## 01;03 Применение МГД систем на гиперзвуковых летательных аппаратах

## © В.Л. Фрайштадт, А.Л. Куранов, Е.Г. Шейкин

Открытое акционерное общество "Научно-исследовательское предприятие гиперзвуковых систем", 196066 Санкт-Петербург, Россия

## (Поступило в Редакцию 28 июля 1997 г.)

Обсуждены возможности применения магнитогидродинамических (МГД) систем на гиперзвуковых летательных аппаратах. Рассмотрены особенности использования МГД систем в тракте гиперзвукового прямоточного воздушно-реактивного двигателя. Представлена математическая модель двигателя в квазиодномерном приближении, реализующего МГД воздействие на поток. Показано, что использование МГД систем позволяет повысить удельный импульс двигательной установки.

Реализация гиперзвуковых скоростей полета в атмосфере сопряжена с появлением экстремальных силовых и тепловых воздействий на конструкцию летательного аппарата. При определенных условиях полета возможно появление плазменной "оболочки" вокруг летательного аппарата, что приводит к принципиально новому по сравнению с традиционной аэродинамикой взаимодействию летательного аппарата с окружающей средой. В этих условиях возможно эффективное использование магнитогазодинамического объемного воздействия на высокоскоростной ионизованный поток с целью создания управляющих моментов, уменьшения тепловых потоков на поверхность летательного аппарата, управления структурой течения [1]. В данной работе будут рассмотрены некоторые особенности использования МГД систем в тракте гиперзвукового прямоточного воздушнореактивного двигателя [2] на примере разрабатываемого в рамках концепции АЯКС [3] магнитоплазмохимического двигателя (МПХД). Традиционная схема гиперзвукового прямоточного воздушно-реактивного двигателя (ГПВРД) обладает рядом принципиальных недостатков, существенно ограничивающих диапазон его применимости. Сложная структура течения в тракте ГПВРД повышает вероятность отрыва потока, приводящего к запиранию канала, затрудняет организацию эффективного сжигания топлива в камере сгорания (см., например, [4]). При скоростях полета, меньших расчетной, для воздухозаборника ГПВРД характерны снижение коэффициента расхода воздуха и уменьшение степени поджатия потока. При изменении скорости гиперзвукового летательного аппарата существенно перестраивается структура течения в тракте ГПВРД. Совокупность этих проблем приводит к тому, что ГПВРД эффективен только в небольшом диапазоне скоростей полета.

Для того чтобы расширить диапазон работы ГПВРД, необходимо ввести дополнительный механизм воздействия на поток, который позволит осуществить дополнительное поджатие потока в воздухозаборнике, регулировать структуру течения, препятствовать развитию отрывных течений. Одним из наиболее перспективных способов дополнительного воздействия на сверх- и гиперзвуковой поток в тракте прямоточной двигательной установки является объемное воздействие с использованием МГД систем. На рис. 1 приведена упрощенная схема МПХД, реализующего эти принципы и являющегося по сути гиперзвуковым прямоточным воздушнореактивным двигателем с введенными в его тракт МГД системами. Кратко рассмотрим функциональное назначение основных подсистем МПХД, отличающих его от ГПВРД. Внешний МГД генератор используется для управления профилем потока, регулирования расхода воздуха в тракте МПХД и повышения давления. Внутренний МГД генератор используется для повышения давления и предотвращения развития отрывных течений. Ионизатор используется для создания необходимой проводимости потока в том случае, когда естественная проводимость потока не обеспечивает требуемой степени МГД взаимодействия. Электроэнергия, которую вырабатывают МГД генераторы, расходуется на обеспечение энергетических потребностей ионизатора, бортового оборудования и обеспечение дополнительного ускорения продуктов сгорания в МГД ускорителе.

Проанализируем схему МПХД с внутренним МГД генератором и МГД ускорителем. Для наглядности рассмотрение проведем в наиболее простых предположениях. Используется квазиодномерное приближение в модели невязкого, нетеплопроводного идеального газа с постоянной теплоемкостью. Для описания МГД течений используется подход, развитый в работах [5,6] для анализа сложных систем, включающих в себя МГД системы. Кратко рассмотрим особенности данного подхода. Формально предположив, что градиент давления в МГД канале пропорционален силе, действующей на поток со стороны магнитного поля, введем коэффицинт пропорциональности  $\xi$ . Для фарадеевского идеально секционированного МГД канала предполагаем следующее соотношение:

$$\frac{dp}{dx} = \xi(x)(1-k)^2 \sigma B^2 v, \tag{1}$$

где p — статическое давление в потоке, v — скорость потока, x — продольная пространственная координата, k — коэффициент нагрузки,  $\sigma$  — проводимость потока, B — магнитная индукция.



**Рис. 1.** Упрощенная схема магнитоплазмохимического двигателя:  $\partial - I$  — воздухозаборник, I - 2, c — внутренний МГД генератор, 2 - 3 — камера сгорания, 3 - 4, d — МГД ускоритель, a — ионизатор, b — внешний МГД генератор, e — бортовые системы.

Если ограничиться классом решений, для которых величина  $\xi$  постоянна, то, используя соотношение (1), удается получить простые аналитические выражения для параметров на выходе МГД канала. Соответствующий режим течения условно называется режим течения  $\xi = \text{const.}$  Изменение параметров течения в МГД канале описывается следующими соотношениями:

$$\frac{T_2}{T_1} = 1 + \frac{1-k}{k} \left( 1 + \frac{\gamma - 1}{2} M_1^2 \right) (1+\xi)\eta,$$
$$\frac{\nu_2}{\nu_1} = \sqrt{1 - \frac{1+\xi(1-k)}{k}} G\eta,$$
$$\frac{p_2}{p_1} = \left(\frac{T_2}{T_1}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma - 1} \frac{\xi}{\xi + 1}}, \quad G = \frac{2 + (\gamma - 1)M_1^2}{(\gamma - 1)M_1^2}.$$
 (2)

Здесь T — температура, M — число Маха,  $\gamma$  — показатель адиабаты,  $\eta$  — коэффициент преобразования энтальпии потока в электроэнергию, индексом 1 отмечены значения параметров на входе в МГД канал, 2 — на выходе. Режим течения  $\xi$  = const включает в себя как частный случай часто рассматриваемые режимы течения, характеризующиеся сохранением одного из параметров течения. В таблице приведены значения параметра  $\xi$ , отвечающие этим режимам.

| Режим течения         | Значение параметра <i>ξ</i> , соответствующие данному режиму течения |
|-----------------------|--|
| $\rho = \text{const}$ | $\xi = \gamma - 1$   |
| p = const             | $\xi = 0$  |
| T = const             | $\xi = -1$   |
| M = const             | $\xi = - \Big[ 1 + rac{2}{(1-k)(\gamma-1)M_1^2} \Big] rac{1}{G}$   |
| v = const             | $\xi = -1/(1-k)$   |

При анализе магнитоплазмохимического двигателя с внутренним МГД генератором будем использовать следующие нижние индексы для обозначения параметров: 0 — параметры набегающего потока, 1 — параметры на входе МГД генератора, 2 — параметры на входе в камеру сгорания, 3 — параметры на входе в МГД ускоритель, 4 — параметры на входе в реактивное сопло, 5 — параметры на выходе сопла (естественно, выходные параметры подсистемы являются входными параметрами для расположенной за ней подсистемой).

В данной работе ограничимся рассмотрением случая, когда проводимость потока обеспечивается без использования ионизатора. Рассмотрим подсистемы МПХД и определим соотношения между параметрами на входе и выходе системы.

Воздухозаборник включает в себя внешнюю часть, реализующую сжатие набегающего потока в системе косых скачков уплотнения, и внутреннюю (изолятор), обеспечивающую обратный разворот потока и дополнительное сжатие потока. Используются следующие характеристики: N — число скачков уплотнения во внешней части,  $\Theta_N$  — суммарные разворот потока в воздухозаборнике,  $\sigma_{in}$  — коэффициент восстановления полного давления в воздухозаборнике. Если температура на выходе воздухозаборника (входе МГД генератора) принимает значение  $T_1$ , то изменение давления и скорости в этой подсистеме определяются следующими соотношениями:

$$\frac{p_1}{p_0} = \sigma_{\rm in} \left(\frac{T_1}{T_0}\right)^{\frac{\gamma}{\gamma-1}}, \qquad \frac{v_0^2}{2} + c_p T_0 = \frac{v_1^2}{2} + c_p T_1, \quad (3)$$

где  $c_p$  — удельная теплоемкость воздуха.

МГД генератор характеризуется параметрами  $\xi_1$ ,  $k_1$  и коэффициентом преобразования энтальпии  $\eta$ . Изменение параметров течения в канале МГД генератора

определяется следующим образом:

$$\frac{T_2}{T_1} = 1 + \frac{1 - k_1}{k_1} \left( 1 + \frac{\gamma - 1}{2} M_1^2 \right) (1 + \xi_1) \eta,$$
$$\frac{p_2}{p_1} = \left( \frac{T_2}{T_1} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma - 1} \frac{\xi_1}{\xi_1 + 1}}.$$
(4)

Рассмотрим камеру сгорания, работающую в режиме постоянного давления. Так как массовый расход топлива обычно много меньше массового расхода воздуха, то подвод топлива в камеру сгорания будем рассматривать как тепловыделение без ввода массы. При этом изменение параметров течения в камере сгорания имеет наиболее простой вид [2]

$$T_3 = T_2 + \Delta T, \qquad p_3 = p_2,$$
$$\Delta T = \frac{H_u}{c_p(\alpha L_0 + 1)}, \qquad (5)$$

где  $H_u$  — теплотворная способность топлива,  $L_0$  — стехиометрический коэффициент,  $\alpha$  — коэффициент избытка воздуха.

МГД ускоритель характеризуется параметрами  $\xi_3$ ,  $k_3$ . Предполагается, что вся энергия выработанная МГД генератором передается МГД ускорителю. Изменение параметров течения в канале МГД ускорителя определяется следующим образом:

$$\frac{T_4}{T_3} = 1 + \frac{k_3 - 1}{k_3} \left( 1 + \frac{\gamma - 1}{2} M_1^2 \right) \frac{T_1}{T_3} (1 + \xi_3) \eta,$$
$$\frac{p_4}{p_3} = \left( \frac{T_4}{T_3} \right)^{\frac{\gamma}{\gamma - 1} \frac{\xi_3}{\xi_3 + 1}}.$$
(6)

Предполагаем, что течение в сопле изоэнтропическое. При этом относительное изменение давления потока связано с относительным изменением температуры соотношением

$$\frac{p_5}{p_4} = \left(\frac{T_5}{T_4}\right)^{\frac{1}{\gamma-1}}.$$
 (7)

При расчетном истечении из сопла систему уравнений (3)–(7) можно замкнуть, полагая, что давление на срезе сопла совпадает с давлением в окружающей среде  $p_5 = p_0$ . С учетом этого соотношения из системы уравнений (3)–(7) получаем следующую формулу для расчета температуры потока на срезе сопла:

$$T_{5} = \frac{T_{4}}{\sigma_{\rm in}^{(1-1/\gamma)} \left[ \frac{T_{1}}{T_{0}} \left( \frac{T_{2}}{T_{1}} \right)^{\frac{\xi_{1}}{\xi_{1}+1}} \left( \frac{T_{4}}{T_{3}} \right)^{\frac{\xi_{3}}{\xi_{3}+1}} \right]}.$$
 (8)

Скорость истечения газа из сопла определяется через температуру *T*<sub>5</sub> с использованием закона сохранения энергии

$$v_5 = \sqrt{v_0^2 + 2c_p(T_0 + \Delta T - T_5)}.$$
 (9)



**Рис. 2.** Зависимость удельного импульса МПХД от коэффициента преобразования энтальпии потока в электроэнергию:  $\Theta_N = 0.2 \text{ rad}, k_1 = 0.5, k_3 = 2; M_0 = 6 (1), 8 (2);$  сплошные кривые —  $\varphi = 0.95$ , пунктир —  $\varphi = 1$ .

Полученные соотношения позволяют определить удельный импульс МПХД *I*<sub>sp</sub>. Пренебрегая массовым расходом топлива по сравнению с расходом воздуха, получим, согласно [7],

$$I_{\rm sp} = \frac{\alpha L_0}{g} (\varphi v_5 - v_0), \qquad (10)$$

где *g* — ускорение свободного падения;  $\varphi$  — коэффициент, учитывающий неидеальность сопла.

В тех случаях, когда это особо не оговорено, будем полагать  $\varphi = 1$ .

Совокупность формул (3)–(10) позволяет рассчитать удельный импульс МПХД при заданных параметрах воздухозаборника, МГД систем и камеры сгорания. При этом величина удельного импульса зависит от большого числа параметров:  $\alpha$ ,  $L_0$ ,  $M_0$ ,  $T_1$ ,  $\sigma_{in}$ ,  $k_1$ ,  $\xi_1$ ,  $\eta$ ,  $k_3$ ,  $\xi_3$ . Величины  $T_1$ ,  $\sigma_{in}$  определяются через параметры воздухозаборника N,  $\Theta_N$ , используется методика расчетов, аналогичная изложенной в работе [8], с последующим усреднением параметров в выходном сечении воздухозаборника. Определим диапазон изменения параметров подсистем МПХД, для которого использование МГД систем позволяет увеличить удельный импульс двигательной установки. Используем очевидное функциональное соотношение

$$\frac{\partial I_{\rm sp}}{\partial \eta}\Big|_{\stackrel{\eta}{\longrightarrow} 0} > 0.$$

Журнал технической физики, 1998, том 68, № 11



**Рис. 3.** Зависимость удельного импульса МПХД от коэффициента нагрузки МГД генератора, при значении параметров:  $M_0 = 6, \Theta_N = 0.2 \operatorname{rad}, k_3 = 2; \eta = 0.05(1), 0.1(2), 0.15(3).$ 

Из формул (9)-(10) следует, что это условие эквивалентно условию

$$\left. \frac{\partial T_5}{\partial \eta} \right|_{\eta \to 0} < 0$$

Проделав необходимые преобразования, получим следующее неравенство:

$$\xi_1 > \frac{T_1}{\Delta T} \frac{1 - k_1/k_3}{1 - k_1}.$$
(11)

Так как коэффициент нагрузки для МГД генератора  $0 < k_1 < 1$ , а для МГД ускорителя соответственно k<sub>3</sub> > 1, то увеличение удельного импульса МПХД рассматриваемой конфигурации происходит при положительных значениях  $\xi_1$ , что, согласно (1), отвечает МГД генератору, работающему в режиме с повышением давления по длине канала. Требования к величине градиента давления падают с увеличением  $\Delta T$  и с уменьшением Т<sub>1</sub>. На рис. 2 приведены зависимости удельного импульса МПХД от коэффициента преобразования энтальпии потока в электроэнергию для различных значений числа Маха набегающего потока для идельного и неидеального сопла. Значение  $\eta = 0$  соответствует ГПВРД. Все результаты приводятся нормированными на удельный импульс ГПВРД (зависимости на рис. 2-5 при  $\xi_1 = \xi_3 = \alpha = 1$  и N = 2).

Во всех рассмотренных вариантах МГД преобразование энергии в тракте двигательной установки приводит



**Рис. 4.** Зависимость удельного импульса МПХД от коэффициента  $k_3$ :  $M_0 = 6$ ,  $\Theta_N = 0.2$  rad,  $k_1 = 0.25$ ,  $\alpha = 1$ ,  $\eta = 0.05$  (1), 0.1 (2), 0.15 (3).



**Puc. 5.** То же, что на рис. 3, при  $M_0 = 6$ ,  $k_3 = 2$ ,  $\eta = 0.05$ ;  $\Theta_N = 0.1(1)$ , 0.2(2),  $0.3 \operatorname{rad}(3)$ .

Журнал технической физики, 1998, том 68, № 11

к увеличению удельного импульса, причем для неидеального сопла положительный эффект более значим. Относительное увеличение удельного импульса МПХД в рассмотренном варианте более значимо для меньшего значения числа Маха.

Зависимость удельного импульса от коэффициента нагрузки МГД генератора, представленная на рис. 3, носит немонотонный характер с явно выраженным экстремумом. Величина и положение экстремума зависят от коэффициента преобразования энтальпии потока в электроэнергию. С увеличением  $\eta$  положение экстремума смещается в сторону больших значений  $k_1$ , а величина экстремума уменьшается. Из рис. 4 следует, что удельный импульс МПХД монотонно уменьшается с ростом  $k_3$ . С увеличением  $\eta$  зависимость удельного импульса от коэффициента нагрузки k<sub>3</sub> становится более резкой. Из результатов, представленных на рис. 5, следует, что относительное увеличение удельного импульса максимально для МПХД с воздухозаборником, характеризующимся минимальным значением угла разворота потока.

Результаты расчетов показывают, что использование МГД систем в тракте ГПВРД при надлежащем выборе параметров позволяет увеличить удельный импульс двигательной установки. Получены ограничения на диапазон изменения параметров подсистем МПХД, обеспечивающих повышение удельного импульса двигательной установки. В последующих публикациях будут рассмотрены возможности использования МГД взаимодействия для управления структурой потока и исследованы характеристики МПХД в двумерном эйлеровском приближении.

## Список литературы

- [1] *Bityurin V.A., Linebery J.T.* et al. Assessment of Hypersonic MHD concepts. AIAA 97-2393.
- [2] Курзинер Р.И. Реактивные двигатели для больших сверхзвуковых скоростей полета. М.: Машиностроение, 1989. 264 с.
- [3] Gurijanov E.P., Harsha P.T. AJAX: New Directions in Hypersonic technology. AIAA paper 96-4609.
- [4] Andrews E.H., Trexler C.A., Emami S. Tests of a Fixed-/ Geometry Inlet-Combustor Configuration for a Hydrocarbon-Fueled Dual-Mode Scramjet. AIAA 94-2817.
- [5] Шейкин Е.Г. // ЖТФ. 1992. Т. 62. Вып. 12. С. 1-8.
- [6] Шейкин Е.Г. // ЖТФ. 1993. Т. 63. Вып. 9. С. 6–15.
- [7] Curran E.T., Leingang J., Carreiro L., Peters D. Further Studies of Kinetic Energy Methods in High Speed Ramjet Cycle Analysis. AIAA 92-3805.
- [8] *Берлянд А.Г., Пензин В.И.* Препринт ЦАГИ. М., 1990. № 11. 20 с.