# 05.2;07;12

# О новой возможности раздельного измерения мнимой и действительной частей нелинейной оптической восприимчивости 3-го порядка изначально изотропных сред

#### © И.И. Ганчеренок

Белорусский государственный университет, Минск

### Поступило в Редакцию 23 января 1997 г.

Теоретически показана новая возможность раздельного измерения мнимой и действительной частей кубической оптической восприимчивости (так же как и измерения ее фазы) изотропных резонансных сред. Выводы теории находятся в хорошем соответствии с недавно полученными экспериментальными данными.

Интерес к поиску новых способов измерения кубической оптической восприимчивости изотропных сред сохраняется до настоящего времени [1]. Причем речь, как правило, не идет об определении абсолютного значения кубической оптической восприимчивости, а ставится цель раздельного измерения мнимой и действительной частей либо эффективной (комбинация компонент  $\hat{\chi}^{(3)}$ ), либо отдельных компонент тензора кубической оптической восприимчивости. Интерес представляет также одновременная реализация возможности исследования дисперсии Im и Re кубической оптической восприимчивости. В настоящем письме мы сообщаем о новом способе исследования  $\hat{\chi}^{(3)}$  в условиях, когда известные методы не работают.

Поскольку в качестве экспериментального подтверждения наших теоретических выводов мы будем использовать результаты недавней работы [2], где исследовалась наведенная анизотропия раствора красителя, то ограничим наше рассмотрение случаем наиболеее типичного для таких сред возбуждения линейно поляризованным светом. Тогда общий алгоритм теоретического анализа может быть построен следующим образом.

#### 14

1. Для системы "бигармоническое излучение (накачка-опрос)изначально изотропная поляризационно-чувствительная среда" эволюция векторной амплитуды зондирующей волны может быть описана следующим образом:

$$\frac{d\mathbf{E}_1}{dz} = \left(a\hat{S} - \frac{\sigma_1}{2}\hat{I}\right) \mathbf{E}_1 = \hat{N}\mathbf{E}_1,\tag{1}$$

где все входящие в (1) параметры расшифрованы в нашей работе [3], так же как и границы применимости (1).

2. Следуя формализму дифференциальной матрицы распространения  $(\hat{N})$  Аззама и Башары [4], для уравнения, описывающего поведение состояния поляризации, имеем

$$\frac{d\chi_1}{dz} = a\Delta\lambda\chi_1,\tag{2}$$

где  $\Delta \lambda = \lambda_{-} - \lambda_{+}$ ,  $\lambda_{i}$  — собственные значения эрмитового тензора светоиндуцированной анизотропии  $\hat{S}$  [3],  $\chi_{1} = E_{1v}/E_{1u}$  — комплексная переменная, определяющая поляризацию пробной волны в произвольном базисе векторов **u** и **v**.

3. В декартовом базисе тензор  $\hat{S}$  становится диагональным. Примем поляризацию волны накачки вдоль оси X и рассчитаем поляризационные изменения пробной волны при прохождении через среду, начальная изотропность которой нарушена возбуждающим излучением. Дальнейший анализ возможен в самом общем случае эллиптически поляризованной пробной волны (в настоящей работе мы не будем рассматривать возможную поляризационную некогерентность взаимодействующих волн), однако окончательные выражения для азимута ( $\theta_1$ ) и эллиптичности ( $\eta_1$ ) весьма громоздки и не поддаются аналитическому анализу. Поэтому мы ограничим здесь наше рассмотрение наиболее часто реализуемым в эксперименте случаем линейно и циркулярно поляризованного зондирующего пучка, заметив при этом, что случай эллиптически поляризованной параллельно либо перпендикулярно оси X, проанализирован в [3].

1. Линейно поляризованный пробный пучок ( $\chi_{10} = \text{tg}\,\theta_{10}$ , индекс "0" обозначает значение параметра, характеризующего волну на входе в среду). Тогда индуцированное вращение плоскости поляризации

 $(\Delta \theta = \theta_{10} - \theta_1)$ и эллиптичность зондирующей волны определяются как

$$\Delta \theta_1 = \frac{1}{2} \operatorname{arctg} \left( \frac{\operatorname{tg} 2\theta_{10} - a_1}{1 + a_1 \operatorname{tg} 2\theta_{10}} \right), \tag{3}$$

$$\eta_1 = \operatorname{tg}\left(\frac{1}{2}\,\operatorname{arcsin}b_1\right),\tag{4}$$

$$a_1 = \frac{2 \operatorname{Re} \chi_1}{1 - |\chi_1|^2}, \tag{5}$$

$$b_1 = \frac{2 \operatorname{Im} \chi_1}{1 + |\chi_1|^2}.$$
 (6)

Далее удобно провести численный анализ (3)–(4), опять же по причине достаточной громоздкости выражений для  $\Delta \theta_1$  и  $\eta_1$  при расшифровке



Input Azimuth of Linearly Polarized Pump

**Рис. 1.** Теоретические зависимости нормализованных светоиндуцированных эллиптичности (---) и угла поворота плоскости поляризации (—) пробной волны от ее входного азимута. Интенсивность излучения накачки рассматривается как параметр, а мнимая и действительная части  $\chi^{(3)}_{eff}$  предполагаются равными.

всех параметров. На рис. 1 представлены азимутальные зависимости  $\Delta \theta_1$ и  $\eta_1$  для различных уровней интенсивности накачки (I). Оба рисунка показывают, что оптимальный входной азимут поляризации пробной волны для наблюдения максимальных поляризационных изменений отличается от известного в литературе значения  $\pi/4$  [5], и это отличие возрастает с увеличением интенсивности излучения накачки. Более того, значения  $\theta_{10}$ , при которых  $\Delta \theta_1(\theta_{\Delta \theta})$  и  $\eta_1(\theta_n)$  максимальны, не совпадают, т.е.  $\theta_{\Lambda\theta} \neq \theta_n.$ Более того, индуцированная эллиптичность является более "чувствительным" параметром в смысле большей асимметрии зависимости  $\Delta \theta_n(\theta_{10})$  в сравнении с  $\theta_{\Delta \theta}(\theta_{10})$ . Далее, как следует из выражений (3) и (4) с учетом (2)-(6), светоиндуцированные линейные дихроизм (~  $\operatorname{Im}(\chi_{1122} + \chi_{1212}) = \operatorname{Im}\chi_{eff}^{(3)}$ ) и двулучепреломление  $(\sim {\rm Re}\,\chi^{(3)}_{eff})$  как дают вклад во вращение плоскости поляризации, так и участвуют в формировании эллиптической поляризации. Однако при достаточно слабом возбуждении действительная и мнимая части могут быть измерены раздельно, так как в этом случае  $\Delta \theta_1$  определяется Im  $\chi^{(3)}_{eff}$ , а  $\eta_1$  – Re  $\chi^{(3)}_{eff}$ . Относительно простые расчеты приводят к следующим результатам:

$$\operatorname{tg} \theta_{\eta} = \pm \exp(-\Delta\lambda \operatorname{Re} A(z)), \qquad (7)$$

$$\eta_{1\max} = \pm \operatorname{tg}\left(\frac{1}{2}\Delta\lambda\operatorname{Im}A(z)\right),$$
(8)

$$\Delta \theta_1)_{\theta_{10}=\theta_{\eta}} = \pm \frac{1}{2} \operatorname{arctg} \Big[ \operatorname{sh} \big( \Delta \lambda \operatorname{Re} A(z) \big) \Big], \tag{9}$$

где A(z) определено в [3] и пропорционально I.

(

Таким образом, измеряя  $\theta_{\eta}$  и  $\eta_{1 \text{ max}}$ , мы получаем возможность раздельного определения действительной и мнимой частей эффективной кубической оптической восприимчивости. Более того, соотношение (9) дает возможность проведения контрольных измерений для Im  $\chi_{eff}^{(3)}$ . Аналогичные результаты, по-видимому, следует ожидать и из измерений  $\theta_{\Delta\theta}$  и соответствующих поляризационных изменений плобной волны. В этом случае, однако, необходимо решить алгебраическое уравнение шестой степени.

2. Циркулярно поляризованный пробный пучок.

Здесь  $\chi_{10} = \pm i$ , где знак "+" соответствует правой, а "-" — левой круговой поляризации зонда, которая в обоих случаях трансформируется



**Рис. 2.** Азимутальные зависимости светоиндуцированного угла поворота плоскости поляризации для различных значений интенсивности излучения накачки и sgn $(\chi_{eff}^{(3)})$ , различающих дихроизм поглощения и усиления.

в эллиптическую. Следует подчеркнуть, что эффект поляризационной деформации достаточно слаб и проявляется лишь в приближении, квадратичном по интенсивности волны накачки. Тогда

$$\operatorname{tg} 2\theta_1 = \mp \frac{\operatorname{Re} \chi_{eff}^{(3)}}{\operatorname{Im} \chi_{eff}^{(3)}},\tag{10}$$

$$\sin 2\varepsilon_1 = \pm \left[ 1 - \left( \Delta \lambda \operatorname{Re} A(z) \right)^2 - \frac{1}{2} \Delta \lambda^2 |A(z)|^2 \right].$$
(11)

(2)

Таким образом, измерив азимут эллипса поляризации пробного пучка на выходе исследуемой среды, мы можем провести определение фазы комплексной кубической оптической восприимчивости. Этот метод представляется более предпочтительным с позиций высокой чувствительности эллипсометрических измерений в сравнении с известной

техникой [6]. Отметим также предложенный недавно для аналогичных целей прецезионный метод модуляционно-поляризационной спектроскопии [7].

В заключение данного сообщения отметим достаточно хорошее качественное соответствие полученных нами теоретических результатов экспериментальным данным из работы [2]. В то же время отметим, что "сглаживание" экспериментальных значений, проведенное в [2], вряд ли можно считать обоснованным без привлечения конкретной теоретической модели, указания экспериментальных погрешностей и статистической оценки непротиворечивости теоретической зависимости экспериментальным результатам. Принципиально важным является также выбор длины волны зондирующего излучения по отношению к разнесенным, как правило, полосам поглощения и флуоресценции. Дихроизм поглощения и усиления по-разному "вращают" плоскость поляризации (рис. 2). С другой стороны, данные работы [2] по зависимости светоиндуцированных поляризационных изменений пробного пучка от интенсивности излучения накачки частично противоречат результатам [8-10], что является существенной мотивацией (так же как и недавно экспериментально обнаруженная [11] немонотонность в зависимости от *l* светоиндуцированного угла поворота плоскости поляризации пробной волны, предсказанная нами в [9]) для продолжения теоретических исследований в данном направлении.

Данная работа была частично поддержана в рамках NATO International Scientific Exchange Programmes–Collaborative Research Grant.

Автор выражает признательность доктору Т. Дрейеру (Physikalisch-Chemisches Institute, Heidelberg, Germany) и членам его научной группы за гостеприимство во время его пребывания в Германии и за полезные дискуссии в области нелинейной поляризационной спектроскопии.

## Список литературы

- [1] Tang N., Partanen J.P. // Opt. Lett. 1996. V. 21. N 15. P. 1108-1110.
- [2] Пикулик Л.Г., Рудик К.И., Чернявский В.А. в др. // ЖПС. 1996. Т. 63. № 2. С. 242–248.
- [3] Gancheryonok I.I. // Rev. Laser Eng. 1992. V. 20. N 7. P. 502-513.
- [4] Аззам Р., Башара Н. Эллипсометрия и поляризованный свет. М.: Мир, 1981. 584 с.

- [5] Lessing H.E., Von Jena J. Laser Handbook. Amsterdam: North-Holland Publ. Comp. 1986. P. 793.796.
- [6] Ma N., Acioli L.H., Gomes A.S.L. et al. // Opt. Lett. 1991. V. 16. N 9. P. 630-632.
- [7] Куликовская О.А. Нелинейная модуляционно-поляризационная спектроскопия сред на основе бактериородопсина. Автореф. дис. ... канд. физ.-мат. наук. Черновцы, 1996. 16 с.; *Taranenko V.B., Bazhenov V.Yu., Kulikovskaya O.A.* // Pure Appl. Opt. 1996. V. 5. P. 731–745.
- [8] Курасбедиани А.И., Мумладзе В.В. Оптоэлектроника, квантовая электроника и прикладная оптика. Тбилиси: Мецниереба, 1980. С. 122–128.
- [9] Gaisyonok V.A., Gancheryonok I.I., Zhavrid P.G. // Tech. Digest of the 15th Int. Conference on Coherent and Nonlinear Optics. St. Petersburg, Russia. 1995. V. 1. P. 431–432.
- [10] Ганчеренок И.И., Жаврид П.Г., Гайсенок В.А. // Тез. докл. II Межд. конф. по лазерной физике и спектроскопии. Гродно, Беларусь, 1995. С. 25–26.
- [11] Joseph J., Aranda F.J., Rao D.V.G.L.N. et al. // Opt. Lett. 1996. V. 21. N 18. P. 1499–1501.