

05:09

## Расчет проницаемости поликристаллического феррита

© Л.Н. Котов, К.Ю. Бажуков

Сыктывкарский государственный университет,  
167001 Сыктывкар, Россия

(Поступило в Редакцию 8 июля 1997 г.)

Одной из основных характеристик, описывающих поведение магнитных материалов в переменных магнитных полях, считается магнитная проницаемость  $\mu$ , которая является комплексной величиной  $\mu = \mu' - i\mu''$ . На частотную зависимость проницаемости оказывают основное влияние 2 процесса: движение доменных границ и вращение вектора намагниченности. Существует большое количество моделей, которыми пользуются при описании и объяснении поведения проницаемости при изменении частоты [1–3]. При этом расчеты, полученные из этих моделей, как правило, достаточно хорошо описывают частотную зависимость проницаемости в узком интервале частот [3]. Это может быть связано с тем, что большинство рассмотренных моделей не учитывает вращение вектора намагниченности. На высоких частотах (например, для железо-иттриевого граната частоты выше  $10^8$  Hz [1]) влияние вращения вектора намагниченности становится сравнимым с влиянием движения доменных границ и даже превосходит его, а на низких частотах максимальный вклад вращения вектора намагниченности определяется величиной  $\chi \approx M_S/H_A$ , (где  $M_S$  — намагниченность насыщения,  $H_A$  — поле анизотропии) и может достигать 20% от вклада движения доменных границ [3]. В других моделях рассматривается только вращение вектора намагниченности, и вследствие этого модели описывают экспериментальные данные в диапазоне высоких частот [1]. В этой работе предлагается модель расчета проницаемости с учетом вкладов как движения доменных границ, так и вращения вектора намагниченности в широком диапазоне частот для поликристаллических ферритов. Проницаемость вычислялась как сумма двух вкладов  $\mu = \mu_{\text{dom}} + \mu_{\text{rot}}$ , где  $\mu_{\text{dom}}$  — проницаемость, обусловленная вкладом движения доменных границ;  $\mu_{\text{rot}}$  — проницаемость, обусловленная вращением вектора намагниченности. Расчеты проводились в предположении, что внешнее магнитное поле  $H_0$  отсутствует, а поле анизотропии  $H_A > 4\pi M_S$ , что характерно для модели независимых зерен [1]. Применимость модели показана на примере железо-иттриевого граната с примесью алюминия, для которого выполняется условие независимости зерен.

Каждая доменная граница характеризуется своей резонансной частотой  $f_0$ . С учетом модели независимых зерен будем считать, что пространственная ориентация доменных границ равновероятна для поликристаллической среды. Тогда с учетом функции распределения доменных границ по собственным частотам  $\varphi(f_0)$  среднюю проницаемость, обусловленную движением доменных границ, можно представить в виде [3]

$$\mu'_{\text{dom}}(f) = 1 + 4\pi B \int_{f_0 \text{ min}}^{f_0 \text{ max}} f_0 \frac{f_0^2 - f^2 + 4E f^2 \alpha_{\text{upr}}^2}{(f_0^2 - f^2)^2 + 4\alpha_{\text{upr}}^2 f_0^2 f^2} \varphi(f_0) df_0,$$

$$\mu''_{\text{dom}}(f) = 8\pi B \alpha f \times \int_{f_0 \text{ min}}^{f_0 \text{ max}} \frac{f_0^2 - E f_0^2 + E f^2}{(f_0^2 - f^2)^2 + 4\alpha_{\text{upr}}^2 f_0^2 f^2} \varphi(f_0) df_0, \quad (1)$$

где  $f = \omega/2\pi$ ,  $B = C^* M_S f_0^* / 4\pi f_u$ ,  $C^* = 9.45$  МГц/Ое,  $\alpha_{\text{upr}}$  — квазиупругий коэффициент доменных границ,  $f_u$  — частота максимального поглощения в экспериментальном спектре,  $f_0^*$  — эффективная резонансная частота,  $\varphi(f_0)df_0$  определяет долю резонирующих доменных границ в интервале частот от  $f_0$  до  $f_0 + df_0$ , при этом  $\varphi(f_0)$  должна быть нормирована,  $f_0 \text{ min}$  — минимальная резонансная частота доменных границ,  $f_0 \text{ max}$  — максимальная резонансная частота доменных границ.

Вид функции распределения собственных частот доменных границ  $\varphi(f_0)$ , представленной на рис. 1, взят из [3]. Функция  $\varphi(f_0)$  должна иметь вид пуассоновского распределения, но для ускорения вычислительного процесса, она была представлена в виде ломаной, по аналогии с [3]. Константы нормировки, частоты  $f_0 \text{ min}$  и  $f_0 \text{ max}$ , промежуточные частоты для ломаной кривой  $f_1, f_2, f_3, f_4$  и  $f_5$  были подобраны экспериментально.

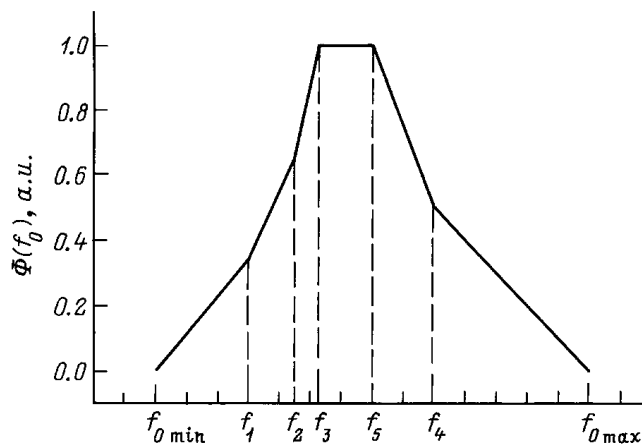


Рис. 1. Дифференциальная функция распределения резонансных частот доменных границ.

Компоненты проницаемости  $\mu$ , обусловленные вращением вектора намагниченности, имеют следующий вид [1]:

$$\begin{aligned} \mu'_{\text{rot}} &= 1 + 4\pi(\gamma M_S f_0 (f_0^2 - (1 - \alpha^2) f^2)) \\ &\quad \times [(f_0^2 - (1 + \alpha^2) f^2)^2 + 4\alpha^2 f^2 f_0^2]^{-1}, \\ \mu''_{\text{rot}} &= 4\pi(\alpha \gamma M_S f (f_0^2 + (1 + \alpha^2) f^2)) \\ &\quad \times [(f_0^2 - (1 + \alpha^2) f^2)^2 + 4\alpha^2 f^2 f_0^2]^{-1}, \end{aligned} \quad (2)$$

где  $\gamma = 2\pi * 2.8 \text{ MHz/Oe}$  — гиромагнитное отношение,  $M_S$  — намагниченность насыщения,  $\alpha = f_r/f_0$  — параметр диссипации,  $f_0$  — частота ферромагнитного резонанса,  $f_r$  — частота релаксации,  $f$  — частота магнитного поля.

Частоты  $f_0$  и  $f_r$  зависят от эффективного поля,  $H_{\text{эфф}}$ , действующего на магнитный момент в частице поликристалла;  $f_0 = \gamma/2\pi H_{\text{эфф}}$ ,  $f_r = f_r(H_{\text{эфф}})$  [4]. Предполагается, что зависимость  $f_r(H_{\text{эфф}})$  линейная, поэтому параметр диссипации  $\alpha$  будем считать константой. При решении задачи  $\alpha$  варьируется до тех пор, пока не будет получено совпадение экспериментальных и теоретических магнитных спектров.

Неоднородности внутреннего поля внутри зерен имеют разные масштабы. Наибольшие неоднородности связаны с формой образца. Мы будем рассматривать домены в виде параллелепипедов или цилиндров. Это связано со следующими причинами: а) простотой формирования доменных структур в кристалле без существенного искажения поля вблизи общей границы соседних доменов; б) возможностью рассматривать изменение поля вдоль одной выделенной оси  $Z$ , которое вносит наиболее существенный вклад в поведение поля; в) тем, что хорошо известна зависимость напряженности магнитного поля вдоль его оси в случае магнитного насыщения, а изменением поперечных компонент поля можно пренебречь.

Для намагниченного образца (в нашем случае это — домен) длиной  $L$  и шириной  $D$  размагничивающее поле может быть представлено в виде [5]

$$\begin{aligned} \frac{H_R(0, \xi)}{2\pi M_S} &= -2 + \frac{1 - \xi}{[k^2 + (1 - \xi)^2]^{1/2}} \\ &\quad + \frac{1 + \xi}{[k^2 + (1 + \xi)^2]^{1/2}}, \end{aligned} \quad (3)$$

где  $\xi = 2z/L$ ,  $k = D/L$ , ось  $Z$  направлена вдоль оси параллелепипеда.

Распределение внутреннего магнитного поля в данном случае имеет вид  $H(z) = H_A + H_R(z)$ , где  $H_R$  — размагничивающее поле,  $H_A$  — поле анизотропии.

Выше описывалось внутреннее магнитное поле, характерное для одного зерна с одним доменом. При внешнем поле  $H_0 = 0$  поликристалл феррита имеет многодоменную структуру. Если предположить, что имеются только  $180^\circ$ -ные доменные границы, то в каждом

отдельном зерне вектора намагниченности  $\mathbf{M}$  в соседних доменах антипараллельны, поэтому число доменов в зерне должно быть четным из-за наличия двух типов  $180^\circ$ -ных доменов. Будем считать, что каждое зерно поликристалла состоит из двух  $180^\circ$ -ных доменов и замыкающих доменов. Вклад замыкающих доменов в восприимчивость пренебрежимо мал, поэтому их не учитываем. Увеличение количества пар доменов в зерне поликристалла приводит лишь к уменьшению ширины доменов  $D$  и в нашей модели не влияет на конечный результат, а будет менять лишь функцию распределения по ширинам доменов. Мы предполагаем, что ширина и длина доменов удовлетворяют условию  $D/L \ll 1$  (т.е.  $D \leq 0.01L$ ). Был проведен численный эксперимент, из которого было выяснено, что уменьшение отношения  $D/L$ , начиная с 0.01, практически не оказывает влияния на конечный результат (значения меняются в пределах менее 1%). В связи с этим распределение по ширине рассматривать не будем. Разброс по длинам доменов (что одновременно является разбросом по длине зерен) будет учтен с помощью функции распределения. Длины  $L$  отдельно взятого зерна и домена будут подчиняться некоторому распределению  $f(L)$ , которое должно удовлетворять следующим условиям: а) функция нормирована  $\int_0^\infty f(L) dL = 1$ , б) выполняются следующие граничные условия:  $f(L) = 0$  при  $L = 0$  и  $f(L) \rightarrow 0$  при  $L \rightarrow \infty$ .

В качестве функции распределения было выбрано распределение Пуассона. При учете условий а и б функция распределения  $f(L)$  имеет следующий вид:  $f(L) = (L/\langle L \rangle^2) \exp(-L^2/2\langle L \rangle^2)$ , где  $\langle L \rangle$  — средняя длина доменов. После нахождения восприимчивости каждого домена проведем усреднение по поликристаллу. При усреднении нужно учесть хаотическую ориентацию направлений намагниченности  $\mathbf{M}$  зерен относительно оси, вдоль которой распространяется переменное магнитное поле (ось  $Z$ ). Значение проекции внутреннего (эффективного) поля  $H_{\text{эфф}}$  вдоль оси  $Z$  для случайно ориентированных зерен может быть представлено в виде

$$H_{\text{эфф}} = |\mathbf{H}_{\text{эфф}}| \cos(2\pi\psi), \quad (4)$$

где  $\psi$  — угол между вектором намагниченности  $\mathbf{M}$  и осью  $Z$ , подчиняется гауссовскому распределению.

Выбор гауссовского распределения наиболее применим для модели независимых зерен ( $H_A > 4\pi M_S$ ), которая рассматривается в данной работе. Также в зернах могут появляться различные дополнительные поля, которые могут быть связаны с различными неоднородностями внутри кристалликов. Вследствие этого в центре зерна всегда будет присутствовать некоторое постоянное среднее поле. Будем его именовать полем анизотропии, так как именно оно вносит основной вклад. Характерное значение напряженности поля анизотропии, например, для железо-иттриевого граната при комнатной температуре  $\sim 80 \text{ Oe}$  [6].

Внутреннее магнитное поле в большинстве случаев неоднородно, и это необходимо учитывать. В формулах (2) есть величины, зависящие от внутреннего поля. Для того чтобы найти проницаемость вещества в образце формы параллелепипеда с неоднородным внутренним полем вдоль оси  $Z$ , нужно провести усреднение по объему одного домена. При интегрировании разбиваем параллелепипед на тонкие слои достаточно малой толщины  $dZ$  (где можем считать  $H_{\text{eff}}$  однородным полем)

$$\frac{d\mu'}{\mu'} = \frac{dV}{V}, \quad d\mu' = \mu' \frac{dV}{V}, \quad \langle \mu' \rangle = \int_V \mu' \frac{dV}{V}, \quad (5)$$

где  $d\mu'$  и  $dV$  — магнитная проницаемость и объем тонкого слоя параллелепипеда,  $\mu'$  и  $V$  — проницаемость при наличии однородного поля по всему параллелепипеду и объем кристалла.

Из (2), (5) получаем

$$\langle \mu'_{\text{rot}} \rangle = 1 + 4\pi \times \int_V \frac{\gamma^2 M_S H_{\text{eff}} / 2\pi ((\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 - (1 - \alpha^2) f^2)}{((\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 - (1 + \alpha^2) f^2)^2 + 4\alpha^2 (\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 f^2} \frac{dV}{V}, \quad (6)$$

где  $V = D^2 L$ ,  $dV = D^2 dL$ ,  $dL = dZ$ .

Поскольку сечение параллелепипеда постоянно, то можно от интеграла по объему перейти к интегралу по длине  $L$  и формула (6) принимает окончательный вид

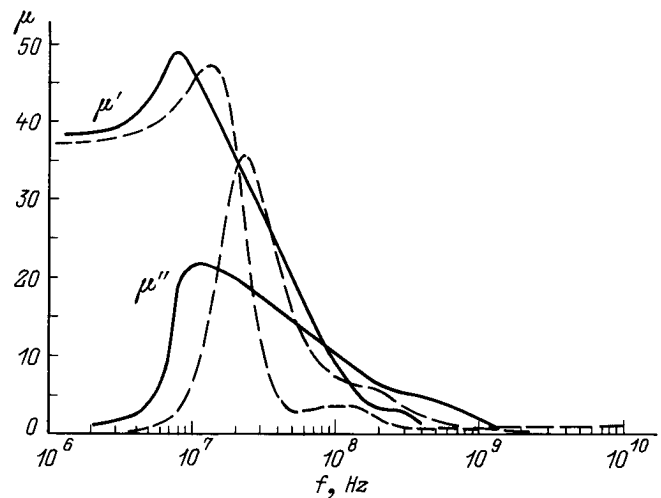
$$\langle \mu'_{\text{rot}} \rangle = 1 + 4\pi \times \int_{-L/2}^{L/2} \frac{\gamma^2 M_S H_{\text{eff}} / 2\pi ((\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 - (1 - \alpha^2) f^2)}{((\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 - (1 + \alpha^2) f^2)^2 + 4\alpha^2 (\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 f^2} \frac{dZ}{L},$$

$$\langle \mu''_{\text{rot}} \rangle = 4\pi \times \int_{-L/2}^{L/2} \frac{\alpha \gamma M_S f ((\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 + (1 + \alpha^2) f^2)}{((\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 - (1 + \alpha^2) f^2)^2 + 4\alpha^2 (\gamma/2\pi)^2 H_{\text{eff}}^2 f^2} \frac{dZ}{L}. \quad (7)$$

Интегралы (7) не могут быть разрешены в аналитическом виде. Поэтому задача расчета проницаемости была сведена к численному интегрированию. На следующем шаге находится средняя проницаемость для всего поликристалла с учетом того, что длина доменов  $L$  меняется по функции распределения.

Расчеты проводились для железо-иттриевого граната состава  $Y_2O_3(5-X)Fe_2O_3XAl_2O_3$  с примесями алюминия ( $X = 0.7$  и  $1.5$ ). Для них известны поле анизотропии ( $H_A \approx 80$  Ое), значения намагниченности насыщения ( $M_S = 61$  и  $13$  Гс) и экспериментальные частотные зависимости проницаемости в широком диапазоне частот [6]. Кроме того, для этих образцов пики потерь, обусловленные движением доменных границ и вращением вектора намагниченности, наблюдаются в разном

диапазоне частот, что, несомненно, важно для обработки данной модели. Варьирование функции распределения по длинам зерен показало, что для данного образца наиболее оптимальная средняя длина зерен  $\langle L \rangle = 2.5 \mu\text{m}$ . Действительно, размеры частиц в поликристаллических ферритах имеют указанный средних размер [6]. Мы приняли в нашей модели  $D/L \ll 1$ , что также выполняется для железо-иттриевого граната с примесью алюминия, что связано с тем, что использованные экспериментальные данные были получены на образце в виде тора [7]. Была проведена оценка среднего магнитного поля существующего внутри зерен поликристалла. Исходя из полученных результатов, среднее поле (поле анизотропии, размагничивающее поле, поля магнитострикции) одинаково для железо-иттриевых гранатов обоих составов и составляет  $157$  Ое, т.е. среднее поле в центре зерен поликристалла, как правило, превышает поле анизотропии ( $H_A \approx 80$  Ое). Минимальные и максимальные резонансные частоты движения доменных границ для данных образцов составляют  $f_{0\text{min}} = 13$  МГц и  $f_{0\text{max}} = 51$  МГц с промежуточными частотами (в МГц) для ломаной кривой  $f_1 = 13.2$  МГц,  $f_2 = 13.5$  МГц,  $f_3 = 13.8$  МГц,  $f_4 = 15.6$  МГц и  $f_5 = 18$  МГц и частой абсорбции  $f_u = 10^7$  МГц для  $X = 0.7$ . Для  $X = 1.5$   $f_{0\text{min}} = 20$  МГц,  $f_{0\text{max}} = 58$  МГц,  $f_1 = 20.2$  МГц,  $f_2 = 20.5$  МГц,  $f_3 = 20.8$  МГц,  $f_4 = 22.6$  МГц и  $f_5 = 25$  МГц,  $f_u = 2.3 \cdot 10^7$  МГц. Параметр  $E = 1$  и квазиупругий коэффициент  $\alpha_{\text{упр}} = 0.56$  (Ое · Гс)/см использовались одинаковыми для обоих образцов. В ходе дальнейших численных экспериментов было выяснено, что для железо-иттриевого граната с  $X = 0.7$   $\alpha = 0.8$  и частота спиновой релаксации  $\omega_r = 2\pi f_r = 0.8\omega_0$ , а для  $X = 1.5$  коэффициент диссипации  $\alpha = 0.57$  и  $\omega_r = 2\pi f_r = 0.57\omega_0$  соответственно, что очень хорошо коррелирует с данными, полученными в работе [8].



**Рис. 2.** Зависимость мнимой и действительной компонент магнитной восприимчивости от частоты для железо-иттриевого граната при  $X = 0.7$ .

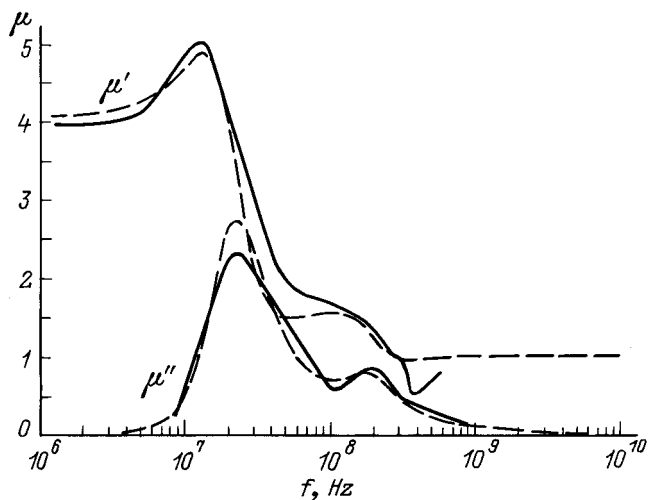


Рис. 3. То же, что на рис. 2, при  $X = 1.5$ .

На рис. 2 представлены частотные зависимости компонент магнитной проницаемости для железо-иттриевого граната состава  $Y_2O_3(5 - X)Fe_2O_3XAl_2O_3$  с примесью алюминия  $X = 0.7$ . Сплошная линия на рис. 2 соответствует экспериментальным данным, а штриховая — теоретическим значениям, полученным с помощью модели независимых зерен. Видно, что формы теоретического и экспериментального графиков не очень хорошо совпадают друг с другом, хотя экспериментальные и теоретические значения на разных частотах действительной части проницаемости близки (различие составляет не более 20%). Это объясняется тем, что для данного феррита не выполняется условие независимости зерен  $H_A > 4\pi M_S$ . Как видно из рис. 2, для данного феррита взаимодействие магнитных подсистем зерен приводит к изменению резонансных частот и частот рекомбинации. Чтобы учесть влияние зерен друг на друга, необходимо ввести в модель другую функцию распределения, учитывающую магнитное взаимодействие между доменами в соседних зернах.

Для железо-иттриевого граната состава  $Y_2O_3(5 - X)Fe_2O_3XAl_2O_3$  с  $X = 1.5$  были получены зависимости, представленные на рис. 3 (сплошная линия — эксперимент, штриховая — теоретический результат). Из рис. 3 видно, что частотные зависимости для данного феррита очень хорошо согласуются с экспериментальными данными. Таким образом, для поликристаллов, для которых выполнено условие  $H_A > 4\pi M_S$ , модель поликристалла с независимыми зернами, в которой учитывается как движение доменных границ, так и вращение вектора намагниченности, позволяет с хорошей точностью получать частотные зависимости магнитной проницаемости. Это, несомненно, важно для того, чтобы использовать данную модель при расчете магнитной проницаемости ферритовых поликристаллических сред с заданными частотными свойствами.

## Список литературы

- [1] Гуревич А.С. Магнитный резонанс в ферритах и антиферромагнетиках. М.: Наука, 1973. 592 с.
- [2] Крупчика С. Физика ферритов и родственных им магнитных окислов / Пер. с немецкого. М.: Мир, 1976. Т. 2. 504 с.
- [3] Ранкис Г.Ж. Динамика намагничивания поликристаллических ферритов. Рига: Зинатне, 1981. 384 с.
- [4] Голдин Б.А., Котов Л.Н., Зарембо Л.К., Карпачев С.Н. Спин-фононные взаимодействия в кристаллах (ферритах). Л.: Наука, 1991. 150 с.
- [5] Смоленский Г.А., Леманов В.В., Неделин Г.М. и др. Физика магнитных диэлектриков. Л.: Наука, 1974. 334 с.
- [6] Лебедь Б.М., Абаренкова С.Г. // Вопросы радиоэлектроники. Сер. III. Детали и компоненты аппаратуры. 1963. Вып. 4. С. 3–11.
- [7] Тикадзуми С. Физика ферромагнетизма. Магнитные характеристики и практические применения / Пер. с яп. М.: Мир, ИЛ, 1987. 419 с.
- [8] Белов К.П., Зайцева М.А. // Ферриты / Пер. с англ. М., 1962. 504 с.