## 04,05

# Проявление антипересечения уровней энергии в спектрах ЭПР спиновых кластеров

#### © Р.Т. Галеев

Казанский физико-технический институт им. Е.К. Завойского КазНЦ РАН, Казань, Россия

E-mail: galeev@kfti.knc.ru

#### (Поступила в Редакцию 22 июля 2015 г.)

В работе рассчитаны спектры ЭПР связанной двухспиновой системы с сильно анизотропными *g*-факторами. Показано, что в спектрах ЭПР может возникать дополнительная линия поглощения в окрестности антипересечения уровней энергии. Появление линии связывается с усилением нерезонансного поглощения в области антипересечения.

Работа выполнена при частичной финансовой поддержке гранта РФФИ (проект № 13-02-01157), гранта Президента РФ НШ-4653.2014.2, программы фундаментальных исследований Президиума РАН "Электронный спиновый резонанс, спин-зависящие электронные эффекты и спиновые технологии".

### 1. Введение

При моделировании спектров ЭПР двухспинового кластера с сильно анизотропными *g*-факторами  $(g_{x1,2} = g_{y1,2} = 0.1; g_{z1,2} = 19)$  было замечено, что наряду с обычными линиями ЭПР вблизи области антипересечения уровней энергии кластера, может возникать линия поглощения, ширина которой пропорциональна величине антипересечения (см. рис. 1). Отметим также, что величина антипересечения гораздо меньше энергии СВЧ-кванта. Дополнительная линия связана с особенностями нерезонансного поглощения в районе антипересечения и появляется на "хвосте" линий разрешенных ЭПР-переходов. Поэтому для наблюдения заметного эффекта линии ЭПР должны быть сильно однородно уширены. Чем шире линии, тем заметнее эффект.

Особенности, связанные с антипересечением уровней энергии, широко обсуждаются в литературе. Многие из них связаны с эффектом Ландау–Зинера и возникают при быстром прохождении района антипересечения, например, туннелирование намагниченности (см., например, книгу [1]), некоторые связаны с изменением скорости релаксации в окрестности антипересечения и другие эффекты (см., например, [2–4]). В данной работе мы не будем рассматривать особенности, которые могут проявиться при быстром прохождении, а остановимся только на анализе медленного прохождения окрестности антипересечения. Насколько нам известно, анализируемые в работе спектроскопические проявления в области антипересечения в литературе еще не обсуждались.

## 2. Обсуждение

Рассмотрим двухспиновую систему  $S_1 = S_2 = 1/2$  со спин-гамильтонианом

$$H = \beta(\mathbf{S}_1 + \mathbf{S}_2) \{g\} \mathbf{H}_0 + \mathbf{S}_1 \{D\} \mathbf{S}_2, \tag{1}$$

включающим взаимодействие с постоянным магнитным полем и спин-спиновое взаимодействие. Для простоты мы предполагаем, что вклад в спин-спиновое взаимодействие, *g*-тензор имеет сильную анизотропию  $g_{\parallel} \gg g_{\perp}$ , постоянное поле направлено под углом  $\theta$  к оси *Z* в плоскости *XZ* системы координат *g*-тензора, ось дипольдипольного взаимодействия направлена вдоль оси *Z*. Тогда спин-гамильтониан (1) можно представить в виде

$$H = b_z (S_{1z} + S_{2z}) + b_x (S_{1x} + S_{1x}) + D_{zz} S_{1z} S_{2z}, \quad (2)$$

где  $bz = g_z \cos \theta \beta H_0$ ,  $bx = g_x \sin \theta \beta H_0$ . В синглеттриплетном базисе  $(T_+, T_0, S, T_-)$  матрица спин-гамильтониана (2) может быть представлена следующим образом:

$$\begin{pmatrix} b_z + D_{zz}/4 & b_x/\sqrt{2} & 0 & 0\\ b_x/\sqrt{2} & -D_{zz}/4 & 0 & b_x/\sqrt{2}\\ 0 & 0 & -D_{zz}/4 & 0\\ 0 & b_x/\sqrt{2} & 0 & -b_z + D_{zz}/4 \end{pmatrix}.$$
 (3)

Мы полагаем, что выполняются соотношение  $|D_{zz}/2 + b_z| \gg b_x$ , поэтому можно пренебречь примешиванием состояния  $T_+$  к состоянию  $T_0$ . На рис. 1 представлена зависимость уровней энергии от величины постоянного поля  $H_0$ . Нас будут интересовать особенности поглощения в окрестности пересечения уровней энергии, соответствующие состояниям  $T_-$  и  $T_0$ . Взаимодействие с СВЧ-полем для рассматриваемой системы можно представить в виде

$$H_1 = bz_2(S_{1z} + S_{2z}) + bx_2(S_{1x} + S_{1x}),$$
(4)

где  $b_{z_2} = -g_z \sin \theta \beta H_1$ ;  $b_{x_2} = g_x \cos \theta \beta H_1$  для случая, когда  $H_1 \perp H_0$  и находится в плоскости XZ,  $b_{z_2} = g_z \cos \theta \beta H_1$ ;  $b_{x_2} = g_x \sin \theta \beta H_1$  для случая когда  $H_1 \parallel H_0$ .



**Рис. 1.** Зависимость уровней энергии системы со спингамильтонианом (2) от напряженности магнитного поля  $H_0$ . На вкладке в увеличенном виде представлена окрестность антипересечения уровней.

В теории линейного отклика интенсивность поглощения между двумя уровнями пропорциональна разности населенности между уровнями энергии, квадрату матричного элемента гамильтониана взаимодействия с СВЧ-полем (см., например, [5]) и резонансному формфактору

$$I_{ij} \propto (P_i - P_j)(H_1)_{ij}^2 \frac{1/T_2}{(E_i - E_j - h\omega)^2 + (1/T_2)^2}.$$
 (5)

Проанализируем вклад от всех трех сомножителей. В области антипересечения уровней разность населенностей проходит через минимум, поскольку она зависит от величины интервала между уровнями. Резонансный сомножитель проходит через максимум в позициях, где должны быть одноквантовые переходы. Интересно отметить, что вероятность перехода может иметь резкий максимум в области антипересечения уровней эпергии. Это происходит по последующей причине. Вероятность поглощения между состояниями  $\Psi_1$  и  $\Psi_2$  (см. рис. 1) для рассматриваемой системы можно определить из выражения

$$(H_{1\Psi_{1}\Psi_{2}})^{2} = \left(\frac{\sqrt{2b_{x}b_{z2}}}{\sqrt{8b_{x}^{2} + (D_{zz} - 2b_{z})^{2}}} + \frac{b_{x2}(D_{zz} - 2b_{z})}{\sqrt{2}\sqrt{8b_{x}^{2} + (D_{zz} - 2b_{z})^{2}}}\right)^{2}.$$
 (6)

Из выражения (6) получается, что в области пересечения уровней энергии (когда  $D_{zz} = 2b_z$ ) вероятность перехода определяется в основном первым слагаемым и пропорциональна  $b_{z2}^2$  (т.е.  $\propto (g_z \sin \theta \beta H_1)^2$  для случая  $H_1 \perp H_0$ ), а вдали от этой области  $b_{x2}^2$  ( $\propto (g_x \cos \theta \beta H_1))^2$  для случая  $H_1 \perp H_0$ ). Поскольку

 $g_z \gg g_{x,y}$ , то матричный элемент перехода в районе антипересечения уровней энергии может сильно возрастать. Поэтому в спектре ЭПР между двумя разрешенными линиями поглощения может наблюдаться дополнительная линия, см. рис. 2, 3. На указанных рисунках показаны результаты численного моделирования спектров ЭПР. Спектры демонстрируют появление линии поглощения в районе антипересечения уровней энергии между двумя разрешенными линиями поглощения. Из анализа выражения (6) получается, что ширина этой линии зависит от величины антипересечения и



**Рис. 2.** Модельные спектры ЭПР для различных ориентаций поля  $H_0$  в системе координат *g*-тензора  $(H_0 \perp H_1)$ . Магнитрезонансные параметры системы:  $g_z = 19$ ,  $g_{x,y} = 0.1$ ,  $r_{dip-dip} = 3.7$  Å,  $\theta_{dip-dip} = 0^\circ$ ,  $\phi_{dip-dip} = 0^\circ$ . Спектры рассчитаны для следующих направлений поля  $H_0$ :  $\phi = 0^\circ$ , a)  $\theta = 30^\circ$ , b)  $\theta = 40^\circ$ , c)  $\theta = 50^\circ$ , d)  $\theta = 60^\circ$ .



**Рис. 3.** Модельные спектры ЭПР для различных ориентаций поля в системе координат *g*-тензора  $(H_0 \parallel H_1)$ . Магнитнорезонансные параметры системы те же, что и в подписях к рис. 2.

пропорциональна величине  $g_x \sin \theta$  и уменьшается при уменьшении угла между направлением оси Z g-тензора и направлением поля. Квадрат матричного элемента перехода пропорционален величине  $(g_z \sin \theta)^2$ . Поэтому интенсивность нерезонансной линии уменьшается при умешьшении угла между направлением оси Z g-тензора и направлением поля как за счет уменьшения разности населенностей, так и за счет уменьшения матричного элемента перехода. На рис. 3. показаны спектры ЭПР в параллельных полях  $(H_1 \parallel H_0)$ . Для этого случая квадрат матричного элемента перехода пропорционален величине  $(g_z \cos \theta)^2$  и с уменьшением угла  $\theta$  его величина растет, а уменьшение интенсивности населенностей.

## 3. Заключение

Мы рассмотрели эффект, который может проявиться в спиновых кластерах с сильно анизотропными *g*-факторами, для которых линии поглощения имеют сильное однородное уширение, так что в районе антипересечения уровней энергии имеется небольшое нерезонансное поглощение. Другими словами, обсуждаемая особенность происходит на "хвосте" линии поглощения, которая медленно спадает в окрестности антипересечения уровней энергии. Поглощение может существенно усилиться за счет увеличения взаимодействия магнитного момента системы с СВЧ-полем в районе антипересечения вследствие сильной магнитной анизотропии ( $g_z \gg g_{xy}$ ).

В работе рассмотрена простая модельная система, в которой случается одно антипересечение уровней энергии. Для более сложных систем со множественными антипересечениями также ожидается появления дополнительных линий в районе антипересечения.

Мы рассмотрели случай кластера с сильно анизотропным g-фактором. В нем обсуждаемые особенности наиболее ярко выражены. Однако и в случае системы с изотропным g-фактором имеется особенность в районе антипересечения, но она слабо проявляется.

Автор благодарен К.М. Салихову и В.К. Воронковой за полезные обсуждения работы.

## Список литературы

- Molecular magnets, physics and applications / Ed J. Bartolomé, F. Luis, J.F. Fernández. Springer-Verlag–Berlin–Heidelberg. (2014). 395 p.
- [2] R.R. Rakhimov, H.D. Horton, D.E. Jones, G.B. Loutts, H.R. Ries. Chem. Phys. Lett. 319. 639 (2000).
- [3] B.Z. Malkin, M.V. Vanyunin, B. Barbara, S. Bertaina. J. All. Comp. 451, 473 (2008).
- [4] G.S. Shakurov, M.V. Vanyunin, B.Z. Malkin, B. Barbara, R.Yu. Abdulsabirov, S.L. Korableva. Appl. Magn. Res. 28, 251 (2005).
- [5] K.M. Salikhov, C.H. Bock, D. Stehlik. Appl. Magn. Res. 1, 195 (1990).