# 17 Квадратичный эффект Штарка в фуллерене С<sub>60</sub> при низкосимметричных ориентациях в поле

© А.В. Тучин, Л.А. Битюцкая, Е.Н. Бормонтов

Воронежский государственный университет, Воронеж, Россия E-mail: a.tuchin@bk.ru

## (Поступила в Редакцию 30 января 2014 г.)

Представлены результаты численного моделирования влияния электрического поля напряженностью E = 0-1 V/Å на электронную структуру нейтрального фуллерена C<sub>60</sub> с учетом ориентационной деформации углеродного скелета при произвольных ориентациях в поле, включая низкосимметричные. Исследовано расщепление граничных  $t_{1u}$ - и  $h_u$ -уровней молекулы вследствие квадратичного эффекта Штарка. Установлены зависимости эффективной работы выхода электронов и энергетического зазора между низшей свободной и высшей занятой молекулярными орбиталями от напряженности поля.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 14-02-31315 мол\_а.

## 1. Введение

Управление свойствами углеродных наноматериалов и гибридных структур на их основе с помощью внешнего электрического поля определяет перспективы их применения в устройствах нано-, опто-, молекулярной, автоэмиссионной электроники и спинтроники [1-6]. Особый интерес вызывают исследования полевой модуляции электронной структуры фуллерена С<sub>60</sub> ввиду высокой стабильности и симметрии усеченного икосаэдра  $I_h$  [7,8]. Отличительная особенность молекулы такой симметрии, не встречающаяся в системах более низкой симметрии, заключается в существовании в основном состоянии электронных оболочек с кратностью вырождения 4 и 5 [9]. Малые размеры и высокая степень кривизны поверхности фуллерена приводят к существованию сильных локальных электрических полей в структурах на основе фуллеренов при небольшом приложенном напряжении [10].

В электрическом поле происходит перераспределение заряда и поляризация фуллерена С<sub>60</sub> [11,12]. Наиболее ярко влияние сильного электрического поля (напряженность  $E > 0.01 \, \text{V/Å}$ ) на электронную структуру проявляется в эффекте Штарка. В работе [7] методом DFT (density functional theory) была исследована электронная структура фуллерена  $C_{60}$  в интервале E = 0-1 V/Å. Авторами установлено, что сильное поле понижает кратность вырождения уровней вследствие эффекта Штарка. Трехкратно вырожденный в основном состоянии фуллерена t<sub>1и</sub>-уровень расщепляется на два. Пятикратно вырожденный h<sub>u</sub>-уровень расщепляется на пять, три и два уровня в поле, параллельном оси симметрии второго  $(\mathbf{C}_{2v})$ , третьего  $(\mathbf{C}_{3v})$  и пятого  $(\mathbf{C}_{5v})$  порядка молекулы. В расчетах не учитывалось изменение геометрии молекулы под действием электрического поля. Однако в работе Глуховой [11] модифицированным методом сильной связи показано, что во внешнем электрическом

поле под действием пондеромоторных сил происходит ориентационная деформация углеродного скелета малых тубулярных кластеров и фуллеренов. В работе [8] методом DFT исследован эффект Штарка в фуллерене C<sub>60</sub> с учетом ориентационной деформации углеродного скелета. Обнаружено квадратичное уменьшение энергетического зазора между низшей свободной (LUMO lowest unoccupied molecular orbital) и высшей занятой (HOMO — highest occupied molecular orbital) молекулярными орбиталями в интервале полей  $E = 0 - 1.2 \, \text{V/A}$ при трех ориентациях молекулы:  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{2v}$ ,  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{3v}$  и **Е** || **С**<sub>5v</sub>. В разрабатываемых полевых устройствах на основе фуллеренов и их кристаллических форм молекулы ориентированы не строго в одном направлении [5,13–16]. В [17] экспериментально показана возможность управления ориентацией фуллерена С<sub>60</sub>, хемосорбированного на подложке Si, электрическим полем. Интервал напряженностей поля между зондом туннельного микроскопа и фуллереном, в котором происходит поворот молекулы, равен E = 1.25 - 2.00 V/Å. Поэтому актуальной является задача исследования электронной структуры фуллерена С<sub>60</sub> при произвольных ориентациях молекулы в поле, включая низкосимметричные.

Целью настоящей работы является численное моделирование влияния сильного электрического поля Eв интервале от 0 до 1 V/Å на расщепление  $t_{1u}$ - и  $h_u$ -уровней нейтрального фуллерена C<sub>60</sub> с учетом полевой деформации углеродного скелета.

## 2. Детали расчетов

Для моделирования электронной структуры как основного, так и возбужденных электрическими полями состояний фуллерена C<sub>60</sub> широкое применение получил метод теории функционала плотности [4,18,19]. В работе использованы приближение локальной спиновой плотности (local spin density approximation — LSDA)



**Рис. 1.** Фрагмент поверхности фуллерена C<sub>60</sub>. C<sub>1</sub> — центр одинарной связи, C<sub>2</sub> — центр двойной связи, C<sub>3</sub> — центр шестиугольника, C<sub>5</sub> — центр пятиугольника.

и валентно-расщепленный базис 3-21\*G с добавлением поляризационной функции. Расчеты выполнены с использованием программного комплекса Gaussian03 в Супервычислительном центре Воронежского государственного университета.

В икосаэдрической симметрии уровень фуллерена  $C_{60}$  с орбитальным квантовым числом l = 5 расщепляется на неприводимые представления  $H_u + T_{1u} + T_{2u}$ . Кратности вырождения соответствующих энергетических уровней 5, 3 и 3 [19,20]. В нейтральной молекуле нижний  $h_u$ -уровень полностью заполнен электронами и формирует НОМО, уровень  $t_{1u}$  — LUMO, уровень  $t_{2u}$  — LUMO+1.

Фуллерен  $C_{60}$  имеет шесть осей пятого порядка, десять третьего, пятнадцать второго и обладает инверсионной симметрией [9]. Исследование расщепления  $t_{1u}$ -



**Рис. 2.** Расщепление высшей занятой молекулярной орбитали (НОМО) относительно основного состояния нейтрального фуллерена  $C_{60}$  в интервале напряженностей электрических полей E = 0 - 1 V/Å при трех симметричных ориентациях молекулы: **E**  $\| \mathbf{C}_{2v} (a), \mathbf{E} \| \mathbf{C}_{3v} (b)$  и **E**  $\| \mathbf{C}_{5v} (c). d$  — расщепление низшей свободной молекулярной орбитали (LUMO).

и  $h_u$ -уровней проводилось для симметричных и низкосимметричных ориентаций молекулы в поле. Элементарный фрагмент молекулярной поверхности фуллерена представлен на рис. 1. Точками обозначены выходы осей симметрии молекулы, параллельно которым было направлено электрическое поле. В интервале напряженностей E = 0-1 V/Å проводилась оптимизация геометрии, затем рассчитывались энергии LUMO, HOMO, энергетический зазор между ними ( $E_{LUMO-HOMO}$ ). Эффективная работа выхода определялась по формуле  $W = (E_{LUMO} - E_{HOMO})/2$ .

## 3. Результаты расчетов

метода DFT Для проверки применимости LSDA [21,22] для расчета электронной структуры фуллеренов проведена оптимизация изолированной молекулы С<sub>60</sub> в отсутствие внешних полей. Рассчитанные длины одинарной  $R_{\rm c-c} = 1.45$  Å и двойной  $R_{\rm c=c} = 1.39$  Å связей хорошо согласуются с литературными данными  $R_{\rm c-c} = 1.44$  Å и  $R_{\rm c=c} = 1.39$  Å [23]. Энергетический зазор  $E_{\text{LUMO-HOMO}} = 1.83 \text{ eV},$ что соответствует интервалу значений Е<sub>LUMO-HOMO</sub> = = 1.658-2.723 eV, рассчитанных методом DFT [19]. Таким образом, метод DFT в приближении LSDA применим для расчетов электронной структуры основного состояния фуллерена С<sub>60</sub>. Далее проводилась оптимизация молекулы во внешнем электрическом поле.

Зависимости расщепления  $t_{1u}$ - и  $h_u$ -уровней нейтрального фуллерена C<sub>60</sub> в интервале напряженностей E = 0-1 V/Å при трех симметричных ориентациях молекулы в поле (**E** || **C**<sub>2v</sub>, **E** || **C**<sub>3v</sub> и **E** || **C**<sub>5v</sub>) с учетом ориентационной деформации углеродного скелета представлены на рис. 2. Независимо от ориентации молекулы в поле  $t_{1u}$ - и  $h_u$ -уровни вырождены при E < 0.01 V/Å. Зазор между граничными орбиталями не изменяется. Увеличение напряженности поля приводит к существенным изменениям в электронной структуре фуллерена: расщеплению  $t_{1u}$ - и  $h_u$ -уровней вследствие эффекта Штарка.

Расщепление *h*<sub>u</sub>-уровня фуллерена С<sub>60</sub> зависит от ориентации молекулы в поле. Полностью вырождение снимается при **E**  $\parallel$  **C**<sub>2v</sub> (рис. 2, *a*). Пять уровней дестабилизированы относительно основного состояния С60 на 18, 65, 138, 169 и 200 meV при E = 1 V/Å. В поле  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{3v} h_u$ -уровень расщепляется на три уровня, смещенных вверх по энергии на 35, 120 и 190 meV (E = 1 V/Å) (рис. 2, *b*). В работе [7] показано, что в поле  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{5v}$ *h*<sub>и</sub>-уровень расщепляется на два. Однако из наших расчетов, учитывающих деформацию фуллерена в поле, следует, что происходит расщепление на три уровня. Два близко расположенных энергетических уровня смещены вверх на 142 и 150 meV, один уровень стабилизируется на 22 meV при E = 1 V/Å (рис. 2, c). Трехкратно вырожденный в основном состоянии молекулы t<sub>1u</sub>-уровень расщепляется на два при трех симметричных ориента-



**Рис. 3.** Энергетический зазор между низшей свободной и высшей занятой молекулярными орбиталями ( $E_{LUMO-HOMO}$ ) и эффективная работа выхода электронов W фуллерена  $C_{60}$  в интервале напряженностей электрических полей E = 0-1 V/Åпри трех симметричных ориентациях молекулы:  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{2v}$  (I),  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{3v}$  (2) и  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{5v}$  (3).



**Рис. 4.** Расщепление  $t_{1u}$ - и  $h_u$ -уровней нейтрального фуллерена  $C_{60}$  в зависимости от ориентации в поле напряженностью E = 0.5 V/Å.  $\theta$  — угол между вектором напряженности **E** и осью **C**<sub>5v</sub> молекулы.  $C_1, C_2, C_3, C_5$  — то же, что на рис. 1.



**Рис. 5.** Полная энергия фуллерена  $C_{60}$  в зависимости от ориентации в поле напряженностью E = 0.5 V/Å относительно невозбужденного состояния молекулы.  $C_1, C_2, C_3, C_5$  — то же, что на рис. 1.

циях молекулы в поле (рис. 2, *d*). Поле напряженностью E = 1 V/Å стабилизирует расщепленные уровни на 22 и 200 meV. Квадратичное сближение граничных орбиталей уменьшает энергетический зазор между ними и эффективную работу выхода электронов (рис. 3).

Рассмотрим расщепление граничных орбиталей фуллерена  $C_{60}$  в зависимости от ориентации в поле при фиксированной напряженности E = 0.5 V/Å (рис. 4). При низкосимметричных ориентациях  $h_u$ -уровень расщепляется на пять уровней, энергии которых зависят от ориентации молекулы в поле. Расщепление  $t_{1u}$ -уровня не зависит от ориентации фуллерена в поле.

На рис. 5 представлена зависимость полной энергии фуллерена  $C_{60}$  от ориентации в поле относительно невозбужденного состояния. Энергетически выгодной является низкосимметричная ориентация в поле, соответствующая точке  $C_{115}$  на рис. 1. Ближайшими локальными минимумами являются ориентации, соответствующие точкам  $C_3$ ,  $C_{133}$  и  $C_{25}$  (рис. 1).

## 4. Заключение

Внешнее электрическое поле напряженностью  $E > 0.01 \, \text{V/Å}$  приводит к существенным изменениям в электронной структуре фуллерена С<sub>60</sub>, сопровождающимся расщеплением  $t_{1u}$ -И  $h_{u}$ -уровней, что может служить критерием сильного поля. Трехкратно вырожденный в основном состоянии t<sub>1и</sub>-уровень независимо от ориентации молекулы в поле расщепляется на два вследствие квадратичного эффекта Штарка. Поле  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_{3v}$  и  $\mathbf{E} \parallel \mathbf{C}_5$  расщепляет  $h_u$ -уровень на три. Вырождение полностью снимается при низкосимметричных ориентациях фуллерена в поле и при **Е** || **С**<sub>2v</sub>. Расщепление граничных орбиталей приводит к квадратичному уменьшению энергетического зазора между ними и эффективной работы выхода электронов.

## Список литературы

- M.F. Craciun, S. Russo, M. Yamamoto, J.B. Oostinga, A.F. Morpurgo, S. Tarucha. Nature Nanotechnol. 4, 383 (2009).
- [2] Y. Zhang, T.-T. Tang, C. Girit, Z. Hao, M.C. Martin, A. Zettl, M.F. Crommie, Y.R. Shen, F. Wang. Nature **459**, 820 (2009).
- [3] О.Е. Глухова, А.С. Колесникова, Г.В. Торгашов, З.И. Буянова. ФТТ 52, 1240 (2010).
- [4] A. Saffarzadeh, G. Kirczenow. Appl. Phys. Lett. 102, 173 101 (2013).
- [5] C.P. Huang, W.S. Su, C.C. Su, M.S. Ho. RSC Adv. **3**, 9234 (2013).
- [6] C.P. Huang, C.C. Su, W.C. Su, C.F. Hsu, M.S. Ho. Appl. Phys. Lett. 97, 061 908 (2010).
- [7] S. Wehrli, E. Koch, M. Sigrist. Phys. Rev B 68, 115412 (2003).
- [8] А.В. Тучин, Л.А. Битюцкая, Е.Н. Бормонтов. Нано- и микросистемная техника 4, 19 (2013).
- [9] А.В. Николаев, Б.Н. Плахутин. Успехи химии **79**, 803 (2010).

- [10] M.E. Lin, R.P. Andres, R. Reifenberger, D.R. Huffman. Phys. Rev. B 47, 7546 (1993).
- [11] О.Е. Глухова. Нано- и микросистемная техника 7, 8 (2008).
- [12] А.В. Тучин, Л.А. Битюцкая. Конденсированные среды и межфазные границы **12**, 168 (2010).
- [13] S. Wehrli, D. Poilblanc, M. Rice, M. Sigrist. AIP Conf. Proc. 633, 213 (2002).
- [14] Е.А. Голубев. ФТТ 55, 995 (2013).
- [15] С.Ш. Рехвиашвили. ФТТ 55, 1422 (2013).
- [16] R. Fasel, P. Aebi, R.G. Agostino, D. Naumovic, J. Osterwalder, A. Santaniello, L. Schlapbach. Phys. Rev. Lett. 96, 4733 (1996).
- [17] L. Liu, S. Liu, X. Chen, C. Li, J. Ling, X. Liu, Y. Cai, L. Wang. Sci. Rep. 3, 3062 (2013).
- [18] I.V. Kuvychko, N.B. Shustova, S.M. Avdoshenko, A.A. Popov, S.H. Strauss, O.V. Boltalina. Chem. Eur. J. 17, 8799 (2011).
- [19] S.M. Lee, R.J. Nicholls, D. Nguyen-Manh, D.G. Pettifor, G.A.D. Briggs, S. Lazar, D.A. Pankhurst, D.J.H. Cockayne. Chem. Phys. Lett. 404, 206 (2005).
- [20] M.S. Golden, M. Knupfer, J. Fink, J.F. Armbruster, T.R. Cummins, H.A. Romberg, M. Roth, M. Sing, M. Shmidt, E. Sohmen, J. Phys.: Cond. Matter 7, 8219 (1995).
- [21] P. Hohenberg, W. Kohn. Phys. Rev. 136, 864 (1964).
- [22] W. Kohn, L.J. Sham. Phys. Rev. 140, 1133 (1965).
- [23] Т.Л. Макарова. ФТП 35, 257 (2001).