01:09:10

# Применение высокочастотного ондулятора для фокусировки и ускорения ионных пучков

© Э.С. Масунов

Московский государственный инженерно-физический институт (Технический университет), 115409 Москва, Россия

e-mail: masunov@edhem.mephi.msk.su

(Поступило в Редакцию 6 декабря 2000 г.)

Обсуждается возможность использования несинхронных с пучком гармоник высокочастотного поля для фокусировки и ускорения заряженных частиц в периодических резонансных структурах. Найдены условия, при которых имеет место эффективное ускорение частиц в поперечных и в продольных полях высокочастотного ондулятора. Рассмотрены примеры реализации предложенного способа фокусировки и ускорения частиц, а также результаты численного расчета динамики ионов дейтерия в новом типе линейного ускорителя.

#### Введение

Ранее в работе [1,2] подробно исследовалась динамика нерелятивистских ионных пучков в линейном ондуляторном ускорителе, в котором частицы ускоряются в поле периодического электростатического ондулятора и в переменном высокочастотном поле. Было показано, что в комбинационном поле, которое получается при сложении полей электростатического ондулятора и периодического ВЧ резонатора, в котором отсутствуют синхронные с пучком волны (для краткости такой резонатор будем называть ВЧ ондулятором), можно одновременно ускорять и фокусировать частицы пучка. Ондуляторный ускоритель удается сделать компактным, если для возбуждения высокочастотного поля в ускоряющем канале использовать те же электроды, что и для создания периодического электростатического поля, т.е. конструктивно совместить ВЧ ондулятор с электростатическим ондулятором. Исследование на экспериментальных макетах показало [3], что при реализации такого устройства могут возникнуть проблемы, связанные с ВЧ пробоем в случае одновременного возбуждения ВЧ поля и электростатического поля большой амплитуды. Кроме того, для эффективной работы ондуляторного ускорителя надо иметь кроме ВЧ генератора мощный высоковольтный источник постоянного напряжения. Между тем предложенный способ фокусировки и ускорения пучка с помощью несинхронных волн можно успешно применить и без использования электростатических полей.

Целью настоящей работы является формулировка основных требований к высокочастотному ондулятору для эффективного ускорения и фокусировки ионных пучков с низкой энергией инжекции.

# Уравнение движения

Поле, возбуждаемое в периодическом резонаторе, будем искать как периодическое решение уравнений Максвелла с заданными граничными условиями. В предположении, что поперечные размеры резонатора малы по сравнению с длиной волны высокочастотного поля, коэффициенты разложения поля в ряд Фурье можно вычислить методом, основанным на электростатическом приближении к задаче. Тогда продольную и поперечные составляющие электрического поля можно представить в виде суммы по пространственным гармоникам

$$\mathbf{E}_{\perp} = \sum_{n} \mathbf{E}_{n,\perp}(x, y) \sin(h_{n}z + \alpha) \cos(\omega t),$$

$$E_{z} = \sum_{n} E_{n,z}(x, y) \sin(h_{n}z + \alpha) \cos(\omega t), \qquad (1)$$

где  $h_n = h_0 + 2\pi n/D$ ,  $h_0 = \mu/D$ ,  $\mu$  — вид колебаний, D — период структуры.

Рассмотрим уравнение движения нерелятивистского ионного пучка в поле (1), предполагая, что скорость частиц v отличается от фазовой скорости всех гармоник волн  $v_{ph,n} = \omega/h_m$ ,  $n = 0, 1, 2, \ldots$ 

В общем случае взаимодействие частиц с несинхронными гармониками ВЧ поля не меняет в среднем энергию пучка, но приводит к появлению быстрых осцилляций в продольном и поперечном направлениях. В дальнейшем следует различать случай продольного ондулятора, у которого поперечные компоненты поля отсутствуют на оси ( $\mathbf{E}_{n,\perp}(0,0)=0$ ), и поперечного ондулятора, у которого продольная компонента поля на оси равна нулю ( $E_{n,z}(0,0)=0$ ). Соответственно в сумме (1) в первом случае величину  $\alpha$  следует взять равной нулю, во втором —  $\alpha=\pi/2$ .

Как показано в работе [2], даже в отсутствие синхронизма между частицами пучка и пространственными гармониками волны имеет место эффективное взаимодействие пучка с полем, если выполнено условие

$$v = \omega/k_z, \tag{2}$$

где  $k_z(h_n \pm h_p)/2$   $(k_z \neq h_n \neq h_p; n = 0, 1, 2; p = 0, 1, 2).$ 

Величина  $k_z$  определяет продольный волновой вектор комбинационной волны, возникающей при сложении полей n- и p-гармоник. Действительно, если ввести в рассмотрение медленно меняющуюся фазу  $\psi = \int k_z dZ - \omega t$ 

86 Э.С. Масунов

и координату  $\mathbf{R} = (X, Y, Z)$  и выполнить усреднение по быстрым продольным и поперечным осцилляциям, как это сделано в [2,4], то получим уравнение движения в гладком приближении

$$\frac{d^2\mathbf{R}}{dt^2} = -\frac{\partial}{\partial \mathbf{R}} U_{eff},\tag{3}$$

где функция  $U_{\mathrm{eff}}$  зависит от амплитуды гармоник несинхронных волн.

Если ввести безразмерную амплитуду гармоники поля

$$\mathbf{e}_{n(\perp,z)} = \frac{e\lambda}{2\pi mc^2} \mathbf{E}_{n(\perp,z)},$$

приведенную скорость частицы  $\beta$ , безразмерные координаты  $\xi=2\pi Z/\lambda$ ,  $\rho=2\pi X/\lambda$ ,  $\eta=2\pi Y/\lambda$  и безразмерное время  $\tau=\omega t$ , то уравнение движения можно записать так:

$$\frac{d\boldsymbol{\beta}}{d\tau} = -\nabla U_{\text{eff}},\tag{4}$$

где

$$U_{\text{eff}} = U_1 + U_2 + U_3, \tag{5}$$

$$U_1 = \frac{1}{16} \sum_{n} (\mathbf{e}_n)^2 \left( \frac{1}{(\Delta_n^-)^2} + \frac{1}{(\Delta_n^+)^2} \right),$$
 (5a)

$$U_{2} = \frac{1}{16} \sum_{h_{n} + h_{n} = 2k} \left( \frac{e_{n,z} e_{p,z} - \mathbf{e}_{n,\perp} \mathbf{e}_{p,\perp}}{\left(\Delta_{n}^{-}\right)^{2}} \right) \cos(2\psi + 2\alpha), \quad (56)$$

$$U_3 = \frac{1}{8} \sum_{|h_p - h_n| = 2k} \left( \frac{\mathbf{e}_n \mathbf{e}_p}{\left(\Delta_n^-\right)^2} \right) \cos(2\psi). \tag{5b}$$

Здесь  $\Delta_n^{\pm} = (h_n \pm k_z)/k_z$ . В выражении для  $U_2$ суммирование проводится только по тем гармоникам, для которых  $h_n + h_p = 2k_z$ , а в  $U_3$  — для которых  $|h_n - h_p| = 2k_z$ . Функцию  $U_{\text{eff}}$  следует рассматривать как эффективную потенциальную функцию, которая определяет гамильтониан системы пучок-волна и с помощью которой удобно исследовать трехмерную динамику пучка в гладком приближении. Из уравнения (4) следует, что необходимым условием, обеспечивающим ускорение и фокусировку частиц пучка, является наличие у потенциальной функции  $U_{\rm eff}$  абсолютного минимума. Продольная группировка и ускорение пучка возможны, если скорость частиц близка к скорости синхронной частицы  $\beta_s = \omega/ck_z$ , у которой фаза  $\psi = \psi_s$  остается постоянной или медленно меняется вдоль продольной координаты. Уравнение, описывающее изменение  $\beta_s$ , будет выглядеть

$$\frac{d\beta_s}{d\tau} = -\frac{\partial}{\partial \xi} U_{\text{eff}} \Big|_{\psi = \psi_s, \rho = 0, \eta = 0}.$$
 (6)

Отсюда можно определить закон изменения периода структуры  $D(\xi)$  и область возможных значений фаз комбинационной волны  $\psi_s$  для реализации эффективного ускорения частиц.

### Анализ динамики пучка

В качестве примера рассмотрим задачу об ускорении и фокусировке ленточного пучка в щелевом канале плоского высокочастотного ондулятора. На рисунке показаны три возможных варианта реализации такой ускоряющей системы с видом колебаний  $\mu=\pi$ . Знакопеременное ВЧ поле в области, где находится пучок, можно получить, если на периодическую последовательность поперечных электродов — "стержней" подавать ВЧ потенциал разного знака  $U_v = \pm U_0 \cos \omega t$ . В зависимости от разности фаз  $U_{\nu}$  между соседними парами электродов можно получить либо продольный (см. рисунок, а), либо поперечный ондулятор (см. рисунок, b). Считая, что в узком щелевом канале поле зависит только от продольной координаты Z и поперечной координаты Y, амплитуды гармоник электрического поля в продольном ондуляторе можно записать так:

$$E_{n,z} = E_{n,0} \operatorname{ch}(h_n Y), \quad E_{n,y} = E_{n,0} \operatorname{sh}(h_n Y).$$
 (7)

В случае поперечного ондулятора

$$E_{n,z} = E_{n,0} \operatorname{sh}(h_n Y), \quad E_{n,y} = E_{n,0} \operatorname{ch}(h_n Y).$$
 (8)

Найдем условия фокусировки и ускорения ленточного пучка, используя выражения для амплитуд полей (7), (8). При анализе функции  $U_{\rm eff}$  достаточно в сумме (5) оставить первые две гармоники с n=0 и 1, считая, что вклад остальных гармоник мал. Рассмотрение начнем с изучения периодической структуры, работающей на виде колебаний  $\mu=0$ . В этом случае, если скорость частиц пучка близка к  $\beta=2D/\lambda$ , выражение для  $U_{\rm eff}$  можно записать так:

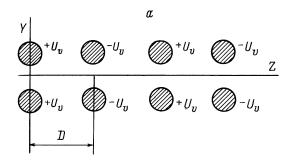
$$U_{\text{eff}} = \frac{1}{8} \left[ e_0^2 + \frac{5}{9} e_1^2 \operatorname{ch} \left( \frac{4\eta}{\beta_s} \right) + 2e_0 e_1 \operatorname{ch} \left( \frac{2\eta}{\beta_s} \right) \cos(2\psi) \right]. \tag{9}$$

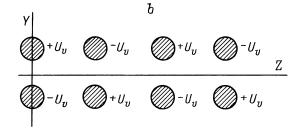
Отсюда получаем уравнение, определяющее изменение скорости частиц пучка,

$$\frac{d\beta}{d\tau} = \frac{e_0 e_1}{2\beta_s} \operatorname{ch}\left(\frac{2\eta}{\beta_s}\right) \sin(2\psi). \tag{10}$$

Ускорение и автофазировка частиц возможны, когда фаза синхронной частицы  $\psi_s$  в поле комбинационной волны находится в интервалах  $[\pi/4, \pi/2]$  и  $[5\pi/4, 3\pi/2]$ . При этом, согласно (9), условие фокусировки для всех ускоряемых частиц пучка будет выполнено вблизи оси системы  $(\eta/\beta_s \ll 1)$ , если амплитуда первой гармоники больше нулевой  $(e_1 > e_0)$ .

Этот результат интересно сравнить с другой возможностью ускорения в ВЧ ондуляторе, в котором поле возбуждается на виде колебаний  $\mu=\pi$ . Если скорости частиц пучка близки к  $\beta=D/\lambda$ , то вместо выраже-





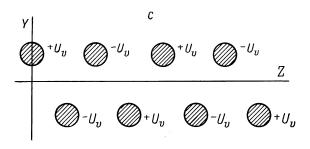


Схема расположения электродов в плоском ВЧ ондуляторе  $(\pi$ -вид колебаний).

ния (9) теперь будем иметь

$$U_{\text{eff}} = \frac{1}{4} \left[ e_0^2 \operatorname{ch} \left( \frac{\eta}{\beta_s} \right) + e_1^2 \operatorname{ch} \left( \frac{3\eta}{\beta_s} \right) + 3e_0 e_1 \operatorname{ch} \left( \frac{\eta}{\beta_s} \right) \cos(2\psi) \right]. \quad (11)$$

Здесь для простоты опущено второе слагаемое в сумме (5а), которое ответственно за взаимодействие пучка со встречной волной и вклад которого в эффективный потенциал  $U_{\rm eff}$  достаточно мал. Уравнение продольного движения теперь можно записать так:

$$\frac{d\beta}{d\tau} = \frac{e_0 e_1}{\beta_s} \operatorname{ch}\left(\frac{\eta}{\beta_s}\right) \sin(2\psi), \tag{12}$$

т.е. ускорение возможно при тех же значениях фаз синхронной частицы, что и раньше, но темп ускорения при заданном периоде структуры будет в четыре раза выше. Другим важным преимуществом применения ВЧ ондулятора на виде колебаний  $\mu=\pi$  является то, что поперечная фокусировка частиц возможна при любом соотношении между амплитудами нулевой и первой

гармоник поля. В этом несложно убедиться, анализируя форму потенциальной функции (11) в зависимости от координат  $\eta$  и  $\psi$ .

Интересно отметить, что все полученные выше результаты относятся к рассмотрению как поперечного, так и продольного ондуляторов. Однако с точки зрения практической реализации нового типа ускорителя преимущество следует отдать ускорению в поперечных полях. Действительно, при малых скоростях ионного пучка пространственный период ондулятора D быстро увеличивается с ростом энергии. В этих условиях при заданных на электродах значениях ВЧ потенциала трудно обеспечить постоянство амплитуд гармоник напряженности электрического поля на оси системы. С другой стороны, в поперечном ондуляторе апертура канала может оставаться постоянной, что позволяет при известном распределении потенциалов на электродах сравнительно просто реализовать максимальную величину амплитуды ускоряющего поля на всей длине ускорителя.

В плоском ондуляторе существует возможность выбирать такое расположение поперечных электродов (см. рисунок, c), когда на виде колебаний  $\mu=\pi$  в любом поперечном сечении канала будет выполнено условие

$$E_{n,y}(y,0) = E_{n,z}(y,0).$$
 (13)

В этом случае в сумме (5) слагаемые  $u_2 = U_3 = 0$  и эффективный потенциал  $U_{\rm eff}$  не зависит от фаз частиц. Это значит, что ускорение отсутствует, но сам ВЧ ондулятор можно рассматривать как устройство, обеспечивающее поперечную фокусировку ленточного пучка на всей длине ондулятора.

#### Пример расчета ускорителя

В качестве примера, который позволяет оценить эффективность ускорения в ВЧ ондуляторе, рассмотрим результаты численного моделирования динамики ленточного пучка ионов дейтерия. Энергия инжекции немодулированного ленточного пучка  $W_{\rm in} = 150\,{\rm keV}$ . В качестве ускоряющей структуры выбран поперечный ВЧ ондулятор на виде колебаний  $\mu = \pi$ . Рабочая длина волны  $\lambda = 1.5 \,\mathrm{m}$ . Период структуры  $D = \beta_s \lambda$ , где  $\beta_s$  находится их уравнения (6). Ускоритель состоит из группирующего участка длиной  $L_f = 0.7 \,\mathrm{m}$  и основного участка длиной  $L_e = 1.8 \, \mathrm{m}. \, \, \mathrm{B} \,$  группирователе амплитуда гармоник поля плавно нарастает как  $E(a) = E_{\text{max}} \sin(\pi z/2L_f)$ , а фаза  $\psi_s$ уменьшается по линейному закону от  $\pi/2$  до  $3\pi/8$ . На участке ускорения амплитуда поля не меняется  $E=E_{\mathrm{max}}$ и фаза синхронной частицы  $\psi_s = 3\pi/8$ . Величины отношения амплитуд первой гармоники поля к нулевой  $\chi = e_1/e_0$  выбирались из условия, чтобы потери частиц были минимальны. Прирост энергии частиц Wи коэффициент токопрохождения пучка K зависят от выбора величины  $E_{\rm max}$ . В рассматриваемом нами случае при  $E_{\rm max} = 150\,{\rm kV/cm}$  и  $\chi = 0.6$  выходная энергия  $W = 1.1 \,\mathrm{MeV}$ , а коэффициент K = 64%. При увеличении 88 Э.С. Масунов

амплитуды основной гармоники до  $E_{\rm max}=250\,{\rm kV/cm}$  и при  $\chi=0.3$  получаем конечную энергию  $W=1.37\,{\rm MeV}$  и K=63.5%. Конечно, увеличить темп ускорения и получить большее значение K можно, если использовать специальные методы оптимизации и выбора параметров группирователя. Однако даже из приведенных выше примеров видно, что при малых начальных энергиях частиц по эффективности ускорения ионов предложенная система не уступает и даже в некоторых случаях превосходит традиционные ускорители с ВЧ фокусировкой.

### Основные выводы

В работе показана возможность применения ВЧ ондулятора для группировки, ускорения и фокусировки ионных пучков. Ускорение возможно не только в продольных, но и в поперечных ВЧ полях. Причем по темпу ускорения ионов предложенная ВЧ система не уступает ускорителю типа RFQ. За счет изменений амплитуды поля и периода структуры ВЧ ондулятора можно обеспечить эффективную продольную группировку пучка на частоте, равной удвоенной частоте высокочастотного поля. При этом удается получить достаточно большой коэффициент захвата частиц в режим ускорения.

За счет выбора специальной геометрии плоский ВЧ ондулятор можно использовать в качестве устройства для фокусировки ленточных немодулированных пучков. Наконец, большие возможности открываются при использовании ВЧ ондулятора для ускорения скомпенсированных ионных пучков, состоящих из частиц с противоположным знаком заряда (например,  $D^+$  и  $D^-$ ). Как видно из уравнений (6), (10) и (12), величина фазы синхронной частицы  $\psi_s$  не зависит от знака заряда. Поэтому в одном сгустке можно ускорять одновременно положительно и отрицательно заряженные ионы [5]. Это значит, что в случае скомпенсированного пучка не возникнет проблем, связанных с ограничением интенсивности пучка из-за величины пространственного заряда. Как показали результаты численного моделирования, все основные расчеты и выводы, полученные из анализа динамики пучка в гладком приближении, совпадают с точным расчетом динамики пучка в полигармоническом поле ВЧ ондулятора. Для рассматриваемого диапазона энергий ионов различие в расчете выходных интегральных характеристики пучка не превышает 5%.

## Список литературы

- [1] *Масунов Э.С.* // А.С. № 1508354. Приоритет изобретения 10 июля 1987 г.
- [2] Масунов Э.С.// ЖТФ. 1990. Т. 60. Вып. 1. С. 152.
- [3] *Аврелин Н.В., Леонов В.Н., Масунов Э.С.* и др. Препринт МИФИ. М., 1990. № 041-90. 24 с.
- [4] Masunov E.S. // Proc. 18 Intern. Linac. Conf. Geneva: CERN, 1996. Vol. 2. P. 487.
- [5] Masunov E.S., Novicow A.P. // Proc. 4<sup>th</sup> European Particle Accelerator Conf. London, 1994. Vol. 2. P. 1171.