

не вносит дополнительного затухания, заметного на уровне диэлектрических потерь  $\operatorname{tg} \delta \sim 10^{-4}$ .

Указанным способом на установке [3] были получены температурные зависимости диэлектрических потерь как чистого талого калия, так и кристаллов, легированных литием (см. рисунок, а, б). Измерения в частотном диапазоне 30—35 ГГц были проведены в интервале температур 4.2—12 К. Лучшие значения  $\operatorname{tg} \delta = Q^{-1}$  оказались больше, чем следовало ожидать исходя из представления о решеточном характере потерь, при котором  $\operatorname{tg} \delta \sim \omega$ . Так, например, на одних и тех же образцах были получены значения  $\operatorname{tg} \delta = 1.4 \cdot 10^{-5}$  на 14 ГГц и  $\operatorname{tg} \delta = 1.3 \cdot 10^{-4}$  на 33 ГГц.

Обращает на себя внимание низкий уровень потерь кристаллов  $\text{KTaO}_3$ , легированных литием, которые, как известно [5], находятся при гелиевых температурах в сегнетофазе. Малость потерь этих кристаллов объясняется тем, что как диполи нецентральных ионов Li, так и сегнетоэлектрические домены при гелиевых температурах оказываются «замороженными» и не участвуют в процессах диэлектрической релаксации [6].

Осуществленный в работе способ увеличения связи ДР с трактом СВЧ полезен не только для измерения потерь методом диэлектрического резонатора, но и для практического применения в технике миллиметровых волн и реализации высокодобротных миниатюрных сегнетоэлектрических резонаторов.

### Литература

- [1] Белокопытов Г. В., Иванов И. В., Катанов С. И. и др. ФТТ, 1982, т. 24, № 6, с. 1865—1867.
- [2] Белокопытов Г. В., Иванов И. В., Моисеев Н. Н., Решетников М. Е. Тез. докл. X Всес. конф. по сегнетоэлектричеству. Минск, 1982, ч. II. 41 с.
- [3] Белокопытов Г. В., Иванов И. В., Петров Д. Г., Решетников М. Е. ФТТ, 1984, т. 26, № 2, с. 545—547.
- [4] Волков А. А., Чернышев И. М., Ирисова Н. А. и др. Препринт ФИАН, № 111, М., 1981.
- [5] Смоленский Г. А., Сотников А. В., Сырников П. П., Юшин Н. К. Письма в ЖЭТФ, 1983, т. 37, № 1, с. 30—33.
- [6] Höchli U. T., Weibel H. E., Boatner L. A. Phys. Rev. Lett., 1978, v. 41, N 20, p. 1410—1413.

Московский государственный университет  
им. М. В. Ломоносова  
Физический факультет

Поступило в Редакцию  
9 января 1987 г.

## РАВНОВЕСНЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ЭЛЕКТРОННОГО ПУЧКА, ИНЖЕКТИРУЕМОГО ИЗ ДИОДА С МАГНИТНОЙ ИЗОЛЯЦИЕЙ В ВОЛНОВОД, НАГРУЖЕННЫЙ ДИЭЛЕКТРИКОМ

А. С. Шлапаковский

В последнее время значительных успехов достигли экспериментальные работы по генерации коротковолнового СВЧ излучения сильноточными релятивистскими электронными пучками, транспортируемыми в волноводах с частичным диэлектрическим заполнением [1, 2]. Для расчета подобного рода приборов необходимо знать параметры стационарного состояния пучка в области дрейфа: энергию, ток, профиль плотности и т. п. В [3] была записана система уравнений, связывающая эти параметры, и, в частности, приведено выражение для предельного тока транспортировки при сильном магнитном поле. Хорошо известно, однако, что ток пучка однозначно определяется условиями его формирования. В сильноточной СВЧ электронике пучок чаще всего формируется в коаксиальном диоде с магнитной изоляцией [4]. Для этого источника в работе [5] был предложен метод, основанный на учете сохранения потока z-компоненты импульса частиц и поля и граничных условий на катоде (ограничение тока пространственным зарядом), который позволил получить аналитические выражения для тока и равновесной энергии электронов в предположении бесконечно сильного магнитного поля и бесконечно тонкого пучка. В настоящем сообщении указанный метод обобщается на

случай частичного заполнения системы диэлектриком с диэлектрической проницаемостью  $\epsilon$ .

Считая систему аксиально-симметричной, из уравнения Пуассона и закона сохранения энергии можно получить следующие соотношения:

$$\begin{aligned} \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \epsilon \frac{\partial \gamma}{\partial r} \frac{\partial \gamma}{\partial z} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left\{ \frac{\epsilon}{2} \left[ \left( \frac{\partial \gamma}{\partial z} \right)^2 - \left( \frac{\partial \gamma}{\partial r} \right)^2 \right] + \frac{4\pi j}{I_0} \sqrt{\gamma^2 - 1} \right\} = \\ = - \frac{1}{2} \frac{\partial \epsilon}{\partial z} \left[ \left( \frac{\partial \gamma}{\partial z} \right)^2 + \left( \frac{\partial \gamma}{\partial r} \right)^2 \right]. \end{aligned} \quad (1)$$

Здесь  $\gamma = 1 + e\varphi/mc^2$ ;  $\varphi$  — электростатический потенциал;  $j$  — плотность тока;  $I_0 = mc^3/e = 17$  кА. Левая часть (1) представляет собой (с точностью до коэффициента)  $\text{div } T_z$ , где  $T_z$  — поток  $z$ -составляющей суммарного импульса частиц и поля в среде. Видно, что в случае заполнения системы однородным по  $z$  диэлектриком имеет место закон сохранения, т. е. поток импульса поля в зоне формирования пучка перераспределяется в зоне дрейфа между полем и пучком. При наличии же неоднородности ( $\partial\epsilon/\partial z \neq 0$ ) сохранения нет из-за возникновения упругих натяжений в среде, вызванных пондеромоторными силами [6]. Это приводит в конечном счете к тому, что аналитическое определение энергии и тока пучка в области дрейфа оказывается возможным лишь в том случае, когда диэлектрик имеется и в зоне формирования. Если же, как это обычно бывает, диэлектрическая втулка присутствует только в зоне дрейфа, можно говорить лишь об оценках, поскольку в баланс потока импульса будет входить сила натяжения, которая зависит от значений поля на поверхности втулки, не известных в отсутствие полного решения уравнения Пуассона. Рассмотрим оба этих случая.

1. Диэлектрическая втулка имеется по обе стороны от кромки катода. Интегрирование (1) по всему объему системы и определение потенциала в областях, не занятых пучком и далеким от кромки (так что  $\partial\gamma/\partial z = 0$ ), с учетом граничных условий на катоде, аноде и поверхности диэлектрика дает для релятивистского фактора  $\gamma_B$  бесконечно тонкого пучка то же значение, что и в отсутствие втулки [5]

$$\gamma_B = \gamma_0 = \sqrt{2\gamma_A + \frac{1}{4}} - \frac{1}{2}. \quad (2)$$

Ток же пучка дается выражением, совпадающим с соответствующим результатом работы [8]

$$I = \frac{I_0}{2} \frac{\epsilon(\gamma_A - \gamma_B)}{\ln \frac{R_A}{R_K} + (\epsilon - 1) \ln \frac{R_{\text{вт}}}{R_K}} \frac{\sqrt{\gamma_B^2 - 1}}{\gamma_B}. \quad (3)$$

Здесь  $\gamma_A$  отвечает анодному напряжению;  $R_A, R_K, R_{\text{вт}}$  — радиусы анода, катода и диэлектрической втулки. В частности, видно, что при  $R_{\text{вт}} = R_K$  ток в  $\epsilon$  раз превышает соответствующее значение в отсутствие втулки. Этот результат достаточно очевиден: поток импульса поля в области формирования в  $\epsilon$  раз выше, чем при отсутствии диэлектрика, а характер перераспределения его между полем и частицами в зоне дрейфа остается неизменным.

2. Диэлектрическая втулка создает неоднородность. В этом случае (1) можно проинтегрировать по той части системы, где втулка присутствует, и по той, где ее нет. В результате для релятивистского фактора бесконечно тонкого пучка получается следующее уравнение:

$$\gamma_B^3 - (2\gamma_A + 1)\gamma_B + 2\gamma_A = A\gamma_B, \quad (4)$$

где

$$A = \frac{\epsilon - 1}{\epsilon} \left\{ (\gamma_A - 1)^2 \frac{\ln(R_A/R_{\text{вт}})}{\ln(R_A/R_K)} - \left[ \ln \frac{R_A}{R_K} + (\epsilon - 1) \ln \frac{R_{\text{вт}}}{R_K} \right] \int_{R_{\text{вт}}}^{R_A} \left[ \left( \frac{\partial \gamma}{\partial r} \right)^2 + \frac{1}{\epsilon} \left( \frac{\partial \gamma}{\partial z} \right)^2 \right] r dr \right\}.$$

Значения полей в интеграле берутся на внешней стороне торца втулки. Ток пучка определяется формулой (3).

В отсутствие втулки (т. е. при  $\epsilon = 1$  или  $R_{\text{вт}} = R_A$ )  $A = 0$  и  $\gamma = \gamma_0$ . В других случаях  $A$  определить невозможно, однако можно точно указать диапазон его изменения. Действительно, поскольку условия формирования пучка однозначно определяют его равновесные характеристики в зоне дрейфа, уравнение (4) должно иметь единственное вещественное решение  $\gamma_B > 1$ . Отсюда следует, что при любых параметрах втулки  $A > 0$  и  $\gamma_B > \gamma_0$ . С другой стороны, поскольку ток, снимаемый с катода, в конечном счете определяется величиной электрического поля вблизи кромки, его значение не может быть ниже, чем в случае отсутствия

втулки. Поэтому существует максимальное значение  $\gamma_B \max$  (оно реализуется при достаточно большом удалении торца втулки от катода), которое может быть найдено из условия

$$\frac{\varepsilon(\gamma_A - \gamma_B)}{\ln \frac{R_A}{R_K} + (\varepsilon - 1) \ln \frac{R_{\text{врт}}}{R_K}} \frac{\sqrt{\gamma_B^2 - 1}}{\gamma_B} = \frac{\gamma_A - \gamma_0}{\ln \frac{R_A}{R_K}} \frac{\sqrt{\gamma_0^2 - 1}}{\gamma_0}. \quad (5)$$

Таким образом, наличие неоднородности приводит к увеличению равновесной энергии и уменьшению тока пучка по сравнению с однородным случаем. Изменение энергии электронов может существенно сказаться на значениях рабочей частоты СВЧ прибора. Так, при  $\gamma_A = 3$  (что соответствует  $\gamma_0 = 2$ ),  $\varepsilon = 2$  и  $R_{\text{врт}} \approx R_K$  решение (5) дает  $\gamma_B \max \approx 2.53$ . Поэтому в общем случае, когда расстояние от торца втулки до кромки катода сравнимо с поперечными размерами системы, необходимо полное численное решение задачи.

В заключение заметим, что развивающаяся при «сверхсветовом» движении пучка черенковская неустойчивость приводит к появлению высокочастотного тока. Если в системе отсутствует обратная связь, т. е. неустойчивость носит конвективный характер, то равновесное состояние пучка реализуется на ограниченной длине (так что длина участка, занятого и диэлектриком, и пучком, порядка обратного пространственного инкремента  $(\text{Im}k)^{-1}$ ). Так как выше использовалось решение уравнения Пуассона в однородных по  $z$  областях, то полученные результаты справедливы, если выполняется неравенство  $\text{Im}kR_A \ll 1$ . При наличии обратной связи существование стационарного состояния ограничено еще и временным интервалом порядка обратного инкремента абсолютной неустойчивости.

Автор благодарит Г. П. Фоменко, В. П. Григорьева, П. Я. Исакова за полезные обсуждения.

### Литература

- [1] Диденко А. Н., Борисов А. Р., Фоменко Г. П., Штейн Ю. Г. Письма в ЖТФ, 1983, т. 9, № 1, с. 60—62.
- [2] Garate E., Cook R., Heim P. et al. J. Appl. Phys., 1985, v. 58, N 2, p. 627—632.
- [3] Борисов А. Р., Фоменко Г. П., Шлапаковский А. С. ЖТФ, 1986, т. 56, № 6, с. 1180—1182.
- [4] Бугаев С. П., Ильин В. П., Кошелев В. И. и др. В кн.: Релятивистская высокочастотная электроника. Горький, 1979, с. 5—75.
- [5] Федосов А. И., Литвинов Е. А., Беломытцев С. Я., Бугаев С. П. Изв. вузов. Физика, 1977, № 10, с. 134—135.
- [6] Тамм И. Е. Основы теории электричества. М.: Наука, 1976. 616 с.

Научно-исследовательский  
институт ядерной физики  
при Томском политехническом институте  
им. С. М. Кирова

Поступило в Редакцию  
22 января 1987 г.

## К ТЕОРИИ ОПТИЧЕСКИХ ВОЛНОВОДОВ С ПЕРИОДИЧЕСКИМИ ПОКРОВНЫМИ СРЕДАМИ

Ю. П. Удовее

Планарный оптический волновод может быть создан путем синтеза многослойных тонкопленочных структур, имеющих высокий коэффициент отражения, по обе стороны от центрального направляющего канала [1]. Свойства таких волноводов рассматривались ранее на основе общей теории слоистых периодических структур с помощью характеристических матриц [1] и на основе решения задачи о собственных функциях волнового уравнения для случая периодических сред [2, 3]. В настоящей работе описан подход, основанный на применении модифицированной модели зигзагообразных волн, плодотворность которой продемонстрирована в ряде работ (см., например, [4, 5]), и теории дифракции света на отражательных объемных решетках в приближении связанных волн [6]. Этот подход позволяет наиболее простым в математическом плане и ясным с физической точки зрения способом выяснить ряд особенностей каналирования излучения в указанных структурах и может быть полезным при планировании эксперимента и интерпретации данных.