Неэмпирические расчеты эндо- и экзоэдральных комплексов фуллерена C₆₀ с ионом Li⁺ и эндоэдрального комплекса C₆₀ с димером Li₂

© С.А. Варганов*,**, П.В. Аврамов*, С.Г. Овчинников*,**

 * Институт физики им. Л.В. Киренского Сибирского отделения Российской академии наук, 660036 Красноярск, Россия
** Сибирская аэрокосмическая академия, 660014 Красноярск, Россия
(Поступила в Редакцию 31 марта 1999 г.

В окончательной редакции 22 июня 1999 г.)

Приводятся результаты неэмпирических расчетов методом Хартри-Фока эндо- и экзоэдральных комплексов фуллерена C_{60} с ионом Li^+ и димером Li_2 . Путем оптимизации геометрии в базисе 3–2G определены координации иона и димера в эндоэдральных и иона в экзоэдральных комплексах фуллерена C_{60} . В эндоэдральном комплексе Li^+C_{60} ион Li^+ смещается на расстояние 0.12 nm из центра C_{60} к центрам углеродных шестиугольников и пятиугольников. В димере Li_2 , помещенном внутрь C_{60} , наблюдается увеличение расстояния между атомами лития на 0.02 nm по сравнению со свободным димером. Построенные по результатам расчетов полные и парциальные одноэлектронные плотности состояний фуллерена C_{60} хорошо согласуются с экспериментальными фотоэлектронными и рентгеновскими эмиссионными спектрами. Анализ одноэлектронных плотностей состояний эндоэдрального комплекса $Li^+@C_{60}$ показывает наличие ионной связи между атомами Li и фуллереном C_{60} . В комплексах Li^+C_{60} и $Li^+@C_{60}$ наблюдается сильное электростатическое взаимодействие между ионом Li^+ и фуллереном.

Работа выполнена в Центре коллективного пользования "Квантово-химические расчеты нанокластеров", созданного на средства ФЦП "Государственная поддержка интеграции высшего образования и фундаментальной науки" (грант № 69). Авторы благодарят Российский фонд фундаментальных исследований за поддержку в рамках проекта РФФИ (грант № 97-03-33684а), Госпрогрмму "Фуллерены и атомные кластеры" (проект № 97018), Межвузовскую программу "Университеты России" — фундаментальные исследования" (проект № 2049) и Госпрограмму ВТСП за поддержку в рамках проекта № 99019.

Одним из видов производных фуллерена C₆₀ являются металлофуллерены — комплексы, состоящие из атомов металлов, и молекулы фуллерена. Подобные соединения можно разделить на два класса по расположению атомов металлов относительно молекулы C₆₀. К первому классу относятся комплексы, в которых атомы металлов находятся с внешней стороны углеродного каркаса фуллерена, так называемые экзоэдральные комплексы, в которых атомы металлов металлов металлов находятся с внешней стороны углеродного каркаса фуллерена, так называемые экзоэдральные комплексы, в которых атомы металлов находятся внутри углеродной сферы. Первые обозначаются — MC₆₀, вторые — M @ C₆₀, где М — внедренный атом.

Интерес к подобным соединениям вызван болышими перспективами их применения в различных областях науки и техники. Так, в твердой фазе, состоящей из экзоэдральных комплексов фуллерена C_{60} с атомами некоторых металлов, наблюдается самая высокая температура перехода в сверхпроводящее состояние, исключая медь-содержащие ВТСП керамики [1]. Эндоэдральные комплексы с нецентральным расположением внедренных атомов могут стать основой для нового типа сегнетоэлектрических материалов [2].

При исследовании комплексов как первого, так и второго классов прежде всего необходимо определить их геометрию, в частности способ координации атомов металла около углеродной стенки. В настоящее время проведение экспериментальных исследований таких комплексов затруднено в связи со сложностью их получения в достаточных количествах и трудностью разделения изомеров.

При теоретическом определении координации внедренных атомов в экзо- и эндоэдральных комплексах фуллеренов используются как эмпирические методы, основанные на использовании потенциалов межатомного взаимодействия типа Ленарда–Джонса [3,4], так и полуэмпирические и неэмпирические методы, позволяющие находить приближенное решение уравнения Шредингера [5–10]. Показано, что многие атомы в эндоэдральных комплексах C_{60} могут смещаться из центра фуллерена. Тем не менее до настоящего времени остается невыясненным вопрос о способе координации атомов к поверхности фуллерена как в эндоэдральных, так и в экзоэдральных комплексах. Также не решена задача о возможной миграции внедренных атомов по внутренней и наружной поверхностям C_{60} .

Геометрия комплексов определяет их электронное строение. Одними из наиболее эффективных методов исследования электронного строения молекул и твердых тел являются спектроскопические методы (фотоэлектронная, обращенная фотоэлектронная и рентгеновская спектроскопия). Для интерпретации спектроскопических данных часто привлекаются результаты расчетов электронной структуры исследуемых систем. Хотя истинная природа этих спектров достаточно сложна, во многих



Рис. 1. Фотоэлектронный и обращенный фотоэлектронный спектры (*a*) и рентгеновский эмиссионный K_{α} -спектр углерода в фуллерене C₆₀ (*b*). Экспериментальные спектры: *a* — из работы [12]; *b* — из работы [13].

случаях они могут быть удовлетворительно воспроизведены в расчетах основных состояний комплексов в одноэлектронном приближении. В случае фуллерена C_{60} это подтверждается сравнением полных плотностей состояний, рассчитанных неэмпирическими методами Хартри– Фока [11], и функционала плотности [12] с экспериментальными фотоэлектронными и обращенными фотоэлектронными спектрами. Результаты расчетов фуллерена C_{60} , фторированного фуллерена $C_{60}F_{24}$ [13], полимеризованного фуллерена [14] и графитовых нанотруб [15] в приближении Хартри–Фока полуэмпирическим методом РМЗ, демонстрируют хорошее соответствие построенных парциальных плотностей состояний и экспериментальных рентгеновских эмиссионных спектров данных соединений.

В данной работе приводятся результаты неэмпирических расчетов методом Хартри–Фока эндо- и экзоэдральных комплексов фуллерена C_{60} с ионом Li⁺ и эндоэдрального комплеса C_{60} с димером Li₂. Анализ электронной структуры комплексов проводится с привлечением полных и парциальных плотностей состояний, построенных по результатам расчетов.

1. Методы

Расчеты проводились неэмпирическим методом Хартри-Фока в базисе 3-21G с использованием процедуры Direct. Для этого использовалась программа GAMESS [16], работавшая на двухпроцессорном

компьютере PC Dual Pentium-II 266 MHz и с ОЗУ 128 MB.

Полные плотности состояний получались следующим образом. Строился энергетический спектр комплекса, в котором каждая молекулярная орбиталь представлялась в виде линии, интенсивности всех линий принимались равными 1. Далее каждая линия заменялась гауссовым распределением с полушириной на полувысоте 0.4 eV и интенсивности всех распределений при каждом значении энергии складывались.

При построении парциальной плотности состояний атомных орбиталей *x* интенсивность каждой линии, соответствующей молекулярной орбитали *y*, принималась равной сумме квадратов коэффициентов при атомных орбиталях *x* в разложении МО LCAO орбитали *y*. Далее алгоритм построения парциальной плотности состояний аналогичен алгоритму построения полной плотности состояний.

2. Результаты

Для оценки соответствия рассчитанной электронной структуры фуллерена C_{60} экспериментальным данным были построены полные и парциальные плотности состояний. На рис. 1, *а* приведены экспериментальные фотоэлектронные и обращенные фотоэлектронные спектры поверхности пленки C_{60} из [12] и полные плотности состояний, построенные по результатам расчетов неэмипирическим методом в базисе 3–21G. На рис. 1, *b* приведен



Рис. 2. Полные плотности состояний комплексов $Li^+@C_{60}$ и Li^+C_{60} .

ны парциальные плотности *p*-состояний углерода в фуллерене C_{60} , построенные по результатам неэмпирических расчетов, и экспериментальный K_{α} -рентгеновский эмиссионный спектр углерода в C_{60} [13]. На рисунках для сравнения приведены полные и парциальные плотности состояний, полученные полуэмпирическими методами MNDO и PM3. Видно, что наблюдается удовлетворительное соответствие теоретических и экспериментальных данных.

Для нахождения критических точек на поверхности потенциальной энергии эндо- и экзоэдрального комплексов C₆₀ с ионом Li⁺ применялась процедура оптимизации геометрии, использующая метод квази-Ньютона– Рафсона. В разных расчетах задавалась различная начальная координация иона Li⁺ около поверхности фуллерена C₆₀. Из соображений симметрии ион лития помещался около центра углеродного шестиугольника (на оси симметрии C₃), около центра углеродного пятиугольника (на оси C₅), около ребра, общего для двух шестиугольников (на оси C₂), около ребра, общего для пятиугольника и шестиугольника (на плоскости симметрии σ_v), около атома углерода (также на плоскости σ_v) и в центр C₆₀. Оптимизация геометрии проводились с сохранением групп симметрии $C_{3\nu}$, $C_{5\nu}$, $C_{2\nu}$, C_s , C_s и T_h соответственно. Результаты расчетов металлокомплексов Li⁺@ C₆₀ и Li⁺C₆₀ приведены в табл. 1. Используются следующие обозначения: $E_{C_{60}}$ — полная энергия C₆₀; E_{Li} — полная энергия атома Li; $E_{LiC_{60}}$ — полная энергия металллокомплекса LiC₆₀; $E_{form} = E_{LiC_{60}} - (E_{C_{60}} + E_{Li})$ — энергия образования комплекса.

Положение иона Li в центре C_{60} не является критической точкой поверхности потенциальной энергии комплекса, результаты расчета этой координации приведены для оценки выигрыша в энергии при смещении иона лития из центра C_{60} . Все комплексы по результатам расчетов термодинамически стабильны (энергия образования отрицательна). Видно, что наиболее стабильны эндо- и экзоэдральные комплексы с ионом лития около центра углеродного шестиугольника. Смещение иона из центра C_{60} сопровождается значительным выигрышем в полной энергии эндоэдрального комплекса. Смещение происходит на расстояние 0.12 nm и практически не зависит от направления.

Полные плотности состояний комплексов $Li^+@C_{60}$ и Li^+C_{60} приведены на рис. 2. В случае эндоэдрального комплекса видно, что в результате взаимодействия иона

Таблица 1. Результаты расчетов $Li^+@C_{60}$ и Li^+C_{60}

Геометрия, симметрия	Тип комплекса	<i>E</i> , a.u.	$r_{\rm Li-C_{60}}, \rm nm$	$E_{\rm form}$, a.u.	E _{form} , kkal/mol
Центр пятиуг., <i>С</i> ₅ ,	Эндо	-2266.2867802	0.1179	-0.0518927	-32.5632
Центр шестиуг., С ₃	Эндо	-2266.2887585	0.1204	-0.0538710	-33.8046
Ребро шестиуг.–шестиуг., $C_{2\nu}$	Эндо	-2266.2867882	0.1217	-0.0519007	-32.5682
Цент С ₆₀ , T_h	Эндо	-2266.2790085	0.0000	-0.0441210	-27.6864
Центр шестиуг., C_{3v}	Экзо	-2266.2885003	0.5301	-0.0536128	-33.6426

Примечание. $E_{\text{Li}^+} = -7.1870945 \, \text{a.u.}, E_{\text{C}_{60}} = -2259.047793 \, \text{a.u.}$

Геометрия, симметрия	<i>E</i> , a.u.	<i>r</i> _{Li–Li} , nm	$E_{\rm form}$, a.u.	E _{form} , kkal/mol
Центр пятиуг., C _{5v}	-2273.8284520	0.3008	-0.0114048	$-7.15663 \\ -14.681$
Ребро шестиугшестиуг., C _{2v}	-2273.8404428	0.3111	-0.0233956	

Таблица 2. Результаты расчетов $Li^+ @ C_{60}$

Примечание. $E_{\text{Li}_2} = -14.7692542 \text{ a.u.}, E_{\text{C}_{60}} = -2259.047793 \text{ a.u.}, r_{\text{Li}-\text{Li}} = 0.2815 \text{ nm}.$

с углеродной сферой наблюдается сильный сдвиг уровней, при этом орбитали Li и *p*-орбитали углерода (рис. 3) не расщепляются. Это говорит об отстуствии химической связи между ионом лития и фуллереном. В данном случае имеет место электростатическое взаимодействие иона лития с заряженной сферой С₆₀. Указанное выше справедливо и для экзоэдрального комплекса, с той разницей, что здесь взаимодействие несколько слабее. Все это можно объяснить тем, что 1s-оболочка лития очень стабильно, что препятствует переходу электронов лития на углеродную сферу и возникновению ионой связи. Следовательно, в случае атома лития, имеющего один электрон на 2s-оболочке, следует ожидать качественного изменения картины взаимодействия. Таким образом, можно сделать вывод, что рассчитанные электронные структуры металлокомплексов фуллеренов с ионами щелочных металлов являются плохими приближениями к электронным структурам металлокомплексов с атомами щелочных металлов.

Были проведены неэмпирические расчеты для двух координаций димера Li_2 в эндоэдральном комплексе фуллерена C_{60} . В первом расчете димер располагался на оси симметрии C_5 (атомы лития около центров углеродных пятиугольников), во втором — на оси C_2 , (атомы лития около ребер, общих для двух углеродных шестиугольников). Результаты расчетов приведены в табл. 2. Используемые обозначения аналогичны табл. 1, $r_{\text{Li}-\text{Li}}$ — расстояние между атомами лития в димере. При обоих положениях димера комплекс имеет значительную отрицательную энергию образования, что говорит о его термодинамической стабильности. В обоих положениях наблюдается увеличение расстояния между атомами ли-



Рис. 3. Парциальные плотности *p*-состояний углерода комплексов Li⁺@ C₆₀ и Li⁺C₆₀.

тия по сравнению со свободным димером Li₂. Уже это может служить основаниями для заключения о наличии химической связи в данном комплексе.

На рис. 4 приведены полные плотности состояний эндоэдрального комлекса $Li^+@C_{60}$. Орбитали C_{60} расщепляются как в случае полных, так и в случае парциальных плотностей *p*-состояний углерода (рис. 5). Причина такого расщепления заключается в понижении симметрии C_{60} из-за внесения атомов лития и частичного снятия вырождения одноэлектронных состояний фуллерена. При обеих координациях димера наблюдается сдвиг энергетических уровней относительно уровней фуллерена C_{60} , что говорит о наличии ионной связи между Li_2 и C_{60} .



Рис. 4. Полные плотности состояний комплекса Li⁺@ C₆₀.



Рис. 5. Парциальные плотности *p*-состояний углерода в комплексе Li⁺@ C₆₀.

Интересной особенностью является появление пика в плотности состояния комплекса почти по середине запрещенной зоны C_{60} . Наблюдается небольшой вклад *s*- и *p*-орбиталей Li в этот пик, тем не менее, как видно из рис. 4, в основном он состоит из расщепившихся орбиталей углерода. Главным отличием в плотности состояния комплекса при разной координации димера лития внутри C_{60} является расщепление *p*-состояний углерода, соответствующих верхним занятым орбиталям комплекса при координации Li₂ по оси симметрии C_5 .

Таким образом, проведенные неэмпирические расчеты методом Хартри-Фока показали следующее.

В эндоэдральном комплексе C₆₀ с ионом лития наблюдается смещение иона Li⁺ из центра фуллерена на расстояние 0.12 nm. Как для эндоэдрального, так и для экзоэдрального комплексов наиболее предпочтительна координация иона к центру шестиугольника.

Взаимодействие между углеродной сферой и атомами лития в эндоэдральном комплексе C_{60} с димером Li_2 носит ионный характер. Расстояние между атомами лития при помещении димера внутрь C_{60} увеличивается от 0.30 до 0.32 nm.

Также показано, что представление результатов квантово-химических расчетов в виде полных и парциальных плотностей состояний является удобным для анализа электронных структур таких больших систем, как фуллерены и их производные.

Список литературы

- [1] A.P. Ramirez. Supercond. Rev. 1, 1, 2, 1 (1994).
- [2] Y. Wang, D. Tomanek. Chem. Phys. Lett. 208, 1, 2, 79 (1993).
- [3] J. Breton, J. Gonzalez-Platas, C. Girardet. J. Chem. Phys. 99, 5, 4036.
- [4] L. Pang, F. Brisse. J. Phys. Chem. 97, 33, 8562 (1993).
- [5] J. Cioslowski, E.D. Fleischmann. J. Chem. Phys. 94, 5, 3730 (1991).
- [6] A.H.H. Chang, W.C. Ermler, R.M. Pitzer. J. Chem. Phys. 94, 7, 5004 (1991).
- [7] F. De Proft, C. Van Alsenoy, P. Geerlings. J. Phys. Chem. 100, 18, 7440 (1996).
- [8] Y. Maruyama, K. Ohno, K. Esfarjani. Sci. Rep. RITU A41, 2, 183 (1996).
- [9] T. Aree, S. Hannongbua. J. Phys. Chem. A101, 5551 (1997).
- [10] S. Patchkovskii, W. Thiel. J. Chem. Phys. 106, 5, 1796 (1997).
- [11] A.H.H. Chang, W.C. Ermler, R.M. Pitzer. J. Chem. Phys. 95, 23, 9288 (1991).
- [12] J.H. Weaver. Acc. Chem. Res. 25, 3, 143 (1992).
- [13] L.G. Bulusheva, A.V. Okotrub, N.E. Yudanov. J. Phys. Chem. A101, 10018 (1997).
- [14] A.V. Okotrub, L.G. Bulusheva, Yu.V. Shevstov. Phys Low-Dim. Struct. 5, 6, 103 (1997).
- [15] Л.Г. Булушева. Автореф. дис. канд. хим. наук. Новосибирск (1998). 18 с.
- [16] M.W. Schmidt, K.K. Baldridge, J.A. Boatz. J. Comp. Chem. 14, 1347 (1993).