## 01;05

# Нормальная зона и резистивный домен в тонкопленочных сверхпроводящих мостиках: эффекты нелинейности

#### © И.Л. Максимов, Д.Ю. Водолазов

Нижегородский государственный университет, Н. Новгород

Поступило в Редакцию 16 декабря 1997 г. В окончательной редакции 7 мая 1998 г.

Исследованы процессы распространения волны переключения в нормальное состояние и установления резистивного домена в тонкопленочных сверхпроводящих мостиках. Обнаружено, что нелинейность вольт-амперной характеристики (BAX) материала, параметризуемая плотностью сверхпроводящего конденсата, существенно влияет на характеристики диссипативных структур.

Состояние сверхпроводника с током, превышающим некоторое критическое значение, является метастабильным по отношению к достаточно сильным возмущениям, приводящим к зарождению и последующему распространению нормальной зоны [1]. Кроме того, в сверхпроводнике может образоваться резистивный (или нормальный) домен, представляющий собой локализованную диссипативную структуру [1].

При исследовании условий существования и характеристик диссипативных структур в тонкопленочных системах ВТСП необходимо принимать во внимание специфику низкоразмерных сверхпроводников. Последняя проявляется в существенной нелинейности вольт-амперной характеристики ВАХ в сверхпроводящих мостиках ВТСП [2], обусловленной, например, наличием фазы Березинского– Костерлиц–Таулеса (БКТ) [2,3] в системе. Показатель нелинейности

1

ВАХ в этом случае оказывается пропорциональным плотности конденсата БКТ.

В работе исследовано влияние транспортного тока на скорость распространения волны переключения в пленке высокотемпературного сверхпроводника (ВТСП) с учетом нелинейной зависимости E(j). Изучено влияние плотности конденсата на форму и размеры нормального и резистивного доменов, найдена ВАХ сверхпроводящего мостика с доменом.

## Модель

Уравнение теплопроводности для сверхпроводящего мостика имеет вид

$$D_s C_s \frac{\partial T}{\partial t} = D_s \frac{\partial}{\partial x} k_s \frac{\partial T}{\partial x} + d_f Q(T) - W(T), \qquad (1)$$

где  $D_s$  — толщина подложки,  $C_s$  и  $k_s$  — теплоемкость и теплопроводность материала подложки,  $d_f$  — толщина пленки ВТСП, W(T) теплоотвод с поверхности подложки в охладитель с температурой  $T_0$ :

$$W(T) = h(T - T_0),$$
 (2)

 $h = k_s/D_s$  — эффективный коэффициент теплоотвода.

Удельная мощность тепловыделения в пленке  $Q(T) = \rho(j, T)j^2$ , где  $\rho(j, T) -$ эффективное сопротивление:

$$\rho(j,T) = \begin{cases}
\rho_n & T > T_c, \\
\rho_n \left(1 - \frac{j_c(T)}{j}\right)^{a(T)} & T_r < T < T_c, \\
0 & T < T_r,
\end{cases}$$
(3)

 $\rho_n$  — удельное сопротивление сверхпроводника в нормальном состоянии, j — плотность тока,  $T_c$  — критическая температура сверхпроводника,  $T_r$  — температура перехода в резистивное состояние, определяемая из условия  $j_c(T_r) = j$ . Показатель нелинейности ВАХ выражается в виде  $a(T) = K(T_c/T - 1)$ , где K — параметр конденсата БКТ. Для простоты полагаем, что температурная зависимость критической плотности тока, обусловленной объемным пиннингом вихрей, является линейной:

$$j_c(T) = j_{c0} \left( 1 - \frac{T}{T_c} \right). \tag{4}$$

Феноменологический параметр  $K = \varepsilon_0 d/(k_B T_c)$  выражается через энергию вихря  $\varepsilon_0 d$  в слое толщины d, где  $\varepsilon_0 = \Phi_0^2/(16\pi^2\lambda(0)^2)$ есть величина, пропорциональная плотности сверхпроводящего конденсата при нулевой температуре ( $\Phi_0$  — квант магнитного потока,  $\lambda(0)$  — лондоновская глубина проникновения при T = 0). Оценка величины K для типичного слоистого ВТСП материала BiSCCO ( $d \approx 15$  Å,  $\varepsilon_0 d \approx 3000$  K = 0.25 eV,  $T_c = 80$  K) дает величину порядка 30 [4]. Оценка K для слабоанизатропных материалов типа YBaCuO затруднена ввиду того, что толщина токонесущего слоя dне известна.

Состояния равновесия системы описываются уравнением баланса для выделяемого и отводимого тепла [1,2]:

$$Q^*(T) = W(T),$$

где  $Q^*(T) = d_f \cdot Q(T)$  — тепловыделение на единицу площади. Это уравнение имеет (в случае аппроксимации (3)) три корня, что соответствует трем положениям равновесия — двум устойчивым и одному неустойчивому. Устойчивыми являются состояния, для которых  $\frac{\partial W}{\partial T} > \frac{\partial Q}{\partial T}$ .

Ниже представлены основные результаты численного анализа уравнения (1) с условиями (2)–(4). В расчетах использованы следующие значения параметров сверхпроводника и подложки:

$$C_s = 1 \cdot 10^5 \text{ J/(m^3 \cdot K)}, \quad k_s = 340 \text{ W/(m \cdot K)}, \quad d_f = 10^{-7} \text{ m},$$
  
 $D_s = 5 \cdot 10^{-4} \text{ m}, \quad T_c = 92 \text{ K}, \quad T_0 = 77 \text{ K}, \quad j_{c0} = 10^{10} \text{ A/m^2}.$ 

#### Автоволны переключения

Будем искать решение (1) в виде T(x,t) = T(x - Vt) (автоволна переключения) с граничными условиями  $T(x = +\infty, t = 0) = T_0$ ,  $T(x = -\infty, t = 0) = T_1$  (здесь  $T_0$  и  $T_1$  — температуры первого и второго устойчивого положения равновесия соответственно) и  $\frac{\partial T}{\partial x}(x = \pm\infty, t = 0) = 0$ , с учетом требования непрерывности потоков тепла при температурах  $T_r$  и  $T_c$ .

На рис. 1 приведена зависимость скорости распространения автоволны от величины транспортного тока (для различных K, а также



**Рис. 1.** Зависимость скорости распространения волны переключения от тока при различных значениях параметра K: I - K = 5; 2 - a = 1; 3 - K = 10; 4 - K = 15; 5 - K = 30.

для случая a = 1, соответствующего линейной ВАХ жестких сверхпроводников [1] в резистивной области). Видно, что при увеличении Kзаметно расширяется диапазон токов, в котором возможно распространение волны переключения. Данный факт связан с тем, что с ростом K тепловыделение вблизи  $T_r$  становится слабо растущей функцией температуры. В результате этого исчезновение первого равновесного состояния, характеризующегося температурой  $T = T^*(j, K) > T_0$ , происходит при более высокой плотности тока  $j_{max}$ . Установление нормального состояния при  $j > j_{max}$  не описывается автоволновым режимом.

Отметим, что в отличие от модели со ступенчатым тепловыделением  $V_{\max}$  конечна и сильно варьируется с изменением параметра *K*. Изменение  $V_{\max}$  в зависимости от *K* изображено на рис. 2.

Зависимость  $V_{\max}(K)$ , как видно из рис. 2, имеет минимум при  $K = K^*$ . Как следует из расчетов, это происходит, когда  $a(T_0) \approx 1$ ,



**Рис. 2.** Зависимость максимальной скорости распространения волны переключения  $V_{\text{max}}$  от параметра K.

что дает  $K^* \approx T_0/(T_c - T_0) \approx 5$  (для  $T_0 = 77$  К и  $T_c = 92$  К). В области значений  $K < K^*$   $V_{\text{max}}$  резко возрастает и при  $K \to 0$   $V_{\text{max}} \to \infty$ . Математически это объясняется тем, что при  $K \to 0$  рассматриваемая нами задача эквивалентна задаче со ступенчатым тепловыделением, для которой существует точное решение, дающее  $V_{\text{max}} \to \infty$  [3]. Отметим, что типичные значения  $V_{\text{max}}$  лежат в интервале 1 m/s  $< V_{\text{max}} < 20$  m/s (при  $1 < K < K^*$ ).

Численный анализ системы уравнений (1)-(3) позволяет обнаружить существование (при  $K < K^*$ ) волны переключения нового типа: сверхпроводящее состояние — резистивное состояние (S-R-волна). При K > 50 могут также существовать волны переключения типа R-R'. Заметим, что возможность появления R-S и R-R' волн обусловлена сильной температурной нелинейностью тепловыделения, допускающей существование тройного пересечения W(T) и Q(T) даже при  $T < T_c$ .

## ВАХ сверхпроводника со стационарным доменом

В стационарном случае, опустив член с временной производной в уравнении (1), можно представить его в виде обыкновенного дифференциального уравнения первого порядка [1]:

$$\left(k_s \frac{dT}{dx}\right)^2 = S(T),\tag{5}$$

где интеграл

$$S(T) = \int_{T_{\min}}^{T} k_s \left[ W(T') - \frac{d_f}{D_s} Q(T') \right] dT'$$
(6)

характеризует степень дисбаланса между тепловыделением и теплоотводом,  $T_{\min} = \max(T_0, T^*)$ . При выводе (5) и (6) учтены граничные условия  $T(x = \pm \infty) = T_0$ ,  $\frac{\partial T}{\partial x}(x = \pm \infty) = 0$ , что выполняется в пренебрежении конечными размерами образца.



**Рис. 3.** Распределение температуры в образце с резистивным доменом для различных значений K: I - K = 30; 2 - K = 15; 3 - K = 10; 4 - a = 1; 5 - K = 5.



**Рис. 4.** Вольт-амперная характеристика сверхпроводника с доменом при различных значениях параметра K: 1 - K = 1; 2 - K = 5; 3 - K = 15; 4 - a = 1.

Распределение температуры в домене, полученное в результате численного решения (5) при различных значениях параметра K и для одного значения тока, приведено на рис. 3.

Возрастание максимальной температуры домена  $T_m$  с увеличением показателя нелинейности K легко понять из следующих соображений. С ростом K "правило площадей"  $S(T_m) = 0$ , определяющее  $T_m$ , удовлетворяется при более высокой температуре. Последнее объясняется более пологим ходом зависимости Q(T) при  $K \ge K^*$ . Отметим, что при  $K < K^*$  форма домена практически не чувствительна к величине K.

Так как домен представляет собой диссипативную структуру (с конечным сопротивлением), его наличие сопровождается появлением напряжения на сверхпроводнике. Падение напряжения на сверхпроводнике с доменом определяется по формуле [1]:

$$U = \sqrt{2} \int_{T_r}^{T_c} \rho_n k_s j \left( 1 - \frac{j_c(T)}{j} \right)^{a(T)} \frac{dT}{\sqrt{S(T)}} + \rho_n j l,$$
(7)

где *l* — размер нормальной зоны домена.

Результат численного расчета (7) для различных K приведен на рис. 4. Точка излома, хорошо видная в логарифмическом масштабе на рисунке, соответствует появлению нормальной области у домена, сопровождающемуся резким ростом напряжения (заметим, что у кривой I такого излома не наблюдается, так как при  $K \leq 1$  у домена во всем диапазоне токов отсутствует нормальная область).

Для значений  $K > K^*$  характерно появление на ВАХ участка с положительным дифференциальным сопротивлением. Этот факт связан с тем, что начиная с тока  $j^*$  ( $j^* = j_c(T_0)$ ) весь сверхпроводник переходит в резистивное состояние с температурой  $T^*(j, K) > T_0$ , на фоне которой будет существовать домен. При дальнейшем увеличении тока размеры домена уменьшаются, но  $T^*$  увеличивается; в результате Uбудет расти, так как при  $j > j^*$  падение напряжения будет обусловлено в основном резистивной областью сверхпроводящего мостика. Подчеркнем, что появление участка с положительным наклоном ВАХ не связано с ограниченностью длины сверхпроводящего мостика [1,6].

Работа поддержана Министерством науки РФ (проект 95–057), гособразования РФ (грант 95–0–7.3–178), а также Международным центром перспективных исследований (Н. Новгород; грант 97–2–10).

## Список литературы

- [1] Гуревич А.В., Минц Р.Г. Тепловые автоволны в нормальных металлах и сверхпроводниках. М.: Изд-во ИВТАН, 1987. 168 с.
- [2] Fix A.Sh., Maksimov I.L., Morozov K.V., Osipov V.V. // IEEE Trans. on Appl. Superconductivity. 1993. V. 3. P. 168–171.
- [3] Minnhagen P. // Rev. Mod. Phys. 1987. V. 59. P. 1001-1063.
- [4] Blatter G. et al. // Rev. Mod. Phys. 1994. V. 66. P. 1125-1388.
- [5] Луцет М.О., Климов С.В. // СФХТ. 1994. Т. 7. № 8–9. С. 1372–1381.
- [6] Скоков В.Н., Коверда В.П. // СФХТ. 1993. Т. 6. № 8. С. 1646–1651.