## 07;12 Особенности полного внутреннего отражения в оптических кристаллах

## © Л.В. Алексеева, И.В. Повх, В.И. Строганов

Дальневосточный государственный университет путей сообщения, Хабаровск

## Поступило в Редакцию 4 августа 1998 г.

Показано, что можно вырезать кристалл таким образом, что один падающий луч при отражении от наклонной грани внутри кристалла возбудит четыре луча, два обыкновенных и два необыкновенных, идущих в разных направлениях.

Хорошо известно явление двойного лучепреломления, которое заключается в том, что луч света в кристалле разбивается на два луча со взаимно перпендикулярными поляризациями [1–4]. Один из них поляризован в плоскости главного сечения (плоскость, которая содержит оптическую ось кристалла и падающий луч) и называется необыкновенным (e), другой имеет поляризацию (вектор **E**), перпендикулярную этой плоскости, и называется обыкновенным (o).

В литературе рассмотрена разновидность двойного лучепреломления — явление двойного лучеотражения, заключающееся в разделении луча на два — обыкновенный и необыкновенный при полном внутреннем отражении в кристалле [3,5].

Покажем, что можно вырезать кристалл таким образом, что один падающий луч при отражении от наклонной грани внутри кристалла возбудит четыре луча, два обыкновенных и два необыкновенных, идущих в разных направлениях. Такое явление можно назвать четырехлучеотражением. Это происходит вследствие того, что плоскости главного сечения для падающгео и отраженного лучей не совпадают.

Эксперимент выполнен на призме, вырезанной из одноосного кристалла иодата лития. Вид сверху на эту призму приведен на рис. 1, *а*. Луч *1* гелий-неонового лазера ( $\lambda = 0.6328 \,\mu$ m) проходит через призму и попадает на наклонную грань 2, расположенную под углом 45° к одной из боковых граней 3. На этой грани 2 происходит полное внутреннее отражение, из из призмы выходят четыре луча 4–7, распространяющихся

46

в нескольких разных направлениях. Плоскости падения и отражения лучей совпадают с плоскостью рис. 1, *a*. Угол падения луча 1  $\beta$  равен 45°. Углы отражения  $\gamma$  для четырех лучей разные. Два луча 4, 6 — обыкновенные, два 5, 7 — необыкновенные. Нормаль к поверхности отражения обозначим — 8. Оптическая ось расположена в плоскости *zz*, перпендикулярной направлению луча 1, и составляет угол 45° с плоскостью рис. 1, *a*. Все отраженные лучи лежат в одной плоскости.

Пространственное расположение отраженных лучей 4–7 фотографировалось и приведено на рис. 1, *b*.

Обозначим соответственно углы отражения для лучей 4–7 через  $\gamma_{eo}$ ,  $\gamma_{ee}$ ,  $\gamma_{oo}$  и  $\gamma_{oe}$ . Индексы у углов отражения  $\gamma$  соответствуют типам взаимодействия лучей в кристалле. Например, для  $\gamma_{eo}$  первый индекс (e) говорит о том, что луч 1, падающий на наклонную грань призмы, является необыкновенным, второй индекс (o) — отраженный луч — обыкновенный. То есть для взаимодействий  $e \rightarrow o$  (луч 4) и  $o \rightarrow e$  (луч 7) происходит анизотропное отражение лучей от наклонной грани призмы (с поворотом плоскости поляризации при отражении).

Законы отражения для лучей 4-7 соответственно могут быть записаны в следующем виде:

$$n_e \cdot \sin \beta = n_o \cdot \sin \gamma_{eo},\tag{1}$$

$$n_e \cdot \sin\beta = n_e(\gamma_{ee}) \sin\gamma_{ee},\tag{2}$$

$$n_0 \cdot \sin\beta = n_o \cdot \sin\gamma_{oo},\tag{3}$$

$$n_0 \cdot \sin \beta = n_e(\gamma_{oe}) \sin \gamma_{oe}.$$
 (4)

Во всех случаях угол падения  $\beta = 45^{\circ}$ . Показатели преломления  $n_0 = 1.8830$ ;  $n_e = 1.7367$  ( $\lambda = 0.6328 \,\mu$ m) [6].

Углы отражения, вычисленные по формулам (1)–(4), приведены на рис. 2, *a*. Видно, что для двух типов взаимодействий  $e \rightarrow e$  и  $o \rightarrow e$  величины углов отражения  $\gamma_{ee}$  (луч 5) и  $\gamma_{oe}$  (луч 7) зависят от положения оптической оси в плоскости *zz* (угла  $\alpha$ ).

Приведем формулы для интенсивности отраженных лучей. Перед входной гранью призмы 9 ставим поляроид, направление пропускания которого совпадает с направлением 12 (рис. 1, с). В этом случае



**Рис. 1.** Ход лучей в кристалле LiIO<sub>3</sub> при полном отражении (a, c) и экспериментальное наблюдение отраженных лучей (b). zz — плоскость, перпендикулярная плоскости рисунка. Оптическая ось находится в плоскости zz и в то же время расположена под углом  $45^{\circ}$  к плоскости рисунка. 1 — лазерный луч, 2, 3 — грани кристалла, 4-7 — отраженные лучи, 8 — нормаль к поверхности отражения, 9 — входная грань кристалла, 10 — оптическая ось кристалла, 11 — направление вектора **E** для падающего лазерного луча 1; 12 — направление пропускания поляроида.  $\beta$  — угол падения,  $\gamma$  — угол отражения,  $\alpha$  — угол между оптической осью 10 и верхней или нижней гранью призмы. Индексы "о" и "е" соответствуют обыкновенным и необыкновенным лучам. Стрелками указано направление вектора напряженности **E** электрического поля для отраженных световых лучей (b). Типы взаимодействий:  $4 - e \rightarrow o$ ,  $5 - e \rightarrow e, 6 - o \rightarrow o, 7 - o \rightarrow e$ . Углы отражения, град: 4 - 40.9, 5 - 42.8, 6 - 45, 7 - 47.52.



**Рис. 2.** Зависимость углов отражения  $\gamma$  от положения оптической оси в призме (a) и интенсивности отраженных лучей от направления вектора **E** в падающем лазерном луче (b). Типы взаимодействий:  $4 - e \rightarrow o, 5 - e \rightarrow e, 6 - o \rightarrow o;$  $7 - o \rightarrow e; 8 - e \rightarrow o, e \rightarrow e, 9 - o \rightarrow e, o \rightarrow o - экспериментальные точки. Кривые 4-7 соответственно для отраженных лучей 4-7; 8 - для лучей 4 и 5; 9 - для лучей 6 и 7.$ 

отсчет угла поворота поляроида  $\alpha_1$  равен нулю. Тогда для лучей 4–7 соответственно интенсивности отраженных лучей равны:

$$I_{eo} = 0.5 \cdot I \cdot \sin^4 \alpha_1, \tag{5}$$

$$I_{ee} = 0.5 \cdot I \cdot \sin^4 \alpha_1, \tag{6}$$

$$I_{00} = 0.25 \cdot I \cdot \sin^2 2\alpha_1, \tag{7}$$

$$I_{oe} = 0.25 \cdot I \cdot \sin^2 2\alpha_1. \tag{8}$$

При попадании лазерного луча 1 в призму он преобразуется в два луча — обыкновенный и необыкновенный, идущие в одном направлении, перпендикулярном оптической оси призмы (рис. 1, *a*). В этом случае для лучей, падающих на наклонную грань 2 призмы, плоскость главного сечения расположена под углом 45° к плоскости рис. 1, *a* и проходит через падающий луч.

Для отраженных лучей плоскость главного сечения составляет угол 90° с плоскостью рис. 1, a, а кроме того, располагается перпендикулярно плоскости главного сечения для падающих лучей. При таком расположении плоскостей главного сечения любой из лучей, падающий на наклонную грань 2 (обыкновенный или необыкновенный), имеет компоненту вектора E, расположениую под углом, не равным нулю или 90°, по отношению к плоскости главного сечения для отраженных лучей. Эта компонента E и возбуждает два отраженных луча — обыкновенный и необыкновенный и необыкновенный луч I возбуждает два отраженных луча — обыкновенный. А также падающий необыкновенный луч I тоже возбуждает при отражении от грани 2 два луча — необыкновенный и обыкновенный. Из призмы выходит четыре луча, идущих в разных направлениях.

Интенсивность отраженных лучей приведена на рис. 2, b.

Отметим, что данный эффект четырехлучеотражения связан с определенной, обычно не используемой в эксперименте, конфигурацией образца, вырезанного из кристалла, с особым расположением оптической оси кристалла по отношению к грани образца, и должен наблюдаться в любых анизотропных кристаллах — одноосных и двухосных.

## Список литературы

- [1] Константинова А.Ф., Гречушников Б.Н., Бокуть Б.В. и др. Оптические свойства кристаллов. Минск. Наука и техника, 1995. 302 с.
- [2] *Федоров Ф.И., Филиппов В.В.* Отражение и преломление света прозрачными кристаллами. Минск: Наука и техника, 1976. 224 с.
- [3] Кизель В.А. Отражение света. М.: Наука, 1973. 352 с.
- [4] Борн М., Вольф Э. Основы оптики. М.: Наука, 1970. 856 с.
- [5] Строганов В.И., Самарин В.И. Полное внутреннее отражение необыкновенных лучей // Кристаллография. 1995. Т. 20. № 3. С. 652–653.
- [6] Никогосян Д.Н., Гурзадян Г.Г. Кристаллы для нелинейной оптики // Квантовая электроника. 1987. Т. 14. № 8. С. 1529–1541.