01;05 Дисперсионные характеристики щелевых и копланарных линий на основе структуры "сегнетоэлектрическая пленка–диэлектрическая подложка"

© И.Г. Мироненко, А.А. Иванов

C.-Петербургский государственный электротехнический университет "ЛЭТИ" E-mail: mit@eltech.ru, MironencolG@rambler.ru, iva@solaris.ru

Поступило в Редакцию 4 февраля 2001 г.

Приводятся результаты численного анализа зависимости постоянной распространения электромагнитных волн в щелевых и копланарных линиях. Они расширяют представления о возможности проектирования линий передачи и устройств планарного типа mm-диапазона волн на основе сегнетоэлектрической пленки.

Нелинейные свойства сегнетоэлектрических материалов находят разнообразное применение в технике СВЧ [1]. Интерес к дисперсионным характеристикам планарных линий передачи на основе структуры "сегнетоэлектрическая пленка (СЭП)-диэлектрическая подложка" вызван прежде всего тем, что в них постоянная распространения электромагнитных волн зависит от диэлектрической проницаемости СЭП. И это обстоятельство является решающим фактором при разработке устройств на их основе с управляемыми характеристиками. На рис. 1 представлены экранированная щелевая и копланарная линии в структуре "СЭП-диэлектрическая подложка". В данной работе приводятся результаты численного анализа зависимости постоянной распространения основных электромагнитных модов в щелевой и копланарной линиях от толщины и диэлектрической проницаемости СЭП в диапазоне частот, представляющих наибольший практический интерес. Анализ выполнен в рамках полноволновой модели, в наилучшей степени отвечающей гибридному характеру электромагнитных волн в планарных линиях передачи.

16



Рис. 1. Поперечные сечения щелевой (*a*) и копланарной (*b*) линий передачи: ε , d — диэлектрическая проницаемость и толщина СЭП, ε_1 , d_1 — диэлектрическая проницаемость и толщина диэлектрической подложки, ε_0 — диэлектрическая проницаемость вакуума, d_0 , d'_0 — расстояния до экранов.



Рис. 2. Зависимость постоянной распространения в щелевой линии (a): 1 - w = 0.05 mm; 2 - w = 0.1 mm; 3 - w = 0.25 mm; 4 - w = 0.5 mm. Зависимость постоянной распространения в копланарной линии (b): 1 - w = 0.05 mm, h = 0.1 mm; 2 - w = h = 0.05 mm.

Гибридный характер электромагнитного поля в линиях можно описать суперпозицией *LE* и *LM* волн. Поэтому зададим векторы Герца в виде: магнитный

$$\dot{\mathbf{A}} = \mathbf{e}_{\mathbf{y}} \cdot A(x, y) \cdot \exp\left(-j \cdot (\gamma \cdot z - \omega \cdot t)\right), \quad \dot{\mathbf{F}} = \mathbf{e}_{\mathbf{y}} \cdot F(x, y) \cdot \exp\left(-j \cdot (\gamma \cdot z - \omega \cdot t)\right)$$

— электрический, где γ — постоянная распространения электромагнитных волн в линиях. В каждой области поперечного сечения линий (рис. 1) фурье-образы (ФО) потенциалов $\overline{A}_i(y, s)$ и $\overline{F}_i(y, s)$ удовлетворя-



Рис. 2 (продолжение).

ют уравнению

$$\left(\frac{\partial^2}{\partial y^2} + \alpha_i^2\right) \cdot \left\{\frac{\overline{A}_i(y,s)}{\overline{F}_i(y,s)}\right\} = 0,$$
(1)

где $\alpha_i = \sqrt{(s^2 + \gamma^2 - k^2 \cdot \varepsilon_i)}, k^2 = \omega^2 \cdot \varepsilon_0 \cdot \mu_0$ — постоянная распространения в свободном пространстве.

Задача нахождения постоянной распространения решалась следующими этапами:

1. Решено уравнение (1) и найдены ФО потенциалов.

2. Через ФО потенциалов были вычислены ФО касательных составляющих напряженностей электрического и магнитного полей в плоскости *y* = 0.

3. Сшивание касательных составляющих E_x , E_z , H_x и H_z на ширине щели в щелевой и копланарной линиях привело к парной системе интегральных уравнений относительно напряженности электрического поля на щелях.

4. Разложения полей на щелях по полиномам Чебышева [2,3] и последующая процедура алгебраизации, принятая в методе Галеркина, позволила свести интегральные уравнения к бесконечной системе алгебраических уравнений относительно неизвестных коэффициентов разложения *a_n*, *b_m* и постоянной распространения в виде

$$\sum_{n=0,1,2}^{\infty} a_n \cdot K_{p,n}^{11}(\gamma, s) + \sum_{m=1,2}^{\infty} b_m \cdot K_{p,m}^{12}(\gamma, s) = 0,$$
$$\sum_{n=0,1,2}^{\infty} a_n \cdot K_{q,n}^{21}(\gamma, s) + \sum_{m=1,2}^{\infty} b_m \cdot K_{q,m}^{22}(\gamma, s) = 0,$$
(2)

где

$$K_{p,n}^{11}(\gamma,s) = (-1)^{n+p} \cdot \int_{0}^{\infty} J_{2p}\left(\frac{s \cdot w}{2}\right) \cdot f_{11}(s,\gamma) \cdot J_{2n}\left(\frac{s \cdot w}{2}\right) \cdot ds$$

— для щелевой линии,

$$egin{aligned} K_{p,n}^{11}(\gamma,s) &= (-1)^{n+p} \cdot \int\limits_{0}^{\infty} J_{2p}\left(rac{s\cdot w}{2}
ight) \cdot f_{11}(s,\gamma) \ & imes J_{2n}\left(rac{s\cdot w}{2}
ight) \cdot \sin\left(rac{s\cdot (w+h)}{2}
ight) \cdot ds \end{aligned}$$

— для копланарной линии; $K_{p,m}^{12}$, $K_{q,m}^{21}$, $K_{q,m}^{22}$ имеют аналогичный вид, $J_{\nu}(z)$ — функция Бесселя I рода; $f_{11}(s, \gamma)$ (аналогично $f_{21}(s, \gamma)$, $f_{22}(s, \gamma)$ в других интегралах) — функции, зависящие только от размеров поперечного сечения и диэлектрических проницаемостей слоев.

5. Равенство нулю определителя системы (2) дает уравнение для определения постоянной распространения γ .

Результаты расчетов постоянной распространения в щелевой и копланарной линиях представлены на рис. 2, *a*, *b*. По оси абсцисс

графиков отложено произведение ($\varepsilon \cdot d$), позволяющее определять γ для различной толщины СЭП в диапазоне значений ($0 \le d \le 5 \cdot 10^{-3}$ mm) и ее диэлектрической проницаемости ($\varepsilon \le 2.5 \cdot 10^3$). Расчеты выполнены для диэлектрической подложки с параметрами $d_1 = 0.34$ mm, $\varepsilon_1 = 9.5$ на частоте 30 GHz. Влияние экранирующих электродов пренебрежимо мало при $d_0 = d'_0 \ge 5$ mm. Погрешность расчетов, оцениваемая из сходимости интегралов в соотношениях (2), не превышает долей процента.

Полученные результаты позволяют сделать вывод о том, что в щелевой и копланарной линиях, образованных на поверхности СЭП, можно обеспечить требуемое замедление электромагнитных волн и эффективное управление постоянной распространения за счет изменения диэлектрической проницаемости СЭП.

Список литературы

- [1] Integrated Feffoelectrics. V. 22. 1998.
- [2] *Gupta K.C., Garg R., Bahl I., Bhartia P.* Microstrip lines and slotlines. ARTECH HOUSE, INC. 1996.
- [3] Itoh T. // IEEETrans. V. MTT-28. N 7. July 1980. P. 733-736.