## 15

## Модель контролируемого высвобождения лекарств из функционализованных магнитных наночастиц негреющим переменным магнитным полем

© Ю.И. Головин<sup>1-3</sup>, Н.Л. Клячко<sup>2,3</sup>, С.Л. Грибановский<sup>1,2</sup>, Д.Ю. Головин<sup>1</sup>, А.Г. Мажуга<sup>2,3</sup>

<sup>1</sup> Наноцентр, Тамбовский государственный университет им. Г.Р. Державина

<sup>2</sup> Московский государственный университет им. М.В. Ломоносова <sup>3</sup> Национальный исследовательский технологический университет "МИСиС"

E-mail: golovin@tsu.tmb.ru

Поступило в Редакцию 17 марта 2015 г.

Описана магнитогидродинамическая модель контролируемого высвобождения лекарственных макромолекул из транспортных магнитных наночастиц, покрытых полимерной оболочкой, под действием низкочастотного (< 1 kHz) негреющего магнитного поля.

Контролируемое высвобождение (КВ) лекарств и генов из транспортных модулей нанометровых размеров — один из ключевых элементов концепции адресной доставки лекарств [1]. Известно несколько подходов к КВ: изменение pH среды, светодинамическое и ультразвуковое стимулирование, магнитная гипертермия (МГ) в радиочастотном (0.2–0.8 MHz) магнитном поле и др. [1,2]. Все они обладают теми или иными недостатками (в частности, для большинства характерны недостаточная локальность и селективность, побочные эффекты и др.), что ограничивает потенциал их применения.

В ряде работ, нацеленных на развитие техники МГ [3–6], было установлено, что биохимический отклик системы обусловлен не только тепловыделением в магнитных наночастицах (МНЧ), но и какимито другими, нетепловыми факторами, которые авторы обозначали как "механические", "вибрационные", "ультразвуковые", не уточняя конкретных механизмов. В работах нескольких групп [7–9] с целью

89

снижения разогрева МНЧ в переменном магнитном поле (ПМП) до пренебрежимо малого уровня и усиления "механических" факторов частоту f ПМП сознательно выбирали на 4-5 порядков ниже, чем для МГ. Поскольку в первом приближении нагрев пропорционален f, им заведомо можно пренебречь при f < 1 kHz. В качестве носителей лекарственных макромолекул (ЛМ) используют различные объекты: наномикрокапсулы, дендримеры, МНЧ и др. В случае оболочечных носителей рассчитывают на разрыхление/деструкцию мембраны при осцилляциях МНЧ в ПМП и, как следствие, увеличение проницаемости оболочки или ее полное разрушение. В [10] описаны соответствующие магнитомеханические модели. Для носителей на основе МНЧ, покрытых оболочкой из длинных, хаотически расположенных полимерных молекул, рассматривали возможность вымывания ЛМ, предварительно загруженных в эту структуру, в процессе осцилляции МНЧ в ПМП [9]. Однако детальной теории или количественных моделей подобных процессов пока не разработано.

В данной работе обсуждается физическая модель возможных процессов контролируемого высвобождения ЛМ из носителей на основе МНЧ, покрытых полимерной оболочкой, с помощью однородного низкочастотного (негреющего) ПМП. Понимание механизмов КВ позволяет сформулировать требования к составу и дизайну комплексов на основе МНЧ и оптимизировать параметры ПМП. Носитель может представлять собой наноструктуру core-shell, содержащую магнитное ядро (собственно МНЧ), покрытое золотой оболочкой, к которой легко пришить ковалентной связью необходимые полимерные лиганды (рис. 1). Молекулы активного вещества (лекарства, ферменты, ингибиторы, ДНК и др.) могут располагаться между полимерными цепями и прикрепляться к ним за счет различных взаимодействий и связей. Целесообразно рассматривать связи, энергия которых U<sub>b</sub> достаточна для длительного удержания ЛМ в условиях тепловых колебаний, случайных столкновений МНЧ между собой, вариаций рН среды и др. Вместе с тем величина U<sub>b</sub> должна позволять реализовать выгрузку ЛМ из полимерной шубы при движении МНЧ под действием ПМП. Этому условию удовлетворяют ван-дер-ваальсово и электростатическое взаимодействие ЛМ и лигандов, а также водородные связи. Простые оценки показывают, что ковалентные связи для этого слишком прочны.

При ван-дер-ваальсовой связи энергетический профиль вдоль лиганда (рис. 1) имеет почти плоское дно со случайными возмущениями,



**Рис. 1.** Энергетический профиль взаимодействия (1 — ван-дер-ваальсова связь; 2 — водородная или кулоновская связь) лекарственной макромолекулы с полимерными молекулами шубы длиной  $l_p$ . На врезке — схема строения функционализованной магнитной наночастицы.

создаваемыми локальными взаимодействиями соседних лигандов, их локальной кривизной и др. На этом фоне могут возникать небольшие ямки, обусловленные автолокализацией ЛМ на полимерном лиганде. При наличии водородных связей или электростатического взаимодействия ЛМ с лигандом эти ямки будут иметь бо́льшую величину (кривая 2) и регулярность. Слева профиль заканчивается почти вертикальной стеной, возникающей при достижении ЛМ поверхности МНЧ, а справа — барьером конечной высоты, который определяется энергией отрыва ЛМ от лиганда.

При включении ПМП магнитный момент частицы  $\mu$  будет стремиться сориентироваться по направлению вектора **В**. В дальнейшем будем рассматривать брауновский механизм релаксации, когда направление  $\mu$ 

изменяется путем механического поворота всей МНЧ, в отличие от альтернативного неелевсого механизма, предполагающего поворот магнитных моментов атомов в практически неподвижной МНЧ. Для наиболее часто используемых в биомедицинских приложениях магнетитовых частиц брауновская релаксация реализуется при радиусе магнитного ядра  $R_m > R_c \approx 6$  mm. МНЧ при этом приходит во вращательно-колебательное движение, вследствие чего дно энергетического профиля приобретает наклон, который возникает из-за действия на ЛМ сил гидродинамического сопротивления  $F_{HD}$ . Принципиально важно, что эти силы всегда направлены от МНЧ, хотя и меняют свое направление при осцилляции ПМП. Уравнение движения МНЧ при этом

$$I\ddot{\varphi} = \mu B \sin(\omega t) \sin \varphi - 8\pi \eta V_{HD} \dot{\varphi}, \qquad (1)$$

где  $\varphi$  — угол между вектором магнитного момента МНЧ и направлением ПМП в четных полупериодах,  $\omega = 2\pi f$ ,  $\eta$  — вязкость среды, I — момент инерции МНЧ,  $V_{HD}$  — ее гидродинамический объем. Характерная частота, ниже которой инертными свойствами частиц можно пренебречь, определяется равенством  $I\omega_I^2 = \mu B$ . Для МНЧ с  $R_m \sim 10$  nm, золотой оболочкой толщиной  $\sim 5$  nm и гидродинамическим радиусом  $R_{HD} \sim 30$  nm  $\omega_I \sim 10^7 \, {\rm s}^{-1}$  в поле с  $B \sim 0.1$  T. При  $\omega \ll \omega_I$  уравнение (1) приобретает вид

$$\dot{\varphi} = \omega_c \sin(\omega t) \sin \varphi. \tag{2}$$

Здесь параметр  $\omega_c = \mu B/(8\pi\eta V_{HD})$  имеет смысл характерной частоты, выше которой вязкое сопротивление будет оказывать существенное влияние на движение частицы. Для той же МНЧ в водной (или близкой по вязкости) среде  $\omega_c \sim 10^4 \,\mathrm{s}^{-1}$  при  $B \sim 0.1 \,\mathrm{T}$ . Решение уравнения (2) описывает периодическое вращательное движение МНЧ с возвращением через полный период к своему начальному состоянию без учета тепловых флуктуаций. В действительности в течение времени  $\tau \approx 2kT/(\omega\mu B)$  тепловые колебания МНЧ вызовут неопределенность ее углового положения  $\langle \phi^2 \rangle = kT\tau/(8\pi\eta V_{HD})$ . Для МНЧ, упоминавшихся выше,  $\tau \sim 10^{-6} \,\mathrm{s}$  и  $\langle \phi^2 \rangle^{1/2} \sim 0.1$  при  $\omega \approx 10^3 \,\mathrm{s}^{-1}$ . Следствием этого станет симметризация вращательно-колебательного движения МНЧ относительно направления магнитного поля за несколько периодов его колебаний. Уравнение установившегося движения имеет вид

$$\operatorname{tg}\frac{\varphi}{2} = \exp\left(-\frac{\omega_c}{\omega}\cos\omega t\right). \tag{3}$$

Размах колебаний углового положения частицы составляет  $\Delta \varphi = 4 \arctan (\exp(\omega_c/\omega)) - \pi$ . При  $\omega \ll \omega_c$  МНЧ совершает резкие перевороты в стиле flip-flop, переориентируясь скачком вдоль направления поля после того, как оно поменяет знак. При  $\omega \gg \omega_c$  колебания МНЧ будут малы и близки к гармоническим:  $\varphi = \pi/2 - (\omega_c/\omega) \cos \omega t$ .

В процессе движения МНЧ в ПМП на ЛМ действует гидродинамическая сила, которую можно оценить по формуле Стокса:  $F_{HD} = 6\pi\eta R_{mol}R_{HD}\dot{\phi}$ , где  $R_{mol}$  — гидродинамический радиус ЛМ. Согласно (2),  $\dot{\phi}(t) \leq \omega_c$ , отсюда для ЛМ с  $R_{mol} = 2.5$  nm в водной среде получаем максимальную величину  $F_{HD} \approx 0.1$  pN. Из уравнения (3) следует, что  $\dot{\phi}$  достигает  $\omega_c$  при  $\omega > \omega_c$ , а при  $\omega \ll \omega_c$  максимальная величина  $\dot{\phi}$  растет с частотой как  $(\omega\omega_c)^{1/2}$ . Отсюда также следует, что при  $\omega > \omega_c$  максимальная величина  $F_{HD}$  не зависит от  $\eta$ , а при  $\omega \ll \omega_c$ зависит как  $\eta^{1/2}$ .

При появлении гидродинамической силы вероятность  $p_1$  перескока ЛМ в соседнюю потенциальную ямку в направлении к центру МНЧ становится меньше, чем от центра  $p_2$  (рис. 1). Их отношение определяется выражением

$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{\exp((E_r - dF_{HD})/kT)}{\exp((E_r + dF_{HD})/kT)} = \exp(-\frac{2dF_{HD}}{kT}).$$
 (4)

Здесь E<sub>r</sub> — глубина ямки, d — расстояние между соседними ямками. Поскольку  $dF_{HD} \ll kT$  при любом реалистичном  $d \ (0.5-5 \text{ nm})$ , получаем  $p_1/p_2 \approx 1 - 2dF_{HD}/(kT)$ ,  $\Delta p = p_2 - p_1 \approx dF_{HD}/(kT)$ . Время высвобождения ЛМ может быть оценено с использованием результатов классической вероятностной задачи о случайном блуждании [11]. Характерное обратное время выхода ЛМ, т.е. достижения ими внешнего конца лиганда при начальном положении в его середине, в отсутствие поля  $(\Delta p = 0)v_0 = 2/N^2$  (N — число ямок на потенциальном профиле). При наличии ПМП возникает направленная миграция ЛМ с обратным временем  $v = 2\Delta p/N$ . Таким образом, воздействие ПМП приводит к увеличению скорости вымывания ЛМ (количество молекул, покидающих комплекс в единицу времени) в  $(v_0 + v)/v_0 = 1 + \Delta pN$ раз. В частности, при d = 0.5 nm и  $F_{HD} = 0.1$  pN получаем  $\Delta p = 0.02$ , что при N = 50 приводит к ее двукратному увеличению. Графики кинетики вымывания ЛМ, построенные по результатам компьютерного моделирования для N = 50, представлены на рис. 2. При моделировании предполагалось, что лекарство изначально распределено равномерно



**Рис. 2.** Семейство кривых кинетики высвобождения лекарственных макромолекул при следующих значениях параметра  $\Delta p$  (различия вероятностей случайного перехода молекулы в соседнюю потенциальную яму в наружную сторону и в сторону магнитного ядра): 1 - 0, 2 - 0.02, 3 - 0.05, 4 - 0.1, 5 - 0.2. По вертикали — количество высвобожденного лекарства *n*, нормированное на общее количество загруженного лекарства  $n_0$ , по горизонтали — время *t*, нормированное на время  $t_0$  вымывания половины лекарственных молекул из комплекса в отсутствие магнитного поля (кривая 1).

по длине лиганда, а при достижении основания лиганда следующий переход ЛМ совершает в обратном направлении. Отметим, что при взаимодействии ЛМ с двумя или более лигандами вымывающая сила может превысить  $F_{HD}$  во столько раз, во сколько боковая поверхность лигандов, взаимодействующих с ЛМ, больше ее сечения, что приведет к пропорциональному увеличению скорости вымывания.

Таким образом, при  $\omega \ll \omega_c$  относительное увеличение скорости КВ при наличии поля следующим образом зависит от рассматриваемых параметров:  $v/v_0 \sim (\omega \eta B)^{1/2} (R_m/R_{HD})^{3/2} N$ . Из этого следует, что для получения максимального эффекта следует увеличивать поле, размеры магнитного ядра и длину лигандов, а частоту выбирать вблизи критического значения  $\omega_c$ .

Наномеханическая активация биосистем с помощью оптимизированных МНЧ и однородного ПМП (в частности, контролируемое высвобождение ЛМ из носителей) может как использоваться самостоятельно, так и сочетаться с магнитной гипертермией, что определяется надлежащим выбором частоты ПМП. В отличие от МГ, магнитомеханическая активация требует более безопасного низкочастотного ПМП и может быть локализована на молекулярном уровне. Она слабо зависит от концентрации МНЧ, что снижает риск передозировки.

Работа выполнена при поддержке гранта Министерства образования и науки РФ К1-2014-022 (разработка модели) и Российского научного фонда 14-13-00731 (проведение компьютерных вычислений).

## Список литературы

- Drug Delivery Systems. Series: Methods in Molecular Biology / Ed. by Jain K.K. New York: Springer, 2014. V. 1141. 280 p.
- [2] Zhang H., Wang G., Yang H. // Expert Opinion Drug Delivery. 2011. V. 8(2).
  P. 171–190.
- [3] Creixell M., Bohorquez A.C., Rinaldi C. // ACS Nano. 2011. V. 5(9). P. 7124– 7129.
- [4] Asin L., Ibarra M.R., Tres A., Goya G.F. // Pharm. Res. 2012. V. 29. P. 1319– 1327.
- [5] Domenech M., Marrero-Berrios I., Rinaldi C. // ACS Nano. 2013. V. 7(6).
  P. 5091–5101.
- [6] Goya G.F., Asin L., Ibarra M.R. // Int. J. Hyperthermia. Early Online. 2013. P. 1–9.
- [7] Nappini S., Bonini M., Bombelli F.B. et al. // Soft Matter. 2011. V. 7. P. 1025– 1037.
- [8] Dobson J. // Nature Nanotechnology. 2008. V. 3. P. 139-143.
- [9] Vitol E.A., Novosad V., Rozhkova E.A. // Nanomedicine. 2012. V. 9. P. 1611– 1624.
- [10] Головин Ю.И., Клячко Н.Л., Грибановский С.Л., Головин Д.Ю., Самодуров А.А., Мажуга А.Г., Сокольски-Папков М., Кабанов А.В. // Письма в ЖТФ. 2015. Т. 41 (9). С. 96–103.
- [11] Ширяев А.Н. Вероятность. В 2 кн. М.: МЦНМО, 2004. 928 с.