## 07,14

# Энергетика механического разрушения срединных радикалов

© Н.Г. Квачадзе, Э.Е. Томашевский, В.В. Жиженков

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург, Россия E-mail: nina.kvachadze@mail.ioffe.ru

(Поступила в Редакцию 29 апреля 2015 г.)

Проведены расчеты растяжения до разрыва модельного фрагмента срединного радикала в жесткой полимерной матрице. Оценены силовые и энергетические характеристики разрушения радикалов и образования двойных связей. Определены значения энергии диссоциации и прочности C<sub>β</sub>-C<sub>γ</sub>-связей для транс- и гош-конформеров радикалов. Установлено, что вероятность разрушения β-связей существенно зависит от конформационного строения макрорадикалов.

### 1. Введение

В кинетике механического разрушения полимеров особая роль принадлежит срединным макрорадикалам. Макрорадикалы срединного типа являются одним из основных продуктов низкотемпературного радиолиза полимеров. В радикалах сохраняется целостность углеродного остова. Однако наличие свободного валентного электрона приводит к ускоренному разрушению соседних связей С-С из-за инициализации реакции образования двойных связей. С увеличением дозы облучения и концентрации радикалов прочность полимеров уменьшается. Закономерности снижения прочности облученных при низкой температуре волокон из полиэтилена, полипропилена и поликапроамида изучены в работах [1–3].

При разрыве срединного радикала возникает группа с двойной связью и образуется концевой радикал. Это удалось зарегистрировать методом ЭПР [4,5] в процессе дробления предварительно облученных образцов полиэтилена. Образцы, содержавшие достаточно большие концентрации срединных радикалов, измельчались в инертной среде при температуре жидкого азота.

Кинетика распада срединных радикалов при умеренных температурах анализировалась с позиций квантовой химии [6]. Аналитический расчет предела прочности β-связи в радикале полиэтилена выполнен в работе [7]. Конформационные особенности строения радикала не рассматривались.

Для детального анализа энергетики разрушения срединных макрорадикалов необходимо привлечение неэмпирических методов расчета, основанных на теории функционала электронной плотности. В настоящей работе проведены модельные расчеты растяжения до разрыва срединного радикала методом функционала плотности (DFT) в приближении UB3LYP с расширенным набором базисных функций 6-311G(d, p), включающим d-орбитали для атомов углерода и p-орбитали для атомов водорода [8,9], с использованием программы GAMESS [10]. В качестве упрощенной модели макрорадикала был выбран радикал

$$CH_3-C_{\alpha}H-C_{\beta}H_2-C_{\gamma}H_2-C_{\delta}H_3.$$

Конформационное состояние радикала задавалось вращением группы CH<sub>3</sub>CH— вокруг связи  $C_{\alpha}-C_{\beta}$ . Значения конформационного угла  $\varphi$  были выбраны равными 0, 45 и 90°. Рассчитывались геометрические параметры (длины связей, валентные углы) и полная потенциальная энергия в свободном и деформированном состояниях.

На рис. 1 приведена схема растяжения фрагмента. Деформирование осуществлялось либо растяжением связи  $C_{\beta}-C_{\gamma}$  вдоль  $r_{\beta}$ , либо растяжением фрагмента  $C_{\alpha}-C_{\beta}-C_{\gamma}$  вдоль *L*. Конформация радикала при этом сохранялась неизменной.

#### 2. Результаты расчетов

2.1. Геометрия радикала. В табл. 1 приведены результаты расчетов основных геометрических параметров фрагмента радикала  $-\dot{C}_{\alpha}H_{\alpha}-C_{\beta}H_{\beta1}H_{\beta2} C_{\gamma}H_{\gamma1}H_{\gamma2}-$  для транс- ( $\phi = 0^{\circ}$ ) и гош- ( $\phi = 45$  и 90°) конформаций. В транс-конформации 2*p*-орбиталь неспаренного электрона расположена под прямым углом к плоскости атомов  $C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$ , в гош-конформере при  $\phi = 90^{\circ}$  она лежит в плоскости  $C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$ . От углового положения 2*p*-орбитали зависит ее перекрывание с орбиталями соседних связей  $C_{\alpha}-C_{\beta}$  и  $C_{\beta}-C_{\gamma}$ .



Рис. 1. Схематическое изображение деформирования фрагмента радикала.

$\angle arphi,~^\circ$	$r_{\alpha}$ , Å	$r_{\beta}, \mathrm{\AA}$	$r(C_{\alpha}-H_{\alpha}), A$	$r(C_{\beta}-H_{\beta 1}), A$	$r(C_{\beta}-H_{\beta 2}), A$	$\angle C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}, \circ$	$\angle H_{\beta}C_{\beta}H_{\beta}, \ ^{\circ}$
0	1.490	1.532	1.083	1.102	1.102	113.9	104.2
45	1.491	1.540	1.082	1.103	1.095	113.6	105.5
90	1.491	1.549	1.083	1.096	1.096	113.4	106.7

Таблица 1. Геометрические параметры радикала в разных конформациях

Примечание. Длины связей С $_{\alpha}$ -С $_{\beta}$  и С $_{\beta}$ -С $_{\gamma}$  обозначены  $r_{\alpha}$  и  $r_{\beta}$  соответственно (см. рис. 1).

Результаты расчетов показывают, что неспаренный электрон в срединном радикале, находящемся в свободном ненагруженном состоянии, оказывает ослабляющее воздействие на соседние связи  $C_{\beta}-H_{\beta}$  и  $C_{\beta}-C_{\gamma}$ . Длина этих связей увеличивается, что предполагает смещение части электронной плотности валентных электронов к неспаренному электрону. Конформационное изменение длины  $\beta$ -связей в радикалах невелико и достигает примерно 1%. Так, для радикалов в различных конформациях  $r_{\beta} = 1.532 - 1.549$  Å,  $r(C_{\beta}-H_{\beta}) = 1.095 - 1.103$  Å.

2.2. Деформации и разрушение радикалов. 2.2.1. Растяжение связи  $C_{\beta}-C_{\gamma}$ . Деформацию связи  $r_{\beta}$  задавали увеличением расстояния между атомами С<sub>в</sub> и С<sub>v</sub>. Результаты расчетов показали, что селективное растяжение единичной связи приводит к изменению ряда геометрических параметров радикалов. В табл. 2 представлены данные, полученные для радикала в гош-конформации с углом  $\phi = 90^{\circ}$ . Растяжение связи С<sub>β</sub>-С<sub>γ</sub> сопровождается заметным уменьшением длины связей  $C_{\alpha}-C_{\beta}$ ,  $C_{\gamma}-C_{\delta}$ ,  $C_{\beta}-H_{\beta}$  и  $C_{\gamma}-H_{\gamma}$ , а также увеличением валентных углов  $\angle H_{\beta}C_{\beta}H_{\beta}$  и  $\angle H_{\gamma}C_{\gamma}H_{\gamma}$  и двугранных углов  $\angle C_{\alpha}C_{\beta}H_{\beta}H_{\beta}$  и  $\angle C_{\delta}C_{\gamma}H_{\gamma}H_{\gamma}$ , характеризующих изменение пирамидальности строения радикалов. Совокупность полученных данных показывает, что по мере растяжения связи С<sub>р</sub>-С<sub>у</sub> происходит постепенное изменение гибридизации орбиталей (от  $sp^3 \kappa sp^2$ ) атомов С<sub>в</sub> и С<sub>у</sub> и образование негибридных компонент малой интенсивности  $2p(C_{\beta})$  и  $2p(C_{\gamma})$ . Взаимодействие неспаренного электрона срединного радикала  $2p(C_{\alpha})$  с орбиталью  $2p(C_{\beta})$  атома  $C_{\beta}$  приводит к сжатию связи  $C_{\alpha}-C_{\beta}$ .

Разрыв связи  $C_{\beta}-C_{\gamma}$  завершается образованием свободного концевого радикала  $\dot{C}_{\gamma}H_2-C_{\delta}H_3$  и группы с двойной связью  $CH_3-C_{\alpha}H = C_{\beta}H_2$ . В радикале с конформационным углом  $\varphi = 90^{\circ}$  процесс образования двойной связи облегчается, поскольку компоненты  $2p(C_{\alpha})$  и  $2p(C_{\beta})$  одинаково ориентированы относительно друг друга. В радикалах гош-конформации с конформационным углом  $\varphi = 45^{\circ}$  и транс-конформации с конформационным углом  $\varphi = 45^{\circ}$  и транс-конформации с  $\varphi = 0^{\circ}$  угловое расположение орбиталей  $2p(C_{\alpha})$  и  $2p(C_{\beta})$  оказывается различным. Образование двойной связи в этих радикалах достигается за счет вращения группы  $C_{\beta}H_{\beta 1}H_{\beta 2}$  вокруг связи  $C_{\alpha}-C_{\beta}$  на угол  $\varphi$  ( $\varphi = 45^{\circ}$  или  $90^{\circ}$ ), обеспечивающий полное перекрывание орбиталей  $2p(C_{\alpha})$  и  $2p(C_{\beta})$ .

В результате расчетов были получены диаграммы нагружения радикалов при растяжении связи C<sub>β</sub>-C<sub>γ</sub>.

На рис. 2 показаны кривые изменения упругой энергии радикалов  $W_r(\Delta r_\beta/r_{\beta 0})$  (рис. 2, *a*) и относительного изменения длины  $C_\alpha - C_\beta$  (рис. 2, *b*) в процессе деформации связи  $C_\beta - C_\gamma$  для радикалов разной конформации. На рис. 3 приведена зависимость растягивающей силы  $F_r(\Delta r_\beta)$  от деформации связи  $C_\beta - C_\gamma$ . Из полученных данных следует, что энергетические и силовые характеристики деформирования и разрушения зависят от конформационного строения радикалов. С увеличением конформационного угла уменьшаются предел прочности  $F_r(\text{max})$ , энергия разрушения  $W_r(\text{max})$ , а также модуль упругости. На образование двойной связи при разрыве радикала требуется энергия величиной 28–30 kcal/mol. Разрушение радикалов происходит, когда энергия деформации  $W_r(\Delta r)$  становится равной или превосходит эту



**Рис. 2.** Зависимость упругой энергии (*a*) и относительной деформации связи  $r_a$  (*b*) от относительного изменения длины связи  $C_\beta - C_\gamma$  для радикалов разной конформации,  $\varphi = 0$  (*1*), 45 (*2*), 90° (*3*).

Парамотр	$\Delta r_{\beta}/r_{\beta 0}, \%$									
Параметр	0	10	20	30	40	50	60	70		
$r_{\alpha}$ , Å	1.492	1.478	1.458	1.429	1.392	1.358	1.343	1.336		
$r(C_{\gamma}-C_{\delta}), \text{ Å}$	1.531	1.524	1.516	1.509	1.503	1.497	1.493	1.490		
$r(C_{\beta}-H_{\beta}), r(C_{\gamma}-H_{\gamma}), Å$	1.096	1.093	1.091	1.088	1.085	1.083	1.083	1.083		
$\angle C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}, \circ$	114	113	112	111	110	110	111	112		
$\angle H_{\beta}C_{\beta}H_{\beta}, \angle H_{\gamma}C_{\gamma}H_{\gamma}, ^{\circ}$	106	108	110	112	114	115	116	117		
$\angle C_{\alpha}C_{\beta}H_{\beta}H_{\beta}, \circ$	119	124	129	137	148	160	168	173		
$\angle C_{\delta}C_{\gamma}H_{\gamma}H_{\gamma}, \circ$	119	123	128	132	138	146	153	160		

**Таблица 2.** Геометрические параметры деформируемого радикала в конформации  $\phi = 90^\circ$ 

величину. Разрушение радикалов сопровождается релаксацией или сбросом избыточной энергии при больших деформациях. Результаты оценок энергии разрушения  $W_r(\max)$  и предела прочности  $F_r(\max)$  радикалов приведены ниже:

для транс-конформера ( $\phi = 0^\circ$ )

$$W_r(\max) = 80 \text{ kcal/mol}, \quad F_r(\max) = 0.60 \text{ mdyn},$$

для гош-конформера ( $\phi = 45^{\circ}$ )

 $W_r(\max) = 40 \text{ kcal/mol}, \quad F_r(\max) = 0.52 \text{ mdyn},$ 

для гош-конформера ( $\phi = 90^\circ$ )

 $W_r(\max) = 30 \text{ kcal/mol}, \quad F_r(\max) = 0.44 \text{ mdyn}.$ 

Как следует из полученных данных, наибольшие различия наблюдаются в энергиях разрушения радикалов. Отметим, что энергия диссоциации связи C-C в молекуле  $C_5H_{12}$  с образованием двух концевых радикалов должна



**Рис. 3.** Зависимость растягивающей силы от деформации связи  $C_{\beta}-C_{\gamma}$  для радикалов различной конформации.  $\varphi = 0$  (1), 45 (2), 90° (3).

быть больше, чем в транс-радикале. Согласно оценкам в рамках расчетной программы, энергия диссоциации молекулы составляет 100–110 kcal/mol.

2.2.2. Растяжение связи  $C_{\alpha}-C_{\beta}$ . Увеличение расстояния между атомами  $C_{\alpha}$  и  $C_{\beta}$  при нагружении радикала уменьшает перекрывание 2*p*-орбитали неспаренного электрона с 2*p*-компонентой орбитали атома  $C_{\beta}$ , что препятствует образованию двойной связи. Об ослаблении влияния неспаренного электрона можно судить по изменению изотропного сверхтонкого вза-имодействия (СТВ) с  $\beta$ -протонами и ядрами  ${}^{13}C_{\gamma}$  в конформации плоского транс-зигзага [11]. Нами были рассчитаны константы СТВ и их изменение для радикала  $C_5H_{11}$  в гош-конформации с углом  $\varphi = 90^{\circ}$ . Деформация задавалась увеличением длины связи  $r_{\alpha}$  при фиксированных значениях других геометрических параметров.

В результате расчетов получены следующие соотношения, характеризующие зависимость констант СТВ  $a_{\gamma}^{C}$  и  $a_{\beta 1,2}^{H}$  от относительной деформации связи  $r_{\alpha}$ :

$$\begin{split} a_{\gamma}^{\rm C}(\Delta r/r_0) &= a_{\gamma}^{\rm C}(0)(1-3.5\Delta r/r_0), \\ a_{\beta}^{\rm H}(\Delta r/r_0) &= a_{\beta}^{\rm H}(0)(1-4.0\Delta r/r_0), \end{split}$$

где  $a_{\gamma}^{\rm C}(0) = 25 \,\mathrm{G}, \, a_{\beta}^{\rm H}(0) = 11 \,\mathrm{G}.$ 

Значения констант  $a_{\gamma}^{\rm C}$  и  $a_{\beta}^{\rm H}$ , формирование которых обусловлено механизмом сверхсопряжения, существенно уменьшаются при растяжении связи  $r_{\alpha}$ . При относительной деформации  $\Delta r/r_0 = 10\%$  эти константы уменьшаются в 1.7–2 раза. В той же мере ограничивается возможность образования двойной связи в деформированном радикале гош-конформации.

2.2.3. Растяжение фрагмента  $C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$ . Напряженное состояние фрагмента  $C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$  задавалось увеличением расстояния между атомами  $C_{\alpha}$  и  $C_{\gamma}$ . После каждого шага деформации производилась оптимизация геометрии радикала при условии сохранения мультиплетности (M = 2). Были рассчитаны деформации связей  $C_{\alpha}-C_{\beta}$ ,  $C_{\beta}-C_{\gamma}$  и валентного угла  $\angle C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$ , оценена энергия деформации  $W_L$  и величина упругой силы  $F_L$ . Результаты расчетов для гош-конформера ( $\varphi = 90^{\circ}$ ) представлены на рис. 4.



**Рис. 4.** Изменения длин связей (a) и энергии (b) радикала в гош-конформации при увеличении расстояния между атомами  $C_{\alpha}-C_{\gamma}$ .

Особенностью разрушения фрагмента является смена знака деформации связи  $C_{\alpha}-C_{\beta}$ . На начальном участке растяжения происходит постепенное нарастание деформации связей  $C_{\alpha}-C_{\beta}$  и  $C_{\beta}-C_{\gamma}$  Когда усилие на связи  $r_{\alpha}$ достигает предела ее прочности, рост деформации связи  $r_{\alpha}$  прекращается. При дальнейшем растяжении радикала действующая сила  $F_L$  на связи  $r_{\beta}$  и соответственно на связи  $r_{\alpha}$  уменьшается. В результате уменьшается деформация связи  $r_{\alpha}$ , что снимает ограничения, препятствующие образованию двойной связи.

Результаты расчетов деформаций связей  $r_{\alpha}$  и  $r_{\beta}$  для радикала в гош-конформации ( $\varphi = 90^{\circ}$ ) показаны на рис. 4, *а*. Изменение характера деформации связей наблюдается при растяжении фрагмента  $\Delta L/L_0$  до 25–30%. На стадии сокращения связи  $r_{\alpha}$  ее деформация падает до нуля, затем связь  $r_{\alpha}$  сжимается с образованием двойной связи. Существенным обстоятельством является деформационное увеличение угла  $\angle C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$  от 114 до 130–140°, что ослабляет взаимодействие образующегося концевого радикала с  $\pi$ -компонентой двойной связи. Разрыв связи  $r_{\beta}$  сопровождается поворо-

том группы  $C_{\alpha}C_{\beta}$  относительно линии *L* и увеличением расстояния между атомами  $C_{\beta}$  и  $C_{\gamma}$ .

На рис. 4, *b* приведена зависимость энергии  $W_L$  от деформации фрагмента  $\Delta L/L_0$ . Максимальное значение  $W_L(\max)$  к моменту разрушения радикала в конформации  $\varphi = 90^\circ$  составило 37 kcal/mol. При разрыве радикала и образовании группы с двойной связью произошел сброс части энергии до уровня в 25–30 kcal/mol.

Расчетное значение предела прочности фрагмента  $C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$  составило  $F_L(\max) = 0.50 - 0.52 \text{ mdyn}$ . Таким образом, для разрушения фрагмента срединного радикала потребовались более высокое напряжение и дополнительные затраты энергии, чем для разрыва единичной связи в свободном состоянии радикала.

Расчеты деформации и разрушения для фрагмента радикала  $C_{\alpha}C_{\beta}C_{\gamma}$  в конформации транс-зигзага ( $\varphi = 180^{\circ}$ ) дали качественно такие же результаты как для характера деформации связей  $r_{\alpha}$  и  $r_{\beta}$ , так и для энергетики разрушения. В этом случае максимальное значение энергии деформации составило  $W_L(\max) = 90$  kcal/mol, предел прочности  $F_L(\max) = 0.68$  mdyn.

## 3. Заключение

Проведенные квантово-химические расчеты для модельных радикалов позволяют сделать вывод о существенном влиянии конформации срединных макрорадикалов на энергетику процесса  $\beta$ -разрыва. Из полученных результатов следует, что для разрыва срединного радикала в транс-конформации необходима бо́льшая энергия, чем для такого же радикала в гош-конформации. Эти результаты дают возможность провести анализ данных о разрушении срединных радикалов при механической деструкции облученных полимеров разного химического строения, включающих в себя набор конформеров.

#### Список литературы

- [1] Э.Е. Томашевский, Н.Г. Квачадзе. ФТТ 47, 899 (2005).
- [2] Б.Б. Нарзуллаев, Э.Е. Томашевский. Высокомолекуляр. соединения Б 23, 784 (1981).
- [3] Б.Б. Нарзуллаев. Влияние ослабления связей в макрорадикалах на прочность полимеров. Автореф. канд. дис. ФТИ им. А.Ф. Иоффе АН СССР, Л. (1983). 17 с.
- [4] В.А. Радциг. Хим. физика 23, 70 (2004).
- [5] В.А. Радциг. Структура и реакционная способность дефектов в механически активированных твердых телах. Автореф. докт. дис. ИХФ АН СССР, М. (1985). 46 с.
- [6] Б.Э. Крисюк. Высокомолекуляр. соединения А 44, 1805 (2002).
- [7] А.И. Губанов. ФТТ **23**, 3684 (1981).
- [8] A.D. Becke. J. Chem. Phys. 98, 5648 (1993).
- [9] C. Lee, W. Yang, R.G. Parr. Phys. Rev. B 37, 785 (1988).
- [10] M.W. Schmidt, K.K. Baldridge, J.A. Boatz, S.T. Elbert, M.S. Gordon, J.H. Jensen, S.Koseki, N. Matsunaga, K.A. Nguyen, S.J. Su, T.L. Windus, M. Dupuis, J.A. Montgomery. J. Comput. Chem. 14, 1347 (1993).
- [11] Н.Г. Квачадзе, Э.Е. Томашевский. ФТТ 49, 2169 (2007).