

## ТЕМПЕРАТУРНАЯ ЗАВИСИМОСТЬ НАПРЯЖЕНИЯ ЛАВИННОГО ПРОБОЯ $p$ - $n$ -ПЕРЕХОДОВ С ГЛУБОКИМИ УРОВНЯМИ РЕЖИМ РЕЛАКСАЦИОННОЙ ЗАДЕРЖКИ ПРОБОЯ

Кюреган А. С., Шлыгин П. Н.

Проведены теоретическое и экспериментальное исследования эффекта релаксационной задержки пробоя асимметричных  $p^+$ - $n$ -переходов с глубокими уровнями. Получены аналитические соотношения между концентрацией глубоких уровней  $N_t$ , временем задержки  $t_d$  и напряжением  $U_b$  пробоя для случая скачкообразного увеличения напряжения, учитывающие полевую зависимость скорости эмиссии  $a_n$  электронов с глубоких уровней. Указана возможность определения зависимости  $a_n$  от температуры  $T$  в слабом поле при больших  $N_t$  на основе результатов измерения  $t_d$  при произвольном монотонном увеличении напряжения смещения.

На экспериментальных зависимостях  $U_b(T)$ , полученных в режиме релаксационной задержки пробоя кремниевых  $p^+$ - $n$ -переходов, легированных серой, обнаружены две аномалии при 77—120 и 150—230 К. Эти аномалии вызваны перезарядкой двух уровней серы, известных из литературы. Количественный анализ зависимостей  $U_b(T)$  в области высокотемпературной аномалии, проведенный на основе полученных в работе формул с учетом эффекта Френкеля—Пула, дал экспоненциальную зависимость  $a_n(T)$  с энергией активации  $\epsilon_i = 0.354$  эВ, прекрасно согласующейся с опубликованными данными емкостной спектроскопии.

*Введение.* Обычно [1] напряжение лавинного пробоя  $p$ - $n$ -переходов  $U_b$  монотонно уменьшается при охлаждении с почти постоянным температурным коэффициентом  $\beta_r \approx 10^{-3}$  град $^{-1}$ . Однако при исследовании диодов, изготовленных из Si [2-9], GaAs [10-12] и SiC [12, 13], неоднократно наблюдались аномалии измеренных в различных режимах зависимостей  $U_b(T)$ , заключающиеся в резком уменьшении или даже смене знака  $\beta_r$ . В большинстве случаев аномалии вызваны перезарядкой глубоких уровней (ГУ) в области пространственного заряда (ОПЗ)  $p$ - $n$ -переходов. Практическое применение этого эффекта (например, для идентификации примесей или точечных дефектов, часто вызывающих [6, 7] резкое снижение  $U_b$  высоковольтных  $p$ - $n$ -переходов) возможно только на основе достаточно точной количественной теории, которая должна либо учитывать полевую зависимость скорости перезарядки,<sup>1</sup> либо описывать режим измерения, обеспечивающий перезарядку только в слабых полях. Однако опубликованные до сих пор работы учитывали это обстоятельство неправильно [2, 14] или вовсе не учитывали [8, 15], поэтому их нельзя использовать для количественного анализа экспериментов. Решению этой задачи для режима релаксационной задержки пробоя [1-3] и проверке теории на примере кремниевых  $p$ - $n$ -переходов, легированных серой, посвящена настоящая работа.

### 1. Теория

Рассмотрим для определенности асимметричный  $p^+$ - $n$ -переход,  $n$ -слой которого однородно легирован мелкими и глубокими донорами с концентрациями  $N_d$  и  $N_t$  соответственно. Пусть ГУ расположены выше середины запрещенной зоны на расстоянии  $\epsilon_i$  от дна зоны проводимости, так что  $(\epsilon_g/2 - \epsilon_i) \gg$

<sup>1</sup> Это требование вызвано тем, что перезарядка ГУ, влияющая на зависимость  $U_b(T)$  обычно происходит в полях порядка пробивных, очень сильно влияющих на скорость эмиссии носителей заряда с ГУ.

$\gg kT$ . Тогда через достаточно большое время  $t_0$  после подачи на прибор отрицательного смещения  $U_0$  глубокие доноры в ОПЗ будут свободны от электронов и заряжены положительно, а за пределами ОПЗ — заполнены электронами и нейтральны.<sup>2</sup> Такому распределению плотности заряженных доноров ( $N_d + N_i$  при  $x < w_0$  и  $N_d$  при  $x > w_0$ , где  $w_0$  — граница ОПЗ в  $n$ -слое) соответствует напряжение пробоя  $U_{b0}$ . При скачкообразном увеличении напряжения от  $U_0$  до  $U_1 < U_{b0}$  граница ОПЗ сдвинется на величину  $(w_1 - w_0)$  (рис. 1, а) и с очутившихся в ОПЗ заполненных ГУ начнется эмиссия электронов. При этом средняя плотность объемного заряда будет увеличиваться, а напряжение пробоя будет уменьшаться от  $U_{b0}$  до  $U_{b\infty}$  — величины, соответствующей плотности доноров ( $N_d + N_i$ ) во всей ОПЗ (рис. 1, б). Если  $U_1 > U_{b\infty}$ , то в некоторый момент времени  $t_b$  напряжение пробоя уменьшится до величины  $U_1$  и  $p$ - $n$ -переход немедленно пробьется, коль скоро время статистической задержки [1] пренебрежимо мало. Это явление, впервые обнаруженное в работе [2], называется релаксационной задержкой пробоя. Для решения сформулированной во Введении задачи необходимо найти связь между измеряемыми величинами  $U_0, U_1, U_{b0}, U_{b\infty}, t_b$  и параметрами ГУ.

Будем считать, что напряжение  $U_0$  достаточно велико, чтобы соответствующая ему толщина ОПЗ  $w_0$  была больше толщины слоя эффективного

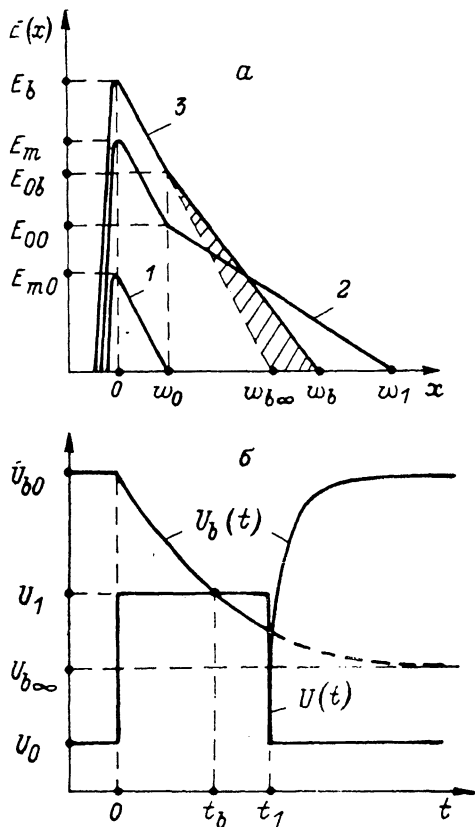


Рис. 1. Распределение напряженности электрического поля в ОПЗ (а) при  $t < 0$  (1),  $t = 0$  (2),  $t = t_b$  (3) и эюры напряжений и пробоя (б) при релаксационной задержке пробоя  $p$ - $n$ -перехода с глубокими уровнями.

умножения  $w_0$  при пробое. Это не слишком жесткое требование [оно выполняется при  $U_0 > U_{b\infty} E_b^2 / \bar{E}^2 \approx (0.1 - 0.01) U_{b\infty}$ , где  $\bar{E}$  — показатель экспоненты в зависимости наибольшего коэффициента ударной ионизации от напряженности поля  $\alpha(E) = \bar{\alpha} \exp(-\bar{E}/E)$ ] сильно упрощает задачу, поскольку обеспечивает неизменность распределения поля  $E(x)$  в области  $x < w_0$  при пробое для любой степени заполнения ГУ вне этой области. Нетрудно видеть, что при этом величина  $[U_1(t_b) - U_{b\infty}]$  равна площади заштрихованной области на рис. 1, а, поэтому

$$U_b = U_1(t_b) = \frac{\alpha}{2qN} \left[ \int_0^{E_{0b}} \frac{E dE}{1 - N_i f_i / N} - \frac{E_{0b}^2}{2} \right] + U_{b\infty}, \quad (1)$$

где  $N = N_d + N_i$ , а  $f_i$  — функция заполнения ГУ в момент времени  $t_b$ , равная

$$f_i(x, t_b) = \exp \left\{ - \int_0^{t_b} a_n [E(x, t)] dt \right\}. \quad (2)$$

<sup>2</sup> В действительности граница между заряженными и нейтральными ГУ размыта на величину порядка  $\sqrt{2kT\epsilon/k/qN_d}$  и расположена не при  $x = w_0$ , а в плоскости  $x = w_0 - \sqrt{2\epsilon k/qN_d}$  ( $q$  — заряд электрона,  $\epsilon$  — диэлектрическая проницаемость). Соответствующая поправка тривиально вносится в полученные далее формулы, однако она очень мала, и для упрощения изложения мы будем ею пренебрегать.

Если концентрация ГУ велика, то измеримую величину  $(U_{b0} - U_{b\infty})$  можно получить даже при  $(U_{b\infty} - U_0) \ll U_{b\infty}$ , когда  $E_{0b}$  настолько мало, что полевой зависимостью скорости эмиссии  $a_n$  можно пренебречь. Тогда  $f_t$  не зависит от координаты и равна

$$f_t = \exp(-a_n^0 t_b), \quad (3)$$

где  $a_n^0$  — равновесное значение скорости эмиссии. Подставляя (3) в (1) и учитывая, что вследствие равенства  $f_t(x, 0) = 1$

$$U_{b0} = U_{b\infty} + \frac{E_{0b}^2 x}{2q} \left( \frac{1}{N - N_t} - \frac{1}{N} \right), \quad (4)$$

получим простую формулу, связывающую напряжение пробоя  $U_b$  с временем релаксационной задержки  $t_b$ :

$$U_b = U_{b\infty} + (U_{b0} - U_{b\infty}) \frac{N - N_t}{N \exp(a_n^0 t_b) - N_t}. \quad (5)$$

Формулы (4), (5) верны и для диффузионного  $p$ - $n$ -перехода, если концентрация мелких акцепторов  $N_a$  при  $x > w_0$  пренебрежимо мала. Однако при этом для вычисления  $N_t$  из результатов измерений необходимо знать профиль диффузии. В резко асимметричных ступенчатых  $p$ - $n$ -переходах

$$\frac{E_{vb}}{E_b} = \frac{w_{b\infty} - w_0}{w_{b\infty}} = 1 - \sqrt{\frac{U_0}{U_{b\infty}}}, \quad (6)$$

поэтому из (4) следует, что

$$N_t = N_d \frac{U_{b0} - U_{b\infty}}{(\sqrt{U_{b0}} - \sqrt{U_0})^2} = N \frac{U_{b0} - U_{b\infty}}{U_{b0} + U_0 - \sqrt{U_{b\infty} U_0}}. \quad (7)$$

Если  $U_0$  значительно меньше  $U_{b\infty}$ , то максимальная напряженность поля в той части ОПЗ, где происходит перезарядка ГУ, соизмерима с  $E_b$ , и учет полевой зависимости  $a_n(E)$  совершенно необходим. Однако такой режим измерений неизбежен только при малой концентрации ГУ ( $N_t \ll N$ ), когда напряженность поля в области  $w_0 < x < w_b$  слабо изменяется со временем. Поэтому в первом приближении можно пренебречь зависимостью  $a_n$  в каждой точке ОПЗ от времени, сохранив зависимость от поля, т. е. использовать для  $f_t$  формулу (3), заменив  $a_n^0$  на  $a_n(E) = a_n^0 \varphi(E)$ . Дальнейшие расчеты зависят от конкретного вида функции  $\varphi(E)$ . Мы используем зависимость

$$\varphi(E) = \exp(E/E_f)^v, \quad (8)$$

которая описывает эффект Френкеля—Пула при эмиссии с притягивающего центра и термополевую эмиссию с нейтрального центра. В первом случае, как известно,

$$v = \frac{1}{2}, \quad E_f = \frac{\pi x}{qZ} \left( \frac{kT}{q} \right)^2,$$

где  $qZ$  — заряд центра, а во втором, согласно [16],

$$v = 2, \quad E_f = \frac{\sqrt{24m}}{q\hbar} \left( \frac{1}{kT} + \frac{\ln c_t}{\hbar\omega} \right)^{-3/2},$$

где  $m$  — эффективная масса,  $\hbar\omega$  — энергия фонона, а постоянная  $c_t \gg 1$  определяется константой электрон-фононного взаимодействия. Подстановка (8) в (1) дает

$$U_b = U_{b\infty} + (U_{b0} - U_{b\infty}) \Phi_v[\varphi(E_{0b}), a_n^0 t_b], \quad (9)$$

$$\Phi_v(x, y) = \frac{2}{v} (\ln x)^{-2/v} \int_1^x e^{-yz} (\ln z)^{2/v-1} \frac{dz}{z}. \quad (10)$$

Простые формулы для  $\Phi_v(x, y)$  можно получить в предельных случаях. Если  $x \rightarrow 1$  (т. е. полевые эффекты пренебрежимо малы), то  $\Phi_v \simeq e^{-y}$  и (9) совпадает с (5) при  $N_t \ll N$ . Если  $xy \ll 1$ , то

$$\Phi_{1/2} \approx 1 - 4y \frac{6 + x(\ln^3 x - 3 \ln^2 x + 6 \ln x - 6)}{\ln^4 x},$$

$$\Phi_2 \approx 1 - y \frac{x-1}{\ln x}.$$

Этот случай соответствует низким температурам, когда за время  $t_b$  ГУ не успевают опустошиться, поэтому  $\Phi_v \rightarrow 1$  и  $U_b \rightarrow U_{b0}$ . При высоких температурах, когда  $y \gg 1$  и за время  $t_b$  почти все ГУ опустошаются,

$$\Phi_v \approx \frac{2}{v} \Gamma\left(\frac{2}{v}\right) (y \ln x)^{-2/v} e^{-y} \rightarrow 0$$

и  $U_b \rightarrow U_{b\infty}$ . Наконец, если  $y \ll 1 \ll xy$ , то

$$\Phi_v \approx (-\ln cy / \ln x)^{2/v}, \quad (11)$$

где  $c=1.781$  — постоянная Эйлера.

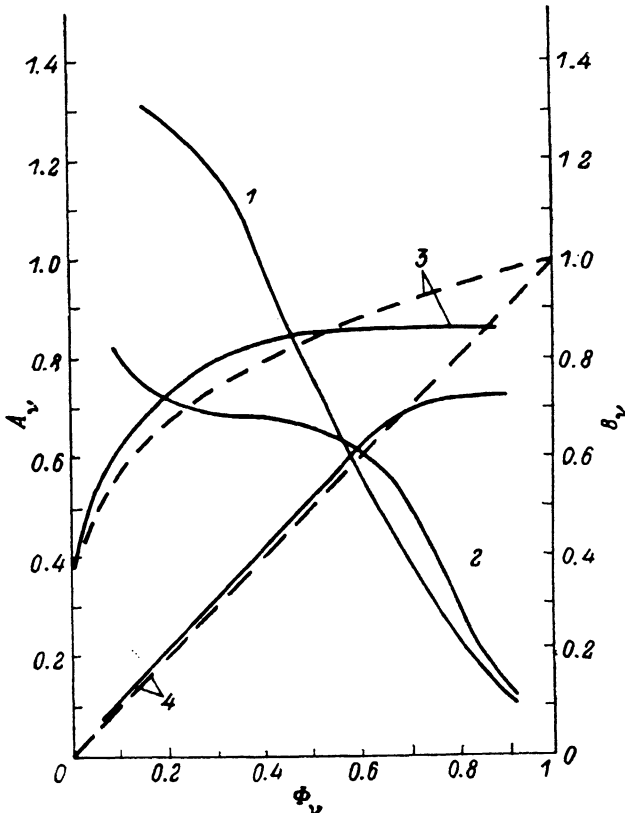


Рис. 2. Зависимости величин  $A_v$  (1, 2) и  $B_v$  (3, 4) из формулы (12) от  $\Phi_v$ , вычисленных для значений  $x=10-10^7$  при  $v=1/2$  (1, 3) и 2 (2, 4).

Для определения параметров ГУ необходимо решить уравнение (9) относительно  $a_n^0$  или, что то же самое, уравнение (10) относительно  $y$ . Как будет видно из дальнейшего, это удобнее всего делать при постоянных значениях  $\Phi_v$ , близких к  $1/2$ , когда ни один из предельных случаев не реализуется. К счастью, оказалось, что степенная зависимость вида

$$y = A_v \Phi_v^{-B_v}, \quad (12)$$

следующая из (11), очень хорошо аппроксимирует результаты численного интегрирования (10) даже при  $xy \leq 1$ . При этом показатель степени  $B_v \approx \Phi_v^{1/2}$  в соответствии с (11), но множитель  $A_v$  не равен  $1/c$ , а зависит от  $\Phi_v$ , как изображено на рис. 2.

Формулы (5), (7), (9), (12) полностью решают задачу о релаксационной поддержке пробоя для случая строго прямоугольного импульса напряжения, который на практике трудно сформировать. Однако на самом деле требования к форме импульса не очень жесткие. Действительно, формулы (5), (7) (случай слабого поля) основаны на единственном допущении о том, что толщина ОПЗ  $w_1$  не увеличивается со временем. Только в этом случае все ГУ, находящиеся в области  $w_0 < x$  в момент пробоя, перезаряжаются одинаковое время. Поэтому, в принципе, уменьшение напряжения при  $t > 0$  допустимо, но, разумеется, оно должно быть медленнее, чем уменьшение  $U_b(t)$ . Более того, поскольку в процессе эмиссии электронов с ГУ плотность объемного заряда увеличивается, доступ и рост напряжения при  $t > 0$ , который, однако, должен быть достаточно медленным, чтобы  $w_1$  не увеличивался. Например, если на вершине импульса напряжение возрастает линейно со временем, то в резко асимметричных  $p^+ - n$ -переходах это условие будет выполнено, когда приращение напряжения за время  $t_b$

$$\Delta U_1 \leq a_n^0 t_b \frac{(U_b - U_0)(U_b - U_{b\infty})}{(\sqrt{U_{b0}} - \sqrt{U_0})^2}.$$

Для более точной регистрации момента пробоя желательно (рис. 1, б), чтобы кривые  $U_b(t)$  и  $U_1(t)$  пересекались под возможно большим углом. Поэтому может оказаться удобным использовать импульс быстро нарастающего напряжения, когда это неравенство не выполняется. Для этого случая нетрудно получить частичное решение задачи, если  $E_{0b} < E_r$ , и можно пренебречь полевой зависимостью  $a_n$ . Пусть при  $t > 0$  напряжение на  $p - n$ -переходе увеличивается по закону  $U^n(t) = U_0 + V_0 \psi_u(t)$ , а максимальное поле  $E_m$  и толщина ОПЗ  $w$  — по законам  $E_m(t) = E_{m0} [1 + \psi_E(t)]$  и  $w(t) = w_0 [1 + \psi_w(t)]$ , где  $\psi_u$ ,  $\psi_E$  и  $\psi_w$  — произвольные, монотонно возрастающие функции, равные 0 при  $t=0$ . Нетрудно показать, что в резко асимметричном  $p^+ - n$ -переходе с однозарядными ГУ они связаны дифференциальными уравнениями

$$\left(1 - \frac{N_f}{N}\right) \frac{d\psi_w}{d\tau} + \psi_w = \psi_E + \frac{d\psi_E}{d\tau}, \quad (13)$$

$$\left(1 - \frac{N_f}{N}\right) \frac{d}{d\tau} (1 + \psi_w)^2 + (1 + \psi_w)^2 = 1 + \frac{V_0}{U_0} \left(\psi_u + \frac{d\psi_u}{d\tau}\right),$$

где  $\tau = a_n^0 t$ . Не ограничивая общности, предположим, что пробой наступает в момент времени  $t_b$  при  $\psi_u = 1$ . Учтем, что при пробое должно быть выполнено равенство

$$\psi_E(t_b) = \frac{E_b - E_{m0}}{E_{m0}} = \sqrt{\frac{U_{b\infty}}{U_0}} - 1. \quad (14)$$

Если, измеряя время задержки пробоя при различных температурах, зафиксировать отношения  $U_0/U_{b\infty}$  и  $V_0/U_0$ , то равенство (14) будет выполнено при одном и том же значении  $\tau_b$ , так как ни уравнения (13), ни начальные условия не содержат изменяющихся величин. Таким образом, можно получить экспериментально температурную зависимость скорости эмиссии в виде  $a_n^0(T) = \text{const } t_b^{-1}(T)$  для любой (в частности, синусоидальной), но неизменной формы импульса, хотя величина коэффициента пропорциональности, зависящего от отношений  $N_f/N$ ,  $V_0/U_0$  и  $U_0/U_{b\infty}$ , останется неизвестной. Для ее вычисления необходимо решить уравнения (13), что выходит за рамки настоящей работы.

В заключение этого раздела необходимо сделать замечание методического характера. После пробоя появляются еще два механизма перезарядки ГУ, кроме термополевой эмиссии: ударная ионизация ГУ электронами, пересекающими  $n$ -слой, и их захват на ГУ [15]. Первый механизм приведет к тому, что даже при низких температурах, когда  $a_n(E_{0b}) t_b \ll 1$ , ГУ в области  $x > w_0$  начнут сравнительно быстро опустошаться после пробоя, вследствие чего  $U_i$  будет уменьшаться со временем намного быстрее, чем до пробоя, вызывая лавнообразный рост тока. Другими словами, на динамической ВАХ появится участок отрицательного сопротивления, наблюдавшийся ранее в [6]. Захват электронов на ГУ приведет к тому, что к моменту появления следующего импульса

напряжения плотность объемного заряда в области  $x < w_0$  будет меньше  $qN$ , а напряжение пробоя — заметно больше  $U_{b0}$ , если частота следования импульсов  $f_n \geq a_n (E_{0b})$ . Когда релаксационная задержка пробоя связана с перезарядкой самого глубокого уровня, этот эффект легко исключить, выбирая  $f_n \ll t_1 \sim \sim t_b \sim a_n^{-1}$ . Однако при низких температурах, когда «работает» относительно мелкий уровень, заполнения более глубокого уровня избежать практически невозможно из-за экспоненциального уменьшения  $a_n$ . Для оценки величины этого эффекта можно измерить зависимость от температуры напряжения  $U_j$ , обеспечивающего протекание постоянного тока пробоя  $J$ , примерно равного среднему току, проходящему через прибор при измерении релаксационной задержки. Наличие аномалии на кривой  $U_j(T)$  при некоторой температуре  $T_a$  [4, 5, 15] будет свидетельствовать о том, что при  $T \leq T_a$  эффект заполнения ГВ импульсами лавинного тока существенно искажает результаты измерений.

## 2. Эксперимент

Для экспериментальных исследований зависимости  $U_b(T)$  в режиме релаксационной задержки пробоя были изготовлены образцы меза-диодов диаметром  $\sim 4$  мм на основе кремниевых эпитаксиальных  $n-p^+$ -структур с удельными сопротивлениями пленки  $\rho_n = 0.7-1.0$  и подложки  $\rho_p = 0.01$  Ом·см. Для создания омического контакта в  $n$ -слой проводилась диффузия фосфора на глубину  $\sim 5$  мкм. При этом происходила разгонка бора из подложки почти на такую же глубину, однако  $p-n$ -переход оставался резко асимметричным. Легирование серой проводилось до вытравливания меза-диодов путем диффузии из локальных поверхностных источников диаметром  $\sim 2$  мм при  $1150^\circ\text{C}$  в течение  $t_\tau = 15$  мин. Так как коэффициент диффузии серы  $D \simeq 10^{-8}$  см<sup>2</sup>/с при  $1150^\circ\text{C}$ , величина  $\sqrt{Dt_\tau} \simeq 90$  мкм и много больше  $w_b \simeq 3$  мкм, поэтому ОПЗ была практически однородно легирована серой в пределах источника диффузии. Боковая поверхность меза-диодов защищалась компаундом КЛТ-30. Пробой образцов происходил в объеме при напряжениях 60—80 В.

В процессе измерений  $U_b$  на образцы подавалось регулируемое постоянное смещение  $U_0$  и почти прямоугольные импульсы напряжения с постоянной амплитудой  $\Delta = U_b - U_0$ , частотой следования 10 Гц и длительностью  $t_1$ , превышающей  $t_b$  на  $\sim 10-20\%$ . Время статистической задержки не превышало 1 мкс даже при низких температурах без подсветки, вероятно, вследствие значительной величины туннельного тока. Зависимость тока пробоя от времени регистрировалась с помощью осциллографа, причем наблюдались три различные картины. В области больших  $T$  измеримой задержки пробоя не было, и о начале пробоя при  $U_1 = U_{b\infty}$  свидетельствовало появление характерных импульсов микроплазменного шума [1], параметры которого не изменялись за время  $t_1$  (область  $H_1$  на рис. 3). С понижением  $T$  появлялась задержка пробоя, т. е. ток пробоя возникал только при  $t > t_b$ , как описано в [2, 3] (область  $A_1$ ). Дальнейшее понижение  $T$  приводило к исчезновению задержки пробоя, который наступал только при  $U_1 = U_{b\infty}$ . В этой области температур микроплазменный шум отсутствовал, а ток пробоя возрастал со временем вплоть до окончания импульса напряжения (область  $H_2$ ). Наконец, при еще большем охлаждении образцов наблюдалась вторая, низкотемпературная область ( $A_2$ ) существования релаксационной задержки.

Образцы охлаждались от 300 до 77 К со скоростью 5—20 К/мин. При этом напряжение  $U_0$  подавалось на ось  $Y$  двухкоординатного самописца и регулировалось таким образом, чтобы в областях  $A_1$  и  $A_2$  величина  $t_b$  была постоянной с точностью  $\Delta t_b \simeq 10-50\%$ , а в областях  $H_1$  и  $H_2$  начинали появляться импульсы тока пробоя. Одновременно на ось  $X$  самописца подавалось напряжение  $V_\tau$  с медь-константановой термопары, измеряющей температуру образца. Таким образом производилась полуавтоматическая запись зависимостей  $U_0(V_\tau)$  при  $\Delta = \text{const}$ , которые затем пересчитывались в зависимости  $U_b(T)$ . Описанная процедура обеспечивала точность измерения  $U_{b0}$  и  $U_{b\infty}$  порядка 0.2%. Наименьшей неопределенности  $\Delta t_b \simeq 10\%$  удавалось достигнуть в середине областей  $A_1$  и  $A_2$ , где  $U_b \simeq (U_{b0} + U_{b\infty})/2$  и  $t_b$  слабее всего зависит от  $U_0$  и  $\Delta$ .

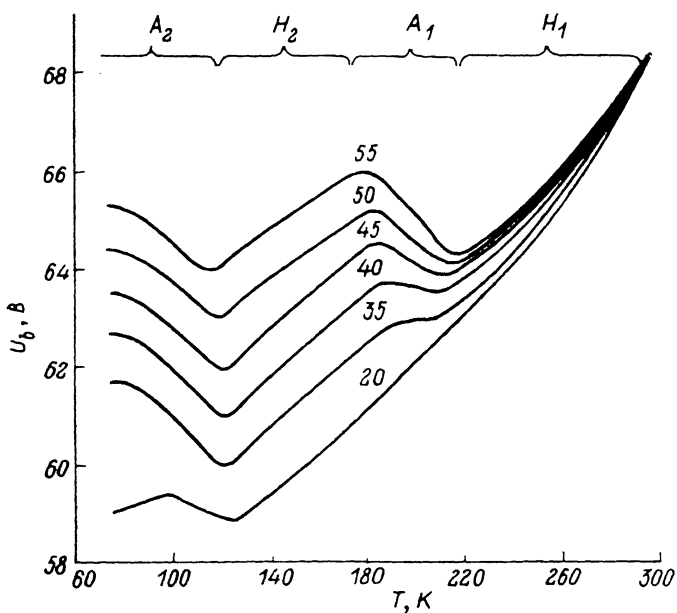


Рис. 3. Зависимости  $U_b(T)$  кремниевого  $p^+-n$ -перехода с серой при времени релаксационной задержки  $t_b=12$  мкс.

Цифры у кривых — амплитуда импульса напряжения  $\Delta=(U_b-U_0)$  (в В).

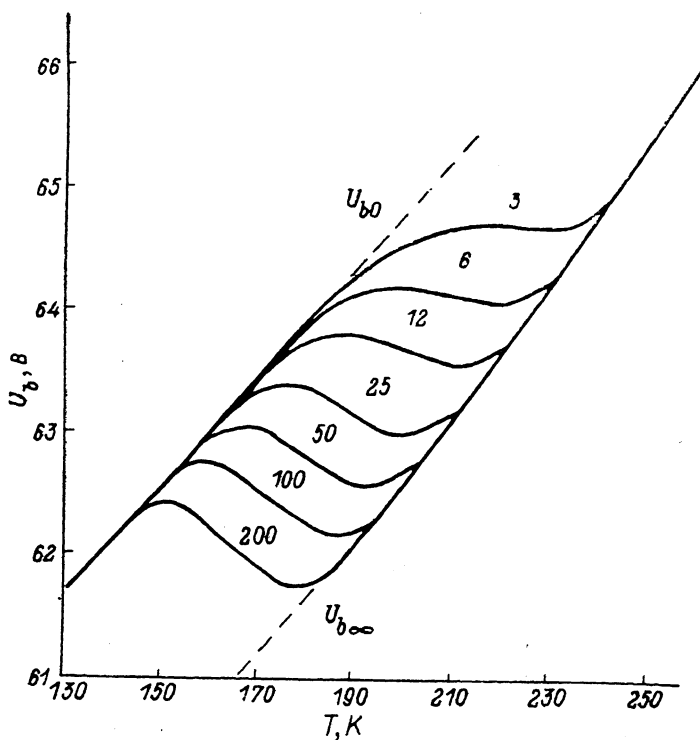


Рис. 4. Зависимости  $U_b(T)$  кремниевого  $p^+-n$ -перехода с серой при  $\Delta=U_b-U_0=40$  В. Цифры у кривых — время релаксационной задержки  $t_b$  (в мкс).

Типичные зависимости  $U_b(T)$  изображены на рис. 3. 4. Как видно, существуют две области температур с аномально низкими и даже отрицательными значениями  $\beta_{\tau}$ , в которых и наблюдалась релаксационная задержка пробоя. Разность  $(U_{b0} - U_{b\infty})$ , как и следовало ожидать, увеличивается с ростом амплитуды импульса, а область аномалии сдвигается в низкие температуры при увеличении  $t_i$ . Концентрация уровня  $N_{i1}$ , вызывающая высокотемпературную аномалию, была вычислена по формуле (7) и оказалась равной  $(0.85 \pm 0.15) \cdot 10^{15} \text{ см}^{-3}$  при всех  $\Delta$ . Оценка концентрации более мелкого уровня дала величину, примерно в 2 раза большую. Однако измерения зависимостей  $U_b(T)$  показали, что захват электронов при протекании импульсов лавинного тока (см. конец раздела 4) существенно искажает результаты в области  $T \leq 130 \text{ К}$ . Поэтому количественная обработка кривых  $U_b(T)$  с целью определения скорости эмиссии  $a_n^0(T)$  возможна только при больших температурах. Это и было проделано с использованием формул (9), (12) и рис. 2 для серии зависимостей  $U_b(T)$ , изображенных на рис. 4. Применимость теории обеспечивалась неравенствами  $N_{i1} \ll N$  и  $U_0 \gg 20 > U_{b\infty}$   $E_b^2/\bar{E}^2 \approx 0.1 U_{b\infty} \approx 6 \text{ В}$  (величины  $N = 6.5 \cdot 10^{15} \text{ см}^{-3}$  и  $E_b = 4 \cdot 10^5 \text{ В/см}$  оценивались по значению  $U_b(300 \text{ К})$ ; величина  $\bar{E} = 1.2 \cdot 10^6 \text{ В/см}$  для Si [1]). Ошибка определения  $a_n^0$ , очевидно, близка к неопределенности времени

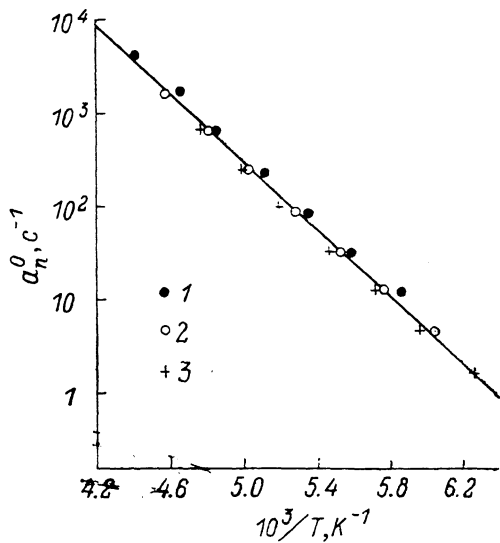


Рис. 5. Температурная зависимость равновесной скорости эмиссии  $a_n^0$  электронов с глубокого уровня серы в германии, полученная на основе данных рис. 4 при значениях  $\Phi_{1/2}$ , равных 0.3 (1), 0.5 (2), 0.7 (3).

задержки, которая, как отмечалось выше, минимальна при  $U_b \approx (U_{b0} + U_{b\infty})/2$  или, что то же самое, при  $\Phi_{1/2} \approx 1/2$  [см. (9)]. Поэтому мы использовали значения  $\Phi_{1/2} = 0.3, 0.5, 0.7$ . Глубокий уровень серы в Si — двухзарядный донор. Оценки величин  $E_f$  показали, что для него основным механизмом полевого усиления эмиссии электронов является эффект Френкеля—Пула, поэтому для вычисления следует использовать значения  $\nu = 1/2$  и  $Z = 2$ . Результаты вычислений приведены на рис. 5. Как видно, значения  $a_n^0$ , полученные для разных  $\Phi_{1/2}$ , неплохо согласуются между собой. Аппроксимация всех этих данных функцией  $a_n^0 = a_0 \exp(-\epsilon_{i1}/kT)$  с помощью метода наименьших квадратов дала значения  $a_0 = 2.6 \cdot 10^{11} \text{ с}^{-1}$  и  $\epsilon_{i1} = 0.354 \text{ эВ}$ . Эта величина энергии ионизации прекрасно согласуется со значениями 0.35 [17] и 0.354 эВ [18], полученными в последние годы с помощью емкостной спектроскопии, и лишь на 5—15 мэВ меньше ранних данных эффекта Холла, фотопроводимости и ИК поглощения. Учет эффекта Френкеля—Пула при обработке эксперимента совершенно необходим. Без него у нас, как и у авторов работы [18], проводивших измерения в сильных полях, получилось значение  $\epsilon_{i1} \approx 0.28 \text{ эВ}$ . Весьма вероятно, что именно пренебрежение этим эффектом привело к тому, что в ранних работах по емкостной спектроскопии уровней серы в Si (см. работу [19] и библиографию в ней) были получены слишком малые энергии ионизации  $\epsilon_{i1} \approx 0.26 - 0.3 \text{ эВ}$ .

**Заключение.** Изложенные выше результаты указывают на то, что анализ зависимостей  $U_b(T)$  при различных временах релаксационной задержки пробоя позволяет достаточно точно определять основной параметр глубокого уровня — термическую энергию ионизации. Усовершенствование техники эксперимента, несомненно, позволит избавиться от недостатков этого метода (его можно назвать «микрорезонансной спектроскопией глубоких уровней»),



связанных с заполнением ГУ импульсами тока пробоя. В принципе, его возможности почти столь же богаты, как и у емкостной спектроскопии, от которой он отличается только тем, что скорость эмиссии определяется по изменению со временем не толщины ОПЗ, а максимального поля. Однако точность измерения  $U_b$  ограничена принципиально неустранимой неопределенностью самой величины  $U_b$  порядка 0.1—1 %, связанной с неоднородностью образцов и статистическим характером пробоя. Поэтому при относительно однородном распределении ГУ по площади чувствительность нового метода на много порядков хуже, чем у емкостной спектроскопии, и, вероятно, не может быть лучше 0.01N. Однако на практике нет нужды идентифицировать примеси и дефекты, вызывающие столь малое снижение  $U_b$ . Гораздо важнее найти причину сильного уменьшения  $U_b$  в областях очень малого размера, наиболее яркий пример которого описан в работе [6]. В этих случаях новый метод предпочтительнее емкостной спектроскопии, так как позволяет идентифицировать ГУ именно внутри микроплазм, т. е. обладает высоким пространственным разрешением.

Авторы благодарны Ю. Н. Серезкину и особенно Ю. Г. Сорокину за многочисленные стимулирующие дискуссии, В. А. Кузьмину за поддержку работы, Т. В. Макаровой и О. В. Никитиной за помощь в изготовлении образцов и В. Б. Шуман, предоставившей нам источник диффузии серы.

#### Список литературы

- [1] Грехов И. В., Серезкин Ю. Н. Лавинный пробой  $p$ - $n$ -переходов в полупроводниках. Л., 1980. 152 с.
- [2] Акимов П. В., Грехов И. В., Серезкин Ю. Н. // ФТП. 1970. Т. 4. В. 11. С. 2099.
- [3] Акимов П. В., Грехов И. В., Серезкин Ю. Н. // ФТП. 1975. Т. 9. В. 4. С. 764—767.
- [4] Коршунов Ф. П., Марченко И. Г. // ФТП. 1982. Т. 16. В. 4. С. 751—753.
- [5] Коршунов Ф. П., Марченко И. Г. // ФТП. 1983. Т. 17. В. 12. С. 2201—2203.
- [6] Богородский О. В. и др. // ЖТФ. 1985. Т. 55. В. 7. С. 1419—1425.
- [7] Астрова Е. В. и др. // ФТП. 1986. Т. 20. В. 11. С. 2122—2125.
- [8] Выжигин Ю. В., Грессеров Б. Н., Соболев Н. А. // ФТП. 1988. Т. 22. В. 11. С. 536—538.
- [9] Кольцова Т. Г., Кюрегия А. С., Сорокин Ю. Г. // Микроэлектроника. 1988. Т. 17. В. 6. С. 511—517.
- [10] Дмитриев А. Г., Наследов Д. Н., Царенков Б. В. // ФТП. 1972. Т. 6. В. 2. С. 345—352.
- [11] Гаман В. И., Фукс Г. М. // Изв. вузов СССР. Физика. 1982. № 2. С. 125.
- [12] Толбанов О. П., Хлудков С. С. // ФТП. 1986. Т. 20. В. 11. С. 2072—2077.
- [13] Авикин М. М. и др. // Письма ЖТФ. 1988. Т. 14. В. 6. С. 545—547.
- [14] Гаман В. И. // Изв. вузов СССР. Физика. 1983. № 10. С. 79—95.
- [15] Кюрегия А. С. // ФТП. 1987. Т. 21. В. 5. С. 941—944.
- [16] Карпус В., Перель В. И. // ЖЭТФ. 1986. Т. 91. В. 6. С. 2319—2331.
- [17] Лебедев А. А., Лебедев А. А. // ФТП. 1983. Т. 17. В. 12. С. 2152—2155.
- [18] Pensal G., Rooss G., Holm C., Wagner P. // Defects in Semiconductors. 1986. P. 911—916.
- [19] Grimmeiss H. G., Janzen E., Skarstam B. // J. Appl. Phys. 1980. V. 51. N 8. P. 4212—4217.

Всесоюзный электротехнический  
институт им. В. И. Ленина  
Москва

Получена 9.01.1989  
Принята к печати 27.01.1989