp c}(T)$ . Рассчитанный вклад редкоземельной подсистемы в теплоемкость Ho<sub>0.5</sub>Nd<sub>0.5</sub>Fe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> воспроизводит результаты эксперимента и дает возможность понять степень ответственности составляющих редкоземельного вклада за наблюдаемые аномалии Шоттки и результирующий вид теплоемкости.

### Список литературы

- А.К. Звездин, С.С. Кротов, А.М. Кадомцева, Г.П. Воробьев, Ю.Ф. Попов, А.П. Пятаков, Л.Н. Безматерных, Е.А. Попова. Письма в ЖЭТФ 81,335 (2005).
- [2] E.A. Popova, D.V. Volkov, A.N. Vasiliev, A.A. Demidov, N.P. Kolmakova, I.A. Gudim, L.N. Bezmaternykh, N. Tristan, Yu. Skourski, B. Buechner, C. Hess, R. Klingeler. Phys. Rev. B 75, 224413 (2007).
- [3] R.P. Chaudhury, F. Yen, B. Lorenz, Y.Y. Sun, L.N. Bezmaternykh, V.L. Temerov, C.W. Chu. Phys. Rev. B 80, 104424 (2009).
- [4] А.М. Кадомцева, Ю.Ф. Попов, Г.П. Воробьев, А.П. Пятаков, С.С. Кротов, К.И. Камилов, В.Ю. Иванов, А.А. Мухин, А.К. Звездин, А.М. Кузьменко, Л.Н. Безматерных, И.А. Гудим, В.Л. Темеров. ФНТ **36**, 640 (2010).
- [5] K.-C. Liang, R.P. Chaudhury, B. Lorenz, Y.Y. Sun, L.N. Bezmaternykh, V.L. Temerov, C.W. Chu. Phys. Rev. B 83, 180417(R) (2011).
- [6] Ю.Ф. Попов, А.М. Кадомцева, Г.П. Воробьев, А.А. Мухин, В.Ю. Иванов, А.М. Кузьменко, А.С. Прохоров, Л.Н. Безматерных, В.Л. Темеров. Письма в ЖЭТФ 89, 405 (2009).
- [7] А.А. Демидов, И.А. Гудим, Е.В. Еремин. ЖЭТФ 141, 294 (2012).
- [8] C. Ritter, A. Vorotynov, A. Pankrats, G. Petrakovskii, V. Temerov, I. Gudim, R. Szymczak. J. Phys.: Condens. Matter 20, 365209 (2008).
- [9] D.K. Shukla, S. Francoual, A. Skaugen, M. Zimmermann, H.C. Walker, L.N. Bezmaternykh, I.A. Gudim, V.L. Temerov, J. Strempfer. Phys. Rev. B 86, 224421 (2012).
- [10] А.К. Звездин, Г.П. Воробьев, А.М. Кадомцева, Ю.Ф. Попов, А.П. Пятаков, Л.Н. Безматерных, А.В. Кувардин, Е.А. Попова. Письма в ЖЭТФ 83, 600 (2006).
- [11] E.A. Popova, A.N. Vasiliev, V.L. Temerov, L.N. Bezmaternykh, N. Tristan, R. Klingeler, B. Buchner. J. Phys.: Condens. Matter 22, 116006 (2010).
- [12] R.P. Chaudhury, B. Lorenz, Y.Y. Sun, L.N. Bezmaternykh, V.L. Temerov, C.W. Chu. J. App. Phys. 107, 09D913 (2010).
- [13] A.A. Demidov. Physica B **440**, 73 (2014).
- [14] L.N. Bezmaternykh, V.L. Temerov, I.A. Gudim, N.A. Stolbovaya. Crystallogr. Rep. 50, S97 (2005).
- [15] I.A. Gudim, E.V. Eremin, V.L. Temerov. J. Cryst. Growth 312, 2427 (2010).
- [16] Д.В. Волков, А.А. Демидов, Н.П. Колмакова. ЖЭТФ 131, 1030 (2007).
- [17] А.А. Демидов, Д.В. Волков. ФТТ 53, 926 (2011).
- [18] А.А. Демидов, И.А. Гудим, Е.В. Еремин. ЖЭТФ 142, 928 (2012).
- [19] Ю.В. Герасимова, С.Н. Софронова, И.А. Гудим, А.С. Орешонков, А.Н. Втюрин, А.А. Иваненко. ФТТ 58, 149 (2016).

- [20] А.А. Демидов. Автореф. док. дис. МГУ, М. (2016). 42 с.
- [21] A. Pankrats, G. Petrakovskii, A. Kartashev, E. Eremin, V. Temerov. J. Phys.: Condens. Matter. 21, 436001 (2009).
- [22] A.I. Pankrats, A.A. Demidov, C. Ritter, D.A. Velikanov, S.V. Semenov, V.I. Tugarinov, V.L. Temerov, I.A. Gudim. J. Phys.: Condens. Matter. 28, 396001 (2016).
- [23] А.И. Панкрац, Г.А. Петраковский, Л.Н. Безматерных, В.Л. Темеров. ФТТ **50**, 77 (2008).
- [24] S.A. Kharlamova, S.G. Ovchinnikov, A.D. Balaev, M.F. Thomas, L.S. Lyubutin, A.G. Gavriliuk. XHTP 128, 1252 (2005).
- [25] K.V. Frolov, I.S. Lyubutin, E.S. Smirnova, O.A. Alekseeva, I.A. Verin, V.V. Artemov, S.A. Kharlamova, L.N. Bezmaternykh, I.A. Gudim. J. Alloys Comp. 671, 545 (2016).
- [26] C. Ritter, A.I. Pankrats, A.A. Demidov, D.A. Velikanov, V.L. Temerov, I.A. Gudim. Phys. Rev. B **91**, 134416 (2015).

Редактор Т.Н. Василевская