## 06.2 Влияние толщины окисла на быстродействие полевого транзистора в терминах скорости туннелирующих носителей заряда

## © М.А. Градо-Каффаро, М. Градо-Каффаро

Sapienza S.L. (scientific consultants), C/Julio Palacios 11, 9-B, 28029 Madrid (Spain)

## Поступило в Редакцию 11 февраля 2002 г. В окончательной редакции 15 апреля 2002 г.

Вводится параметр, характеризующий изменение скорости туннелирующих через окисел электронов с изменением толщины окисла. Данный параметр может быть привлечен при рассмотрении вопросов быстродействия *n*-канальных полевых транзисторов с управляющим и плавающим затвором. Проведена оценка введенного характеристического параметра для наиболее актуальных экспериментальных ситуаций.

**Введение.** Использование полевых транзисторов в элементах памяти для слаботочных микроконтроллеров обеспечивает ряд существенных преимуществ. Поскольку работа таких приборов основана на протекании туннельного тока через слой окисла, толщина последнего  $t_{ox}$  является важнейшим фактором, определяющим функционирование транзистора в самых различных его аспектах. Например, в работе [1] обсуждалась проблема выхода годных образцов во взаимосвязи с толщиной диэлектрика.

В настоящем сообщении изучается быстродействие прибора, для чего вводится специальный параметр, характеризующий влияние толщины окисла на скорость движения туннелирующих электронов v. При этом выясняется, что такой параметр "чувствительности  $v \kappa t_{ox}$ " тождественен параметру, вводимому в математически аналогичной форме и выражающему зависимость плотности туннельного тока от  $t_{ox}$ .

*Теория.* Выражение для туннельного тока через окисел хорошо известно [1–5] и имеет — применительно к *n*-канальному полевому

25

транзистору Al/SiO<sub>2</sub>/Si — вид:

$$j = \frac{e^3 m_0 E^2}{16\pi^2 \hbar m_n^* E_b} \cdot \exp\left[-\frac{4(2m_n^* E_b^3)^{1/2}}{3e\hbar E}\right],$$
 (1)

где e — элементарный заряд, E — напряженность электрического поля в окисле,  $m_0$  — масса свободного электрона,  $m_n^*$  — эффективная масса туннелирующего электрона,  $\hbar$  — постоянная Планка, деленная на  $2\pi$ , а  $E_b$  — высота туннельного барьера со стороны катода. С учетом соотношений  $E = V_{ox}t_{ox}$  и j = env, где v — скорость электронов, а n — их объемная концентрация в барьере (см., например, [1,3,4]), из равенства (1) следует

$$V \approx \frac{e^2 m_0 E_b^{-1} V_{ox}^2}{16\pi^2 \hbar m_n^* n t_{ox}^2} \cdot \exp\left[-\frac{4(2m_n^* E_b^3)^{1/2} t_{ox}}{3e \hbar V_{ox}}\right].$$
 (2)

Формула (2) применима для напряжений на окисле  $V_{ox} > E_b/e$ .

Введем параметр, характеризующий относительное изменение скорости носителей при изменении толщины *t*<sub>ox</sub>:

$$s \equiv \left| \frac{1}{V} \cdot \frac{dV}{dt_{ox}} \right|. \tag{3}$$

Значение данного параметра может служить своеобразным критерием, если, например, требуется выявить диапазон толщины окисла, в котором скорость v (и, следовательно, быстродействие прибора) будет сильно чувствительной к  $t_{ox}$ . Из (3) при подстановке (2) имеем:

$$s \approx \frac{2}{t_{ox}} + \frac{4(2m_n^* E_b^3)^{1/2}}{3e\hbar V_{ox}},$$
 (4)

где  $m_n^* \approx m_0$ , а  $E_b \approx 3.2$  eV. Заметим, что характеристический параметр *s* определен как абсолютная величина соответствующего выражения (оно принимает только отрицательные значения).

Для получения численной оценки *s* выберем  $V_{ox} = 4$  V, что соответствует реальной ситуации в реальных приборах. При  $V_{ox} = 4$  V и  $t_{ox} \sim 100$  Å туннельный ток уже вполне заметен [1,3,4], в то время как, скажем, при  $V_{ox} \sim 3.2$  V, отвечающем границе применимости выражения (1), этот ток пренебрежимо мал. Величину для  $E_b$  (3.2 V) можно рассчитать исходя из известного значения разницы энергий



Рис. 1. Энергетическая зонная диаграмма системы Si/SiO<sub>2</sub>.

между краем зоны проводимости SiO<sub>2</sub> и краем валентной зоны; последняя равна 4.3 eV при комнатной температуре (см., например, [6–8]).  $E_b = E_{c(SiO_2)} - E_{c(Si)} = 4.3 - 1.1 = 3.2 \text{ eV}$  (рис. 1). Таким образом, для  $V_{ox} = 4 \text{ V}$  и  $E_b = 3.2 \text{ eV}$  численно получаем:

$$s \approx 0.98 + \frac{2}{t_{ox}},\tag{5}$$

где  $t_{ox}$  и *s* выражены в Å и Å<sup>-1</sup> соответственно.

В работе [7] был введен параметр  $s_{\mu n} = |\mu_n^{-1}(d\mu_n/dt_{ox})|$ , характеризующий зависимость дифференциальной подвижности электронов  $\mu_n = (en)^{-1}(dj/dE)$  от толщины SiO<sub>2</sub>; отсюда по определению подвижности  $\mu_n = dv/dE$  приходим просто к j = env. Для  $s_{\mu n}$  мы тоже можем получить соотношение типа (5) [7], хотя постоянный член в правой части, конечно же, не совпадает с тем, который выписан выше для s. Зависимости  $s_{\mu n}(t_{ox})$  и  $s(t_{ox})$  имеют одинаковый графический вид. Это обстоятельство очень существенно, поскольку свойства соотношения (5) оказываются такими же, как и у  $s_{\mu n} = (t_{ox})$ , для которого физическое содержание и возможности использования были подробно исследованы в [7].

Выражение (5) полезно для практического изучения быстродействия прибора. При этом наиболее интересным является диапазон толщины  $t_{ox} = 100-400$  Å [1,3]; именно для этого диапазона [1] изучался выход годных приборов с использованием достаточно большого количества образцов.



**Рис. 2.** Зависимость характеристического параметра *s* от  $t_{ox}$  при фиксированном  $V_{ox} = 4$  V.

Укажем еще на одно обстоятельство, принципиальное для элементов памяти в микроконтроллерах, работающих при малых напряжениях. Авторами [1] высказывалось опасение, что при понижении напряжения истока от 5 до 3 V соответствующее напряжение для накачки заряда, управляющее напряжение затвора и напряжение на туннельном окисле также понижаются; уменьшение при этом туннельного тока электронов на плавающий затвор (формула (1)) приведет к замедлению режима считывания и возможному отказу элемента [1,3,4]. Анализируя формулу (4), легко заметить, что вышеупомянутое снижение  $V_{ox}$ , напротив, сопровождается увеличением s, если толщина окисла  $t_{ox}$  постоянна.

На рис. 2 представлена кривая, соответствующая формуле (5), в наиболее актуальном диапазоне изменения  $t_{ox}$ , в том числе при  $t_{ox} \approx 100$  Å [1,3,4]. Можно сказать, что выражение (5) служит инструментом для исследования зависимости скорости v от толщины окисла  $d_{ox}$ , если  $d_{ox}$  рассматривается как аргумент [7]. Правая часть (5) это сумма постоянной величины и члена, обратно пропорционального толщине.

Характеристический параметр *s* можно было бы определить и несколько иначе, а именно как  $s = |j^{-1}(dj/dt_{ox})|$ , что с учетом соотношения j = env дает выражение  $s = |v^{-1}(dv/dt_{ox})|$ , введенное выше.

Определение *s* через производную тока позволяет обойти методические проблемы, связанные с несоответствием между скоростью в соотношении j = env и скоростью, получаемой по правилам квантовой механики с волновыми функциями в модели Фаулера–Нордгейма (1). Заметим также, что концентрация *n*, пропорциональная связанной с волновыми функциями плотности вероятности, выпадает из выражения для параметра *s*.

Заключение. Для анализа быстродействия полевых транзисторов введен параметр *s*, количественно характеризующий чувствительность скорости туннелирующих носителей к толщине окисла. Из равенства (5) следует, что при  $t_{ox} > 100$  Å этот параметр почти не зависит от  $t_{ox}$  (в частности,  $s \approx 1 \text{ Å}^{-1}$  при  $t_{ox} \approx 100$  Å), в то время как при  $t_{ox} \ll 100$  Å имеет место заметное возрастание *s* с уменьшением толщины (рис. 2). Такое поведение *s* связано с сильной зависимостью плотности тока *j* от напряженности поля *E*. В процессе рассмотрения мы приняли  $m_n^* = m_0$  для эффективной массы электрона в окисле, что примерно соответствует значению  $m_n^* = 0.84m_0$  из работы [8]. Укажем еще, что теоретическая сторона нашей работы тесно связана с публикациями [9–12].

## Список литературы

- [1] Ku J.W., Chao S.C. // Semiconductor Int. May 1997. P. 105-110.
- [2] Sze S.M.: Physics of semiconductor devices. Second edition. Wiley, 1981.
- [3] Chen I., Holland S., Hu C. // IEEE Trans. Electron Dev. 1985. ED-32. P. 413.
- [4] Grado-Caffaro M.A., Grado-Caffaro M. // Act. Pass. Electronic Comp. 1998. V. 20. P. 165–167.
- [5] Grado-Caffaro M.A., Grado-Caffaro M. // Act. Pass. Electronic Comp. 1998. V. 21. P. 57–60.
- [6] Deal B.E., Snow E.N., Mead C.A. // J. Phys. Chem. Solids. 1966. V. 27. P. 1873.
- [7] Grado-Caffaro M.A., Grado-Caffaro M. // Eur. Phys. J. Appl. Phys. 1999. V. 5. P. 1–2.
- [8] Mao L.F., Wei J.L., Tan Ch.H., Xu M.Zh. // Solid State Commun. 2000. V. 114. P. 383–387.
- [9] Tang J., Hess K. // J. Appl. Phys. 1983. V. 54. P. 5145-5151.
- [10] Pavan P., Bez R., Olivo P., Zanoni E. // Proc. IEEE. 1997. V. 85. P. 1255.
- [11] Maserjian J., Zamani N. // J. Appl. Phys. 1982. V. 53. P. 559.
- [12] Maserjian J. // J. Vac. Sci. Technol. 1974. V. 11. P. 996.