

УДК 537.226.4

## АНОМАЛИИ ФИЗИЧЕСКИХ СВОЙСТВ ПРИ ФАЗОВЫХ ПЕРЕХОДАХ В ПИРОЭЛЕКТРИКАХ И НЕСОБСТВЕННЫХ СЕГНЕТОЭЛЕКТРИКАХ С ЗАРЯЖЕННЫМИ ДЕФЕКТАМИ

А. А. Исавердиев, А. П. Леванюк, А. С. Сигов

Теоретически исследовано влияние точечных заряженных дефектов на аномалии теплоемкости, коэффициента поглощения низкочастотного звука и интенсивности упругого и неупругого рассеяния света при структурных фазовых переходах в пироэлектриках и несобственных сегнетоэлектриках. Показано, что роль зарядов оказывается наиболее значительной в низкосимметричной фазе. В частности, при достаточно слабом экранировании зарядов возрастает «критический индекс» коэффициента поглощения звука и изменяется его частотная зависимость, а в спектре неупругого рассеяния света появляется характерный центральный пик нелоренцевской формы. Интенсивность упругого рассеяния света испытывает при переходе в низкосимметричную фазу скачок, величина которого может в  $10^3$  раз превышать интенсивность рассеяния Мандельштама—Бриллюэна.

1. Сейчас уже хорошо известно [1-4], что заряженные дефекты в ряде случаев вносят существенный вклад в аномалии различных физических свойств собственных сегнетоэлектриков вблизи точек фазовых переходов. Влияние заряженных дефектов оказывается наиболее сильным в случае собственных сегнетоэлектриков с одной осью спонтанной поляризации. В частности, в работе [1] показано, что точечные заряды приводят к таким же аномалиям термодинамических величин, как и дипольные дефекты большой силы. Еще более существенным оказывается вклад заряженных дефектов в упругое рассеяние света; этот вклад значительно превышает вклад дипольных дефектов [2, 4], играющих в собственных сегнетоэлектриках роль дефектов типа «случайное поле» [5]. Наличие заряженных дефектов приводит также к дисперсии диэлектрической проницаемости на низких (существенно ниже атомных) частотах [3]. Особенности влияния заряженных дефектов на упругое рассеяние света и низкочастотную дисперсию диэлектрической проницаемости связаны в конце концов с тем, что искажения параметра порядка, вносимые точечными зарядами, спадают по мере удаления от дефекта гораздо медленнее, чем в случае дефектов типа «случайное поле».

В настоящей работе показано, что упомянутая выше особенность заряженных дефектов сохраняется и при несегнетоэлектрических переходах в пироэлектриках, а также при фазовых переходах в несобственных сегнетоэлектриках. В результате заряженные дефекты и в этих случаях вызывают существенные аномалии. Особенно сильной оказывается аномалия упругого рассеяния света, можно говорить о «гигантском» скачке интенсивности рассеяния при переходе в низкосимметричную фазу.

Обсудим вначале причины аномалий. Рассмотрим несегнетоэлектрический фазовый переход в пироэлектрике. При этом в термодинамическом потенциале Ландау присутствует член вида  $\Delta P \eta^2$  ( $P$  — поляризация вдоль полярной оси  $z$ ,  $\eta$  — параметр порядка). Точечный заряд создает распределение поляризации  $\Delta P(r) \sim z/r^3$ , т. е. фактически вызывает локальное

изменение температуры фазового перехода  $T_c$ , распределенное в пространстве по тому же закону. Существенно, что в одной области пространства вблизи дефекта происходит повышение  $T_c$ , а в другой — понижение. Поэтому можно ожидать зарождения низкосимметричной фазы вблизи заряда уже при  $T > T_c$ . Если заряд не является специально малым, а среда — специально жесткой относительно неоднородных изменений  $\eta$ , то, как будет пояснено ниже, такое зарождение действительно имеет место. В этом случае заряд играет роль дефекта типа «случайное поле» и будет приводить к соответствующим аномалиям в высокосимметричной фазе.

Для низкосимметричной фазы, даже при отсутствии зарождения в высокосимметричной фазе, заряд вызывает крупномасштабную неоднородность параметра порядка  $\Delta\eta(\mathbf{r}) \sim r^{-2}$ , которая имеет большое сечение упругого рассеяния света. Можно ожидать поэтому сильного возрастания интенсивности упругого рассеяния света при переходе в низкосимметричную фазу. Наличие крупномасштабных неоднородностей параметра порядка приводит также к низкочастотной дисперсии обобщенной восприимчивости, отвечающей параметру порядка. В свою очередь это может проявиться в существенном изменении аномалии поглощения звука при  $T < T_c$ , а также в изменении формы линии Ландау—Плачека.

2. Рассмотрение условий зарождения низкосимметричной фазы при  $T > T_c$  сводится к анализу уравнения типа уравнения Шредингера с потенциалом, отвечающим распределению локальной температуры перехода [6]. Плотность термодинамического потенциала в пирозлектрике с одним дефектом имеет вид

$$\varphi = 1/2 A\eta^2 + 1/2 D (\nabla\eta)^2 + R\Delta P(\mathbf{r}) \eta^2 + 1/4 B\eta^4, \quad (1)$$

где

$$\Delta P(\mathbf{r}) = e\epsilon_{\parallel} z / 4\pi\epsilon_{\perp} [z^2 + (x^2 + y^2) \epsilon_{\parallel}/\epsilon_{\perp}]^{3/2}, \quad (2)$$

$\epsilon_{\parallel} \equiv \epsilon_{zz}$ ,  $\epsilon_{\perp} \equiv \epsilon_{xx} = \epsilon_{yy}$  (здесь принято для простоты, что пирозлектрик обладает тетрагональной симметрией). Линейная часть уравнения Эйлера для плотности термодинамического потенциала (1) аналогична уравнению Шредингера

$$-D\Delta\eta + 2R\Delta P(\mathbf{r}) \eta = -A\eta. \quad (3)$$

Зарождение начинается, когда наименьшее собственное значение «оператора Гамильтона» становится равным  $-A$ . В отличие от [6] связанное состояние для потенциала (2) возникает лишь при определенных условиях. Точно найти эти условия не представляется возможным. Для оценки потенциал в уравнении (3) можно заменить изотропным,  $eR/(2\pi r^2)$ . Как известно [7], связанные состояния в таком потенциале появляются при

$$eR/D > \pi/2. \quad (4)$$

Если  $\epsilon_{\parallel}$  и  $\epsilon_{\perp}$  одного порядка величины, то можно ожидать, что точное условие наличия связанного состояния в нашей задаче не слишком отличается от (4). Заметим также, что для потенциала  $r^{-2}$  наименьшая энергия связанного состояния равна  $-\infty$  [7]. Применительно к нашей задаче это означает, что зарождение, если оно вообще имеет место, происходит уже вдали от  $T_c$ , причем размер зародыша порядка атомного («падение на центр»). В этом случае при  $T > T_c$  заряженный дефект играет роль дефекта типа «случайное поле». Такие дефекты могут вызывать сильные аномалии различных физических величин [8, 9].

Если  $T < T_c$ , то заряженный дефект создает длинноволновые искажения параметра порядка, которые при  $r_c \leq r$  ( $r_c^2 = -D/2A$  — радиус корреляции параметра порядка) можно вычислить в «квазиклассическом» приближении

$$\eta^2(\mathbf{r}) = \eta_{\infty}^2 - 2R\Delta P(\mathbf{r})/B, \quad (5)$$

где  $\eta_\infty$  — значение параметра порядка при  $r \rightarrow \infty$ . В некоторых случаях представляет интерес вид функции  $\eta(\mathbf{r})$  на малых расстояниях. Если эффективный заряд дефекта достаточно мал, то  $\eta(\mathbf{r})$  можно определить из уравнения Эйлера, пользуясь приближением, аналогичным второму борновскому приближению в квантовой механике [7]. Для пространственной Фурье-компоненты от функции  $\eta(\mathbf{r}) - \eta_\infty$  имеем

$$(\eta(\mathbf{r}) - \eta_\infty)_\mathbf{k} = 2R\eta_\infty G_\mathbf{k} \left\{ \Delta P_\mathbf{k} + 2R \sum_{\mathbf{q}} G_\mathbf{q} \Delta P_\mathbf{q} \Delta P_{\mathbf{k}-\mathbf{q}} (1 - 3B\eta_\infty^2 G_{\mathbf{k}-\mathbf{q}}) \right\}, \quad (6)$$

где  $G_\mathbf{k}^{-1} \equiv -2A + k^2 D$ . Условием применимости выражения (6) является фактически неравенство, обратное (4).

Обсуждая выше фазовый переход в пирозлектрике, мы использовали лишь то обстоятельство, что  $T_C$  в этом случае линейно зависит от компоненты приложенного электрического поля  $E$ . Такая зависимость  $T_C$  от  $E$  имеет место и для несобственных сегнетоэлектриков, когда термодинамический потенциал Ландау содержит инвариант типа  $\eta_i \eta_j E_k$  ( $\eta_i$  — компонента параметра порядка). При этом возможен также фазовый переход в несегнетоэлектрическую фазу с линейной зависимостью  $T_C$  от компоненты  $E$  [10]. Поэтому во всех этих случаях применимы с точностью до очевидной модификации формул результаты, относящиеся к пирозлектрикам. Ниже мы ограничимся рассмотрением только случая несегнетоэлектрического фазового перехода в пирозлектрике.

3. Перейдем теперь к обсуждению аномалий термодинамических величин. Всюду в этой работе мы будем пользоваться приближением изолированных дефектов [2, 9], критерий применимости которого приведем ниже.

Если зарождение низкосимметричной фазы происходит при  $T > T_C$ , то заряженные дефекты, как уже отмечалось, аналогичны дефектам типа «случайное поле». Аномалии термодинамических величин, вызываемые такими дефектами, неоднократно обсуждались ранее [8, 9]. Например, вклад этих дефектов в теплоемкость увеличивается при приближении к точке фазового перехода как  $|T - T_C|^{-3/2}$  в обеих фазах.

Если при  $T > T_C$  зарождения не происходит, то аномалия теплоемкости  $\Delta c$ , связанная с наличием заряженных дефектов, имеет место практически лишь при  $T < T_C$ . Для дефектов с малым эффективным зарядом, воспользовавшись (6), получаем

$$\Delta c = -\Delta c_{\text{Д}} N r_c^2 (Re/D)^2 / 6\pi \sim -(T_C - T)^{-3/2}, \quad (7)$$

где  $\Delta c_{\text{Д}} \equiv A_0^2 / (2BT_C)$  — скачок в теплоемкости в теории Ландау ( $A = A_0 \times (T - T_C) / T_C$ ),  $N$  — концентрация дефектов. Формула (7) применима по крайней мере до тех пор, пока  $|\Delta c| \ll \Delta c_{\text{Д}}$ , т. е.  $N r_c^2 (Re/D)^2 \ll 6\pi$  — критерий применимости приближения изолированных дефектов. Напомним [8, 9], что точечные дефекты типа «случайная температура» также вызывают размытие скачка теплоемкости, однако их вклад пропорционален  $(T_C - T)^{-1/2}$ .

Анализ аномалий других термодинамических величин приводит к результатам, качественно сходным с приведенными выше.

4. Вычислим интенсивность упругого рассеяния света. Как уже отмечалось, наибольший интерес представляет рассеяние ниже точки фазового перехода.

В высокотемпературной фазе диэлектрическая проницаемость, описывающая оптические свойства кристалла, квадратично связана с параметром порядка,  $\epsilon(\mathbf{r}) = \epsilon_0 + a\eta^2(\mathbf{r})$ . Интенсивность упругого рассеяния света  $I(\mathbf{q})$  определяется следующей формулой (обозначения см. в [11]):

$$I(\mathbf{q}) = Q_S \langle |\epsilon(\mathbf{q})|^2 \rangle. \quad (8)$$

(Мы не конкретизируем здесь геометрию рассеяния). Учитывая (2) и (5) и предполагая, что  $qr_c \ll 1$ , получаем из (8) для  $T < T_C$

$$I(\mathbf{q}) = 4Q_S a^2 N (eR\epsilon_{\parallel} q_{\parallel} / B (\epsilon_{\parallel} q_{\parallel}^2 + \epsilon_{\perp} q_{\perp}^2))^2. \quad (9)$$

Условие  $qr_c \ll 1$  выполняется для всей экспериментально достижимой области. Сравним интенсивность упругого рассеяния на заряженных дефектах с интенсивностью рассеяния Мандельштама—Бриллюэна на продольных акустических фононах (см., например, [11])  $I_{MB} = b^2 Q_S \lambda T$ , где  $\lambda$  — соответствующий упругий модуль,  $b$  — упругооптический коэффициент. Используя выражение (9) для волновых векторов рассеяния, направленных вдоль оси  $z$  ( $q_{\perp} = 0$ ), получаем

$$I(\mathbf{q})/I_{MB} \sim e^2 N T^{-1} q^{-2} (aR/bB\lambda^{1/2})^2. \quad (10)$$

Характерное значение безразмерной величины, стоящей в скобках, порядка единицы. Если принять  $N = 10^{18} \text{ см}^{-3}$ ,  $q = 10^5 \text{ см}^{-1}$ ,  $e$  выразить в единицах элементарного заряда  $e_0$ ,  $e = Ze_0$ , а  $T$  — в градусах, то  $I(\mathbf{q})/I_{MB} \sim 10^5 Z^2/T$ . Отсюда видно, что для  $T \sim 10^2 \text{ К}$ ,  $Z \sim 1$  скачок интенсивности упругого рассеяния в  $10^3$  раз превышает интенсивность рассеяния Мандельштама—Бриллюэна. Как ни удивительно, в литературе отсутствуют данные о наблюдении такого скачка в рассеянии. Единственным известным нам косвенным подтверждением результата (9) может служить замечание в [12]. Авторы этой работы при изучении неупругого рассеяния света в пьезоэлектрике  $\text{BaMnF}_4$  обнаружили, что спектральный фон существенно возрастает при приближении направления вектора рассеяния к направлению полярной оси. Вытекающая из (9) зависимость интенсивности упругого рассеяния от направления вектора рассеяния должна наблюдаться и для пьезоэлектрических кристаллов, не испытывающих фазовых переходов.

Приведенное выше рассмотрение относится к случаю хаотического расположения зарядов. Пространственные корреляции между ними можно учесть с помощью введения дебаевского радиуса  $r_D$  экранирования заряда. Легко видеть, что полученные результаты для интенсивности упругого рассеяния остаются справедливыми при  $qr_D \gg 1$ . Если же  $q \ll r_D^{-1} \ll r_c^{-1}$ , то в (9) и (10) величину  $q$  необходимо заменить на  $r_D^{-1}$  (для простоты считаем  $\epsilon_{\perp} \sim \epsilon_{\parallel}$ ). Случай  $r_D \ll r_c$  малоинтересен, поскольку заряды эффективно проявляют себя как точечные дефекты.

5. Рассмотрим дисперсию обобщенной восприимчивости  $\chi(\mathbf{q}, \omega)$ , отвечающей параметру порядка. Ограничимся областью частот, меньших частоты мягкой моды. Для идеального кристалла при этом имеем ( $T < T_C$ ) [13]

$$\chi^{-1}(\mathbf{q}, \omega) = -i\gamma\omega - 2A + q^2 D. \quad (11)$$

Обратимся сначала к случаю, когда  $q \approx 0$ . Для достаточно низких частот (условие см. ниже) наличие зарядов проявляется в основном в изменении коэффициента затухания  $\gamma$ . Следуя работе [3], находим величину этого изменения

$$\Delta\gamma(0, \omega) = \frac{A_0 N e^2 R^2}{8\pi \sqrt{2} (T_C - T) B \sqrt{\kappa c \omega}} \begin{cases} \epsilon_{\parallel}/\epsilon_{\perp}, & \epsilon_{\perp} \geq \epsilon_{\parallel}, \\ \pi/2 \sqrt{\epsilon_{\parallel}/\epsilon_{\perp}}, & \epsilon_{\parallel} \geq \epsilon_{\perp}, \end{cases} \quad (12)$$

где  $\kappa$  — коэффициент теплопроводности,  $c$  — неаномальная часть удельной теплоемкости. Выражение (12) получено для частот, удовлетворяющих условию  $\omega \leq \Omega \equiv \kappa/(cr_c^2)$ . По порядку величины  $\Omega$  отвечает, как правило, частоте релаксации параметра порядка. Выше предполагалось, что заряды расположены в пространстве случайным образом. Учет экранирования (подобно тому, как это сделано в [3]) показывает, что приведенные результаты справедливы при  $\omega \gg \omega_D \equiv \kappa/(cr_D^2)$ ; если же  $\omega \leq \omega_D$ , то в (12) необходимо  $\omega$  заменить на  $\omega_D$ .

Перейдем к оценке отношения  $\Delta\gamma/\gamma$ . Для переходов типа смещения примем  $A_0/\gamma \sim \kappa/(cD) \sim$  характерной фононной частоте. Тогда имеем

$$\Delta\gamma/\gamma \sim T_A N d^3 (\Omega/\omega\tau^3)^{1/2}/T_C, \quad (13)$$

где  $\tau \equiv (T_C - T)/T_C$ ,  $d$  — величина порядка постоянной решетки,  $T_A \sim 10^4 \div 10^5 \text{ К}$ . Видно, что при  $Nd^3 \sim 10^{-4}$ ,  $\tau \sim 10^{-2}$ ,  $T_C \sim 10^2 \text{ К}$  отно-

шение  $\Delta\gamma/\gamma \gg 1$  для  $\omega < \Omega$ . Таким образом, температурная зависимость времени релаксации параметра порядка  $\tau_p \equiv (\gamma + \Delta\gamma)/(-2A) \sim (T_c - T)^{-2}$  существенно более сильная, нежели в идеальном кристалле. Сказанное справедливо и для коэффициента поглощения звука в области низких частот при  $T < T_c$ . Зависимость коэффициента поглощения от частоты в этой области имеет вид  $\omega^{3/2}$  при  $\omega \gg \omega_D$  и  $\omega^2$  при  $\omega \leq \omega_D$  (в бездефектном кристалле коэффициент поглощения пропорционален  $\omega^2$ ). Если  $r_D < r_c$ , то заряды приводят практически к тем же эффектам, что и точечные дефекты.

Через мнимую часть обобщенной восприимчивости выражается, как известно, спектральная интенсивность рассеянного света. Здесь необходимо уже рассматривать отличные от нуля значения  $q$ . Но легко видеть, что при  $\omega \gg \kappa q^2/c$  формула (12) остается верной. Как вытекает из (11) и (12), в интенсивности рассеянного света имеется центральный пик с характерным спаданием на крыльях  $\sim \omega^{-1/2}$ . Оценки показывают, что для использованных выше значений параметров при  $\omega < \kappa q^2/c$  интенсивность определяется теми же выражениями, что и для идеального кристалла с учетом рассеяния Ландау—Плачека [14]. При наличии дебаевского экранирования форма крыла может измениться, если  $qr_D \leq 1$ . В этом случае при  $\omega \leq \omega_D$  линия имеет лоренцевскую форму с характерной шириной  $\omega_D$  и только при  $\omega \gg \omega_D$  происходит спад по закону  $\omega^{-1/2}$ .

#### Список литературы

- [1] Даринский В. М., Нечаев В. Н., Федосов В. Н. // ФТТ. 1980. Т. 22. № 10. С. 3129—3132.
- [2] Лебедев Н. И., Леванюк А. П., Морозов А. И., Сигов А. С. // ФТТ. 1983. Т. 25. № 10. С. 2979—2983.
- [3] Лебедев Н. И., Леванюк А. П., Сигов А. С. // ФТТ. 1987. Т. 29. № 9. С. 2666—2670.
- [4] Исавердиев А. А., Леванюк А. П., Морозов А. И., Сигов А. С. // ФТТ. 1988. Т. 30. № 7. С. 2104—2112.
- [5] Леванюк А. П., Сигов А. С. // Изв. АН СССР, сер. физ. 1985. Т. 49. № 2. С. 219—226.
- [6] Набутовский В. М., Шапиро Б. Я. // ЖЭТФ. 1978. Т. 75. № 3 (9). С. 948—959.
- [7] Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М. Квантовая механика. Нерелятивистская теория. М.: Наука, 1974. 752 с.
- [8] Леванюк А. П., Осипов В. В., Сигов А. С., Собянин А. А. // ЖЭТФ. 1979. Т. 76. № 1. С. 345—368.
- [9] Levanyuk A. P., Sigov A. S. Defects and Structural Phase Transitions. Gordon and Breach. N. Y., 1988. 208 p.
- [10] Леванюк А. П., Санников Д. Г. // ЖЭТФ. 1968. Т. 55. № 1. С. 256—271.
- [11] Гинзбург В. Л., Леванюк А. П., Собянин А. А. // УФН. 1980. Т. 130. № 4. С. 615—674.
- [12] Lyons K. B., Bhatt R. N., Negran T. J., Guggenheim H. J. // Phys. Rev. B. 1982. V. 25. N 3. P. 1791—1812.
- [13] Лифшиц Е. М., Питаевский Л. П. Физическая кинематика. М.: Наука, 1979. 528 с.
- [14] Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М. Электродинамика сплошных сред. М.: Наука. 620 с.

Московский институт радиотехники,  
электроники и автоматики  
Москва

Поступило в Редакцию  
29 ноября 1988 г.