# Поверхностные поляритоны на границе анизотропного сверхпроводника и диэлектрика

© С.В. Жирнов, Д.И. Семенцов

Ульяновский государственный университет, 432700 Ульяновск, Россия E-mail: sementsovdi@ulsu.ru

(Поступила в Редакцию 12 мая 2006 г. В окончательной редакции 18 сентября 2006 г.)

> Исследованы дисперсионные зависимости, поляризационная структура и энергетические характеристики поверхностных поляритонов, распространяющихся вдоль границы раздела изотропного диэлектрика с анизотропным сверхпроводником. Диэлектрическая проницаемость получена в рамках двужидкостной модели "сверхпроводящих" и "нормальных" электронов. Показано, что характеристики поверхностной волны существенным образом зависят от материальных параметров контактирующих сред, частоты и температуры.

PACS: 74.72.Bk, 73.20.Mf

## 1. Введение

Известно, что в области частот, где диэлектрическая проницаемость (ДП) одной из граничных сред отрицательна, вдоль плоской границы раздела возможно распространение поверхностных волн ТМ-типа с экспоненциально убывающими от границы раздела амплитудами электрического и магнитного полей [1], получивших название поверхностных поляритонов (ПП) [2]. Поверхностные волны содержат богатую информацию о материальных параметрах приповерхностных слоев, в связи с чем решения волновых уравнений, отвечающие ПП, были найдены для различных типов материалов [3–8], а их анализ широко используется для излучения электронных и оптических свойств контактирующих сред.

В последние годы повышенный интерес вызывают исследования оптических свойств ВТСП и выявление особенностей в частотной и температурной зависимостях действительной и мнимой частей ДП [9-12]. Наиболее изученными являются монокристаллические пленки YBa<sub>2</sub>Cu<sub>3</sub>O<sub>7-\delta</sub>. В связи с широкими возможностями практического использования ВТСП и слоистых структур на их основе в качестве управляемой волноведущей среды [13-15] представляет интерес выявление особенностей распространения ПП вдоль поверхности сверхпроводника. В работе [16] поверхностные электромагнитные волны исследовались для границы раздела изотропных диэлектрика и сверхпроводника. Между тем купратные ВТСП имеют слоистую кристаллическую структуру и обладают существенной анизотропией механизма переноса заряда в направлениях, параллельном и перпендикулярном слоям [13,17]. В настоящей работе в рамках двужидкостной модели электронной подсистемы [13,14] строится тензор диэлектрической проницаемости и на его основе проводится исследование условий возбуждения, дисперсионных свойств и энергетических характеристик ПП, распространяющихся вдоль границы раздела анизотропного сверхпроводника и изотропного диэлектрика. Анализ проводится для широкого интервала температур, включающего температуру сверхпроводящего перехода для наиболее часто встречающейся в эксперименте по изучению оптических и транспортных свойств ВТСП ситуации, когда ПП распространяется в базисной плоскости сверхпроводника *ab*. Как указано в работах [10,17], нахождение действительной и мнимой частей компонент тензора ДП из экспериментов по возбуждению ПП обладает рядом преимуществ по сравнению с эллипсометрией и позволяет снизить погрешность измерения.

#### 2. Дисперсионные соотношения

Рассмотрим анизотропный сверхпроводник, имеющий слоистую кристаллическую структуру. Эффективная масса электрона в купратных ВТСП существенно отличается в направлениях, параллельном слоям и перпендикулярном им:  $m_a^* = m_b^* \ll m_c^* \simeq m_0$ , где  $m_0$  масса сводобного электрона [13]. Это обстоятельство приводит к различию компонент тензора ДП, записанного в главных осях, совпадающих с кристаллографическими направлениями abc. В рамках двужидкостной модели [13,14] концентрации "нормальных" и "сверхпроводящих" электронов могут быть представлены следующими функциями температуры:  $n_n = n\theta^4$ ,  $n_s = n(1 - \theta^4)$ , где  $\theta = T/T_c$  — нормированная температура,  $T_c$  температура фазового перехода, а  $n = n_n + n_s$  — полная концентрация электронов. В соответствии с [13,14], ненулевые диагональные компоненты тензора ДП одноосного сверхпроводника в главных осях могут быть представлены в виде

$$\varepsilon_{\gamma}(\omega) = \varepsilon_{0\gamma} - \frac{\omega_{0\gamma}^2}{\omega^2} \left( 1 + \frac{i\nu_{\gamma}\theta^4}{\omega - i\nu_{\gamma}} \right), \tag{1}$$

где  $\omega_{0\gamma} = \sqrt{4\pi n e^2/m_{\gamma}^*}$  — плазменная частота для соответствующего кристаллографического направления,  $\nu_{\gamma}$  — частота столкновений "нормальных" электронов,  $\varepsilon_{0\gamma}$  — вклад решетки в соответствующую компоненту полной ДП сверхпроводника,  $\gamma = x, y, z$  (или соответствующие этим осям кристаллографические направления a, b, c). Из выражения (1) легко могут быть получены предельные соотношения для компонент тензора ДП в случае низких температур, когда  $\theta \to 0$  и вкладом "нормальных" электронов можно пренебречь, и высоких температур, когда  $\theta \to 1$  и вся электронная подсистема переходит в нормальное состояние.

Пусть граница раздела сред совпадает с плоскостью z = 0. Область  $z \ge 0$  занимает изотропный диэлектрик с ДП  $\varepsilon_d$ , а область  $z \le 0$  занимает сверхпроводник. Обе среды полагаем немагнитными, т. е. их магнитные проницаемости равны единице. Полагаем, что сверхпроводник выращен таким образом, что ось *a* совпадает с осью *x*, а оси *c* и *b* образуют с нормалью и осью *y* соответственно некоторый угол  $\psi$ . В предположении отсутствия объемных и поверхностных зарядов и токов в каждой из сред будем искать решение волнового уравнения в виде поверхностной волны, распространяющейся вдоль оси *x*, с экспоненциально убывающими амплитудами поля в обоих направлениях от границы раздела вдоль оси *z* 

$$\mathbf{H}(x, z, t) = \mathbf{H}(z) \exp[i(kx - \omega t)].$$
(2)

В области z > 0 амплитуда поверхностной волны  $\mathbf{H}(z) = \mathbf{H}_1 \exp(-\alpha z)$ , а в области z < 0 амплитуда  $\mathbf{H}(z) = \mathbf{H}_2 \exp(\beta z)$ , где параметры локализации ПП в каждой из сред  $\alpha$  и  $\beta$  являются положительными величинами.

Связь между постоянной распространения и параметрами локализации в диэлектрике определяется выражением  $\alpha^2 = k^2 - \varepsilon_d k_0^2$ , где  $k_0 = \omega/c$ ; c — скорость света в вакууме. В сверхпроводящей среде указанная связь дается матричным уравнением

$$\left(\tilde{k}^2 - \tilde{k}_i \tilde{k}_j - k_0^2 \varepsilon_{ij}(\omega, \psi)\right) H_j = 0, \qquad (3)$$

где  $\tilde{k} = (k, 0, -i\beta)$  — волновой вектор в сверхпроводнике,  $\varepsilon_{ij}(\omega, \psi)$  — компоненты тензора ДП сверхпроводника, записанного в системе координат xyz и полученного с помощью преобразования  $\varepsilon_{ij}(\omega, \psi) = P_{il}P_{jm}\varepsilon_{lm}(\omega)$ , где  $P_{il}$  и  $P_{jm}$  — элементы матрицы поворота на угол  $\psi$  вокруг кристаллографической оси a. Условием разрешимости системы (3) является равенство нулю ее определителя. Отсюда получаем следующие соотношения между постоянной распространения и параметрами локализции:

$$\beta_1^2 = k^2 - k_0^2 \varepsilon_a,$$
  
$$\beta_2^2 = \varepsilon_a (k^2 - k_0^2 \varepsilon_c) (\varepsilon_a \sin^2 \psi + \varepsilon_c \cos^2 \psi)^{-1}.$$
(4)

При этом поле ПП в сверхпроводнике представляет суперпозицию двух собственных волн с параметрами локализации  $\beta_1$  и  $\beta_2$ 

$$\mathbf{E}(z) = \mathbf{E}_{21} \exp(\beta_1 z) + \mathbf{E}_{22} \exp(\beta_2 z).$$
 (5)

Важным следствием (3) является то, что ПП при  $\psi \neq 0$ ,  $\pi/2$  уже не является простой ТМ-волной, как в изотропном случае, и в общем случае содержит все компоненты электрического и магнитного полей.

Используя условия непрерывности тангенциальных компонент электрического и магнитного полей на границе раздела сред (при z = 0), получаем дисперсионное соотношение, связывающее параметры сред и излучения

$$(\alpha + \beta_1) \left(\frac{\varepsilon_d}{\alpha} + \frac{\varepsilon_a}{\beta_2}\right) \frac{k^2 \operatorname{ctg} \psi}{\beta_1} + (\alpha + \beta_2) \left(\frac{\varepsilon_d}{\alpha} + \frac{\varepsilon_a}{\beta_1}\right) \frac{k_0^2 \varepsilon_a \operatorname{tg} \psi}{\beta_2} = 0.$$
 (6)

Далее рассмотрим две практически важные ориентации кристаллографических осей, когда ось *c* перпендикулярна границе раздела сред и угол  $\psi = 0$ , а также когда ось *b* перпендикулярна границе раздела и  $\psi = \pi/2$ . В силу равноправия осей *a* и *b* последний случай эквивалентен также ситуации, когда ось *a* перпендикулярна границе раздела сред, а ПП распространяется вдоль оси *b*.

При  $\psi = 0$  из (6) получаем  $\varepsilon_d / \alpha + \varepsilon_a / \beta_2 = 0$ , где  $\beta_2^2 = (\varepsilon_a / \varepsilon_c) (k^2 - k_0^2 \varepsilon_c)$ . После несложных преобразований приходим к следующим дисперсионному уравнению и связи параметров локализации с параметрами граничных сред:

$$k^{2} = k_{0}^{2}\varepsilon_{d}\varepsilon_{c} \frac{\varepsilon_{a} - \varepsilon_{d}}{\varepsilon_{a}\varepsilon_{c} - \varepsilon_{d}^{2}},$$
  
$$\beta_{2}^{2} = \left(\frac{\varepsilon_{a}}{\varepsilon_{d}}\alpha\right)^{2} = k_{0}^{2}\varepsilon_{a}^{2}\frac{\varepsilon_{d} - \varepsilon_{c}}{\varepsilon_{a}\varepsilon_{c} - \varepsilon_{d}^{2}}.$$
 (7)

При действительных и положительных величинах  $\varepsilon_d$ ,  $\alpha$  и  $\beta_2$  условию  $\varepsilon_a = -\varepsilon_d \beta_2 / \alpha$  удовлетворяет спектральная область, в которой  $\varepsilon_a < 0$ . Требование положительности параметров  $k^2$ ,  $\alpha_1^2$ ,  $\alpha_2^2$ , определяемых соотношениями (7), приводит к дополнительным условиям для параметров контактирующих сред  $\varepsilon_d < \varepsilon_c < -\varepsilon_d^2 / |\varepsilon_a|$ .

В случае  $\psi = \pi/2$ , когда оптическая ось *с* лежит в плоскости границы раздела сред, оставаясь перпендикулярной направлению распространения ПП, из (6) получаем  $\varepsilon_d/\alpha + \varepsilon_a/\beta = 0$ . При этом дисперсионное соотношение и связь параметров локализации с параметрами граничных сред имеют вид

$$k^{2} = k_{0}^{2} \frac{\varepsilon_{d} \varepsilon_{a}}{\varepsilon_{a} + \varepsilon_{d}},$$
  
$$\beta_{1}^{2} = \left(\frac{\varepsilon_{a}}{\varepsilon_{d}} \alpha\right)^{2} = -k_{0}^{2} \frac{\varepsilon_{a}^{2}}{\varepsilon_{a} + \varepsilon_{d}}.$$
 (8)

В рассматриваемом случае поверхностные волны в структуре могут распространяться лишь при выполнении неравенства  $\varepsilon_a < -\varepsilon_d$ .

#### 3. Численный анализ

Сначала исследуем полученные уравнения в предельном случае очень низких температур, т.е.  $T \ll T_c$ . При этом вкладом "нормальных" электронов в ДП сверхпроводника можно пренебречь и считать входящие в дисперсионные соотношения параметры действительны-



**Рис. 1.** Частотные зависимости параметров локализации ПП  $\alpha$  (1),  $\beta$  (2) в прилегающих средах и постоянной распространения k (3) для случаев ориентации кристаллографических осей  $\psi = 0$  (a) и  $\pi/2$  (b), отвечающие области низких температур  $T \ll T_c$ .

ми величинами. Спектральные области возможного распространения ПП отвечают частотным интервалам, где величины  $\alpha(\omega)$ ,  $\beta(\omega)$ ,  $k(\omega)$  являются положительными. Выделим характерные частоты, на которых указанные параметры стремятся к бесконечности либо обращаются в нуль. Так, в случае  $\psi = 0$  на частотах

$$\omega_{\pm} = \left[\frac{B}{2A} \left(1 \pm \sqrt{1 - \frac{4A\omega_{0a}^2 \omega_{0c}^2}{B^2}}\right)\right]^{1/2}, \qquad (9)$$

где  $A = \varepsilon_{0c} \varepsilon_{0a} - \varepsilon_d^2 > 0$  и  $B = \varepsilon_{0a} \omega_{0c}^2 + \varepsilon_{0c} \omega_{0a}^2 > 0$ , параметры  $\alpha$ ,  $\beta$  и k стремятся к бесконечности. Нулями функции  $k(\omega)$  являются частоты 0,  $\omega_{c1}$  и  $\omega_{a2}$ , функции  $\alpha(\omega)$  — частоты 0 и  $\omega_{a1}$ , а для функции  $\beta_2(\omega)$  — частоты 0,  $\omega_{a1}$  и  $\omega_{c2}$ , определяемые соотношениями

6

$$\omega_{\gamma 1} = \omega_{0\gamma} / \sqrt{\varepsilon_{0\gamma}},$$
  
$$\omega_{\gamma 2} = \omega_{0\gamma} / \sqrt{\varepsilon_{0\gamma} - \varepsilon_d}, \quad \gamma = a, c.$$
(10)

В случае  $\psi = \pi/2$  частотой, где указанные параметры стремятся к бесконечности, является  $\omega_v =$  $=\omega_{0a}/\sqrt{\varepsilon_{0a}+\varepsilon_d}$ . Обращение в нуль параметров  $\alpha$ ,  $\beta$ и k имеет место при  $\omega = 0$ , а для k и при  $\omega_{a1}$ . На рис. 1 представлены частотные зависимости параметров локализации  $\alpha$ ,  $\beta$  и константы распространения k ПП (кривые 1-3 соответственно), отвечающие области низких температур ( $T \ll T_c$ ) и двум ориентациям кристаллографических осей, определяемым углами  $\psi = 0$  (a) и  $\pi/2$  (b). На вставке в увеличенном масштабе приведены частотные зависимости параметров  $\alpha$  и k вблизи частоты  $\omega_{-}$ , на которой эти параметры терпят разрыв. В расчетах использовались типичные для наиболее исследованного экспериментально высокотемпературного сверхпроводника YBa2Cu3O7-6 значения параметров:  $\varepsilon_{0\gamma} = 4.0, n = 10^{22} \text{ cm}^{-3}, \sqrt{\frac{m_c^*}{m_c^*}/m_a^*} \simeq 5.3,$ плазменные частоты  $\omega_{0a} = 5.6 \cdot 10^{15} \text{ s}^{-1}, \omega_{0c} =$  $= 1.1 \cdot 10^{15} \, \mathrm{s}^{-1}$  [10,18]. В качестве диэлектрика был выбран вакуум с  $\varepsilon_d = 1$ . При этом введенные характерные частоты принимали следующие значения:  $\omega_{a1} = 2.8 \cdot 10^{15} \,\mathrm{s}^{-1}$ ,  $\omega_{c1} = 5.5 \cdot 10^{14} \,\mathrm{s}^{-1}$ ,  $\omega_{a2} = 3.23 \cdot 10^{15} \,\mathrm{s}^{-1}$ ,  $\omega_{c2} = 6.35 \cdot 10^{14} \,\mathrm{s}^{-1}$ ,  $\omega_{-} = 5.49 \cdot 10^{14} \,\mathrm{s}^{-1}$ ,  $\omega_{+} = 2.89 \cdot 10^{15} \,\mathrm{s}^{-1}$ . В случае  $\psi = 0$  интервалами возможного распространения ПП являются частотные области  $(0, \omega_{-}), (\omega_{c2}, \omega_{a1}), (\omega_{a1}, \omega_{+})$ . В случае  $\psi = \pi/2$  распространение ПП возможно на интервале  $(0, \omega_{v})$ . Этот случай по характеру зависимостей аналогичен рассмотренному в работе [16] случаю распространения ПП на границе изотропного сверхпроводника с ДП  $\varepsilon = \varepsilon_{a}$ . Поэтому дальнейший анализ проводится для ориентации, отвечающей  $\psi = 0$ .

Рассмотрим теперь частотные зависимости параметров ПП при температурах  $T \leq T_c$ . В соответствии с (1) в этом случае компоненты тензора ДП сверхпроводящей среды являются комплексными величинами, т.е.  $\varepsilon_{\gamma} = \varepsilon'_{\gamma} - i\varepsilon''_{\gamma}$ . Поэтому константа распространения k и параметры локализации  $\alpha$  и  $\beta'_2$  в прилегающих средах также являются комплексными величинами. Частотные зависимости действительной и мнимой частей константы распространения k и действительных частей параметров локализации  $\alpha'$  и  $\beta'_2$  в каждой из сред представлены на рис. 2 и 3. Кривые 1-4 соответствуют нормативным температурам  $T/T_c = 0.1, 0.3, 0.6, 0.9$ . Видно, что увеличение температуры приводит к уменьшению амплитуды резонансных значений соответствующих величин вблизи частот  $\omega_{-}$  и  $\omega_{+}$ . Рост величин k',  $\alpha'$  и  $\beta'_{2}$  на частотных интервалах ( $\omega_{-}, \omega_{c2}$ ) и ( $\omega_{+}, \omega_{a2}$ ), отвечающий увеличению температуры, должен был бы привести к расширению интервала возможного распространения ПП. Однако в связи с резким увеличением k'' на тех же частотных интервалах с увеличением температуры будет увеличиваться и затухание ПП. Длина пробега  $l \simeq (k'')^{-1}$  и глубина проникновения поля ПП в каждой из контактирующих сред  $(\alpha')^{-1}$  и  $(\beta'_2)^{-1}$  при этом уменьшаются. Наиболее значительно температурная зависимость постоянной распространения и параметров



**Рис. 2.** Частотные зависимости действительной k' и мнимой k'' частей константы распространения ПП при  $\theta = 0.1, 0.3, 0.6, 0.9$  (кривые 1-4).



**Рис. 3.** Частотные зависимости действительных частей параметров локализации волнового вектора ПП в диэлектрике  $\alpha'$  и сверхпроводнике  $\beta'_2$  при  $\theta = 0.1, 0.3, 0.6, 0.9$  (кривые 1-4).



Рис. 4. Температурные зависимости параметров k',  $\beta'_2$  (сплошные кривые) и k'',  $\alpha'$  (штриховые кривые) для частот  $\omega_1 = 2.86 \cdot 10^{15} \,\mathrm{s}^{-1} \,(I)$ ,  $\omega_2 = \omega_+ = 2.89 \cdot 10^{15} \,\mathrm{s}^{-1} \,(2)$ ,  $\omega_3 = 2.92 \cdot 10^{15} \,\mathrm{s}^{-1} \,(3)$ .

локализации проявляется вблизи частот  $\omega_{\pm}$ , в остальной области частот температурные зависимости выражены достаточно слабо.

Рассмотрим температурные зависимости действительной и мнимой частей постоянной распространения и параметров локализации вблизи резонансной частоты  $\omega_+$ более подробно. На рис. 4 представлены соответствующие зависимости параметров k', k'' и  $\alpha'$ ,  $\beta'_2$ , полученные для трех значений частоты  $\omega_i$  (j = 1, 2, 3; кривые 1-3) в области частоты  $\omega_+$ . Параметрам k'и  $\beta'_2$  отвечают сплошные линии, а k'' и  $\alpha'$  — штриховые. Увеличение концентрации "сверхпроводящих" электронов на частоте  $\omega_2$ , которая совпадает с  $\omega_+$ , приводит к резкому увеличению значений действительной и мнимой частей постоянной распространения. На частоте  $\omega_1 < \omega_+$  уменьшение температуры приводит к уменьшению до нуля действительной части постоянной распространения, в то время как на частоте  $\omega_3 > \omega_+$ постоянная распространения незначительно возрастает. Для мнимой части постоянной распространения, напротив, температурный рост на частоте  $\omega_1$  незначителен, а на частоте  $\omega_3$  увеличение температуры приводит к увеличению мнимой части постоянной распространения. Параметры локализации ПП на частоте  $\omega_+$  в обоих средах резко возрастают. На частоте  $\omega_1$  при уменьшении температуры степень локализации α' убывает до нуля, в то время как на частоте  $\omega_3$  величина  $\alpha'$ незначительно возрастает. Температурная зависимость параметров локализации в сверхпроводнике аналогична зависимости для диэлектрика, но с тем лишь отличием, что степень локализации ПП в сверхпроводнике больше. При температурах  $T \ge T_c$  плазма носителей становится однокомпонентной с "нормальными" электронами, поэтому она аналогична по своим свойствам поверхностным плазмонам для "нормального" металла [2,3]. На представленных зависимостях это проявляется в отсутствии температурной зависимости при  $T \geq T_c$ . Как следует из анализа представленных зависимостей, характеристики ПП существенным образом зависят от температуры и частоты. Для геометрии, отвечающей ориентации кристаллографических осей при  $\psi = \pi/2$ , аналогичный проведенному в настоящей работе анализ содержится в [16], если считать  $\varepsilon = \varepsilon_a$ .

# 4. Поля и энергетические характеристики

Амплитуды компонент электрического поля ПП в каждой из сред могут быть записаны следующим образом:

$$E_{xj} = \frac{\alpha_j H_y}{k_0 \varepsilon_j} \exp\left[(-1)^j \left(\frac{i\pi}{2} + \alpha_j z\right)\right],$$
$$E_{zj} = \frac{k H_y}{k_0 \varepsilon_j} \exp[(-1)^j \alpha_j z], \tag{11}$$

где  $\varepsilon_2 = \varepsilon_a$  в выражении для *x*-компоненты поля; для *z*-компоненты  $\varepsilon_2 = \varepsilon_c$  при  $\psi = 0$  и  $\varepsilon_2 = \varepsilon_a$  при  $\psi = \pi/2$ . В приведенных выражениях принято обозначение  $\alpha_1 = \alpha$ , а  $\alpha_2 = \beta_2$  при  $\psi = 0$  и  $\alpha_2 = \beta_1$  при  $\psi = \pi/2$ . С учетом (11) отношение компонент электрического поля ПП в каждой из сред имеет вид

$$\left(\frac{E_z}{E_x}\right) = \begin{cases} (k/\alpha_1) \exp(-i\pi/2), & z \ge 0\\ (\xi k/\alpha_2) \exp(i\pi/2), & z \le 0, \end{cases}$$
(12)

где  $\xi = \varepsilon_a/\varepsilon_c$  при  $\psi = 0$  и  $\varepsilon = 1$  при  $\psi = \pi/2$  соответственно. Следовательно, в случае  $T \ll T_c$  и действительных параметров k и  $\alpha_j$  в каждой из сред между компонентами поля  $E_x$  и  $E_z$  имеет место фазовый сдвиг, равный  $\pm \pi/2$ . Поэтому поляризация электрического поля в ПП является эллиптической. Конец вектора **E** описывает лежащий в плоскости xz эллипс, главные полуоси которого в каждой из сред определяются выражением

$$A_j = \frac{\alpha_j}{k} B_j = \frac{2\alpha_j H_y}{k_0 |\varepsilon_j|} \exp[(-1)^j \alpha_j z].$$
(13)

Из (13) следует, что в сверхпроводящей среде направление вращения вектора E определяется знаком параметра  $\varepsilon$ . При  $\varepsilon < 0$  направление вращения противоположно направлению вращения часовой стрелки, а при  $\xi > 0$  совпадает с ним. В прилегающей изотропной среде направление вращения вектора E во всех случаях происходит против часовой стрелки.

Проведем теперь анализ распределения компонент потока энергии, переносимой ПП. Усредненная по времени плотность потока в каждой из сред определяется вектором  $\mathbf{S} = (c/8\pi) \operatorname{Re}[\mathbf{E}, \mathbf{H}^*]$ . Наличие продольной компоненты поля  $E_{xj}$  приводит к появлению двух составляющих плотности потока — продольной и поперечной поверхности раздела сред. Для продольной компоненты потока с учетом выражения для полей в каждом из рассмотренных случаев получаем

$$S_{x} = \frac{cH_{y}^{2}}{8\pi k_{0}^{2}} \exp(-2k''x) \times \begin{cases} k' \exp(-2\alpha'_{1}z)/\varepsilon_{d}, & z \ge 0, \\ (k'\varepsilon'_{2} + k''\varepsilon''_{2}) \exp(2\alpha'_{2}z)/|\varepsilon_{2}|^{2}, & z \le 0, \end{cases}$$
(14)

где значение  $\varepsilon_2 = \varepsilon_a$  как при  $\psi = 0$ , так и при  $\psi = \pi/2$ . Соответственно для поперечной компоненты имеет место выражение

$$S_{z} = \frac{cH_{y}^{2}}{8\pi k_{0}^{2}} \exp(-2k''x)$$

$$\times \begin{cases} \alpha_{1}'' \exp(-2\alpha_{1}'z)/\varepsilon_{d}, & z \ge 0, \\ (\alpha_{2}'\varepsilon_{2}'' - \alpha_{2}''\varepsilon_{2}') \exp(2\alpha_{2}'z)/|\varepsilon_{2}|^{2}, & z \le 0, \end{cases}$$
(15)

где  $\varepsilon_2 = \varepsilon_c$  при  $\psi = 0$  и  $\varepsilon_2 = \varepsilon_a$  при  $\psi = \pi/2$ . При  $T \ll T_c$ , когда параметры  $\varepsilon_2$ , k и  $\alpha_i$  можно считать

действительными величинами, компонента  $S_z = 0$ . Для продольной компоненты плотности потока в этом случае возможна отрицательность ( $S_x < 0$ ) при  $\varepsilon_2 < 0$  в области z < 0, т.е. направленность против групповой скорости ПП в сверхпроводнике, однако полный поток при этом остается положительным. В общем случае для слагаемых потока  $Q_x$  в диэлектрике и сверхпроводнике с учетом (11) получаем

$$Q_x = \frac{cH_y^2}{16\pi k_0} \exp(-2k''x)$$

$$\times \begin{cases} k'/\varepsilon_d \alpha'_1, & z \ge 0, \\ (k'\varepsilon'_2 + k''\varepsilon''_2)/|\varepsilon_2|^2\alpha'_2, & z \le 0. \end{cases}$$
(16)

Из полученных соотношений следует, что продольная и поперечная компоненты потока убывают как при удалении от границы раздела сред, так и вдоль поверхности по мере увеличения проходимого ПП расстояния. Приведенные выше энергетические характеристики убывают экспоненциально с проходимым ПП расстоянием, поэтому величину  $(2k'')^{-1}$  можно считать его "энергетической" длиной пробега. Увеличение затухания энергетических характеристик или соответственно уменьшение длины пробега ПП резко увеличивается вблизи частот  $\omega_{\pm}$  и уменьшается при приближении к  $\omega_{a2}$ .

Проведенный анализ показывает, что характеристики ПП, распространяющегося вдоль границы раздела анизотропного сверхпроводника с изотропным диэлектриком, существенным образом зависят от температуры, частоты и материальных параметров контактирующих сред, а также ориентации кристаллографических осей. Это делает метод исследования ВТСП с помощью ПП удобным для выявления особенностей не только оптических характеристик ПП, но и поведения системы электронов в сверхпроводнике, что позволяет получать дополнительную информацию о "сверхпроводящих" электронах и судить о справедливости той или иной модели высокотемпературной сверхпроводимости. Наличие частотных и температурных интервалов, на которых затухание ПП мало, свидетельствует о возможности использования анизотропного сверхпроводника в качестве управляемой волноведущей среды.

## Список литературы

- [1] Л.Д. Ландау, Е.М. Лифшиц. Электродинамика сплошных сред. Наука, М. (1982). 425 с.
- [2] Поверхностные поляритоны / Под ред. В.М. Аграновича, Д.Л. Милса. Наука, М. (1985). 525 с.
- [3] Н.Л. Дмитрук, В.Г. Литовченко, В.Л. Стрижевский. Поверхностные поляритоны в полупроводниках и диэлектриках. Наукова думка, Киев. (1989). 375 с.
- [4] Н.Н. Ахмедзиев ЖЭТФ 84, 1907 (1983).
- [5] М.И. Дьяконов ЖЭТФ **94**, 119 (1988).

- [6] М.И. Каганов, Н.Б. Пустыльник, Т.И. Шалаева УФН 167, 191 (1997).
- [7] С.В. Борисов, Н.Н. Дадоенкова, И.Л. Любчанский. Оптика и спектроскопия 76, 432 (1994).
- [8] В.И. Альшиц, В.Н. Любимов ФТТ 44, 371 (2002).
- [9] T. Bade, P.G. McCafferty, C. Rea, P. Dawson, R.J. Wallace, R.M. Bowman, D.G. Walmsley, J.H. Clark. Physica C 271, 298 (1996).
- [10] G.F. Cairns, P. Dawson, G.A. Farnan, M.P. McCurry, S. O'Prey. Physica C 340, 1 (2000).
- [11] A.C. Sharma, K.N. Vyas. Physica C 351, 145 (2001).
- [12] Ch. Helm, L.N. Bulaevskii. Phys. Rev. B 66, 094 514 (2002).
- [13] В.В. Шмидт. Введение в физику сверхпроводников. МЦНМО, М. (2000). 402 с.
- [14] В.В. Штыков. Радиотехника и электроника **42**, 1276 (1997).
- [15] А.А. Семенов, С.Ф. Карманенко, А.А. Мелков и др. ЖТФ 71, 13 (2001).
- [16] Н.А. Грачева, Д.И. Семенцов. Оптика и спектроскопия 97, 658 (2004).
- [17] G.A. Farnan, G.F. Cairns, P. Dawson, S.M. O'Prey, M.P. McCurry, D.G. Walmsley. Physica C 403, 67 (2004).
- [18] Ю.М. Гуфан, И.Г. Левченко, Е.Г. Рудашевский. ФТТ 41, 1552 (1999).