Смешанная (ионная и дырочная) проводимость кристаллов TI₃VS₄

© Б.В. Беляев, В.А. Грицких, И.В. Жихарев*, С.В. Кара-Мурза, Н.В. Корчикова

Луганский национальный педагогический университет им. Т. Шевченко, 91011 Луганск, Украина

этотт луганск, экраина

* Донецкий физико-технический институт Национальной академии наук Украины,

83055 Донецк, Украина

E-mail: mark@bm.dsip.net

(Поступила в Редакцию 10 ноября 2003 г.)

Предложена модель смешанной (ионной и дырочной) проводимости в кристаллах Tl₃VS₄ при температурах, близких к комнатной. Значительная доля ионной составляющей проводимости (около 70% от общей) объясняется наличием в материале нестехиометрических электрически активных вакансий таллия, акцепторные уровни которых обеспечивают *p*-тип проводимости. Для описания характерной зависимости напряжения на образце от времени в режимах поляризации и деполяризации использовалась диффузионная теория смешанной проводимости, развитая ранее Йокотой. Приведены результаты экспериментальных исследований явлений переноса заряда в Tl₃VS₄ и их обработка в соответствии с теоретической моделью.

Кристаллы класса $Tl_3B^VC_4^{VI}$ ($B^V - V$, Nb, Ta; $C^{VI} - S$, Se), принадлежащие к пространственной группе симметрии *I*43*m*, впервые синтезированы, выращены и описаны Кревекоуэром в 1964 г. [1]. Последющие публикации 70-х годов были посвящены главным образом экспериментальному исследованию их электрических и оптических свойств, причем основное внимание уделялось кристаллам Tl₃VS₄ как наиболее яркому представителю рассматриваемого класса. В середине 80-х годов интерес к Tl₃VS₄ резко возрос в связи с обнаружением уникальных свойств этого соединения: наличие ярко выраженного пьезоэффекта при низких скоростях медленных упругих волн (800-1000 m/s) и малой электропроводности [2-4]. Кроме того, именно в кристаллах Tl₃VS₄ были идентифицированы кристаллографические плоскости и поляризации поверхностных акустических волн (ПАВ) с нулевыми температурными коэффициентами скорости, что позволило предположить перспективность применения данного материала в приборах акустоэлектроники. Вследствие возросшего интереса разработчиков электронной аппаратуры на основе ПАВ к Tl₃VS₄ и другим соединениям этого класса появилось значительное число работ, посвященных проблемам получения крупных монокристаллов и созданию на их основе фильтров и линий задержки на ПАВ [2,3,5]. Однако практическое применение кристаллов Tl₃VS₄ столкнулось с рядом трудностей: отсутствием воспроизводимости и нестабильностью во времени характеристик приборов на основе ПАВ, изменением состояния поверхности подложек и "эффектом переключения" (резким уменьшением сопротивления практически до нуля с последующим его частичным восстановлением). Эти явления (наряду с малым значением упругой постоянной С₄₄ при ее положительном температурном коэффициенте) и особенности температурного хода проводимости на постоянном и переменном токе [6-8] указывают на существенное влияние ионов таллия на свойства материалов класса. Выполненные нами расчеты показали, что ионность связи Tl⁺-(VS₄)³⁻ составляет 75% [9], а

прямые измерения массопереноса привели авторов [10] к выводу о 85% вкладе ионной составляющей в общую проводимость Tl_3VS_4 при температуре 30°С. Однако, несмотря на значительное число работ, связанных с исследованиями механизма электропроводности Tl_3VS_4 , до сих пор не существует убедительной модели переноса заряда в кристаллах этого соединения.

В данной работе предлагается модель смешанной проводимости в Tl_3VS_4 при температурах, близких к комнатной. Кроме того, приводятся новые экспериментальные результаты и ряд количественных характеристик явлений переноса заряда в Tl_3VS_4 .

1. Модель смешанной проводимости TI₃VS₄

Поскольку Tl₃VS₄ проявляет заметную ионную проводимость уже при комнатных температурах, можно считать, что она не связана с термически активированными дефектами структуры. Особенности получения Tl₃VS₄ (имеет место избыток серы по отношению к стехиометрическому составу) позволяют предполагать наличие электрически активных вакансий Tl, акцепторные уровни которых обеспечивают р-тип проводимости соединения. Действительно, трудно допустить существование межузельных ионов серы в плотноупакованной структуре Tl_3VS_4 : комплексные анионы $(VS_4)^{3-}$ образуют ОЦК-решетку, а ионы Tl⁺ центрируют грани и ребра элементарного куба. При этом существуют кристаллографические направления ([200] и эквивалентные ему), в которых ионы таллия располагаются в виде линейной цепочки; наличие же вакансий обеспечивает облегченное перемещение подвижных ионов таллия вдоль указанных каналов. Отметим, что ионная проводимость в изоструктурных соединениях Cu₃VS₄ объяснялась [11] наличием межузельных ионов Cu⁺. Мы считаем, что такое объяснение для Tl₃VS₄ несостоятельно, так как Cu₃VS₄ кристаллизуется в простой кубической структуре $P\bar{4}3m$, а Tl₃VS₄ — в плотноупакованной структуре $I\bar{4}3m$; кроме того, ионный радиус Tl⁺ значительно превышает ионный радиус Cu⁺.

Характерными особенностями протекания постоянного тока в полупроводниках со смешанным типом проводимости являются заметная зависимость от времени распределения потенциала вдоль образца и нелинейность этого распределения. Следует отметить, что такие измерения должны выполняться в отсутствие необратимых процессов, т.е. при величине тока, недостаточной для электролитического осаждения ионов на электродах. Указанные особенности хорошо описываются с помощью диффузионной теории смешанной проводимости, разработанной Йокотой [12]. Теория базируется на положении о квазиэлектронейтральности — любое локальное изменение концентрации подвижных зарядов должно компенсироваться соответствующим изменением концентраций подвижных зарядов других сортов. В общем случае для кристаллов Tl₃VS₄ условие квазиэлектронейтральности равновесных концентраций зарядов может быть записано в виде

$$n_h + N_{i^+} = N_{A^-} + n_{v^-} + n, \tag{1}$$

где n_h — концентрация дырок в валентной зоне, N_{i^+} — концентрация ионизированных донорных уровней межузельных атомов таллия, N_{A^-} — концентрация ионизированных мелких акцепторных уровней примесей, n_{v^-} — концентрация ионизированных акцепторных уровней вакансий таллия, n — концентрация электронов в зоне проводимости.

Будем считать, что вблизи комнатных температур термической активацией дефектов можно пренебречь; кроме того, в рассматриваемом интервале температур можно также пренеберчь величинами n и N_{A^-} (собственная проводимость еще не возбуждена, а мелкие акцепторные уровни полностью ионизованы, но $N_A \ll n_v$ [8]). Тогда (1) принимает вид

$$n_h \cong n_{\nu^-},\tag{2}$$

причем

$$n_{v^-} \cong \alpha n_v, \tag{3}$$

где n_v — равновесная концентрация вакансий таллия, а коэффициент α зависит только от температуры и определяется стандартным выражением

$$\alpha = \left(\frac{N_v}{Vg_v}\exp(E_a/kT) + 1\right)^{-1},\tag{4}$$

 N_v — количество нестехиометрических вакансий Tl в образце, V — объем образца, E_a — энергия активации акцепторных уровней вакансий, g_v — плотность состояний в валентной зоне.

При наложении внешнего слабого электрического поля концентрации вакансий, а следовательно, и дырок становятся функциями координат и времени, отличаясь

от равновесных значений n_v и n_h . Для образца в виде тонкого стержня введем неравновесные концентрации

$$\tilde{n}_v = n_v(x, t), \quad \tilde{n}_h = n_h(x, t),$$
(5)

координата *х* отсчитывается от положительного электрода. Окончательно условие квазиэлектронейтральности для любой точки образца в любой момент времени может быть записано в виде

$$\tilde{n}_h = \alpha \tilde{n}_v. \tag{6}$$

Отметим, что коэффициент α и здесь зависит только от температуры (см. (4)).

Перенос заряда в полупроводниках со смешанным типом проводимости в рамках диффузионной теории описывается уравнениями для плотности тока

$$J = J_i + J_h, \tag{7}$$

$$J_{i} = -\frac{\tilde{n}_{v}\mu_{i}}{e}\nabla\eta_{i} = e\tilde{n}_{v}\mu_{i}E + \mu_{i}kT\frac{\partial n_{v}}{\partial x}, \qquad (8a)$$

$$J_{h} = -\frac{\tilde{n}_{h}\mu_{h}}{e} \nabla \eta_{h} = e\tilde{n}_{h}\mu_{h}E + \mu_{h}kT \frac{\partial\tilde{n}_{h}}{\partial x} \qquad (8b)$$

и уравнениями непрерывности для вакансий

$$\frac{\partial \tilde{n}_v}{\partial t} = \frac{1}{e} \frac{\partial J_i}{\partial x}.$$
(9)

В уравнениях (7)–(9) J_i и J_h — ионная и дырочная составляющие плотности тока J, η_i и η_h — электрохимические потенциалы ионов и дырок соответственно, μ_i и μ_h — подвижности ионов и дырок, которые в рассматриваемых слабо неравновесных условиях считаются не зависящими от координаты и времени, E напряженность электрического поля, которое при малых токах практически однородно.

Кроме того, в уравнениях (8a) и (8b) используется соотношение Эйнштейна для коэффициента диффузии $D = \mu kT/e$.

Напряжение на концах образца при использовании электронных электродов определяется разностью электрохимических потенциалов для дырок. Исключая из уравнений (7), (8) величину E, а также учитывая (3) и (6), для напряжения U при условии J = const можно получить выражение

$$U = \frac{\eta_h(0, t) - \eta_h(L, t)}{e}$$
$$= \frac{J}{\sigma_i + \sigma_h} \int_0^L \frac{dx}{\tilde{n}_v/n_v} + \frac{2kT}{e} \frac{\sigma_i}{\sigma_i + \sigma_h} \ln \frac{\tilde{n}_v(0, t)}{\tilde{n}_v(L, t)}, \quad (10)$$

где $\sigma_i = en_v\mu_i$, $\sigma_h = en_h\mu_h$ — ионная и дырочная электропроводности, причем $\sigma_i + \sigma_h = \sigma$ — полная электропроводность материала.

В совю очередь \tilde{n}_v является решением уравнения (9), которое при соответствующих подстановках сводится к уравнению диффузии с начальными условиями

$$\tilde{n}_v(x,0) = n_v, \quad \tilde{n}_h(x,0) = n_h$$

и граничными условиями для электронных электродов, определяемыми отсутствием электролитического осаждения ионов:

$$J_i(0, t) = J_i(L, t) = 0.$$

При этом

$$\frac{\tilde{n}_v}{n_v} = 1 - 2A\left[\left(\frac{x}{L} - \frac{1}{2}\right) + F\left(\frac{t}{\tau}, \frac{x}{L}\right)\right],\qquad(11)$$

где

$$A = \frac{eJL}{4kT\sigma_h},\tag{12}$$

$$F\left(\frac{t}{\tau},\frac{x}{L}\right) = \frac{4}{\pi^2} \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1)^2 \exp\left[-(2m+1)^2 \frac{t}{\tau}\right]$$
$$\times \cos\left[(2m+1)\pi \frac{x}{L}\right].$$

Характерное время au связано с коэффициентом диффузии ионов D_i соотношением

$$D_i = \frac{L^2 \sigma}{2\pi^2 \tau \sigma_h},\tag{13}$$

а параметр теории A должен быть меньше единицы, что следует из условия положительности \tilde{n}_v в (11). Таким образом, на плотность тока J налагается требование

$$\frac{eJL}{4kT\sigma_h} < 1, \tag{14}$$

которое должно удовлетворяться при выполнении соответствующих измерений.

В стационарном режиме $(t \rightarrow \infty)$

$$\frac{\tilde{n}_v}{n_v} = 1 - 2A\left(\frac{x}{L} - \frac{1}{2}\right),\tag{15}$$

и напряжение на образце

$$U_{\rm st} = \frac{2kT}{e} \frac{\sigma_h}{\sigma_i + \sigma_h} \ln \frac{1+A}{1-A} + \frac{2kT}{e} \frac{\sigma_i}{\sigma_i + \sigma_h} \\ \times \ln \frac{1+A}{1-A} = \frac{2kT}{e} \ln \frac{1+A}{1-A}.$$
(16)

Отметим, что первое слагаемое в (16) представляет собой омическую часть, а второе обусловлено перераспределением ионов (вакансий).

При выключении тока (режим деполяризации) в начальный момент времени напряжение скачком падает до значения

$$U_{d0} = \frac{2kT}{e} \frac{\sigma_i}{\sigma_i + \sigma_h} \ln \frac{1+A}{1-A},$$
 (17)

а затем медленно уменьшается до нуля по закону

$$U_d(t) = \frac{2kT}{e} \frac{\sigma_i}{\sigma_i + \sigma_h} \ln \frac{\tilde{n}(0, t)}{\tilde{n}_v(L, t)},$$
(18)

где $\tilde{n}_v(x, t)$ по-прежнему, является решением уравнения диффузии, но в отсутствие тока во внешней цепи и при начальном напряжении на образце U_{d0}

$$\frac{\tilde{n}_v(x,t)}{n_v} = 1 + 2AF\left(\frac{x}{L}, \frac{t}{\tau}\right).$$
(19)

Таким образом, исследуя зависимость напряжения на образце от времени в режиме поляризации (J = const) и последующей деполяризации (J = 0) при различных температурах, можно определить основные характеристики переноса заряда в образце. Так, например, параметр A и, следовательно, σ_h определяют из (16), а отношение $\sigma_i/(\sigma_i + \sigma_h)$ и, следовательно, σ_i — из (16) и (17):

$$\frac{\sigma_i}{\sigma_i + \sigma_h} = \frac{U_{d0}}{U_{\rm st}}.$$
(20)

В режиме деполяризации по табулированным значениям $F(x/L;t/\tau)$ [12] с помощью (18) легко определить характерное время τ и коэффициент диффузии D_i . Зная величины σ_h , σ_i , D_i , можно найти μ_i , а затем n_v , n_h , μ_h ; температурные же зависимости этих величин позволяют определить соответствующие энергии активации.

2. Экспериментальные результаты

Применимость предложенной модели переноса заряда в Tl_3VS_4 вблизи комнатных температур прежде всего проверялась по отсутствию собственно-дефектной проводимости. Для этого исследовалась температурная зависимость теплоемкости Tl_3VS_4 при постоянном давлении вплоть до температуры плавления (рис. 1). Резкий рост теплоемкости при $T \ge 400^{\circ}C$ связан с поглощением энергии, идущей на образование статистически равновесных дефектов. По наклону характерной зависимости $\ln(T^2 \cdot \Delta C)$ от обратной температуры (рис. 2) была определена энергия активации собственных дефектов $W \cong 4.5 \text{ eV}$. Из рис. 1 видно, что температурная область возбуждения собственно-дефектной



Рис. 1. Зависимость теплоемкости Tl₃VS₄ при постоянном давлении от температуры.

$\sigma_i, 10^{-7}$ $\Omega^{-1} \cdot \mathrm{m}^{-1}$	$\sigma_h, 10^{-7} \ \Omega^{-1} \cdot \mathrm{m}^{-1}$	$\sigma, 10^{-7}$ $\Omega^{-1} \cdot \mathrm{m}^{-1}$	σ_i/σ	$\tilde{n}_v \cong n_h, \\ 10^{17} \mathrm{m}^{-3}$	$\begin{array}{c}\mu_i,10^{-6}\\\mathrm{m}^2\cdot\mathrm{s}^{-1}\cdot\mathrm{V}^{-1}\end{array}$	$\frac{\mu_h, 10^{-7}}{\mathrm{m}^2\cdot\mathrm{s}^{-1}\cdot\mathrm{V}^{-1}}$	$\begin{array}{c} D_i, 10^{-8} \\ \mathrm{m}^2 \cdot \mathrm{s}^{-1} \end{array}$
1.28	0.55	1.8	0.7	6.6	1.9	5	5

Характеристики явлений переноса заряда в Tl₃VS₄

проводимости находится значительно выше комнатных температур и, по-видимому, совпадает с областью возбуждения собственной электронной проводимости $(W/2 \cong E_g,$ где $E_g = 1.9 \text{ eV}$ — ширина запрещенной зоны Tl₃VS₄ [1,8,10]). Таким образом, ионная составляющая проводимости Tl₃VS₄ при комнатных температурах не связана с тепловым возбуждением дефектов, а обеспечивается наличием температурно-независимых дефектов, обуловленных отклонением от стехиометрии в процессе получения материала.



Рис. 2. Зависимость $\ln(T^2 \cdot \Delta C)$ от обратной температуры.

Экспериментальное исследование параметров смешанной проводимости выполнялось в режиме постоянного тока $J \cong 5 \cdot 10^{-8} \,\mathrm{A}/\mathrm{m}^2$. Образец в виде тонкого стержня длиной L = 16 mm и сечением $2 \times 2 \text{ mm}$ помещался в вакуумный термостат, температура которого поддерживалась постоянной регулятором температуры с точностью до 0.1 К. Омические контакты наносились на торцы образца путем термического испарения алюминия в вакууме. Режим постоянного тока поддерживался с помощью нагрузочного сопротивления $R = 2 \cdot 10^{10} \, \Omega$ $(R_{\text{load}} \gg R_{\text{sample}})$. Напряжение на образце после электрометрического усилителя регистрировалось с помощью электронного потенциометра-самописца. Измерялись зависимости напряжения на образце от времени в режимах поляризации (J = const) и деполяризации (J = 0) в температурном интервале 280-306 К.

Обработка экспериментальных кривых поляризации и деполяризации в соответствии с изложенной методикой позволила определить основные характеристики переноса заряда в Tl₃VS₄. В таблице представлены эти характеристики, отнесенные к T = 300 K, на рис. 3 приведены кривые поляризации для T = 286 и 306 K, а на рис. 4 показана температурная зависимость концентрации вакансий n_v .

Обращают на себя внимание практически полное отсутствие зависимости nv от температуры и равенство $n_h \cong n_v$ во всем рассматриваемом интервале температур, что подтверждает корректность предложенной модели переноса заряда, а именно статистическую связь электронной подсистемы с подсистемой дефектов, обусловленных отклонением от стехиометрии. Рост с температурой коэффициента диффузии D_i приводит к закономерной экспоненциальной зависимости подвижности ионов и, следовательно, ионной составляющей электропроводности σ_i (рис. 5). На рис. 5 показаны также зависимости дырочной и полной электропроводностей от обратной температуры. Поскольку $n_h \cong n_v$, экспоненциальный рост σ_h обусловлен лишь соответствующим ростом подвижности дырок μ_h . Другими словами, дырочная проводимость в Tl₃VS₄ вблизи комнатных температур носит прыжковый характер. Энергии активации дырочной, ионной и полной электропроводностей прак-



Рис. 3. Зависимость напряжения поляризации образца Tl_3VS_4 от времени. Сплошными линиями представлены расчетные кривые.



Рис. 4. Зависимость концентрации вакансий от температуры.



Рис. 5. Зависимость проводимости от обратной температуры. *I* — дырочная составляющая, *2* — ионная составляющая, *3* — полная проводимость.

тически совпадают и составляют величину $\cong 0.25 \text{ eV}$, что хорошо согласуется со значениями, полученными ранее другими методами [8,10,12]; доля ионной составляющей $\sigma_i/\sigma = 0.7$ также неплохо согласуется с данными, представленными в [8].

Авторы надеются, что публикация работы возродит интерес к соединениям $Tl_3B^VC_4^{VI}$ и стимулирует их возможное практическое использование.

Список литературы

- [1] C. Crevecouer. Acta Cryst. 17, 757 (1964).
- [2] T.J. Isaacs, M. Gottlieb, M.R. Daniel. J. Electron. Mater. 4, 67 (1975).
- [3] M. Gottlieb, T.J. Isaacs, J.D. Feitchner, G.J. Roland. Appl. Phys. 45, 12, 5145 (1974).
- [4] Б.В. Беляев, С.В. Кара-Мурза, В.П. Ромбах. УФЖ 23, 6, 1038 (1978).
- [5] Т.И. Головнина, В.Н. Зубов, С.В. Кара-Мурза. Материалы 11-й Всесоюз. конф. по акустоэлектронике и квантовой акустике. Душанбе (1981). Ч. П. С. 243.
- [6] В.А. Грицких, С.В. Кара-Мурза, В.А. Коротун, А.Л. Рапопорт. Тез. докл. 1-й Всесоюз. конф. "Материалы оптоэлектроники". Ужгород (1980). С. 78.
- [7] В.И. Валюкенас, В.М. Рубиш, В.В. Химинец, И.Д. Туряница, В.Ф. Микученис, С.Б. Аукялис. Материалы докл. 3-го Научн. сем. "Ионика твердого тела". Вильнюс (1984). С. 55.
- [8] Б.В. Беляев, В.П. Ромбах. В сб.: Физика твердого тела. Киев-Донецк (1975). В. 5. С. 40.
- [9] С.В. Кара-Мурза, В.П. Ромбах. Тез. докл. 1-й Всесоюз. конф. "Актуальные проблемы получения и применения сегнето- и пьезоэлектрических материалов". М. (1981). С. 155.
- [10] K. Wacher, P. Buck. Z. Kristallogr. 172, 121 (1985).
- [11] H. Arribart, B. Sapoval. Electrochem. Acta 24, 751 (1978).
- [12] I. Yokota. J. Phys. Soc. Jap. 16, 11, 2213 (1961).