Спин-волновой резонанс в продольно намагниченной тонкой пленке

© Т.М. Василевская, Д.И. Семенцов

Ульяновский государственный университет, 432000 Ульяновск, Россия E-mail: t_vasilevs@mail.ru

(Поступила в Редакцию в окончательном виде 6 февраля 2007 г.)

Для различных степеней поверхностного закрепления спинов приведены результаты численного анализа мнимой восприимчивости, которая определяет положение, амплитуду и ширину объемных и поверхностной спин-волновых мод в тонкой пленке с затуханием в спиновой системе, намагниченной в своей плоскости вдоль оси одноосной объемной и поверхностной анизотропии. Наличие затухания, конечность и асимметрия поверхностного закрепления приводят к существенной перестройке спектра спин-волнового резонанса.

PACS: 75.70.-i, 75.30.Ds

1. Введение

Необходимым условием возбуждения спектра спинволнового резонанса (СВР) в однородно намагниченной пленке однородным высокочастотным магнитным полем является наличие поверхностной анизотропии, отличающейся от объемной и определяющей характер и степень закрепления спинов на поверхностях пленки [1,2]. К исследованию особенностей СВР в различных тонкопленочных структурах, в частности влияния различных типов и степеней закрепления поверхностных спинов на положение и амплитуду резонансных пиков, проявляется устойчивый интерес на протяжении многих лет [3-8]. В большинстве работ СВР исследуется в пленках с перпендикулярной намагниченностью, что связано с широкими возможностями практического использования феррит-гранатовых пленок при создании устройств спинволновой электроники [9,10]. В последнее время повышенное внимание проявляется к многослойным тонкопленочным структурам, в которых, как правило, магнитные слои намагничены в своей плоскости и имеют различные условия для поверхностных спинов у слоев, составляющих структуру [11-14]. В связи с этим существенным является понимание характера трансформации спектра СВР параллельно намагниченных изолированных слоев. Возросшие требования, предъявляемые к расшифровке спектров СВР, указывают на необходимость более детального изучения влияния на них различных параметров и в первую очередь симметрии граничных условий, степени закрепления спинов и затухания в спиновой системе. В настоящей работе исследуется модификация спектра СВР тонкого ферромагнитного слоя, намагниченного параллельно своей поверхности, при изменении степени поверхностного закрепления спинов и типа поверхностной анизотропии при учете затухания в спиновой системе.

2. Общие уравнения

Прецессионное движение магнитного момента **М** в тонкой магнитной пленке толщиной 2*L* при наличии

затухания в спиновой системе будем описывать уравнением с релаксационным членом в форме Гильберта [1]

$$\dot{\mathbf{M}} = \gamma \left[\mathbf{M} \mathbf{H}_{\text{eff}} \right] + \frac{\xi}{M} \left[\mathbf{M} \dot{\mathbf{M}} \right], \tag{1}$$

где γ — магнитомеханическое отношение, ξ — безразмерный параметр затухания. Эффективное магнитное поле **H**_{eff} определяется соотношением

$$\mathbf{H}_{\text{eff}} = \mathbf{H}_0 + \mathbf{h} + \alpha \nabla^2 \mathbf{M} + \beta \mathbf{n}(\mathbf{n}\mathbf{M}) - 4\pi N \mathbf{M}, \qquad (2)$$

где \mathbf{H}_0 и \mathbf{h} — внешнее статическое и высокочастотное поля, α и β — константы обменного взаимодействия и объемной одноосной анизотропии, п — орт оси легкого намагничивания, N — тензор размагничивающих коэффициентов. Будем считать подмагничивающее поле и ось легкого намагничивания лежащими в плоскости пленки и параллельными, величину поля Н₀ достаточной для насыщения пленки (чтобы ориентация равновесной намагниченности M₀ совпадала с H₀ и n), высокочастотное поле h однородным и перпендикулярным полю Н₀. Поместим начало координат в центре слоя и направим ось z вдоль нормали к поверхности пленки, а ось х вдоль вектора М₀. Вводя в уравнение (1) малые отклонения намагниченности от равновесной $\mathbf{m}(\mathbf{r}, t) = \mathbf{M}(\mathbf{r}, t) - \mathbf{M}_0$ и учитывая характер их зависимости от координат и времени в рассматриваемой геометрии $\mathbf{m}(\mathbf{r}, t) = \mathbf{m}(z) \exp(-i\omega t)$, после его линеаризации получим для отличных от нуля компонент высокочастотной намагниченности m_v и m_z систему уравнений

$$i\sigma m_{y} = \left(\alpha \frac{d^{2}}{dz^{2}} - \sigma_{1} - i\xi\sigma\right)m_{z} + h_{z},$$

$$i\sigma m_{z} = \left(-\alpha \frac{d^{2}}{dz^{2}} + \sigma_{2} + i\xi\sigma\right)m_{y} - h_{y}, \qquad (3)$$

где введены безразмерные параметры $\sigma = \omega/\gamma M_0$, $\sigma_1 = H_0/M_0 + \beta + 4\pi$, $\sigma_2 = H_0/M_0 + \beta$. Разрешая систему уравнений (3) относительно каждой из компонент вектора **m**, запишем ее следующим образом:

$$\hat{L}\mathbf{m} = \begin{pmatrix} \sigma_1 + i\xi\sigma & i\sigma \\ -i\sigma & \sigma_2 + i\xi\sigma \end{pmatrix} \mathbf{h}, \tag{4}$$



Рис. 1. Дисперсионные кривые для собственных спиновых волн продольно намагниченной пленки при $\xi = 0, H_0 = 10$ (*I*) и 100 Oe (*2*).

где дифференциальный оператор

$$\hat{L} = \alpha^2 \frac{d^4}{dz^4} - \alpha(\sigma_1 + \sigma_2 + 2i\xi\sigma) \frac{d^2}{dz^2}$$
$$- (1 + \xi^2)\sigma^2 + \sigma_1\sigma_2 + i\xi\sigma(\sigma_1 + \sigma_2)$$

Решение однородного уравнения $\hat{L}\mathbf{m} = 0$ приводит к дисперсионному соотношению

$$\nu_f^2 = -\frac{1}{2\alpha} \bigg[\sigma_1 + \sigma_2 + (-1)^f \sqrt{(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + 4\sigma^2} + 2i\xi\sigma \bigg],$$
(5)

связывающему частоту с волновыми числами двух собственных волн (f = 1, 2), определяемыми двумя ветвями решения (5). Графическое представление дисперсионного соотношения (5) в отсутствие затухания в спиновой системе ($\xi = 0$) приведено на рис. 1 для двух значений подмагничивающего поля $H_0 = 10, 100$ Oe (кривые 1, 2). В качестве расчетных параметров здесь и далее используются параметры пленки, выполненной на основе металлического ферромагнетика: $M_0 = 10^3 \, \text{G}$, $\beta M_0 = 5 \,\mathrm{G}, \ \alpha = 10^{-12} \,\mathrm{cm}^2, \ 2L = 10^{-5} \,\mathrm{cm}.$ Из приведенных зависимостей следует, что в области частот $\omega < \omega_0 = \gamma M_0 \sqrt{\sigma_1 \sigma_2}$ значения волновых чисел ν_f являются чисто мнимыми, т.к. $v_f^2 < 0$. В этой области в пленке могут распространяться вдоль нормали к поверхности затухающие спиновые волны, локализуемые вблизи поверхности, на которой возбуждается высокочастотное поле h, и описываемые гиперболическими функциями. На частоте ω_0 волновое число $\nu_1 = 0$, что отвечает однородной прецессии намагниченности в пленке, т.е. однородному ферромагнитному резонансу. В области частот $\omega > \omega_0$ волновые числа ν_1 становятся действительными, определяя распространение гармонических объемных спиновых волн. Волновые числа v2 остаются чисто мнимыми во всем диапазоне частот, причем $|v_2| > \sqrt{4\pi/\alpha} \approx 3.5 \cdot 10^6 \, \mathrm{cm}^{-1}$ и волны этого типа локализуются в тонком приповерхностном слое пленки толщиной $\delta_2 \approx \nu_2^{-1} < 3 \cdot 10^{-7}$ сm. В эксперименте по CBP, как правило, используются пленки толщиной $2L \gg \delta_2$, и, следовательно, влиянием спиновых волн, определяемых волновыми числами ν_2 , на высокочастотные характеристики пленки в целом можно пренебречь. При этом решение неоднородного уравнения (4) может быть представлено следующим образом:

$$\mathbf{m}(z) = \mathbf{A}_{1} \exp(i\nu z) + \mathbf{A}_{2} \exp(-i\nu z) - \Delta^{-1} \begin{pmatrix} \sigma_{1} + i\xi\sigma & i\sigma \\ -i\sigma & \sigma_{2} + i\xi\sigma \end{pmatrix} \mathbf{h}, \qquad (6)$$

где $v = v_1$, $\Delta = (1 + \xi^2)\sigma^2 - \sigma_1\sigma_2 - i\xi\sigma(\sigma_1 + \sigma_2)$. Для нахождения констант \mathbf{A}_j полученное решение необходимо использовать в уравнениях, определяющих граничные условия для намагниченности. В предположении, что для поверхностных слоев ось легкого намагничивания \mathbf{n}_S направлена вдоль объемной оси \mathbf{n} , граничные условия имеют вид

$$\left(d_1\mathbf{m} + \frac{d\mathbf{m}}{dz}\right)_{z=-L} = 0, \quad \left(d_2\mathbf{m} + \frac{d\mathbf{m}}{dz}\right)_{z=L} = 0, \quad (7)$$

где параметры закрепления спинов на поверхностях слоя $d_j = a\beta_{S_j}/\alpha$ (j = 1, 2), a — толщина поверхностного слоя, составляющая несколько параметров решетки, β_{S_j} — константа поверхностной анизотропии [2]. Далее для удобства перейдем к нормированным безразмерным величинам $d_j \equiv d_j L$, $v \equiv vL$. Совместное решение уравнений (6) и (7) приводит к следующему выражению для усредненной по толщине пленки высокочастотной намагниченности:

$$\langle \mathbf{m} \rangle = \frac{1}{2L} \int_{-L}^{L} \mathbf{m}(z) \, dz = \hat{\chi} \mathbf{h},$$
 (8)

где введены тензор высокочастотной восприимчивости пленки

$$\hat{\chi} = \frac{f(\nu) - 1}{\Delta} \begin{pmatrix} \sigma_1 + i\xi\sigma & i\sigma \\ -i\sigma & \sigma_2 + i\xi\sigma \end{pmatrix}$$
(9)

и обозначение

$$f(\nu) = \frac{2d_1d_2 \operatorname{tg} \nu + \nu(d_1 - d_2)}{2\nu \left[d_1d_2 + \nu^2 + \nu(d_1 - d_2) \operatorname{ctg} 2\nu \right]}$$

Полученное выражение для $\hat{\chi}$ описывает спектр возбуждений спиновой системы тонкой одноосной магнитной пленки, намагниченной в своей плоскости, для произвольных значений параметров закрепления d_j на обеих поверхностях пленки как при наличии затухания, так и без него.

3. Спектр СВР в отсутствие затухания

Из (9) следует, что каждой паре значений параметров d_1 и d_2 отвечает свое распределение в спектре СВР резонансных пиков и их интенсивности. В отсутствие затухания ($\xi = 0$) положение CBP определяется полюсами соответствующих компонент тензора $\hat{\chi}$, отвечающих заданной поляризации высокочастотного поля. Так, при отсутствии поверхностного закрепления спинов ($d_{1,2} = 0$) в спектре CBP на частоте ω_0 присутствует единственная мода, отвечающая ферромагнитному резонансу и имеющая место при $\Delta = 0$. В случае конечного закрепления эта мода может перейти в поверхностную спинволновую моду, сместившись в область $\omega < \omega_0$. При этом в спектре появляются объемные спин-волновые моды, положение которых определяется полюсами функции f(v) и существенно зависит от значений параметров поверхностного закрепления d_i .

Далее анализируется только ситуация с однородным по толщине пленки распределением статической намагниченности, ориентированной вдоль подмагничивающего поля. Указанное распределение всегда реализуется при положительных значениях параметров закрепления d_i. В случае, если один или оба параметра d_i отрицательны, т.е. при реализации на одной или двух поверхностях пленки поверхностной анизотропии типа "легкая плоскость", распределение статической намагниченности по толщине пленки при произвольных параметрах 2L, β , d_i , H_0 является неоднородным. В плоскости пленки образуется "веер" намагниченности с ее максимальным отклонением на соответствующей границе $Z = \pm L$, спадающим в глубь пленки. Можно показать, что при выполнении условия $|d_i| \leq H_0 a / M_0 \alpha$ (для значений d_i в формулах (7)) распределение намагниченности становится однородным с $M_0 \parallel H_0$. В отсутствие подмагничивающего поля при $d_j \to -\infty$ и толщинах пленки $L \leq L_{cr} = \sqrt{\alpha/(4\pi + \beta)}$ намагниченность также однородна по толщине пленки, но ее ориентация перпендикулярна оси легкого намагничивания в объеме пленки. Нахождение спин-волнового спектра в случае $d_i < 0$ при произвольных значениях остальных параметров, определяющих распределение статической намагниченности, трубет отдельного анализа.

Рассмотрим основные типы поверхностного закрепления спинов и соответствующие им спектры CBP при $d_j \ge 0.$

1) Симметричное закрепление $(d_1 = d_2 = d)$. В этом случае функция

$$f(v) = \frac{d^2 \operatorname{tg} v}{v(v^2 + d^2)}$$
(10)

и положение спин-волновых мод, определяемое значениями ненормированных волновых чисел $v = (2n-1)\pi/2L$, где n = 1, 2, ..., зависит от толщины пленки и не зависит от степени закрепления. Указанные моды в соответствии с номером могут идентифицироваться как нечетные, т.е. $v_m = \pi m/2L$, где m = 1, 3, 5, ... Расстояние между соседними модами также зависит только от толщины пленки, а именно $\Delta v = \pi/L$; ее уменьшение приводит к увеличению расстояния между соседними модами. В случае полного поверхностного закрепления спинов ($d \to \infty$) характер распределения по полю спин-волновых пиков не изменяется; как показано далее, меняется только их амплитуда.

2) Асимметричное закрепление, когда на одной из поверхностей реализуется конечное закрепление спинов, а на другой закрепление полностью отсутствует ($d_j = d$, $d_{3-j} = 0$). В этом случае функция

$$f(\nu) = \frac{d_j}{2\nu [d_j \operatorname{ctg} 2\nu - (-1)^j \nu]},$$
 (11)

откуда следует, что спин-волновые моды высших порядков в спектре CBP не проявляются при конечных значениях d_j . При полном закреплении спинов на одной из поверхностей $(d_j \to \infty)$ функция f(v) = tg 2v/2v и положение спин-волновых мод определяется ненормированными волновыми числами $v_n = (n - 1/2)\pi/2L$, где n = 1, 2, ..., из чего следует, что число спинволновых максимумов удваивается по сравнению со случаем симметричного закрепления. Расстояние между ними уменьшается в 2 раза ($\Delta v = \pi/2L$), и весь спектр смещается в область меньших значений v на величину $\pi/4L$. В соответствии с номером моды можно говорить о нечетных и четных модах v_n , определяемых значением индекса n.

Выражение для восприимчивости $\hat{\chi}$, описывающее поверхностную моду, может быть получено заменой ν на *iv* в соответствующих выражениях для объемных мод. Так, в случае симметричного закрепления при указанной замене знаменатель выражения (10) содержит множитель $\nu^2 - d^2$, и положение поверхностной определяется значением волнового числа $\nu_S = d$.

В общем случае несимметричных граничных условий, когда $d_1 \neq d_2$, анализ выражения (9) в аналитическом виде представляется затруднительным, однако для каждого конкретного типа поверхностной анизотропии и значений параметров d_i спектр волновых чисел объемных и поверхностных мод может быть найден численными методами. На рис. 2 представлены зависимости частоты спин-волновых мод $\omega_{n,m}$ от относительного подмагничивающего поля H_0/M_0 , полученные для двух типов закрепления спинов: симметричного $(d_1 = d_2, \text{ моды } c$ номерами m = 1, 3, 5), когда положение мод не зависит от степени закрепления, и асимметричного $(d_1 \rightarrow \infty,$ $d_2 = 0$, моды с номерами n = 1, 2, ..., 5); пунктирной линией показана соответствующая зависимость для однородной моды. Из приведенных зависимостей следует, что при фиксированном значении поля Н₀ возможно наблюдение в спин-волновом спектре большого числа пиков, если частоту изменять в широких пределах от минимальной — частоты однородного резонанса $\omega_0(H_0)$. В эксперименте, как правило, фиксируется частота, а меняется подмагничивающее поле. При этом число резонансных пиков даже в общем — несимметричном —



Рис. 2. Полевые зависимости частотного расположения спинволновых максимумов при $d_1 = d_2$ (моды m = 1, 3, 5); $d_1 \to \infty$, $d_2 = 0$ (моды n = 1, 2, ..., 5). Штриховой линией показана однородная мода.

случае закрепления оказывается не более трех при изменении поля в достаточно широких пределах 0-М₀. При симметричном закреплении в указанных пределах изменения поля может быть зарегистрирован один резонансный пик. В области низких частот ($\omega > \omega_0$) кроме моды однородного (ферромагнитного) резонанса возможно наблюдение только одного резонансного пика *n* = 1 при условии слабого подмагничивания пленки $(H_0 \sim \beta M_0)$, так как моды с номерами n > 1 расположены в области более высоких частот. С увеличением подмагничивающего поля объемные моды сдвигаются в область больших частот, расстояние между пиками уменьшается, причем чем выше индекс соседних мод, тем незначительней изменения расстояния между ними. Объемная мода с n = 1 наиболее чувствительна к изменению поля и с его увеличением сближается с однородной, реализуемой при d = 0.

4. Спектр СВР с учетом затухания

Выражение (9) с чисто действительными (либо с чисто мнимыми) значениями волновых чисел ν позволяет определить только положение спин-волновых мод по частоте (либо по полю). Ширина соответствующего пика и его амплитуда могут быть найдены из (9), если учесть комплексность ν при наличии затухания в спиновой системе. Для исследования спин-волнового спектра в случае $\xi \neq 0$ запишем дисперсионное соотношение для спиновых волн, вводя действительную и мнимую части

нормированного волнового числа v = v' - iv''

$$\nu' = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\sqrt{a^2 + b^2} + a \right]^{\frac{1}{2}},$$
$$\nu'' = \frac{1}{\sqrt{2}} \left[\sqrt{a^2 + b^2} - a \right]^{\frac{1}{2}},$$
(12)

 $a = L^2$ гле используются обозначения $\times (\sqrt{(\sigma_1 - \sigma_2)^2 + 4\sigma^2} - \sigma_1 - \sigma_2)/2\alpha, b = L^2 \xi \sigma/\alpha.$ При значении $\sigma_0 = \sqrt{\sigma_1 \sigma_2}$, соответствующем ферромагнитному резонансу, $\nu' = \nu'' = L\sqrt{\xi\sigma_0/2\alpha}$. На рис. 3 приведены частотные зависимости параметров v', v", полученные для двух значений подмагничивающего поля $H_0 = 10$, 100 Ое (кривые 1, 2) и представляющие дисперсионные кривые для спиновых волн в тонкой пленке при значении параметра затухания $\xi = 5 \cdot 10^{-3}$. Из приведенных зависимостей следует, что в области частот $\omega \to \omega_0$ имеет место резкий рост действительной части волновых чисел v' и резкое снижение мнимой части v'', и чем больше поле подмагничивания H_0 , тем выше скорость изменения указанных параметров.

Поглощаемая пленкой мощность высокочастотного поля определяется мнимой частью высокочастотной восприимчивости $\hat{\chi} = \hat{\chi}' - i\hat{\chi}''$. Положение максимумов соответствующих данной поляризации поля **h** компонент тензора $\hat{\chi}''$ определяет частоты (поля) возбуждаемых в пленке спин-волновых мод. Каждой паре значений (d_1, d_2) отвечают свои выражения для компонент тензора $\hat{\chi}''$. Проведем более детальный анализ спектра CBP для достаточно характерного случая симметричного закрепления поверхностных спинов. Будем считать, что высокочастотное поле **h** ориентировано вдоль оси **y**. В соответствии с (9) для компоненты мнимой части



Рис. 3. Частотные зависимости действительной ν' (сплошные кривые) и мнимой ν'' (штриховые кривые) частей волновых чисел спиновых волн при $\xi = 5 \cdot 10^{-3}$, $H_0 = 10$ (*I*) и 100 Oe (*2*).

высокочастотной восприимчивости χ''_{yy} , определяющей в этом случае поглощаемую мощность, получаем выражение

$$\chi_{yy}^{\prime\prime} = \frac{1}{\Delta_1^2 + \Delta_2^2} \{ (1 - f_1)(\Delta_2 \sigma_1 + \xi \sigma \Delta_1) + f_2(\sigma_1 \Delta_1 - \xi \sigma \Delta) \},$$
(13)

где

$$f_{1} = d^{2}$$

$$\times \frac{[v'(a+d^{2}) - v''b]\sin 2v' + [v''(a+d^{2}) + v'b]\sin 2v''}{(v'^{2} + v''^{2})[(a+d^{2})^{2} + b^{2}](\cos 2v' + ch 2v'')}$$

$$f_{2} = d^{2}$$

$$\times \frac{[v'(a+d^{2}) - v''b]\sin 2v'' - [v''(a+d^{2}) + v'b]\sin 2v'}{(v'^{2} + v''^{2})[(a+d^{2})^{2} + b^{2}](\cos 2v' + ch 2v'')}$$

а $\Delta = \Delta_1 - i\Delta_2$. Максимумы поглощения находятся в точках, являющихся при $\omega > \omega_0$ полюсами функции f_1 (объемные моды), а при $\omega < \omega_0$ полюсами f_2 (поверхностные моды).

При полном закреплении поверхностных спинов в спектре CBP поверхностная *s*-мода и однородная мода отсутствуют, а мода m = 1 имеем максимальную амплитуду $\chi''_{1_{max}} \approx 16L/\xi\pi^3\sqrt{\alpha(\sigma_1+\sigma_2)}$. Поверхностная мода появляется при понижении степени закрепления до значения $d = L\sqrt{\sigma_2/\alpha}$ и достигает максимальной амплитуды $\chi''_{S} \approx \alpha d^2/\xi\sigma_2^2L^2$ на частоте $\omega_S = \gamma(H_0 + \beta M_0)$. Уменьшение степени закрепления приводит к уменьшению амплитуд как поверхностной, так и объемной моды и сдвигу поверхностной моды в сторону увеличения частоты, не влияя на положение объемной моды. При переходе к полному отсутствию закрепления $(d \to 0)$ поверхностная мода переходит в однородную моду с амплитудой

$$\chi_{\rm FMR}^{\prime\prime} = \frac{\sigma_1}{\xi \sigma_0 (\sigma_1 + \sigma_2)},\tag{14}$$

а амплитуда моды m = 1 спадает до нуля.

5. Численный анализ

Далее приводятся результаты численного анализа, определяющие основные особенности модификации спин-волнового спектра, связанные с поверхностным закреплением спинов и затуханием в спиновой системе. На рис. 4 приведены линии равных значений χ_{yy}'' на плоскости "закрепление-отстройка от частоты однородного резонанса", полученные для значения подмагничивающего поля $H_0 = 10$ Ое и отвечающие симметричному $(d_{1,2} = d)$ и несимметричному $(d_1 = d, d_2 \to \infty)$ закреплениям поверхностных спинов. Соответствующие значения χ''_{vv} указаны цифрами. Видно, что число резонансных пиков при несимметричных граничных условиях больше, чем при симметричных за счет появления четных мод. При $\omega < \omega_0$ (для заданных параметров пленки $\omega_0 = 1.2 \,\text{GHz}$) в обоих случаях наблюдается только поверхностная *s*-мода. Амплитуда пика этой



Рис. 4. Линии равных значений χ''_{yy} на плоскости $(d, \Delta \omega / \omega_0)$ при $\xi = 5 \cdot 10^{-3}$, $H_0 = 10$ Ое в случаях симметричного (a) и несимметричного (b) закрепления.

моды достигает значений $\chi_S'' \approx 10^3 - 10^4$ в области значений $d \approx 0.6$. Интенсивность объемных спиновых мод с ростом номера убывает. При нарушении симметрии закрепления изменение поверхностной анизотропии существенно влияет не только на амплитуду, но и на положение резонансных пиков. Увеличение степени закрепления спинов в этом случае приводит к смещению резонансных пиков объемных мод в область меньших частот, что является отличительной чертой трансформации спектра СВР при несимметричном закреплении в сравнении со случаем симметричного закрепления. Амплитуды пиков нечетных мод n = 1, 3 увеличиваются с ростом закрепления, тогда как для четной моды n = 2рост амплитуды имеет место при уменьшении степени закрепления. При обратных граничных условиях, т.е. $d_1 \rightarrow \infty$, $d_2 = d$, поверхностная мода отсутствует, а увеличение закрепления ведет к смещению резонансных пиков объемных мод в область больших частот.



Рис. 5. Спектр СВР при симметричном закреплении и значениях параметра d = 1 (*a*) и ∞ (*b*). $H_0 = 50$ (*1*) и 500 Ос (*2*).

На рис. 5 приведены частотные зависимости величины $\chi''_{\nu\nu}$ в случае симметричного закрепления поверхностных спинов для значений параметра закрепления $d = 1, \infty$ при параметре затухания $\xi = 5 \cdot 10^{-3}$ с полями подмагничивания *H*₀ = 50, 500 Ое. Штриховой линией показан профиль моды однородного резонанса при $H_0 = 50$ Oe. При неполном закреплении в спектре СВР присутствует поверхностная мода с амплитудой, значительно превышающей амплитуду резонансной моды m = 1. С увеличением поля происходит смещение всего спектра в область более высоких частот при одновременном уменьшении амплитуд резонансных пиков. При $d \ll (\xi L^2 \sigma_0 / \alpha)^{1/2}$ поверхностная мода переходит в однородную, а объемные моды исчезают. В случае полного закрепления спектр СВР содержит только нечетные моды; уменьшение амплитуд резонансных пиков с увеличением номера моды происходит значительно медленнее, чем для конечного закрепления. Увеличение поля подмагничивания приво-

Физика твердого тела, 2007, том 49, вып. 10

дит лишь к их незначительному уменьшению. Изменение значения параметра d не оказывает влияния на величину частотного сдвига положения мод, связанного с изменением поля H_0 .

На рис. 6 приведен спектр СВР для симметричного закрепления с параметром d = 10 при подмагничивающем поле $H_0 = 100 \,\mathrm{Oe}$ и значениях параметра затухания $\xi = 10^{-2}$, 10^{-3} . Штриховой линией показан спектр перпендикулярно намагниченной пленки с используемыми выше материальными параметрами и одинаковой частотой ферромагнитного резонанса $\omega_0 = 2 \cdot 10^{10} \,\mathrm{s}^{-1}$, чему соответствует подмагничивающее поле $H_{0\perp} = 1.37 \cdot 10^4$ Ое при значении параметра затухания $\xi = 10^{-2}$. Как и следовало ожидать, увеличение затухания в спиновой системе приводит к уменьшению амплитуды и увеличению ширины резонансных пиков. При этом величина затухания практически не оказывает влияния на положение этих пиков. Сравнение спектров СВР пленок одного класса с продольной и перпендикулярной намагниченностью (кривые 2 и пунктирная) указывает на ряд существенных различий: при одинаковых материальных параметрах пленок в спектре продольно намагниченной пленки наблюдается существенное уширение и уменьшение амплитуды всех резонансных пиков по сравнению со спектром перпендикулярно намагниченной пленки; число спин-волновых мод, возбуждаемых на одинаковом частотном интеравле при перпендикулярном подмагничивании, превышает число спин-волновых мод при продольном намагничивании пленки.

Проведенный анализ показывает, что наличие затухания и неполного закрепления поверхностных спинов приводит к существенной перестройке спектра спинволновых мод. Чувствительность спектра к степени закрепления на каждой из поверхностей пленки требу-



Puc. 6. Спектр СВР при значении параметра затухания $\xi = 10^{-2}$ (*I*) и 10^{-3} (*2*) и $H_0 = 100$ Oe, $d_{1,2} = 10$. Штриховая линия — спектр СРВ перпендикулярно намагниченной пленки с $\omega_0 = 2 \cdot 10^{10} \, \text{s}^{-1}$, $\xi = 10^{-2}$.

ет при идентификации спин-волновых мод адекватного теоретического подхода. Для более точного определения параметров спектра в эксперименте желательно использовать пленки с малыми параметрами затухания $\xi \leq 10^{-2}$ и малыми толщинами $L \leq 10^{-4}$ сm.

Список литературы

- [1] А.Г. Гуревич. Магнитный резонанс в ферритах и антиферромагнетиках. Наука, М. (1973). 591 с.
- [2] Н.М. Саланский, М.Ш. Ерухимов. Физические свойства и применение магнитных пленок. Наука, Новосибирск (1975). 220 с.
- [3] B. Hoekstra, R.P. Stapele, J.M. Robertson. J. Appl. Phys. B 48, 382 (1977).
- [4] M. Jirsa. Phys. Stat. Sol. (b) B 125, 187 (1984).
- [5] Л.В. Луцев, Ю.М. Яковлев. ФТТ 30, 1675 (1988).
- [6] С.Л. Высоцкий, Г.Т. Казаков, М.Л. Кац, Ю.А. Филимонов. ФТТ 35, 1190 (1993).
- [7] А.М. Зюзин, А.Г. Бажанов. ЖЭТФ 111, 1667 (1997).
- [8] Р.Н. Носов, Д.И. Семенцов. ФТТ 44, 1639 (2002).
- [9] J.D. Adam, L.E. Davis, G.F. Dionne et al. IEEE. Trans. MTT 50, 721 (2002).
- [10] А.В. Вашковский, В.С. Стальмахов, Ю.П. Шараевский. Магнитостатические волны в электронике сверхвысоких частот. Саратов. ун-т (1993). 316 с.
- [11] Б.А. Беляев, А.В. Изотов, С.Я. Кипарисов. Письма в ЖЭТФ 74, 124 (2001).
- [12] А.М. Зюзин, С.Н. Сабаев, В.В. Радайкин, А.В. Куляпин. ФТТ **44**, 893 (2002).
- [13] V.V. Kruglyak, A.N. Kuchko. Physica B 339, 130 (2003).
- [14] Р.С. Исхаков, Н.А. Шепета, С.В. Столяр, Л.А. Чеканова, В.Ю. Яковчук. Письма в ЖЭТФ 83, 31 (2006).