10

# Особенности свойств решеточных колебаний в сплаве Cd<sub>1-y</sub>Hg<sub>y</sub>Te, образованном полупроводником CdTe и полуметаллом HgTe

© С.П. Козырев

Физический институт им. П.Н. Лебедева РАН, Москва, Россия E-mail: skozyrev@sci.lebedev.ru

### (Поступила в Редакцию 17 марта 2015 г.)

Рассмотрены особенности свойств решеточных колебаний Hg-Te в рамках перколяционной модели смешанного кристалла (сплава)  $Cd_{1-y}Hg_yTe$ , в которой композитная среда образована областями сплава, обогащенными HgTe и CdTe с разными состояниями колебаний Hg-Te и соответственно с разными характеристиками колебательных мод (частотой и параметром затухания). В сплаве, обогащенном HgTe, свойства решеточных колебаний Hg-Te определяются двуямным решеточным потенциалом для атома Hg c его внецентровой локализацией при низких температурах. В сплаве, обогащенном CdTe, свойства колебаний Hg-Te определяются атомом Hg c одноямным решеточным потенциалом для атома Hg c поределяются атомом Hg c одноямным решеточным потенциалом в центре анионного тетраэдра, причем состояния колебаний Hg-Te являются локализованными. Для сплава, обогащенного HgTe, состояния колебаний Hg-Te протяженные. В перколяционной схеме перестройки колебательного спектра сплава  $Cd_{1-y}Hg_yTe$  с составом y мода "137 сm<sup>-1</sup>" является отщепленной модой колебаний Hg-Te, одной из мод перколяционного дуплета HgTe-подобных колебаний.

### 1. Введение

В практике спектроскопии решеточных колебаний полупроводниковые сплавы (твердые растворы)  $A_{1-x}B_xC$ , образованные бинарными компонентами АС и ВС со структурой цинковой обманки (ZB), условно принято разделять на одномодовые и двухмодовые системы в зависимости от изменений характеристик решеточных колебаний бинарных компонентов сплава с составом х. Свойства решеточных колебаний одномодовой системы усредняются подобно свойствам электронной системы сплава. В двухмодовой системе диэлектрическая функция сплава любого состава в области решеточных колебаний характеризуется двумя модами колебаний с частотами, близкими к частотам мод бинарных компонентов сплава, т.е. при образовании сплава сохраняются индивидуальные свойства решеточных колебаний бинарных компонентов сплава. Реально диэлектрическая функция сплава  $A_{1-x}B_xC$  двухмодовой системы характеризуется также дополнительной структурой более слабых мод решеточных колебаний в области АС- и ВС-подобных колебаний, природа которых, как правило, неизвестна. Модель изозамещений MREI [1], основанная на приближении виртуального кристалла (VCA) и используемая в различных модификациях в течение длительного времени для интерпретации спектров решеточных колебаний сплава  $A_{1-x}B_xC$ , не допускает наличия дополнительной тонкой структуры в этих спектрах. Недавно Pagès и др. [2] наблюдали в спектрах комбинационного рассеяния света (КРС) сплавов халькогенидов (Zn,Be)VI (VI соответствует элементу VI группы) разного состава в области BeVI-подобных колебаний дуплет сильных колебательных мод с большим расщеплением. Для интерпретации наблюдаемых особенностей они предложили перколяционную схему (одна связь — две моды) перестройки спектра решеточных колебаний сплава с составом, основанную на теории перколяции [3]. Замещение в сплавах (Zn,Be)VI атомов Zn атомами Be с малым ковалентным радиусом приводит к уменьшению длины связи (до 9%) с соответствующим увеличением ее жесткости и значительному топологическому разупорядочению. Идея перколяционной схемы заключается в том, что из-за топологического разупорядочения сплавы (Zn,Be)VI рассматриваются как композит из жестких (обогащенных Ве) и мягких (обогащенных Zn) областей. Для жесткой связи Be-VI характерны различное локальное окружение в этих двух областях сплава, разные силовые константы связи и соответственно частоты собственных колебаний. ВeVI-подобные колебания расщепляются на перколяционный дуплет с величиной расщепления  $\delta_{BeSe} \approx 50\,cm^{-1}$  в (ZnBe)Se и  $\delta_{\text{BeTe}} \approx 40 \,\text{cm}^{-1}$  в (ZnBe)Те. Перколяционную схему (одна связь — две моды) перестройки спектра решеточных колебаний сплава с составом, успешно примененную в [2] для интерпретации спектров КРС сплавов (Zn,Be)VI с очень большим контрастом в жесткости связей (жесткой связью в BeVI и мягкой в ZnVI), в последующей работе [4] авторы рассматривают в упрощенном варианте для сплавов  $A_{1-x}B_xC$  с мягкими связями. Несмотря на то что типичные полупроводниковые сплавы, кристаллизующиеся в структуре ZB (или близкой к ZB гексагональной структуре вюртцита), характеризуются малым контрастом в жесткости связей бинарных компонентов сплава, в [4] допускается универсальный характер предлагаемой перколяционной схемы перестройки колебательного спектра сплава с составом. В работах [5] мы рассмотрели возможность применения перколяционной модели смешанного кристалла (сплава)  $A_{1-x}B_xC$  как композитной среды, образованной двумя сосуществующими АС- и ВС-обогащенными областями, для интерпретации распределения частот ТО-решеточных колебаний в сплавах II-VI с малым контрастом в жесткости связей. Использовалась трехосцилляторная версия перколяционной схемы перестройки колебательного спектра сплава из перколяционного дуплета более высокочастотных ВС-подобных колебаний и одиночной полосы АС-подобных колебаний, расположенной ниже дуплетных полос решеточных колебаний. Для сплава  $Zn_{1-x}Cd_xSe$  расщепление перколяционного дуплета ZnSe-подобных колебаний равно  $\delta_{ZnSe} \approx 15 \, {\rm cm}^{-1},$ для сплава ZnSe $_{1-x}$ Te $_x - \delta_{ZnSe} \approx 8 \, {\rm cm}^{-1}$ , а для сплава (Cd,Zn)Те расщепление ZnTe-подобных колебаний составляет всего  $\delta_{ZnTe} \approx 4 \, \mathrm{cm}^{-1}$ , что является следствием малого контраста в жесткости мягких связей II-VI бинарных компонентов сплава. При интерполяции экспериментальных значений к  $x \to 0$  предельной величиной частот дуплетных полос ВС-подобных колебаний является частота локальной примесной моды колебаний АС: В. Для конечных значений концентраций х в сплавах II-VI с мягкими связями более жесткая мода перколяционного дуплета является минорной по отношению к другой моде дуплета для всего интервала составов сплава. Для сплавов (Zn<sub>1-x</sub>Be<sub>x</sub>)VI с большим контрастом в жесткости связей для составов с x < 0.5соотношение интенсивностей мод перколяционного дуплета обратное. Мода, доминирующая на одном конце состава сплава, становится минорной на другом конце, а вблизи состава  $x \approx 0.5$  две подобные моды из того же дуплета одинаково интенсивны.

В настоящей работе представлена попытка интерпретации некоторых особенностей спектра решеточных колебаний сплава Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te исходя из перколяционной модели смешанного кристалла (сплава)  $A_{1-x}B_xC$  как композитной среды, образованной в результате естественных флуктуаций в составе сплава на локальном уровне двумя сосуществующими АС- и *BC*-обогащенными областями. Сплав Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te образован полупроводником CdTe и полуметаллом HgTe с одинаковой структурой ZB и почти равными параметрами решетки ( $a_0 = 6.482$  и 6.461 Å для CdTe и НдТе соответственно). Из-за очень малого решеточного рассогласования бинарных компонентов в сплаве Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te при катионном замещении длина связи с Те-анионом не изменяется вне зависимости от того, находится ли катион в НgTe-обогащенной области или в CdTe-обогащенной области сплава. Это означает, что рассмотренная в [2,4] перколяционная схема перестройки колебательного спектра сплава с составом для  $Cd_{1-\nu}Hg_{\nu}$  Те неприменима. В их схеме (одна связь  $\rightarrow$  две моды) перколяционное расщепление в сплаве  $A_{1-x}B_xC$ достигается за счет того, что для каждого типа связи из-за различия решеточных параметров компонентов сплава локальное окружение в АС- и ВС-обогащенных областях деформировано по-разному, что приводит к расщеплению частоты колебаний для данной связи. И чем больше решеточное рассогласование между компонентами сплава АС и ВС, тем больше величина расщепления перколяционного дуплета в сплаве. Подобные утверждения справедливы и для связи А-С, и для связи *B*-*C*, но для связи, соответствующей низкочастотным колебаниям, расщепление перколяционного дуплета значительно меньше и, как правило, спектрально не разрешается. В сплаве  $Cd_{1-v}Hg_vTe$  интерпретация колебательного спектра допускает для атома Нд наличие двух решеточных состояний: с одноямным потенциалом в CdTe-обогащенной области сплава и с двуямным потенциалом в HgTe-обогащенной области [6]. Моды НgТе-подобных колебаний в этих областях соответствуют перколяционному дуплету. А поскольку частота НgTe-подобных колебаний ниже частоты CdTe-подобных колебаний, перколяционное расщепление наблюдается для низкочастотных колебаний и предельным значением частот перколяционного дуплета при у — 0 является частота щелевой моды CdTe: Hg.

## Особенности спектра решеточных колебаний в Cd<sub>1-y</sub>Hg<sub>y</sub>Te

Перед обсуждением решеточных колебаний в двухмодовом сплаве  $Cd_{1-v}Hg_vTe$ , образованном бинарными компонентами CdTe и HgTe с одинаковой структурой ZB и почти равными длинами связи (рассогласование 2.806 - 2.798 = 0.008 Å), следует рассмотреть спектр хорошо изученного III-V сплава  $Ga_{1-x}Al_xAs$  с одинаковой структурой ZB бинарных компонентов GaAs и AlAs и разницей длин связи в них 2.448 - 2.451 = -0.003 Å. Связь в обоих соединениях преимущественно ковалентная. При равенстве длин связи катионные позиции в сплаве  $Ga_{1-x}Al_xAs$  эквивалентны, и спектр решеточных колебаний в сплаве любого состава характеризуется только двумя модами GaAs- и AlAs-подобных колебаний, и никаких дополнительных мод нет [7]. В отличие от сплава Ga1-xAlxAs, компоненты CdTe и HgTe сплава Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te имеют разную природу химической связи: в CdTe связь рассматривается ионно-ковалентной и осуществляется через *s p*<sup>3</sup>-орбитали, а в НgTe связь тяжелой ртути с теллуром в значительной степени формируется с участием *d*-орбиталей [8,9], в частности через гибридизацию p(Te)- и d(Hg)-электронных состояний [10]. Сильная гибридизация между *p*(Te)- и *d*(Hg)-электронными состояниями на краю валентной зоны является предпосылкой к решеточной нестабильности HgTe. Когда электрон выходит из одного из этих состояний, остается дырка, образующая с вышедшим электроном из-за неполного экранирования эффективный электроннодырочный диполь. Взаимодействие диполя с ТО-фононом приводит к созданию локального потенциального минимума для атома Hg в дополнение к решеточной позиции в центре анионного тетраэдра, т. е. двуямному потенциалу. Подобный механизм локальной решеточной нестабильности ранее рассматривался [11] в приложении к суперионику  $\beta$ -AgI, спектр решеточных колебаний которого подобен спектру HgTe. Дополнительная мода  ${}^{H}\omega_{0}$ , наблюдаемая в HgTe помимо основной моды  ${}^{H}\Omega_{I}$ , запрещена правилами отбора по симметрии для структуры ZB. Слабая при гелиевых температурах, с повышением температуры она активируется, ее сила осциллятора при T = 300 K достигает величины, сравнимой с основной модой  ${}^{H}\Omega_{I}$ .

Спектр решеточных колебаний сплава Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te распределение частот ТО-мод <sup>*H*</sup> Ω колебаний Hg-Te и ТО-мод  $C\omega_n$  колебаний Cd-Те в зависимости от состава сплава у при T = 25 K [6] — представлен на рис. 1, a. Расщепление моды CdTe-подобных колебаний  $^{C}\omega_{4}$  (при y = 0) в сплаве на несколько мод <sup>С</sup> $\omega_n$  (n = 4, 3, 2, 1) в зависимости от состава сплава вызвано наличием в катионной подрешетке двух катионов Hg и Cd с разным типом связи с Те-анионной подрешеткой и различной жесткостью при равных длинах связи. При образовании сплава катионные позиции в кристаллической решетке сплава Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te не эквивалентны, что уже является предпосылкой к пространственной неоднородности сплава. В сплаве (GaAl)Аs расщепление мод не наблюдается, замена одного катиона другим с таким же типом связи и равной длиной связи не вызывает деформаций. Расщепление моды CdTe-подобных колебаний в сплаве (CdHg)Те интерпретируется в квазимолекулярном приближении [12,13], в соответствии с которым сплав рассматривается образованным пятью базисными ячейками Cd(n)Hg(4-n) Te (n = 0, 1, 2, 3, 4)из катионов Cd и Hg, тетраэдрически расположенных вокруг общего аниона Те. Каждой базисной ячейке отвечает своя мода колебаний Cd-Te и Hg-Te, и спектр решеточных колебаний кристалла аппроксимируется свойствами четырех мод колебаний Cd-Te с <sup>С</sup>  $\omega_n$ (n = 1, 2, 3, 4) и четырех мод колебаний Hg-Te с <sup>*H*</sup> $\omega_n$ (n = 0, 1, 2, 3) пяти базисных ячеек Cd(n)Hg(4 - n)Te(n = 0, 1, 2, 3, 4) через соответствующее распределение вероятностей  $P_n(y)$  их различных конфигураций в сплаве Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te разного состава. В реальном спектре сплава конкретного состава все моды проявляться не могут, наблюдаются наиболее сильные. Тонкая структура (или многомодовость) в области CdTe-подобных колебаний в Cd<sub>1-у</sub>Hg<sub>у</sub>Te разных составов наблюдалась при температурах 25, 85 и 300 К. Для НgTe-подобных колебаний тонкую структуру при низких температурах обнаружить не удалось (в менее совершенном материале *р*-типа она проявляется). Но структура полос с частотами  ${}^{H}\omega_{n}$  (n = 0, 1, 2) НgТе-подобных колебаний четко проявляется при T = 300 K (рис. 2), и вызвано это расщеплением в сплаве дополнительной низкочастотной моды  ${}^{H}\omega_0$  HgTe, которая при повышенных температурах термически активируется. Характеристики основной моды колебаний  ${}^{H}\Omega_{n}$  Hg–Te мало меняются с температурой. Ранее в работе [14] обсуждалась модель двуямного потенциала для атома Нд в кристаллической решетке HgTe, где атом Hg может занимать либо место в центре анионного тетраэдра, либо внецентровое положение со смещением от центра на величину  $\sim 0.1$  Å. Основная



**Рис. 1.** *а*) Распределения частот ТО-мод <sup>*H*</sup>  $\Omega$  колебаний Hg-Tе и ТО-мод <sup>*C*</sup>  $\omega_n$  (n = 4, 3, 2, 1) колебаний Cd-Te в зависимости от состава *y* сплава Cd<sub>1-*y*</sub>Hg<sub>*y*</sub>Te при *T* = 25 K. Мода <sup>*H*</sup>  $\Omega_1$  соответствует колебанию внецентрового атома Hg в двуямном потенциале, мода <sup>*H*</sup>  $\Omega_{II}$  — колебанию атома Hg в одноямном потенциале. Распределение частот для моды "137 сm<sup>-1</sup>" показано крестиками. *b*) Распределение сил осциллятора <sup>*H*</sup> S мод колебаний Hg-Te в зависимости от состава *y* сплава Cd<sub>1-*y*</sub>Hg<sub>*y*</sub>Te при *T* = 25 K. Распределение для моды <sup>*H*</sup>  $\Omega_{II}$  с частотой  $\omega \approx 130$  сm<sup>-1</sup> аппроксимируется расчетной кривой  $S(y) = 10.8y(1-y)^3$ . *c*) Распределения параметра затухания мод решеточных колебаний Hg-Te и Cd-Te в зависимости от состава *y* сплава Cd<sub>1-*y*</sub>Hg<sub>*y*</sub>Te при *T* = 25 K. Затухания мод <sup>*H*</sup>  $\Omega_{II}$  колебаний Hg-Te значительно превышают затухания мод <sup>*H*</sup>  $\Omega_{II}$  колебаний Hg-Te и мод колебаний Hg-Te и мод колебаний Hg-Te зависимости от состава *y* сплава Cd<sub>1-*y*</sub> Hg<sub>*y*</sub>Te при *T* = 25 K. Затухания мод <sup>*H*</sup>  $\Omega_{II}$  колебаний Hg-Te и мод колебаний Hg-Te и мод колебаний Hg-Te.

ТО-мода колебаний Hg-Te с частотой  $\sim 120\,{\rm cm}^{-1}$ соответствует колебанию внецентрового атома Hg, а дополнительная мода — колебанию Hg в центре анионного тетраэдра. Тонкая структура CdTe-подобных колебаний



**Рис. 2.** Распределения частот ТО-мод в области колебаний Hg—Te в зависимости от состава *y* сплава  $Cd_{1-y}Hg_yTe$  при T = 300 и 25 K. Моды  ${}^{H}\omega_n$  (n = 0, 1, 2) — термически активируемые моды колебаний Hg—Te для атома Hg в двуямном потенциале. Точка с  $\omega = 134$  cm<sup>-1</sup> для y = 0 — щелевая мода CdTe: Hg примеси Hg в матрице CdTe.

при низких и повышенных температурах и HgTe-подобных колебаний при повышенных температурах наблюдается только для катионов, локализованных в центре анионного тетраэдра, и является подтверждением внецентровой природы основной моды <sup>*H*</sup>Ω колебаний Hg-Те в сплаве, обогащенном HgTe. На рис. 1, *b* представлены значения сил осциллятора для основной моды  $^{H}\Omega$  колебаний Hg–Te в зависимости от состава сплава  $Cd_{1-v}Hg_vTe$  [6], которые допускают разделение на моду  ${}^{H}\Omega_{I}$  для сплава, обогащенного HgTe (y > 0.5), и моду  ${}^{H}\Omega_{II} \approx 130.5 \, \mathrm{cm}^{-1}$ для сплава, обогащенного CdTe. Для моды  ${}^{H}\Omega_{I}$  композиционная зависимость сил осциллятора НgTe-подобных колебаний описывается ожидаемой прямой  ${}^{H}S_{I}(y) = 4.7y$  (y > 0.5), где  $S_{I}(y = 1) = 4.7$  — сила осциллятора колебаний Hg-Te в HgTe. Для моды <sup>H</sup>Ω<sub>II</sub> значения сил осциллятора аппроксимируются функцией  ${}^{H}S_{II}(y) = 10.8(1-y)^{3}$ , соответствующей расчетной для колебаний Hg-Te базисной ячейки Cd(n)Hg(4 – n)Te (n = 3) в квазимолекулярном приближении сплава и характерной для атомов Hg, локализованных в центре анионного тетраэдра. Мода <sup>*H*</sup> Ω<sub>I</sub>, наблюдаемая в обогащенном HgTe сплаве, соответствует внецентровому колебанию атома Нg в двуямном решеточном потенциале; мода  ${}^{H}\Omega_{II} \approx 130.5 \,\mathrm{cm}^{-1}$  — колебанию атома Hg в одноямном потенциале в центре анионного тетраэдра. Область составов с  $y \approx 0.5$  (рис. 1) является для атомов Нд переходной от двуямного решеточного потенциала в сплавах, обогащенных HgTe, к одноямному потенциалу в сплавах, обогащенных CdTe. Особенностью мод  ${}^{H}\Omega_{I}$  и <sup>*H*</sup>Ω<sub>II</sub> HgTe-подобных колебаний является большое различие в их параметрах затухания. Для моды <sup>*H*</sup>Ω<sub>I</sub> колебаний с внецентровым атомом Нд в двуямном потенциале параметр затухания изменяется от 2 до  $3.5 \, \mathrm{cm}^{-1}$ , как и для

колебаний Cd–Te, а для моды  ${}^{H}\Omega_{II}$  колебаний с атомом Hg в одноямном потенциале — от 6 до  $8 \,\mathrm{cm}^{-1}$ , что считается значительным для кристалла при  $T = 25 \, {\rm K}.$ Особенность HgTe-подобных колебаний с модой  ${}^{H}\Omega_{II}$  в сплаве, обогащенном CdTe, ранее проявилась в спектрах резонансного КРС на щели  $E_0 + \Delta_0$  в запрещенной конфигурации рассеяния [15,16]. Помимо значительного усиления на частотах LO-мод CdTe-подобных колебаний, в резонансных спектрах наблюдались обертоны LO-мод, но не наблюдалось усиления LO-мод HgTe-подобных колебаний. Авторы [16] подчеркивали такую особенность, но без попыток ее интерпретации. Отсутствие резонансного усиления LO- моды HgTe-подобных колебаний на щели  $E_0 + \Delta_0$  сплава  $Cd_{1-y}Hg_yTe$  (y < 0.5) является следствием примесных локализованных состояний для НgTe-оптических фононов. Подобный вопрос, является ли мода CdTe-подобных колебаний локализованной (примесной) или "сплавной" в  $Hg_{1-x}Cd_xTe$  (x = 0.2), обогащенном HgTe, рассматривался в [17]. Резонансное усиление LO&TO-мод CdTe-подобных колебаний на щели  $E_1$  сплава Hg<sub>1-x</sub>Cd<sub>x</sub>Te (~ 2.5 eV), но не CdTe  $(\sim 3.5\,{\rm eV})$  указывает на сплавной характер моды. Мода CdTe-подобных колебаний в сплаве, обогащенном HgTe, при содержании Cd более x = 0.2 уже является сплавной. Мода НдТе-подобных колебаний в сплаве, обогащенном CdTe, при содержании Hg до  $y \approx 0.5$ , все еще остается локализованной (примесной). Подобный результат не является уникальным. Применительно к III-V сплаву Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As в [18] была рассмотрена модель фононной системы для изучения свойств локализации изотопно разупорядоченного сплава тем же самым методом, который использовался в модели локализации Андерсона. Для сплава Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As существует нетривиальное значение  $x_c$  (~ 0.45), такое, что при  $x > x_c$ все состояния GaAs-подобных оптических фононов являются локализованными, а при  $x < x_c$  большинство состояний — протяженными, за исключением некоторых вблизи краев полосы GaAs- подобных колебаний. Что касается локализованных НgTe-подобных колебаний моды  ${}^{H}\Omega_{II}$ , то в соответствии с состоянием локализации их параметр затухания значительно превышает значения сплавной моды CdTe-подобных колебаний.

На рис. 1, *а* показана еще одна дополнительная мода "137 сm<sup>-1</sup>", наблюдаемая в сплаве Cd<sub>1-y</sub>Hg<sub>y</sub>Te для многих составов при T = 25 K, но не имеющая аналога в спектре сплава Ga<sub>1-x</sub>Al<sub>x</sub>As. В настоящее время она однозначно не идентифицирована. Изначально при исследовании узкозонных сплавов Hg<sub>1-x</sub>Cd<sub>x</sub>Te (x = 0.2-0.3) она рассматривалась как "3:1 миникластерная мода" колебательного возбуждения базисной ячейки Hg(4 – *n*)Cd(*n*)Te (n = 1) или ассоциировалась с наличием скоплений вакансий в катионной подрешетке. Но так как мода "137 сm<sup>-1</sup>" наблюдается и в сплаве, обогащенном CdTe, рассматривалась модель упорядоченной фазы (HgTe)<sub>1</sub>(CdTe)<sub>1</sub>, присутствующей в сплаве наряду с разупорядоченной. Подробный обзор представлен в [19].

## 3. Мода "137 ст<sup>-1</sup>" в перколяционной схеме перестройки спектра решеточных колебаний с составом в сплаве Cd<sub>1-v</sub> Hg<sub>v</sub>Te

Мода "137 ст<sup>-1</sup>" проявляется в спектрах решеточного ИК-отражения при 25 К. Эта же особенность наблюдается в спектрах резонансного КРС на частоте 135 ст<sup>-1</sup> при 80 К и в ИК-отражении на частоте 134 ст<sup>-1</sup> при T = 300 К. На рис. 3, *а* и *b* представлены однофононная плотность состояний для CdTe [20] и плотность состояний для CdTe при T = 300 К имеется щель между модами акустических и оптических колебаний на частотах 127–134 ст<sup>-1</sup> с нулевой плотностью состояний для HgTe при T = 300 К — щель между LO- и TO-модами колебаний Hg–Te на частотах 134–136 ст<sup>-1</sup> с почти нулевой плотностью состояний. Мода, наблюдаемая в сплаве



**Рис. 3.** *а*) Однофононная плотность состояний для CdTe при T = 300 K [20]. В спектральной зависимости наблюдается щель между акустическими и оптическими модами колебаний с нулевой плотностью состояний. *b*) Однофононная плотность состояний для HgTe при T = 300 K [21]. В спектральной области LO–TO-расщепления наблюдается щель  $134-136 \text{ cm}^{-1}$  с почти нулевой плотностью состояний.

 $Cd_{1-\nu}Hg_{\nu}$  Те при T = 300 K на частоте  $134 \text{ cm}^{-1}$  (рис. 2), потому и проявляется в спектре, что оказывается в области прозрачности бинарных компонентов сплава (CdHg)Te (рис. 3, a, b). Более того, из ИК-спектра решеточных колебаний сплава, обогащенного CdTe, авторы [20] интерполируют экспериментальные точки к предельному значению частоты щелевой моды CdTe: Hg, равному 131 ст<sup>-1</sup>. В работе [19] нами представлен расчет спектра примесного атома Cd в кристалле HgTe с использованием микроскопической теории линамики кристаллической решетки в приближении малой концентрации примеси [22]. В рамках этой теории рассматривается поведение локальной и квазилокальной мод, которые возникают при замещении атома Нд более легким атомом Cd в области нулевой или очень низкой плотности фононных состояний в кристалле HgTe. В настоящей работе мы использовали теорию динамики кристаллической решетки [22] для расчета спектра примесного атома Hg в кристалле CdTe. Краткое изложение теории представлено в [19]. Рассчитывалась диэлектрическая функция  $\varepsilon(\omega)$  сплава  $A_{1-x}B_xC$  в виде

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_{\infty} + \frac{(\varepsilon_0 - \varepsilon_{\infty})\omega_{\rm TO}^2}{\omega_{\rm TO}^2 - (\omega^2 + i\omega\gamma)\chi(x,\omega)},$$
$$\chi(x,\omega) = \frac{(1-x)F(A,\omega^2) - \eta}{(1-x)F(A,\omega^2) - \eta - x\frac{m_C}{m_A + m_C}}$$

с использованием ранее определенной функции Грина для кристалла *AC*, в котором замещается атом *A*,

$$F(A, \omega^2) = -1 + \omega^2 G(A, \omega^2).$$

Здесь  $\eta = m_B / (m_B - m_A), m_A, m_B, m_C$  — массы соответствующих атомов. На рис. 4, b показана мнимая часть диэлектрической функции Im  $\varepsilon(\omega)$  кристалла Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te (y = 0.05), рассчитанная с использованием однофононной плотности состояний CdTe (рис. 4, *a*) для определения функции Грина  $G(Cd, \omega^2)$ . На рис. 4, *а* показан фрагмент сглаженной функции плотности состояний вместо гистограммы спектральной плотности [20]. Рассчитанная диэлектрическая функция Im $\varepsilon(\omega)$  (рис. 4, b) допускает разложение на два лоренцевых контура гармонических осцилляторов с частотами  $141 \,\mathrm{cm}^{-1}$  (ТО-мода CdTe) и  $134 \,\mathrm{cm}^{-1}$  (щелевая мода CdTe:Hg, которая является предельным значением при у — 0 для HgTe-подобных колебаний). Таким образом, наблюдаемая в сплаве  $Cd_{1-y}Hg_y$  Те при 300 К мода  $\sim 134\,cm^{-1}~(137\,cm^{-1}$  при 25 K) является модой колебаний Hg-Te с атомом Hg в одноямном потенциале в обогащенной CdTe области сплава. В обогащенной HgTe области сплава модой колебаний Hg-Te является мода <sup>*H*</sup>Ω<sub>I</sub> колебаний с внецентровым атомом Нд в двуямном потенциале (рис. 2). Моды  $\sim 134 \,\mathrm{cm}^{-1}$  и  ${}^{H}\Omega_{\mathrm{I}}$  — моды перколяционного дуплета HgTe-подобных колебаний сплава Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te. На рис. 4, *c* представлена диэлектрическая функция  $\text{Im}\varepsilon(\omega)$ , рассчитанная для примесного атома Cd в HgTe [19]. Кроме сильной моды колебаний Hg-Te (118 cm<sup>-1</sup>) и локальной моды HgTe: Cd (155 cm<sup>-1</sup>) в спектре наблю-

34 а 60 4 CdTe 40 20 0 100 120 140 160 180 b 134 4 40 CdTe:Hg 20 y = 0.05 $g = 4 \text{ cm}^{-1}$ 0 140 100 120 160 180 155 С 134 40 y = 0.8g = 2 cmHgTe:Cd 20 0 120 140 160 180 100 Wave number, cm<sup>-1</sup>

Рис. 4. а) Фрагмент сглаженной функции однофононной плотности состояний в CdTe. b) Мнимая часть диэлектрической функции Im  $\varepsilon(\omega)$  кристалла CdTe с примесью Hg (y = 0.05), рассчитанная в соответствии с микроскопической теорией [22]. Особенность Im  $\varepsilon(\omega)$  при  $\omega = 134 \,\mathrm{cm}^{-1}$  соответствует нулевой плотности фононных состояний в CdTe. c) Мнимая часть диэлектрической функции Im  $\varepsilon(\omega)$  кристалла HgTe с примесью Cd, рассчитанная в соответствии с микроскопической теорией [22]. Особенность Im  $\varepsilon(\omega)$  при  $\omega = 134 \,\mathrm{cm}^{-1}$  соответствует сильному провалу в фононной плотности состояний HgTe (см. рис. 3, *b*).

дается дополнительная слабая, но четко выраженная мода 134 cm<sup>-1</sup>, соответствующая сильному провалу в фононной плотности состояний HgTe. Ее появление индуцировано Cd-примесным замещением атома Hg; при аналогичном расчете Im  $\varepsilon(\omega)$  для примеси Zn в HgTe дополнительной моды нет.

Ранее в [5] мы рассматривали решеточные колебания двухмодовых II-VI сплавов  $Zn_{1-x}Cd_xSe$  и  $ZnSe_{1-x}Te$  в перколяционной схеме (одна связь -> две моды) перестройки колебательного спектра сплава с составом х. При легировании ZnSe кадмием (теллуром) в дополнение к ТО-моде колебаний Zn-Se с частотой 205 cm<sup>-1</sup> возникает низкочастотная щелевая мода, которая при увеличении *х* преобразуется в моду CdSe-подобных (ZnTe-подобных) колебаний. Параллельно от моды ZnSeполобных колебаний отшепляется дополнительная слабая мода с  $\omega \approx 220 \,\mathrm{cm}^{-1}$ . Она попадает в щель с почти нулевой плотностью однофононных состояний ZnSe. В перколяционной схеме перестройки колебательного спектра дополнительная мода является следствием проявления композитного состава сплава, она является производной от основной моды колебаний Zn-Se, одной из компонент перколяционного дуплета. Для обоих сплавов особенностью распределений решеточных мод колебаний является то, что частота отщепленной моды ZnSe-подобных колебаний попадает в щель между LO- и ТО-модами ZnSe с почти нулевой плотностью фононных состояний, и поэтому колебательное возбуждение может распространяться по всему кристаллу.

Рассмотренная выше трехосцилляторная перколяционная схема  $[2 \times (Zn - Se), 1 \times (Cd - Se)]$  перестройки колебательного спектра сплавов II-VI с составом соответствует распределению мод решеточных колебаний в сплаве  $Cd_{1-y}Hg_yTe$  (или  $Hg_{1-x}Cd_xTe$  при x = 1 - y). При легировании HgTe кадмием в дополнение к ТО-моде колебаний Hg-Te с частотой 118 cm<sup>-1</sup> возникают локальная мода HgTe: Cd на частоте 155 cm<sup>-1</sup>, переходящая с увеличением концентрации Cd в моды CdTe-подобных колебаний, и отщепленная мода "137 ст<sup>-1</sup>", образующая с основной ТО-модой колебаний Hg-Te перколяционный дуплет (рис. 1, *a*). Однако природа колебательных мод в этих схемах разная. Различие между перколяционными схемами для сплавов (ZnCd)Se и (CdHg)Te в том, что в (ZnCd)Se композитная среда сплава образована "жесткой" (обогащенной ZnSe) и "мягкой" (обогащенной CdSe) областями и перколяционный дуплет определяется контрастом в жесткости связей компонентов сплава ZnSe и CdSe. В сплаве (CdHg)Те при катионном замещении не возникает никаких напряжений, области композитной среды сплава характеризуются локализацией атома Нд в одноямном потенциале с локализованными колебательными состояниями (область, обогащенная CdTe) или в двуямном потенциале с протяженными сплавными состояниями (область, обогащенная HgTe).

Pagès и др. в работе [23] представили ab initio расчеты ТО-фононной плотности состояний (TO-DOS) на атом для колебательных мод в центре зоны Бриллюэна 64-атомных сверхрешеток простейших систем смешанных кристаллов со структурой ZB в пределе примесного замещения, в частности расчеты для сплава (ZnBe)Se, относящиеся к одиночной Ве-примеси и Ве-примесной паре. При образовании пары изначально



трижды вырожденная примесная мода расщепляется на две. Одна мода (дважды вырожденная) с частотой, немного превышающей моду изолированной примеси, соответствует антифазным колебаниям атомов Ве и Se в поперечном по отношению к цепочке Be-Se-Be направлении (в плоскости цепочки и вне ее). Другая мода смещена по частоте в длинноволновую часть спектра на  $\sim 40\,{
m cm^{-1}}$  и соответствует аналогичным колебаниям вдоль цепочки Be-Se-Be, т.е. плотность фононных состояний TO-DOS для более жесткой моды колебаний Be-Se заметно превышает TO-DOS для менее жесткой моды перколяционного дуплета, определяемой только продольными (вдоль цепочки Be-Se-Be) колебаниями. Такое расщепление перколяционного дуплета  $\Delta \sim 40\,\mathrm{cm^{-1}}$  и распределение интенсивностей между модами дуплета наблюдались в КРС-измерениях сплава (ZnBe)Se для мод BeSe-подобных колебаний. Следует отметить, что расчеты кривых TO-DOS на атом проводились для системы с практически ковалентной химической связью Be-Se. В сплавах II-VI с мягкими связями, в которых доля ионной составляющей связи большая и дальнодействующее кулоновское поле может существенно изменить локальные характеристики связи, соотношение интенсивностей мод перколяционной пары обратное [5]. Можно предположить, что в сплавах II-VI с мягкими связями расщепление между модами колебаний, поперечными и продольными по отношению к двупримесной цепочке, сильно уменьшается и становится спектрально неразрешимым изза слабого контраста в жесткости связей в сплаве. По этой же причине спектр колебаний двупримесной (и многопримесной) цепочки практически совпадает с низкочастотной модой перколяционного дуплета. В сплавах II-VI с мягкими связями композитная среда сплава, образованная "жесткой" и "мягкой" областями, спектрально характеризуется перколяционным дуплетом с отщепленной более высокочастотной модой одиночной примеси. В эксперименте [5] интенсивность этой высокочастотной моды перколяционного дуплета значительно ниже интенсивности другой компоненты

дуплета. Изложенное выше справедливо для сплава  $Cd_{1-y}Hg_yTe$ , так как расщепление перколяционного дуплета не связано с контрастом в жесткости связей. Для сплава  $Cd_{1-y}Hg_yTe$  (y < 0.5), обогащенного CdTe, мода одиночной примеси Hg "137 сm<sup>-1</sup>" и мода  ${}^H\Omega_{II}$  локализованных колебаний Hg–Te многопримесных комплексов — это моды колебаний атома Hg в одно-ямном потенциале, они не являются компонентами перколяционного дуплета HgTe-подобных колебаний.

Влияние композитного (с включением микронеоднородностей) состава сплава  $Cd_{1-y}Hg_y$  Те на фононную область диэлектрического отклика рассматривалось в [24]. Рассчитывалась эффективная диэлектрическая функция в модифицированном приближении Maxwell–Garnett. Отдельные включения различного состава, образованные, например, в результате спинодального разложения сплава на смесь двух фаз, вызывают в спектрах решеточного ИК-отражения  $Cd_{1-y}Hg_y$  Те появление дополнительных колебательных мод фрелиховского типа. Авторы [24] считают, что наличие в сплаве микронеоднородностей — более приемлемое объяснение экспериментально наблюдаемой "кластерной" моды (135 сm<sup>-1</sup> в резонансном КРС при 80 К и 137 сm<sup>-1</sup> в ИК-спектрах при 25 К), чем разный тип атомного упорядочения (ближнего и дальнего порядков) в катионной подрешетке смешанного кристалла.

## 4. Заключение

Спектр решеточных колебаний сплава Cd<sub>1-v</sub>Hg<sub>v</sub>Te в области HgTe-подобных колебаний характеризуется (рис. 2) модой колебаний Hg-Te <sup>H</sup>Ω<sub>II</sub> с атомом Hg в одноямном потенциале (в сплаве, обогащенном CdTe), модой  ${}^{H}\Omega_{I}$  с внецентровым атомом Hg в двуямном потенциале (в сплаве, обогащенном HgTe) и слабой модой на частоте  $134 \, \text{cm}^{-1}$  ( $137 \, \text{cm}^{-1}$  при  $25 \, \text{K}$ ) во всем интервале составов. Мода <sup>*H*</sup>Ω<sub>II</sub> характеризуется большим значением параметра затухания и отсутствием резонансного усиления в резонансном КРС на щели  $E_0 + \Delta_0$  и потому рассматривается как локализованная. Области сплава, обогащенные CdTe, с одноямным потенциалом для атома Hg и области, обогащенные НдТе, с двуямным потенциалом для атома Нд образуют композитную среду в перколяционной модели смешанного кристалла с перколяционным дуплетом из мод  ${}^{H}\Omega_{I}$  и  ${}^{H}\Omega_{II}$ . Поскольку предельной для  ${}^{H}\Omega_{II}$  при  $y \rightarrow 0$  является однопримесная щелевая мода CdTe:Hg с  $\omega = 134 \,\mathrm{cm}^{-1}$ , естественно считать наблюдаемую моду на  $\omega = 134 \,\mathrm{cm}^{-1}$  однопримесной, отщепленной от многопримесной моды <sup>*H*</sup>Ω<sub>II</sub>. Обе они являются модами НgТе-подобных колебаний с атомом Нg в одноямном потенциале, они не образуют перколяционный дуплет. Поляризуемость пары Hg-Te (и сила осциллятора их колебаний) с атомом Нд в одноямном потенциале значительно превышает (более чем в 2 раза) поляризуемость пары Hg-Te с атомом Hg в двуямном потенциале [6], и поэтому мода <sup>*H*</sup>Ω<sub>I</sub> (компонента перколяционного дуплета) в сплаве, обогащенном CdTe, спектрально не разрешается. Мода с  $\omega = 134 \,\mathrm{cm}^{-1} \,(137 \,\mathrm{cm}^{-1} \,\mathrm{прu} \, 25 \,\mathrm{K})$ наблюдается во всем интервале составов сплава. Со стороны CdTe она попадает в щель с нулевой плотностью фононных состояний CdTe между модами оптических и акустических колебаний (рис. 3, a), а со стороны HgTe в щель между LO- и ТО-модами с нулевой плотностью фононных состояний HgTe (рис. 3, b). Мода  ${}^{H}\Omega_{II}$  с  $\omega \approx 130 \,\mathrm{cm}^{-1}$  в щель с нулевой плотностью фононных состояний HgTe не попадает и поэтому не наблюдается в узкозонном сплаве, обогащенном HgTe. Наблюдается в узкозонном сплаве (Cd, Hg)Те отщепленная от моды <sup>*H*</sup> $\Omega_{II}$  примесная мода с  $\omega = 134 \, \mathrm{cm}^{-1}$  (при  $T = 300 \, \mathrm{K}$ ), образующая с основной модой <sup>Н</sup>Ω<sub>I</sub> перколяционный дуплет.

## Список литературы

- [1] I.E. Chang, S.S. Mitra. Adv. Phys. 20, 359 (1971).
- [2] O. Pagès, M. Ajjoun, D. Bormann, C. Chauvet, E. Tournié, J.P. Faurie. Phys. Rev. B 65, 035 213 (2002).
- [3] D. Stauffer. Introduction to percolation theory. Taylor and Francis, London (1985). 124 p.
- [4] O. Pagès, T. Tite, K. Kim, P.A. Graf, O. Maksimov, M.C. Tamargo. J. Phys.: Cond. Matter 18, 577 (2006).
- [5] С.П. Козырев. ФТП 48, 1297 (2014); 49, 906 (2015).
- [6] С.П. Козырев. ФТТ 54, 1743 (2012).
- [7] M. Bernasconi, L. Colombo, L.Miglio. Phys. Rev. B **43**, 14447 (1991).
- [8] S.H. Wei, A. Zunger. Phys. Rev. B 37, 8958 (1988).
- [9] Duan He, Dong You-Zhong, Huang Yan, Chen Xiao-Shuang. Chin. Phys. B 20, 043 103 (2011).
- [10] G.G. Tarasov, Yu.I. Mazur, A.S. Rakitin, M.P. Lisitsa, S.R. Lavoric, J.W. Tomm, A.P. Lityinchuk. Asian J. Spectroscopy 2, 1 (1998).
- [11] A. Rakitin, M. Kobayashi. Phys. Rev. B 53, 3088 (1996).
- [12] H.W. Verleur, A.S. Barker. Phys. Rev. 149, 715 (1966).
- [13] С.П. Козырев, В.Н. Пырков, Л.К. Водопьянов. ФТТ 34, 3695 (1992).
- [14] С.П. Козырев. ФТТ 52, 531 (2010).
- [15] Ю.А. Алещенко, Л.К. Водопьянов. ФТТ 28, 2891 (1986).
- [16] A. Lusson, J. Wagner. Phys. Rev. B 38, 10064 (1988).
- [17] A. Ksendzov, F.H. Pollak, P.M. Amirtharaj, J.A. Wilson. Semicond. Sci. Technol. 5, S78 (1990).
- [18] P.H. Song, D.S. Kim. Phys. Rev. B 54, R2288 (1996).
- [19] С.П. Козырев. ФТТ 55, 375 (2013).
- [20] D.N. Talwar, M. Vandevyver. J. Appl. Phys. 56, 1601 (1984).
- [21] H. Kepa, T. Giebultowicz. Phys. Scripta 25, 807 (1982).
- [22] В.С. Виноградов. ФТТ 11, 2062 (1969); Л.К. Водопьянов,
   Е.А. Виноградов, В.С. Виноградов. ФТТ 16, 849 (1974)
- [23] O. Pagès, A.V. Postnikov, M. Kassem, A. Chafi, A. Nassour, S. Doyen. Phys. Rev. B 77, 125 208 (2008).
- [24] M.I. Vasilevskiy, A.I. Belogorokhov, M.J.M. Gomes. J. Electron. Mater. 28, 654 (1999).