## 04;09;12

# Влияние неоднородности ионного фона на частоту колебаний виртуального катода

## © В.Г. Анфиногентов, А.Е. Храмов

Государственный учебно-научный центр "Колледж", Саратов

### Поступило в Редакцию 12 мая 1998 г.

Исследуется зависимость частоты колебаний виртуального катода в диодном промежутке от плотности прианодного ионного слоя. Показывается, что при больших плотностях ионного слоя в потоке формируется устойчивый сгусток электронов, что приводит к увеличению частоты генерации.

Известно, что генерация электромагнитных колебаний в приборе на виртуальном катоде (ВК) обусловлена двумя механизмами, а именно колебаниями электронов в нелинейной потенциальной яме "катод — ВК" и колебаниями ВК как единого целого [1–4]. Подавление первого из этих механизмов за счет отвода из пространства взаимодействия электронов, отразившихся от ВК обратно к плоскости инжекции [1,5], позволяет повысить как качество спектра, так и эффективность преобразования энергии потока в микроволновое излучение в виркаторе. Частота колебаний ВК определяется плазменной частотой  $\omega_p = (\rho_0 e/m_e \epsilon_0)^{1/2}$ электронного потока на входе в пространство взаимодействия [2,3,4,6,7], где  $\rho_0$  — невозмущенная плотность пространственного заряда потока; *е* и  $m_e$  — соответственно заряд и масса электрона и  $\epsilon_0$  — диэлектрическая постоянная. В работе [8] приводится следующая оценка колебаний ВК как единого целого:

$$1.93 < \omega/\omega_p < 2.31.$$

Традиционно считается, что изменение частоты генерации ВК может быть осуществлено только с помощью изменения  $\omega_p$  электронного потока.

В данной работе мы рассматриваем простую модель системы с ВК — диод, пронизываемый многоэнергетическим электронным потоком со сверхкритическим током. Ограничивающие систему сетки являются эквипотенциальными. Внутри системы плотность неподвижного ионного

#### 74

фона распределена сильно неоднородно, занимая область вблизи плоскости инжекции (анодная плазма). Управляющими параметрами системы являются параметр Пирса

$$\alpha = \omega_p \frac{L}{\nu_0}$$

который при неизменности L и  $v_0$  пропорционален току инжектируемого пучка; отношение плотности анодной плазмы  $\rho_p$  к плотности пространственного заряда электронного потока  $\rho_0$ :  $n = \rho_p/\rho_0$  и толщина слоя прианодной плазмы  $x_p$  (в представленной работе  $x_p$  фиксировано и  $x_p/L = 0.25$ ). Здесь L — длина пространства взаимодействия и  $v_0$  — невозмущенная скорость потока. При  $\alpha > \alpha_{cr}$  однопотоковое состояние потока становится неустойчивым к малым возмущениям плотности заряда и в системе формируется ВК [9]. Отметим, что в предельных случаях  $x_p/L = 1$ , n = 1 (классический диод Пирса) величина  $\alpha_{cr} = \pi$  [10];  $n = 0 - \alpha_{cr} = 4/3$  [9].

Данная система представлет большой интерес в связи с возможностью описания динамики потока в таком СВЧ приборе, как виркатор с плазменным анодом [11]. Отметим, что приближение неподвижного ионного фона вполне удовлетворительно описывает протекающие в рассматриваемой системе явления, так как масса ионов  $m_i \gg m_e$ . Например, масса ядра водорода  $\approx 1800 m_e$ , поэтому время, за которое происходит заметное возмущение концентрации ионов, достаточно велико: оно составляет примерно  $150 \div 200$  периодов колебаний ВК, что превышает длительность импульса тока. Аналитическое описание нестационарных процессов в рассматриваемой системе затруднено в связи с обгонами и отражениями заряженных частиц, поэтому для анализа процессов мы использовали численное моделирование методом макрочастиц [12].

На рис. 1, *а* приведены зависимости частоты генерации системы от параметра плотности плазмы *n* для различных значений тока пучка  $\alpha$ . Видно, что при небольших плотностях анодной плазмы частота генерации меняется очень незначительно. Это изменение связано с изменением эффективного значения плазменной частоты потока  $\omega_p$  с ростом плотности прианодной плазмы. С увеличением тока пучка  $\alpha$  наблюдается рост частоты генерации, так как растет  $\omega_p$  с увеличением  $\alpha$  ( $v_0$  и L полагаются неизменными).



**Рис. 1.** a — зависимость частоты генерации от плотности ионного слоя n для различных значений тока пучка  $\alpha$ :  $1 - \alpha = 0.75$ ;  $2 - \alpha = 1.20$ ;  $3 - \alpha = 1.75$ ;  $4 - \alpha = 2.13$ ;  $5 - \alpha = 2.25$ . b — зависимость эффективного значения параметра Пирса  $\alpha_S$  (•) и плотности пространственного заряда  $\bar{\rho}(n)$  (•) от плотности ионного слоя n.



**Рис. 2.** Колебания максимальной плотности пространственного заряда в пространстве дрейфа, спектр мощности колебаний электрического поля и пространственно-временная диаграмма электронного потока для режима с малой плотностью ионного слоя n = 0.25 (*a*) и с большой плотностью ионного слоя n = 2.5 (*b*) при  $\alpha = 1.375$ .

При достижении определенного значения плотности ионного фона  $n_{cr}$  ( $\alpha$ ) в системе наблюдается скачок частоты генерации примерно в два раза по сравнению с частотой в диоде с таким же током и n = 0. Как видно из рис. 1, a, с ростом частоты критическая плотность  $n_{cr}$  растет с ростом  $\alpha$ . Отметим, что при больших токах пучка система с дальнейшим ростом n переходила к стохастическим колебаниям со сплошным спектром. При небольших  $\alpha$  наблюдался переход системы в состояние полного прохождения с сильно неоднородным распределением плотности заряда.



Рис. 2 (продолжение).

Указанный эффект увеличения частоты колебаний в потоке может быть объяснен с помощью рассмотрения физических процессов в пространстве взаимодействия. В первом режиме с низкой базовой частотой в спектре ( $n < n_{cr}(\alpha)$ ) в потоке имеется только один электронный сгусток — ВК, и динамика системы мало отличается от случая, когда n = 0 (см. [13]). Частота колебаний ВК определяется плазменной частотой  $\omega_p$ , и движения в системе близки к регулярным (рис. 2, *a*).

Ситуация сильно меняется при большой плотности прианодного ионного слоя. В этом случае за счет сильной неоднородности плазменного заполнения в области  $0 < x < x_p$  наблюдается накопление числа затормозившихся в области ВК частиц. В потоке образуется устойчивый, постоянно существующий сгусток значительной плотности, который отчетливо виден на пространственно-временной диаграмме (рис. 2, *b*).

Он формируется из частиц, остающихся в пространстве взаимодействия в течение нескольких периодов колебаний ВК, а затем покидающих пространство взаимодействия. Рис. 1, *b* иллюстрирует рост усредненной во времени плотности пространственного заряда  $\bar{\rho}$  в диодном промежутке в зависимости от *n*. Видно, что с ростом плотности анодного плазменного слоя накапливаемый заряд в пространстве взаимодействия при n > 2.25 примерно в два раза превышает заряд системы при n = 0. Частота колебаний в потоке с ВК определяется скоростью развития электростатической неустойчивости, которая в свою очередь зависит от эффективного параметра Пирса  $\alpha_S$ . Рост  $\alpha_S$  в области ВК.

Результаты расчета представлены на рис. 1, *b*. При небольших  $n \alpha_S = \alpha$ , однако рост *n* приводит к росту  $\alpha_S$ . На зависимости  $\alpha_S(n)$  наблюдается более резкий скачок при  $n \sim 2 \div 2.5$ , чем на зависимости  $\bar{p}(n)$ . Это связано с тем, что с увеличением плотности пространственного заряда поток более сильно тормозится в окрестности ВК, а следовательно параметр  $\alpha_S \sim \sqrt{\rho} / \langle v \rangle_t$  увеличивается.

Таким образом, при сильной неоднородности ионного фона в системе с ВК наблюдается образование вторичного электронного сгустка, что ведет к росту накапливаемого пространственного заряда в области ВК. Это оказывает сильное влияние на скорость развития электростатической неустойчивости, определяющей образование ВК, что позволяет увеличить частоту генерации системы.

Работа поддержана РФФИ 98-02-16541.

## Список литературы

- [1] Davis H.A., Bartch R.R., Kwan T.J.T. et al. // Phys. Rev. Lett. 1987. V. 62. P. 75.
- [2] Диденко А.Н. // ДАН СССР. 1991. Т. 321. № 4. С. 727.
- [3] Kwan T.J.T., Thode L.E. // Phys. Fluids. 1984. V. 27. P. 1570.
- [4] Burkhart S.C., Scarpetti R.D., Lundberg R.L. // J. Appl. Phys. 1985. V. 58.
  P. 28.
- [5] Davis H.A., Bartsch R.R., Kwan T.J.T. et al. // IEEE Trans. on Plasma Sci. 1988.
  V. 16. N 2. P. 192.
- [6] Диденко А.Н., Ращиков В.И. // Физика плазмы. 1992. Т. 18. № 9. С. 1182.
- [7] Lin T., Chen W., Liu W. et al. // J. Appl. Phys. 1990. V. 68. N 5. P. 2038.
- [8] Kadish A., Faehl R.J., Snell C.M. // Phys. Fluids. 1986. V. 29. N 12. P. 4192.

- [9] *High* Power Microwave Sources / Ed. by Granatstein V.L. and Alexeff I. Artech House, Boston, 1987. Ch. 13.
- [10] Pierce J. // J. Appl. Phys. 1944. V. 15. P. 721.
- [11] Селемир В.Д., Алехин Б.В., Ватрунин В.Е. и др. // Физика плазмы. 1994. Т. 20. В. 7, 8. С. 689.
- [12] Бэдсел Ч., Ленгтон А. Физика плазмы и численное моделирование. М.: Энергоатомиздат, 1989. 452 с.
- [13] Anfinogentov V.G. // Proc. of the 5th International Specialist Workshop on Nonlinear Dynamics of Electronic Systems. NDES'97. Moscow, Russia, 28–29 June 1997. P. 284.