Фазовая диаграмма многослойных структур ферромагнетик–слоистый антиферромагнетик

© А.И. Морозов, А.С. Сигов

Московский государственный институт радиотехники, электроники и автоматики, 117454 Москва, Россия

E-mail: morosov@eot-gw.eot.mirea.ac.ru

(Поступила в Редакцию 5 ноября 1998 г.)

Исследована фазовая диаграмма "толщина-шероховатость" трехслойной системы, состоящей из двух ферромагнитных слоев, разделенных антиферромагнитной прослойкой. Показано, что область существования монодоменных ферромагнитных слоев определяется соотношением между шириной атомных ступеней, возникающих на границах раздела слоев в процессе их роста, и толщинами слоев, а также величинами межслойного и внутрислойных обменных взаимодействий.

Дано обоснование феноменологической модели "магнитной близости", предложенной Слончевским, и получено выражение для констант этой модели.

Сэндвичи, состоящие из чередующихся тонких ферромагнитных (Fe, Co) и немагнитных (Cr, Cu) металлических слоев, стали объектом пристального внимания исследователей после открытия в них явления гигантского мегнетосопротивления [1]. Им посвящено огромное количество работ, однако только небольшая их часть относится к случаю, когда в роли прослойки между ферромагнитными слоями выступает слоистый антиферромагнетик. В то же время именно этот случай представляет особый интерес, поскольку наличие дальнего антиферромагнитного порядка в прослойке изменяет характер косвенного взаимодействия между ферромагнитными слоями.

В случае немагнитной прослойки обмен между соседними ферромагнитными слоями обусловлен взаимодействием РККИ и спадает с толщиной немагнитной прослойки d как d^{-2} [2]. Если же сэндвич состоит из чередующихся ферромагнитных и антиферромагнитных слоев, то вдали от температуры Нееля обмен между ферромагнитными слоями обеспечивается за счет корреляции ферромагнитного и антиферромагнитного параметров порядка и, как будет показано далее, спадает как d^{-1} .

Если антиферромагнитная прослойка состоит из ферромагнитных атомных плоскостей с антипараллельной ориентацией спинов в соседних плоскостях, то при четном числе таких плоскостей в прослойке энергетически выгодной является антипараллельная ориентация соседних ферромагнитных слоев, при нечетном числе плоскостей — параллельная (рис. 1).



Рис. 1. Ориентация спинов в трехслойной системе, состоящей из двух ферромагнитных слоев и антиферромагнитной плослойки, в случае гладких границ раздела и нечетного (*a*) или четного (*b*) числа атомных плоскостей и прослойке.

80-----

Примером токого слоистого антиферромагнетика является хром, в котором при толщинах 32 < d < 150 Å с понижением температуры возникает соразмерная поперечная волна спиновой плотности [3]. Аналогичная структура получается при введении в хром примесей железа с концентрацией, превышающей 2% [4].

Поскольку граница раздела слоев в многослойной структуре не являются гладкими, а содержат атомные ступени, изменяющие толщину прослойки на один моноатомный слой, то в случае однородного распределения ферромагнитного и антиферромагнитного параметров порядка в слоях не удается сориентировать намагниченности ферромагнитных слоев оптимальным образом на всей поверхности раздела слоев: возникают фрустрации (рис. 2).

Если характерное расстояние между атомными ступенями *R* превосходит некоторое критическое значение, то энергетически выгодным является разбиение слоев на домены. Индуцированные шероховатостью доменные стенки отличаются от привычных доменных стенок, ширина которых зависит от соотношения обменной энергии и энергии анизотропии. Ширина этих "необычных" доменных стенок в многослойных структурах определяется соотношением между внутрислойным и межслойным обменными взаимодействиями. Поэтому ширины "необычных" стенок могут быть существенно меньшими, чем в привычных доменных структурах [5].

В предшествующей работе [6] нами были рассмотрены условия возникновения и структура доменных стенок в ферромагнитной пленке на поверхности антиферромагнетика, а также неоднородное распределение параметра порядка в антиферромагнитном слое, расположенном между двумя однородно намагниченными ферромагнитными слоями. Отличительной чертой доменных стенок в



Рис. 2. Фрустрация в трехслойной системе, возникающая из-за наличия атомной ступени на границе раздела.



Рис. 3. Зависимость ширины доменной стенки от расстояния до границы раздела слоев в двухслойной системе.

ферромагнитной пленке, порождаемых шероховатостью подложки, является возрастание их ширины по мере удаления от подложки (рис. 3).

В трехслойной структуре искажения антиферромагнитного параметра порядка распространяются на все пространство антиферромагнитного слоя между двумя атомными ступенями (рис. 4). Однако ферромагнитные слои остаются однородными только в случае, когда обменное взаимодействие в них намного превосходит таковое в антиферромагнитных слоях.

Цель данной работы — построение фазовой диаграммы многослойных структур ферромагнетик-слоистый антиферромагнетик при произвольных соотношениях между обменными взаимодействиями, а также между толщинами слоев и характерным расстоянием между ступенями на их границах.

1. Описание модели

Будем исследовать распределение параметров порядка в слоях в приближении среднего поля. Введем параметр порядка для каждого слоя: вектор намагниченности для ферромагнитных слоев и вектор антиферромагнетизма, равный разности намагниченностей подрешеток, для антиферромагнитных слоев.

В случае достаточно тонких слоев спины атомов лежат в плоскости слоя, поэтому ориентация векторного параметра порядка может быть задана углом θ , который он образует с осью *x*, лежащей в плоскости слоя.

Вдали от температур Кюри и Нееля обменная энергия *W_i*, обусловленная взаимодействием внутри *i*-го слоя, может быть задана в виде

$$W_i = \frac{A_i}{2} \int (\nabla \theta_i)^2 dV, \qquad (1)$$

где интеграл берется по объему слоя, а A_i — соответствующая обменная константа. По порядку величины



Рис. 4. Искажения антиферромагнитного параметра порядка в трехслойной структуре в случае коллинеарно и однородно намагниченных ферромагнитных слоев и $a\alpha \gg 1$. Стрелками указано положение атомных ступеней на границе раздела слоев. Линии постоянного значения θ_{af} проведены через $\pi/10$.

 $A_i \sim J_i S_l^2/b$, где J_i — обменный интеграл между соседними атомами, S_i — среднее значение спина атома, а b — межатомное расстояние.

Энергия обменного взаимодействия между соседними слоями с номерами *i* и *i* + 1 может быть задана в виде

$$W_{i,i+1} = \pm B \int \cos(\theta_i - \theta_{i+1}) dS, \qquad (2)$$

где интегрирование происходит по границе раздела слоев, величина $B \sim J_{f,af}S_iS_{i+1}/b^2$, $J_{f,af}$ — обменный интеграл между соседними атомами, принадлежащими разным слоям, знак в правой части (2) противоположен по разные стороны атомной ступени на границе раздела слоев.

Разделим все расстояния на постоянную решетки b, считая ее практически одинаковой в слоях обоих сортов, а все энергии — на константу A_{af} для антиферромагнитного слоя. Введем следующие безразмерные параметры:

$$\alpha = \frac{J_{f,af}S_f}{J_{af}S_{af}} \tag{3}$$

И

$$\gamma = \frac{J_f S_f^2}{J_{af} S_{af}^2},\tag{4}$$

где индексы f и af соответствуют ферро- и антиферромагнетику.

Варьируя выражение (1) по параметру θ_i , получаем дифференциальное уравнение, описывающее распределение параметра порядка в слое

$$\Delta \theta_i = 0. \tag{5}$$

Для получения правильных условий на границе раздела слоев необходима более тщательная процедура. Варьирование энергий внутрислойного и межслойного взаимодействий следует проводить в дискретной модели, а потом переходить к континуальному пределу. В результате получаем

$$\tilde{\Delta}\theta_i - \frac{\partial\theta_i}{\partial n} = \mp \frac{B}{A_i b} \sin(\theta_i - \theta_{i+1}), \tag{6}$$

где $\tilde{\Delta}$ — двумерный лапласиан в плоскости слоя, $\frac{\partial}{\partial n}$ — производная в направлении внешней нормали к границе *i*-го слоя, а верхний и нижний знаки в выражении (6) соответствуют таковым в формуле (2). Варьирование суммы выражений (1) и (2), отвечающих континуальному приближению, по θ_i приводит к исчезновению первого слагаемого в левой части уравнения (6). Это не позволяет произвести предельный переход от (6) к (5) в случае, когда *i*-й и *i* ± 1 слои идентичны по составу.

Таким образом, для нахождения распределения параметров порядка в многослойной структуре необходимо решить систему линейных дифференциальных уравнений (5), связанных нелинейными граничными условиями (6). Распределение будет зависеть от величин α и γ , от толщин слоев, а также от характерного расстояния *R* между ступенями на границе раздела слоев.

Искажения параметра порядка в антиферромагнитном слое

Рассмотрим вначале случай $\gamma l \gg a$, где l и a — безразмерные толщины ферро- и антиферромагнитных слоев соответственно. В этом случае параметр порядка в ферромагнитных слоях остается практически однородным, а искажения параметра порядка в различных антиферромагнитных слоях не связаны друг с другом, и их можно рассматривать независимо.

В том случае, когда характерное расстояние между ступенями превосходит ширину δ_0 доменной стенки вблизи ступени, шероховатость границ раздела слоев индуцирует сильную неоднородность параметра порядка в антиферромагнитной прослойке. Напомним, что ширина доменной стенки растет по мере удаления от границы раздела слоев. Согласно работе [6], это условие имеет вид

$$R \gg \delta_0 = \begin{cases} \sqrt{a/\alpha}, & \text{при} \quad \alpha a \ll 1, \\ (1+\alpha)/\alpha, & \text{при} \quad \alpha a \gg 1. \end{cases}$$
(7)

Пусть намагниченности соседних ферромагнитных слоев образуют угол ψ . Вся площадь антиферромагнитной прослойки разбивается ступенями на два равновероятно представленных типа областей. В областях первого типа прослойка состоит из нечетного числа атомных плоскостей, а в областях второго типа — из четного их числа.

Характер возникающих искажений кардинально отличается в двух предельных случаях $a\alpha \gg 1$ и $a\alpha \ll 1$.

а) $a\alpha \gg 1$. В этом пределе на границах слоев разность $\theta_i - \theta_{i+1} = 0, \pi$ в зависимости от знака в выражении (2), т. е. энергия взаимодействия слоев минимальна, а все искажения происходят в объеме антиферромагнитной прослойки.

В работе [6] получено численное решение уравнения (5) с граничными условиями (6) для случая двух ступеней (рис. 4). Легко видеть, что в подавляющей части объема прослойки величина θ_i изменяется практически линейно от одной границы слоя к другой. В областях первого типа это изменение равно ψ , а в областях второго типа $\pi - \psi$.

Дополнительная энергия (1) в расчете на одну двумерную элементарную ячейку в плоскости слоя составляет в среднем величину

$$\tilde{W} = \frac{1}{4a} \left[\psi^2 + (\pi - \psi)^2 \right].$$
 (8)

Таким образом, обменное взаимодействие ферромагнитных слоев через антиферромагнитную прослойку при $a\alpha \gg 1$, также как и \tilde{W} , пропорционально a^{-1} .

Энергия границ между областями первого и второго типов в пересчете на такую же ячейку равна

$$W_b \sim R^{-1} \ln a\alpha \tag{9}$$

и при $R \gg a$ не вносит существенного вклада в энергию.

Минимуму энергии \tilde{W} отвечает значение $\psi = \pi/2$, т. е. в этой области значений *R* реализуется 90-градусная ориентация намагниченностей соседних ферромагнитных слоев.

В работе [7] для объяснения такой ориентации была предложена феноменологическая модель "магнитной близости", в которой предлагалось выражение для энергии \tilde{W} в виде линейной комбинации ψ^2 и $(\pi - \psi)^2$ с независимыми коэффициентами C_+ и C_- . Приведенный выше пример анализа позволяет определить эти параметры из первых принципов

$$C_+ = C_- = 1/4a. \tag{10}$$

b) $a\alpha \ll 1$. В этом случае можно пренебречь зависимостью θ_i от координаты *z*, перпендикулярной

плоскости слоев, и решать в случае прямолинейного края ступени одномерную задачу. Пусть ось *x* декартовой системы координат перпендикулярна краю ступени и лежит в плоскости слоя, а намагниченности ферромагнитных слоев образуют угл ψ . Отсчитывая угол θ_i от направления намагниченности нижнего ферромагнитного слоя и интегрируя по *z*, получаем из (5), (6)

$$a\frac{\partial^2 \theta_i}{\partial x^2} = \alpha [\sin \theta_i + \sin(\theta_i - \psi)], \quad x > 0,$$
$$a\frac{\partial^2 \theta_i}{\partial x^2} = \alpha [\sin(\theta_i - \pi) + \sin(\theta_i - \psi)], \quad x < 0, \quad (11)$$

где предполагается, что край ступени расположен на границе с нижним слоем и совпадает с прямой x = z = 0.

Легко видеть, что вдали от ступени $\theta_i = \psi/2$ при x > 0и $\theta_i = (\pi + \psi)/2$ при x < 0. Решение уравнения (11) имеет вид

$$\cos\frac{\theta - \frac{\pi}{2}}{2} = \operatorname{th}\frac{x - x_1}{\delta_1}, \qquad x > 0,$$
 (12)

$$\cos \frac{\theta - \frac{\pi + \psi}{2}}{2} = -\operatorname{th} \frac{x - x_2}{\delta_2}, \qquad x < 0,$$
 (13)

где

$$\delta_1 = \sqrt{\frac{a}{2\alpha \cos \frac{W}{2}}},\tag{14}$$

$$\delta_2 = \sqrt{\frac{a}{2\alpha \cos \frac{\pi - \psi}{2}}}.$$
 (15)

Значения постоянных x_1 и x_2 находятся из условия непрерывности величины θ_i и ее производной при x = 0.

Если величина ψ не слишком близка к 0 или π , то искажения антиферромагнитного параметра порядка спадают на расстоянии порядка $\delta_0 \sim \sqrt{a/\alpha}$. Энергия доменной стенки в расчете на 1 m длины составляет величину $\sim \sqrt{a\alpha}$.

Если же $\psi \to 0$ или $\psi \to \pi$, то по одну сторону ступени искажения параметра порядка ведут себя как и при произвольном *x*, а по другую сторону ступени спадают существенно медленнее. Характерная длина, на которой спадают искажения параметра порядка, может быть получена только в следующем порядке по αa , т.е. с учетом зависимости величины θ_i от *z*. Энергия доменной стенки при этом того же порядка, что и при произвольном ψ .

В случае $R \gg \delta_0$ энергия доменных стенок пренебрежимо мала по сравнению с энергией взаимодействия слоев (2), которая в расчете на одну двумерную элементарную ячейку составляет величину

$$\tilde{W} = \alpha \left[1 - \cos \frac{\psi}{2} \right] + \alpha \left[1 - \cos \frac{\pi \psi}{2} \right]$$
$$= 2\alpha - \sqrt{2}\alpha \sin \left(\frac{\psi}{2} + \frac{\pi}{4} \right).$$
(16)

Легко видеть, что энергия системы минимальна при $\psi = \pi/2$, т.е. как и в случае $a\alpha \gg 1$ реализуется 90-градусная ориентация намагниченностей соседних ферромагнитных слоев. В этой области толщин обменное взаимодействие между ферромагнитными слоями не зависит от толщины антиферромагнитной прослойки и по порядку величины составляет $J_{f,af}$. Поскольку зависимость (16) не идентична зависимости (8), то феноменологические константы C_+ и C_- можно оценить, сравнивая разность энергий коллинеарной и 90градусной ориентаций в данной микроскопической модели и в модели "магнитной близости".

$$C_{+} = C_{-} = \frac{2\left(\sqrt{2} - 1\right)}{\pi^{2}}\alpha.$$
 (17)

Следует отметить, что в случае немагнитной прослойки, когда взаимодействие между ферромагнитными слоями обусловлено взаимодействием РККИ, возможность 90-градусной ориентации намагниченностей однородных ферромагнитных слоев является крайне маловероятной [8]. Для ее осуществления необходимо, чтобы усредненное по поверхности слоев значение обменного взаимодействия между однородными ферромагнитными слоями было близко к нулю. В случае же обмена через антиферромагнитный параметр порядка это условие обеспечивается равной вероятностью возникновения областей первого и второго типов (с четным и нечетным числом атомных плоскостей в антиферромагнитной прослойке).

По мере приближения к температуре Нееля T_N величина антиферромагнитного параметра порядка S_{af} убывает как $\sqrt{\tau}$, где $\tau = (T_N - T)/T_N$ — безразмерный параметр, характеризующий близость к точке фазового перехода. Оценим значение τ^* , при котором взаимодействие ферромагнитных слоев через наводимую спиновую поляризацию (взаимодействие РККИ) сравнивается по порядку величины с взаимодействием через средний параметр порядка в антиферромагнитной прослойке. Приравнивая к выражениям (8) и (16) выражение для обменного взаимодействия РККИ между ферромагнитными слоями

$$J_{RKKI} = \frac{J_{s-d}^2}{\varepsilon_F a^2},\tag{18}$$

где J_{s-d} — обменный интеграл между *s* и *d* электронами (железа или кобальта), а ε_F — энергия Ферми *s*электронов, получаем

$$\tau^* = \begin{cases} \frac{J_{s-d}^2}{J_{af}\varepsilon_F}\frac{1}{a}, & a\alpha \gg 1, \\ \frac{J_{s-d}^4}{J_{f,af}^2\varepsilon_F^2a^4}, & a\alpha \ll 1. \end{cases}$$
(19)

Для реальных значений $J_{f,af} \sim J_{af}$ и $a \sim 10$ получаем оценку $\tau^* \sim 10^{-2}$.

В области температур $T < T^*$ ($T^* = T_N(1 - \tau^*)$) определяющим каналом взаимодействия между ферромагнитными слоями является взаимодействие через антиферромагнитный параметр порядка.

При *T* > *T*^{*} поведение системы аналогично случаю немагнитной прослойки.

3. Доменные стенки в ферромагнетике

Для дальнейшего рассмотрения ограничимся случаем трехслойной системы, состоящей из двух ферромагнитных слоев, разделенных антиферромагнитной прослойкой.

В случае больших значений R однородное распределение намагниченностей ферромагнитных слоев не отвечает состоянию с наименьшей энергией. Действительно, поскольку в случае $a\alpha \gg 1$ рассмотренные в предыдущем разделе искажения антиферромагнитного параметра порядка занимают весь объем слоя, а в случае $a\alpha \ll 1$ энергия взаимодействия слоев пропорциональна площади слоев, то избыточная энергия, отнесенная к единице площади слоев, не зависит от R.

Если же разбить ферромагнитные слои на областидомены, границы которых совпадают с краями атомных ступеней, то в каждой такой области можно выбрать ориентацию намагниченностей ферромагнитных слоев (параллельную или антипараллельную) так, чтобы искажения параметров порядка в объеме домена и избыточная энергия на границах слоев внутри домена отсутствовали бы. Избыточная энергия связана при этом с наличием доменных стенок; ее величина, отнесенная к единице поверхности слоев, равна

$$W = \frac{\varepsilon}{R},\tag{20}$$

где ε — энергия доменной стенки, отнесенная к единице ее длины. Поэтому при достаточно больших значениях Rразбиение ферромагнитных слоев на домены становится энергетически выгодным.

При переходе от домена с параллельной ориентацией намагниченностей ферромагнитных слоев (домен первого типа) к домену с антипараллельной ориентацией намагниченностей (домен второго типа) в доменной стенке происходит разворот намагниченностей ферромагнитных слоев в разные стороны. Антиферромагнитный параметр порядка разворачивается вместе с намагниченностью того ферромагнитного слоя, на границе с которым ступень в данном месте отсутствует.

В случае одинаковых ферромагнитных слоев и при $\gamma l \gg a$ разворот намагниченностей происходит в разные стороны на угол 90°. Если же один ферромагнитный слой намного толще другого, то происходит разворот намагниченности тонкого ферромагнитного слоя на угол 180°, а толстый ферромагнитный слой остается практически однородным.

| Параметры доменной стенки в трехслойной структуре с одина |
|---|
| ковыми толщинами слоев и значением $\gamma \gg 1$ |

| Параметр | Область | | |
|--|--------------------------------------|---|---|
| | $alpha \gg \gamma$ | $a\alpha \ll \gamma \ll (a\alpha)^3$ | $(a\alpha)^3 \ll \gamma$ |
| $rac{\partial \delta_{af}}{\partial z}$ | $\gamma^{1/2}$ | $(\gamma a lpha)^{1/4}$ | $\gamma^{1/3}$ |
| $\frac{\partial \delta_f}{\partial z}$ | 1 | $\left(\frac{a\alpha}{\gamma}\right)^{1/2}$ | $\left(\frac{a\alpha}{\gamma}\right)^{1/2}$ |
| $	ilde{\delta}_0$ | $\gamma/lpha$ | $(\gamma a/lpha)^{1/2}$ | $(\gamma a/lpha)^{1/2}$ |
| ε | $\gamma \ln \frac{a \alpha}{\gamma}$ | $(\gamma a lpha)^{1/2}$ | $(\gamma a lpha)^{1/2}$ |

В случае $\gamma l \ll a$ происходит разворот на 180° намагниченности того ферромагнитного слоя, на границе с которым возникла ступень, а остальные слои остаются в данном месте практически однородными.

Для того чтобы найти критическое значение R^* , при котором происходит переход от почти однородного распределения намагниченностей ферромагнитных слоев к доменной структуре в них, найдем значение ε . Как и в случае двухслойной системы [6], оно может быть оценено по порядку величины на основе простой модели, предполагающей линейную зависимость ширины доменной стенки δ от расстояния z до границы раздела слоев, содержащей ступень. Параметры δ_0 (ширина доменной стенки вблизи ступени) и величина $\frac{\partial \delta}{\partial z}$ в ферромагнитном и антиферромагнитном слоях находятся из условия минимальности полной энергии. Отметим, что значение δ_0 не совпадает с δ_0 (7), найденным при условии однородных ферромагнитных слоев.

Результаты такого расчета в интересующем нас случае $l \sim a$ приведены в таблице.

Сравнивая выражение (20) с энергиями (8) и (16), находим критический размер ступени R^* . При этом следует учесть, что формулы (8) и (16) справедливы при $R \ll \delta_0$, *а*. Окончательно получаем

$$R^* = \begin{cases} a\gamma \ln \frac{a\alpha}{\gamma}, & \text{при} \quad a\alpha \gg \gamma \gg 1; \\ \sqrt{\gamma a^3 \alpha}, & \text{при} \quad \gamma \gg a\alpha \gg 1; \\ \sqrt{\gamma a/\alpha}, & \text{при} \quad \gamma \gg 1 \gg a\alpha. \end{cases}$$
(21)

Случай $\gamma \ll 1$ не представляет интереса, так как при этом искажения возникают в ферромагнитных слоях, а антиферромагнитный параметр порядка остается однородным. Связь между ферромагнитными слоями отсутствует.

При произвольном соотношении между толщинами слоев число возможных вариантов резко возрастает.

Вблизи температуры Нееля, согласно формулам (3) и (4), $\alpha(T) \propto \tau^{-1/2}$, а $\gamma(T) \propto \tau^{-1}$, поэтому при $T \to T_N$

$$R^*(T) \propto \tau^{-3/4}$$
. (22)

Таким образом, вблизи T_N (но не слишком близко, так как $\tau > \tau^*$) ферромагнитные слои могут быть однородно

намагничены, а с понижением температуры в случае, если $R > R^*(0)$, произойдет фазовый переход первого рода, сопровождающийся разбиением ферромагнитных слоев на домены. Для реальных значений параметров $\alpha(0) \sim \gamma(0) \sim 1$ величина $R^*(0) \sim a$, т.е. составляет десятки ангстрем. Такой фазовый переход наблюдался в численном эксперименте [9].

Фазовая диаграмма трехслойной системы

До сих пор мы предполагали, что характерное расстояние между ступенями в плоскости слоя R намного превосходит толщину антиферромагнитной прослойки $(R \gg a)$. Однако в случае толстых слоев возможна обратная ситуация. Если $R \gg \delta_0$, то на границе слоя возникает статический спиновый вихрь, замыкающий две ближайшие ступени на границе данного слоя [6]. При $\gamma \gg 1$ искажения параметра порядка возникают, в основном, в антиферромагнитном слое (рис. 5), а при $\gamma \ll 1$ — в ферромагнитном. Они практически не доходят до противоположной границы слоя. Поэтому связь между ферромагнитными слоями даже при $\gamma \gg 1$ в этой области толщин существенно ослаблена (в $(R/a)^2$ раз).

При $R \ll \delta_0$ в слоях возникают только слабые искажения на фоне однородных распределений параметров порядка.

Проводя рассмотрение, аналогичное приведенному в предыдущем разделе, можно показать, что наименьшей энергии слоев при $R \ll a$ отвечает ориентация, при которой вектор антиферромагнетизма вдали от границ слоя перпендикулярен намагниченностям ферромагнитных слоев. Действительно, поскольку спиновые вихри локализованы вблизи границ раздела слоев, то граничные условия для величин θ_i задаются ориентацией параметров порядка в глубине слоев.

Намагниченности ферромагнитных слоев при этом коллинеарны, а энергии их параллельной и антипараллельной ориентаций практически одинаковы.

Фазовая диаграмма в переменных толщина слоевшероховатость для трехслойной системы с $l \sim a$ приведена на рис. 6. Фаза l характеризуется наличием вихрей и коллинеарной ориентацией намагниченностей ферромагнитных слоев. В фазе 2 намагниченности ферромагнитных слоев однородны и в отсутствие внешнего магнитного поля ориентированы под углом 90° друг к другу. А фазе 3 соответствует полидоменная структура ферромагнитных слоев.

Сравнение фазовой диаграммы с данными эксперимента возможно путем исследования состояния ферромагнитных слоев с помощью микроскопа магнитных сил при различных соотношениях между величинами R и a, а также различных температурах (в силу температурной зависимости параметров γ и α).



Рис. 5. Спиновый вихрь, возникающий при $R \ll a$. На линиях постоянного значения θ_{af} указана величина θ_{af} в единицах π .

5. Влияние магнитного поля

Процесс перемагничивания ферромагнитных слоев в фазе *I* (рис. 6) происходит практически независимо, и петля гистерезиса должна совпадать с таковой в двухслойной системе, состоящей из одного ферромагнитного и одного антиферромагнитного слоя. Здесь и далее мы



Рис. 6. Фазовая диаграмма "толщина-шероховатость" для трехслойной системы, состоящей из слоев одинаковой толщины. Фаза *1* отвечает наличию вихрей и коллинеарной ориентации намагниченностей ферромагнитных слоев. В фазе *2* реализуется 90-градусная ориентация намагниченностей ферромагнитных слоев, а в фазе *3* возникает разбиение ферромагнитных слоев на домены. Заштрихована область слабых искажений параметров порядка.

предполагаем, что максимальное магнитное поле намного меньше, чем обменное поле в антиферромагнетике. Поэтому намагниченностью антиферромагнитных слоев можно пренебречь.

В фазе 2 в слабом магнитном поле, превосходящем поле анизотропии в плоскости ферромагнитных слоев, намагниченности ферромагнитных слоев ориентируются под углом 45° к полю, оставаясь практически перпендикулярными друг другу. При этом намагниченность системы составляет $M_{\rm max}/\sqrt{2}$, гда $M_{\rm max}$ — максимальная намагниченность ферромагнитных слоев. Дальнейшую ее эволюцию можно исследовать, минимизируя сумму энергий взаимодействия ферромагнитных слоев друг с другом (формулы (8) или (16)) и с магнитным полем. Энергия ферромагнитного слоя во внешнем магнитном поле с индукцией *В* задается формулой

$$W_f = -2\mu lB\cos\frac{\psi}{2},\tag{23}$$

где μ — магнитный момент атома ферромагнетика. Для угла ψ между намагниченностями слоев получаем при $R \gg \delta_0$ и при $a\alpha \gg 1$ трансциндентное уравнение

$$\frac{J_{af}S_{af}^2}{a}\left(\frac{\pi}{2}\psi\right) = \mu lB\sin\frac{\psi}{2}.$$
 (24)

Характерное поле B^* , при котором происходит существенное изменение намагниченности, составляет

$$B^* \sim \frac{J_{af} S_{af}^2}{\mu al}.$$
 (25)

Не слишком близко к T_N его величина намного меньше обменного поля антиферромагнетика ~ $J_{af}S_{af}^2/\mu_{af}$ (μ_{af} — магнитный момент атома антиферромагнетика).

$$\operatorname{tg}\frac{\psi}{2} = \frac{J_{f,af}S_{af}S_{f}}{J_{f,af}S_{f}S_{af} + 2\mu lB},$$
(26)

а характерное поле B^* равно

$$B^* \sim \frac{J_{f,af} S_{af}}{\mu_B l},\tag{27}$$

где μ_B — магнетон Бора.

В фазе 3 в слабом магнитном поле домены первого типа с параллельной ориентацией намагниченностей слоев ориентируются по полю. При этом намагниченность системы составляет $M_{\rm max}/2$. Намагниченности ферромагнитных слоев в доменах второго типа с их антипараллельной ориентацией в нулевом поле ведут себя аналогично намагниченностям подрешеток в объемном антиферромагнетике. Они ориентируются практически перпендикулярно внешнему полю.

По мере возрастания величины *В* угол ψ между ними уменьшается. Характерное значение индукции *B*^{*} внешнего магнитного поля, в котором он изменяется существенно, при $R \gg R^*$ находится аналогично случаю фазы 2 и по порядку величины задается формулами (25) и (27). Поэтому вид петель гистерезиса в фазах 2 и 3 отличается только величиной намагниченности в слабых полях.

Сравнение предложенной теории с экспериментальными данными возможно провести, исследуя зависимость величины B^* от толщин слоев. Приведенные зависимости $B^*(a, l)$ отличаются от таковых для случая, когда взаимодействие ферромагнитных слоев обусловлено взаимодействием РККИ ($B^* \propto a^{-2}l^{-1}$).

К сожалению, подобные исследования, насколько нам известно из литературы, не проводились.

В заключение приведем основные результаты работы.

1) В результате исследований вида искажений параметра порядка в антиферромагнитной прослойке между двумя ферромагнитными слоями, возникающих вследствие шероховатости границ раздела слоев, в рамках микроскопической теории подтверждена феноменологическая модель "магнитной близости", предложенная Слончевским, получено выражение для констант этой модели, а также найдена область ее применимости.

 Найдена критическая ширина атомных ступеней на границах раздела слоев, при превышении которой энергетически выгодным становится разбиение ферромагнитных слоев на домены и возникновение полидоменной фазы.

 Построена фазовая диаграмма "толщина-шероховатость" трехслойной системы, состоящей из двух ферромагнитных слоев, разделенных антиферромагнитной прослойкой, для случая одинаковых толщин слоев.

4) Изучен вид петель гистерезиса в различных фазах.

Список литературы

- M.N. Baibich, J.M. Broto, A. Fert, Nguyen van Dau, F. Petroff, P. Etienne, G. Creuzet, A. Friederich, J. Chazelas. Phys. Rev. Lett. 61, 21, 2472 (1988).
- [2] P. Bruno, C. Chappet. Phys. Rev. B46, 1, 261 (1992).
- [3] E.E. Fullerton, S.D. Bader, J.L. Robertson. Phys. Rev. Lett. 77, 7, 1382 (1996).
- [4] E. Fawcett, H.L. Albert, V.Yu. Galkin, D.R. Noakos, J.V. Yakhmi. Rev. Mod. Phys. 66, 1, 25 (1994).
- [5] А.И. Морозов, А.С. Сигов. Письма в ЖЭТФ **61**, *11*, 893 (1995).
- [6] В.Д. Левченко, А.И. Морозов, А.С. Сигов, Ю.С. Сигов. ЖЭТФ 114, 5(11), 1903 (1998).
- [7] J.C. Slonczewski. J. Magn. Magn. Mater. 150, 1, 13 (1995).
- [8] А.И. Морозов, А.С. Сигов. ФТТ **39**, 7, 1244 (1997).
- [9] A. Berger, E.E. Fullerton. J. Magn. Magn. Mater. 165, 1–4, 471 (1997).