Критический ток текстурированных гранулярных сверхпроводников в области сильных магнитных полей

© Л.В. Белевцов, А.А. Костиков*

Донецкий физико-технический институт им. А.А. Галкина Национальной академии наук Украины, 83114 Донецк, Украина * Донбасская государственная машиностроительная академия, 84313 Краматорск, Донецкая обл., Украина

E-mail: apmath@dgma.donetsk.ua

(Поступила в Редакцию в окончательном виде 26 октября 2006 г.)

Теоретически исследована плотность критического тока J_c в кластерной модели гранулярной сверхпроводящей структуры, когда в гранулах присутствуют вихри Абрикосова. Установлено, что J_c имеет гауссовоподобную зависимость от эффективного параметра отношения размера зерен, образующих межгранульный джозефсоновский переход. Зависимость J_c от анизотропии проникновения магнитного поля в гранулы сводится к зависимости от интенсивности связи между кристаллитами.

PACS: 74.25.Op, 74.25.Sv

1. Введение

Плотность критического тока J_c высокотемпературных сверхпроводников (ВТСП) является основным параметром, определяющим область применения этих материалов. Наличие гранулярной макроструктуры является причиной существенного подавления J_c , что противоположно ситуации для классических сверхпроводников, в которых такие границы увеличивали критический ток вследствие усиления пиннинга вихрей. Поэтому путь к повышению токонесущей способности гранулярных ВТСП проходит через понимание особенностей влияния межгранульных границ на этот процесс [1,2].

Максимальная плотность критического тока через гранульную границу j_{c0} является функцией угла разориентации ϕ и зависит от технологии приготовления образца [3,4]. Плотность тока через образец J_c зависит от критического тока i_c между отдельными гранулами. В масштабе всего образца ток i_c представляет собой случайную величину, отличающуюся для разных пар гранул. Вид и параметры распределения этой случайной величины также зависят от ряда технологических факторов. В области сильных магнитных полей $H \ge H_{c1}$ в гранулы проникают вихри Абрикосова, токи которых вносят поправку в фазу Θ параметра порядка Δ в берегах межгранульных переходов [5–9]. Возникает вопрос: каким образом границы гранул будут влиять на критический ток?

Взаимное влияние границ гранул на структуру абрикосовских вихрей и вихревых нитей на фазу параметра порядка в берегах межгранульного перехода было описано ранее для одиночного межгранульного контакта [7–9]. Критический ток через переход i_c описывается модернизированным уравнением Феррела–Прейнджа. Величина i_c имеет зависимость как от внешнего магнитного поля H, так и от интенсивности связи между зернами σ , отношения размеров зерен, образующих контакт, Γ и анизотропии ν , характеризующей проникновение магнитного поля в гранулу вдоль кристаллографической оси *с* и в *ab*-плоскости.

В настоящей работе исследуется модель гранулированного сверхпроводника, в котором основной вклад в J_c вносят кластеры с примерно одинаковой ориентацией гранул по отношению к внешнему магнитному полю H. Анализируется зависимость критического тока от параметра анизотропии проникновения магнитного поля в гранулы и отношения размера гранул, образующих межгранульный переход в области магнитных полей $H_{c1} \leq H \leq H_x$, где H_x — поле, при котором абрикосовские вихри срываются с центров пиннинга. При этом предполагается, что размеры зерен и интенсивность связи между ними статистически распределены по кластеру по нормальному закону.

2. Теория

При расчете J_c плотности критического тока ВТСП как совокупности сверхпроводящих зерен, соединенных слабыми (джозефсоновскими) связями, в общем случае надо учитывать не только разброс энергий связи ε_I межгранульных джозефсоновских контактов, но и корреляцию фаз параметра порядка в различных зернах. Задача существенно упрощается, если последним фактором можно пренебречь: в этом случае токи в соседних контактах можно считать независимыми друг от друга. Такая ситуация возможна либо при достаточно высоких температурах ($T \geq \varepsilon_J$), когда велики температурные флуктуации параметра порядка, либо в достаточно сильном магнитном поле ($H \ge \Phi_0/d^2$, где Φ_0 — квант магнитного потока, а — расстояние между контактами), которое приводит к сильным "магнитополевым" флуктуациям параметра порядка. В этом случае расчет критического тока предполагает наличие информации о функции распределения межгранульных контактов по критическим токам $f(i_c)$, вид которых можно определить на основе модельных представлений о свойствах



Рис. 1. Схематическое изображение элемента рассматриваемой статистической модели. Предполагается, что каждая гранула содержит вихри Абрикосова, а энергия нитей определяется их взаимодействием с вихрями-изображениями.

межгранульных контактов гранулированных ВТСП или экспериментальным путем. На рис. 1 схематически показан элемент статистической модели. Полагается, что характерный размер гранулы $\tau = a/2\lambda_c \gg 1$. Магнитное поле приложено параллельно поверхности вдоль оси *Y*. Поле проникает в гранулу на глубину λ_{ab} со стороны поверхности и на глубину λ_c со стороны межгранульных джозефсоновских контактов. Транспортный ток протекает вдоль оси *Z*.

Каждая пара гранул $A_i B_i$ характеризуется параметром $\Gamma = a/b$ (a и b — размеры гранул A и B соответственно), интенсивностью связи между гранулами $\sigma = \lambda_{ab}/\lambda_J$ (λ_J — джозефсоновская глубина проникновения) и анизотропией $v = \lambda_c/\lambda_{ab}$, которые являются изменяющимися по величине в пределах рассматриваемого сверхпроводящего кластера. Будем также полагать, что каждая гранула является элементом ламинарной модели в области магнитных полей $H \ge H_{c1}$ [10–12]. Такой подход оправдан тем, что, как показано в работе [11], энергия абрикосовского вихря фактически зависит только от влияния ближайших границ кристаллита.

Рассмотрим отдельную вихревую нить, токи которой достигают поверхности и берегов контакта. Положению вихря отвечают координатные точки (x_0, z_0) . Будем считать, что параметр Гинзбурга–Ландау $\varkappa \gg 1$, а ось вихря совпадает с осью У и параллельна поверхности образца и внутренним границам гранул $H = (0, H_v^{app}, 0)$. Вихрь добавляет свое магнитное поле, которое искажается поверхностями так, чтобы, во-первых, не создавалось добавочное поле ни на поверхности, ни в джозефсоновских контактах (поскольку поле на поверхности задано и равно H_{v}^{app} , а поле в контактах можно представить в следующем виде: $H_y^{\text{app}} \exp(x/\lambda_J)$), а во-вторых, ток, нормальный к поверхностям, обращался в нуль. Это можно осуществить, если добавить к вихрю его зеркальные изображения относительно поверхностей с противоположным направлением поля и тока [10,11]. Основная энергия вихря сосредоточена в области $\xi_{ab} \ll x \ll \lambda_{ab}$ и $\xi_c \ll z \ll \lambda_c$ (где ξ_{ab} и ξ_c — длины сверхпроводящей когерентности в кристаллографической плоскости {*ab*}

и вдоль оси $\{c\}$ соответственно). Поле вихря будет удовлетворять анизотропному лондоновскому уравнению с 2(2L+1) источниками ($L \ge 1$ — число рассматриваемых вихрей-изображений вдоль одного из направлений $\pm OZ$)

$$\nabla \times [\lambda^{2}]j + H = \Phi_{0} \mathbf{e}_{y} \Big[\sum_{n=-L}^{L} \{ (-1)^{n} \delta(\rho - \rho_{n}^{(+)}) + (-1)^{n+1} \delta(\rho - \rho_{n}^{(-)}) \} \Big],$$
(1)

где \mathbf{e}_{y} — орт вдоль оси OY; $\Phi_{0} = h/2e$ — квант магнитного потока; $\delta(\rho - \rho_{n})$ — двумерная дельта-функция Дирака в X-Z-плоскости; $\rho_{\pm n}^{(+)}$ и $\rho_{\pm n}^{(-)}$ — положение вихря (n = 0) и изображений $(n \neq 0)$ в ламинарной модели [11]; $\lfloor \lambda^{2} \rfloor$ — тензор, описывающий анизотропию материала, который будем полагать диагональным. Также положим $a \gg \xi_{ab}$, ξ_{c} ; таким образом, можно пренебречь влиянием границ зерен на параметр порядка в них. Используя уравнение Максвелла $\nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{j}$, получим следующее уравнение для распределения поля в грануле [11]:

$$\begin{split} \lambda_{c}^{2} \frac{\partial^{2} H_{y}}{\partial z^{2}} + \lambda_{ab}^{2} \frac{\partial^{2} H_{y}}{\partial x^{2}} - H_{y} &= -\Phi_{0} \sum_{n=-L}^{L} (-1)^{n} \delta[x - x_{0}] \\ \times \delta \left[z - \frac{a}{2} - (-1)^{n} \left(z_{0} - \frac{a}{2} \right) - na \right] \\ + (-1)^{n+1} \delta[x + x_{0}] \delta \left[z - \frac{a}{2} - (-1)^{n} \left(z_{0} - \frac{a}{2} \right) - na \right]. \end{split}$$

$$(2)$$

Существенным отличием данного уравнения от анизотропного уравнения Лондонов является наличие источников для вихря, несущего один квант магнитного потока Φ_0 и его зеркальных изображений.

Уравнение (2) позволяет найти энергию вихря Абрикосова в анизотропной грануле [11]

$$U(H, x_0, z_0) = \frac{\Phi_0}{4\pi} \left\{ H \exp[-x_0/\lambda_{ab}] + H_{c1}(\infty) - H + H_y^J(x_0, z_0) + \frac{\Phi_0}{4\pi\lambda_{ab}\lambda_c} \left[\sum_{n=-L}^L P_n^S(x_0, x_0, z_0, z_0) + \sum_{n=-L}^L P_n^N(x_0, x_0, z_0, z_0) \right] \right\}.$$
(3)

Здесь $H_{c1}(\infty)$ — первое критическое поле в глубине образца,

$$H_{y}^{J}(x_{0}, z_{0}) = H$$

$$\times \int_{0}^{\infty} \frac{dk}{2\pi} \frac{4k\lambda_{J}^{2}}{1 + \lambda_{ab}^{2}k^{2}} \frac{\sin(kx_{0})\cosh[(1 + \lambda_{ab}^{2}k^{2})^{\frac{1}{2}}(z_{0}/\lambda_{c})]}{\lambda_{J}^{2}k^{2}\cosh(\gamma) + (1 + \lambda_{ab}^{2}k^{2})^{\frac{1}{2}}\sinh(\gamma)}$$
(4)

составляющая магнитного поля в межгранульном контакте от поля вихревой нити;

$$P_n^S(x, x_0, z, z_0) = (-1)^n K_0[D_n(z, z_0, x - x_0)],$$

$$P_n^N(x, x_0, z, z_0) = (-1)^n K_0[D_n(z, z_0, x + x_0)],$$

$$D_n(z, z_0, x \pm x_0) = \sqrt{A^2(x \pm x_0) + B_n^2(z, z_0)},$$

$$A(x \pm x_0) = \frac{x \pm x_0}{\lambda_{ab}},$$

$$B_n(z, z_0) = \frac{z - a/2 - (-1)^n(z_0 - a/2) - na}{\lambda_c}.$$

Здесь $\gamma = (1 + \lambda_{ab}^2 k^2)^{1/2} (\frac{a}{2\lambda_c}), K_0$ — функция Макдональда. Представленная соотношением (3) зависимость энергии вихревой нити от точки ее локализации в области гранулы $U(H, x_0, z_0)$ содержит в "зародыше" все основные особенности магнитного и транспортного отклика гранулированного сверхпроводника на изменение параметров структурно-неоднородной джозефсоновской системы и приложенного поля.

Следует заметить, что оксидным сверхпроводникам свойственны зернистая и супермелкозернистая структура и относительно малый перенос электронов на границах гранул. Будем полагать, что размер гранул и сила связи между зернами распределены по нормальному закону. Рассматриваемая модель представляется весьма подходящей для описания пленок, ориентированных вдоль кристаллографической *с*-оси, а также монокристаллических образцов, содержащих плоскости двойникования. Конечно, эта модель менее подходит в случае разориентированных поликристаллических пленок или для описания керамики, в которой соседние гранулы могут ориентироваться различным образом.

3. Сверхпроводник с ориентированными гранулами

Рассмотрим поведение критического тока в ориентированном сверхпроводящем образце. Будем считать, что внешнее магнитное поле направлено вдоль межгранульных джозефсоновских переходов, перпендикулярно направлению протекания транспортного тока. В таком представлении элементарный потенциал пиннинга на единицу длины кора вихря имеет вид [12]

$$U_p(H, x_0, L) = \lim_{z_0 \to a} U(H, x_0, z_0, L).$$
(5)

Потенциал пиннинга U_p представляет собой суммарную энергию центров пиннинга $U_p = \sum_k U_p^i$, что отвечает плотности вихрей Абрикосова на границах зерен n_p . При этом вихри в грануле образуют вихревую решетку с параметром решетки d, зависящем от внешнего магнитного поля. Таким образом, при увеличении поля возрастают количество вихревых нитей и, следовательно, плотность центров пиннинга [13] (поскольку $d \sim n_L^{1/2}$). Тогда внутригранульная плотность критического тока при L = 1 имеет вид [12]

$$j_{c}^{G}(H) = \frac{c}{\lambda_{ab}\xi_{c}\Phi_{0}} \sum_{k=0}^{[\lambda_{ab}/d]} U_{p}(H, x_{0}^{k})_{x_{0}^{k} = \frac{d}{2} + kd}.$$
 (6)

Принимая во внимание, что гранульные границы в сверхпроводящем MgB₂ относительно прозрачны для тока [14,15], описание критического тока образца в такой системе возможно на основе пиннингового механизма транспортного тока. Однако в гранулированных ВТСП на межгранульный критический ток i_c будет оказывать существенное влияние угол разориентации соседних зерен ϕ [3]. Как известно, точка разориентации в 4–5° является переходной от сильной к слабой джозефсоновской связи. С другой стороны, как показано в работе [7], j_{c0} существенно зависит от отношения Г размеров зерен, образующих SIS-переход и параметра анизотропии ν . Критический ток SIS-перехода i_c при этом задается формулой [5,16]

$$i_{c}^{2}(H) = j_{c0}^{2} \bigg| \int_{0}^{W} \exp[i\Theta(H, x)] dx \bigg|^{2},$$
(7)

где j_{c0} — плотность критического тока перехода при H = 0 (в дальнейшем для оценки будем полагать $j_{c0} = 10^5 \text{ A/cm}^2$); W — ширина джозефсоновского перехода вдоль оси Y; разность фаз Θ зависит от внешнего поля H и координат (x_i, z_i) вихревых нитей в грануле, а также [7–9] от параметров Γ , σ и ν :

$$\Theta(H, x) = \sum_{i=1}^{N} -\frac{2}{(\lambda_{ab}\lambda_c)^{1/2}} \int_{0}^{x} \varphi(H, x \pm x_i) dx + \frac{2\pi\Phi x}{\Phi_0 W}.$$
(8)

Здесь N — количество вихревых нитей в грануле. Решение для фазы $\varphi(x)$, наводимой в переходе каждой вихревой нитью, дается модернизированным уравнением Феррела–Прейнджа [8].

Задача вычисления плотности критического тока в гранулированной системе сводится к вычислению сверхпроводящего тока, протекающего по рассматриваемому кластеру с распределением контактов по току i_c . Это распределение дается уравнением (7). При этом величина интенсивности связи между зернами σ лежит в интервале от σ_1 до σ_2 , а параметр отношения размеров зерен, образующих межтранульный переход Г может принимать значения от Γ_1 до Γ_2 . Тогда доля P(J) контактов с плотностью тока, большей чем J, будет задаваться функцией распределения P(J) соглано подходу, развитому в [17,18], и особенностями [11] рассматриваемой модели:

$$P(J) = \frac{1}{(\sigma_2 - \sigma_1)(\Gamma_2 - \Gamma_1)} \int_{\sigma_1}^{\sigma_J} d\sigma \int_{\Gamma_1}^{\Gamma_J} d\Gamma, \qquad (9)$$



Рис. 2. Зависимость плотности критического тока от эффективного отношения размера гранул $\langle \Gamma \rangle$, образующих межгранульный переход при фиксированном магнитном потоке $\Phi = 30\Phi_0$. На вставке показана полевая зависимость J_c/J_{c0} для $\langle \Gamma \rangle = 1$ (1) и 0.35 (2).



Рис. 3. Зависимость плотности критического тока от эффективной анизотропии $\langle v \rangle$ при $\Phi = 30\Phi_0$ и $\Phi = 50\Phi_0$. На вставке приведена полевая зависимость J_c/J_{c0} для $\langle v \rangle = 0.15$ (*I*) и 1.5 (*2*).

где σ_J и Γ_J отвечает току со значением *J*. Тогда выражение для плотности критического тока имеет вид [18]

$$J_{c} = \frac{1}{1 - P_{c}} \int_{P_{c}}^{P_{m}} \frac{dP}{P} \int_{0}^{P} J(P') dP', \qquad (10)$$

где $P_c = 2/Z$ — эффективный перколяционный порог с числом связей Z для одной гранулы. Для кубических гранул Z = 6 и $P_c = 1/3$. Как только $P_c > 1$, вероятность

3.1. Влияние отношения размеров гранул на $J_c(H)$. К настоящему времени достаточно подробно изучено влияние размеров гранул керамики [19–21], плотности их упаковки [22] и внешнего давления P [23] на внутригранульный и межгранульный критические токи. В нашей работе [7] показано, что при фиксированном магнитном потоке Φ наблюдается фраунгоферовоподобная зависимость межгранульного критического тока i_c от отношения размеров гранул Γ , образующих переход.

На рис. 2 показана зависимость плотности критического тока J_c от эффективного параметра $\langle \Gamma \rangle$ при фиксированной величине магнитного потока $\Phi = 30\Phi_0$. Максимальная величина тока соответствует ситуации с $\langle \Gamma \rangle = 1$, практически это отвечает джозефсоновской среде, состоящей из примерно одинаковых (с точностью 5–10%) гранул, размер которых $a > 2\lambda_c$. Приготовление таких образцов с $a > 0.2 \,\mu\text{m}$ — технологически вполне достижимая задача. На вставке показана магнитополевая зависимость J_c при $\langle \Gamma \rangle = 1$ (кривая I) и $\langle \Gamma \rangle = 0.35$ (кривая 2).

3.2. Влияние анизотропии гранул на $J_c(H)$. В высокотемпературных материалах роль анизотропии гранул обусловлена сильным отличием значений лондоновской глубины проникновения λ_L , отвечающей, магнитному полю, направленному вдоль разных осей кристалла. Для YBa₂Cu₃O_x отношение $\nu = \lambda_c / \lambda_{ab} \approx 3.3$ [24], а для MgB₂ $\nu \approx 2.04$ [25]. Такая анизотропия приводит к качественно иной (по сравнению с изотропным случаем) зависимости $i_c(H)$ для отдельного контакта [7–9]. Возникает вопрос: каким образом влияет анизотропия материала на поведение $J_c(H)$ для набора ориентированных джозефсоновских контактов в перколяционной системе?

На рис. З показана зависимость J_c плотности критического тока от эффективного параметра анизотропии $\langle \nu \rangle$ при $\Phi = 30\Phi_0$ и 50 Φ_0 . Видно, что с увеличением $\langle \nu \rangle$ плотность тока убывает, а максимум J_c соответствует изотропному случаю $\langle \nu \rangle = 1$. На вставке показана магнитополевая зависимость $J_c(\Phi)$ при $\langle \nu \rangle = 0.15$ (кривая I) и $\langle \nu \rangle = 1.5$ (кривая 2).

Заметим, что рассмотрение влияния величины разброса δ (от $\langle \Gamma \rangle$ и $\langle \nu \rangle$) на J_c показало, что этот параметр фактически не влияет на величину транспортного тока.

4. Обсуждение результатов

В настоящей работе теоретически исследовано влияние эффективных параметров джозефсоновской среды на магнитополевую зависимость $J_c(H)$ плотности транспортного критического тока в гранулярных сверхпроводниках второго рода. Вычисления проводились на основе ламинарной и трехмерной кластерной моделей. Вихри Абрикосова при вхождении в гранулы изменяют фазу параметра порядка Θ в берегах джозефсоновских переходов [7–9]. Это ведет к джозефсоновским осцилляциям в области сильных магнитных полей. Межгранульная плотность тока j_c является функцией внутри- и межгранульных характеристик $j_c = j_c(\tau, \sigma, \nu)$, а плотность перколяционного тока — функция эффективных параметров $\langle \Gamma \rangle$, $\langle \sigma \rangle$ и $\langle \nu \rangle$: $J_c = J_c(\langle \Gamma \rangle, \langle \sigma \rangle, \langle \nu \rangle)$. Рассмотрим, каким образом вариация эффективных параметров джозефсоновской среды влияет на J_c .

а) Отношение размеров гранул, образующих межгранульный контакт. При наличии внешнего магнитного поля $H > H_{c1}$ количество абрикосовских вихрей в зерне $n_L \propto a^2$. Очевидно, что если размер зерен (в нашей геометрии область гранулы вдоль оси OZ) $\{a\}$ и $\{b\}$ одинаков, то количество вихревых нитей в них одинаково. И следовательно, их влияние на фазу $\Theta(x)$ параметра порядка $\Delta(\mathbf{r})$ межгранульного перехода практически отсутствует. Если отношение $\Gamma = a/b \neq 1$, то влияние магнитного поля вихревых нитей на переход становится интенсивней, когда величина Γ более отдалена от единицы.

Обычно ВТСП-пленки ориентированы вдоль кристаллографической *с*-оси перпендикулярно плоскости подложки. Поэтому результаты данной работы можно использовать для анализа поведения критического тока ВТСП-пленок в параллельном магнитном поле. Например, пленки YBCO состоят из набора кристаллитов величиной ~ 20–200 nm, разделенных между собой малоугловыми границами с углами разориентации порядка $1-3^{\circ}$, что соответствует сильной связи между гранулами. Плотность критического тока J_c , наблюдаемая в таких образцах, ~ $2-10^7$ A/cm² при 77 K [26,27].

Результаты исследования распределения размеров гранул в керамическом YBa_2CuO_{7-x} [28] указывают на гауссово распределение. Поведение критического тока является отображением гранульных размеров и их распределения по образцу. Поэтому уместно сделать заключение о наличии гауссово-подобной зависимости плотности критического тока J_c от параметра $\langle \Gamma \rangle$, что соответствует полученной в настоящей работе параболообразной кривой.

b) Анизотропия. При увеличении анизотропии $\langle \nu \rangle = \langle \lambda_c / \lambda_{ab} \rangle$ проникновения магнитного потока в гранулы возможны две ситуации.

1) Увеличение параметра λ_c , когда $\lambda_{ab} = \text{const}$; при этом происходит рост эффективной толщины межгранульного джозефсоновского контакта $\sim 2\lambda_c$, что ведет к уменьшению J_c .

2) Уменьшение глубины проникновения поля в ab-плоскости гранулы при $\lambda_c = \text{const.}$ Поскольку при этом полагается, что $\lambda_J = \text{const.}$ уменьшается интенсивность связи между зернами $\sigma = \lambda_{ab}/\lambda_J$, что ведет к падению J_c .

Таким образом, изменение анизотропии лондоновской глубины проникновения *v* ведет к изменению силы связи между зернами. Именно по этому параметру возможно сравнить теоретические результаты с экспериментом. Из полученных результатов следует, что с уменьшением и расчет σ , т.е. происходит рост константы связи и увеличивается значение плотности критического тока. Последнее утверждение согласуется с экспериментами [29], из которых следует, что межгранульная сила связи образцов с высокой критической плотностью тока J_c много больше, чем в обычных ВТСП. В работе [30] показано, что, изменяя силу связи на границах гранул, можно существенно увеличить Ј.с. Кроме того, эти результаты согласуются со статистическим численным моделированием сильно связанных сверхпроводников типа MgB₂ методом Монте-Карло [31]. Таким образом, в полях $H \ge H_{c1}$ роль влияния анизотропии проникновения внешнего магнитного поля в гранулы сводится к изменению параметра интенсивности связи между зернами σ .

Следует заметить, что практически добиться примерно одинаковых джозефсоновских связей (с одинаковыми эффективными толщинами перехода) между подобными гранулами весьма сложно, так как для этого необходимо согласовать размеры слабых связей с $a \sim 1 \,\mu$ m. Например, толщина оксидных туннельных барьеров между гранулами составляет всего $d \sim 2 \,\mathrm{nm} \ll a$ [16].

Для более реалистичного описания необходимо принимать во внимание пиннинг на пространственных неоднородностях (включениях, дислокациях). Характерным примером могут служить пленки, где пиннинг абрикосовских вихрей в значительной мере обусловлен пиннингом вихревых нитей в маленьких гранулах. Как показано в работе [32], поведение вихревого ансамбля в пленках ҮВСО определяется взаимодействием вихрей с линейными дефектами — краевыми дислокациями, которые формируются в процессе эпитаксиального роста кристаллов и являются основным типом дефектов кристаллической решетки с плотностью, достигающей 10¹⁵ lines/m². Эффективный пиннинг вихрей и высокая плотность критического тока ($J_c \ge 3 \cdot 10^{10} \, \text{A/m}^2$ при T = 77 K) в пленках YBCO обусловлены именно высокой плотностью таких линейных дефектов. Если же линейными дефектами в той или иной степени пренебречь, то описание $J_c(H)$ на основе рассмотренной модели более адекватно демонстрирует транспортные значения J_{c} для "чистых" гранулированных ВТСП-материалов.

Следует заметить, что для ВТСП характерна анизотропная симметрия спаривания куперовских пар с *d*-волновым типом. Поэтому в более реальных случаях при рассмотрении транспортных свойств ВТСП необходимо учитывать наряду с неупорядоченной структурой и симметрию параметра порядка [33,34].

Заметим также, что особенности гранулированных структур таковы, что проникновение в них абрикосовских вихрей ведет к деформации размеров образца [35] — пиннинг-индуцированной магнитострикции. При изменении размеров гранул изменяется толщина джозефсоновского перехода d_N . Причина такого поведения в том, что гранулы являются элементами жесткого

массива. Это делает невозможным смещение их центров масс относительно друг друга. Поэтому увеличение (уменьшение) размера зерен ведет к уменьшению (увеличению) толщины изолирующей межгранульной прослойки δd_N . Поскольку $i_c \propto \exp \left| -2d_N \sqrt{H} \right|$, будет изменяться плотность тока Ј_с всего образца. Таким образом, эффект джозефсоновских осцилляций, вызванный проникновением абрикосовских вихрей в гранулы [7], может проявляться в ВТСП. При фиксированной величине магнитного потока Ф зависимость транспортного тока J_c от эффективного параметра отношения размера зерен, образующих межгранульный переход $\langle \Gamma \rangle$, имеет форму гауссовой кривой с максимумом в точке $\langle \Gamma \rangle = 1$. Другое важное проявление эффекта состоит в зависимости J_c от эффективного параметра анизотропии $\langle v \rangle$, характеризующего отношение глубин проникновения магнитного поля вдоль разных кристаллографических осей. Показано, что анизотропная зависимость J_c сводится к зависимости от интенсивности связи между гранулами $\langle \sigma \rangle$ и эффективной толщины межгранульного джозефсоновского перехода. При этом максимальная величина тока отвечает изотропному случаю $\langle \nu \rangle = 1$.

Авторы выражают признательность А.И. Дьяченко за обсуждение полученных результатов.

Список литературы

- [1] Ю.И. Кузьмин. ФТТ 43, 1157 (2001).
- [2] А.А. Козловский, В.Ф. Хирный. ФТТ 42, 1780 (2000).
- [3] D. Dimos, P. Chaudhari, J. Mannhart, F.K. LeGoues. Phys. Rev. Lett. 61, 219 (1988).
- [4] D. Dimos, P. Chaudhari, J. Mannhart. Phys. Rev. B 41, 4038 (1990).
- [5] Ю.П. Денисов. ФТТ **18**, 119 (1976).
- [6] М.В. Фистуль. Письма в ЖЭТФ 42, 95 (1989).
- [7] L.V. Belevtsov, A.A. Kostikov. Phys. Lett. A 343, 454 (2005).
- [8] Л.В. Белевцов, А.А. Костиков. ЖЭТФ 128, 586 (2005).
- [9] L.V. Belevtsov, A.A. Kostikov. J. Low Temp. Phys. **139**, 11 (2005).
- [10] L.V. Belevtsov. Europhys. Lett. 59, 768 (2002).
- [11] Л.В. Белевцов. ФНТ 31, 155 (2005).
- [12] Л.В. Белевцов. ФНТ 31, 490 (2005).
- [13] N.-C. Yeh. Phys. Rev. B 40, 4566 (1989).
- [14] M. Kambara, N. Hari Babu, E.S. Sadki, J.R. Cooper, H. Minami, D.A. Gardwell, A.M. Campbell, I.H. Inoue. Supercond. Sci. Technol. 14, L 5 (2001).
- [15] O.F. de Lima, R.A. Ribeiro, M.A. Avila, C.A. Cardoso, A.A. Coelho. Phys. Rev. Lett. 86, 5974 (2001).
- [16] А. Бароне, Дж. Пятерно. Эффект Джозефсона: физика и применения. Мир, М. (1984). 639 с.
- [17] T. Matsushita, B. Ni, Y. Sudo, M. Iwakuma, K. Funaki, M. Takeo, K. Yamafuji. Jap. J. Appl. Phys. 27, 929 (1988).
- [18] T. Matsushita, B. Ni, K. Yamafuji. Cryogenics 29, 384 (1989).
- [19] R.L. Peterson, J.W. Ekin. Physica C 157, 325 (1989).
- [20] E. Shimizu, D. Ito. Phys. Rev. B 39, 2921 (1989).
- [21] M. Kuwabara, H. Shimooka. Appl. Phys. Lett. 55, 2781 (1989).
- [22] G. Paterno, C. Alvani, S. Casadio, U. Gambardella, L. Maritato. IEEE Trans. Magn. 25, 2276 (1989).

- [23] A.I. D'yachenko, V.Yu. Tarenkov, A.V. Abalioshev, R.V. Lutciv, Yu.N. Myasoedov, Ya.V. Boiko. Physica C 251, 207 (1995).
- [24] T.G. Hylton, M.R. Beasley. Phys. Rev. B 39, 9042 (1989).
- [25] F. Monzano, A. Carrington. E-print archives. Cond-mat/0106166.
- [26] Ch. Gerber, D. Anselmetti, J.G. Bernorz, J. Mannhart, D.J. Schlom. Nature 350, 279 (1991).
- [27] J.M. Huijbregtse, B. Dam, R.C.F. van der Geest, F.C. Klaassen, R. Elberse, J.H. Rector, R. Griessen. Phys. Rev. B 62, 1338 (2000).
- [28] D. Kunstelj. Fizika A 3, 35 (1994).
- [29] G. Lu, K.X. Chen, L.X. Xue, C.D. Wei, Q.R. Feng, H.T. Ren, Q. He, L. Xiao, R.K. Wang, D.A. Yu. Mod. Phys. Lett. B 4, 1361 (1990).
- [30] X.Y. Cai, A. Gurevich, I.-Fei Tsu, D.L. Kaiser, S.E. Babcock, D.C. Larbalestier. Phys. Rev. B 57, 10951 (1998).
- [31] L.V. Belevtsov, V.N. Pervukin. Europhys. Lett. 67, 648 (2004).
- [32] В.М. Пан, А.В. Пан. ФНТ 27, 991 (2001).
- [33] C. De Leo, G. Rotoli. Supercond. Sci. Technol. 15, 1711 (2002).
- [34] A. Majhofer, T. Wolf, W. Dieterich. Phys. Rev. B 44, 9634 (1991).
- [35] В.В. Еременко, В.А. Сиренко, Г. Шимчак, А. Набялек. ФНТ 25, 311 (1999).