Свойства контактов Мотта с ультрамалым барьером металл–полупроводник

© В.И. Шашкин, А.В. Мурель

Институт физики микроструктур Российской академии наук, 603000 Нижний Новгород, Россия

E-mail: sha@ipm.sci-nnov.ru

(Поступила в Редакцию 11 февраля 2008 г.)

Исследованы вольт-амперные и емкостные характеристики контактов Мотта с ультрамалым барьером металл-полупроводник. Анализ основан на аналитическом решении уравнения Пуассона для пространственного заряда носителей тока в структуре металл-i-слой- n^+ -подложка при пренебрежении объемным легированием i-слоя. Для контактов с ультрамалыми барьерами (сравнимыми с тепловой энергией носителей) показано, что ток обратной ветви становится больше прямого, меняется знак детектирования, а емкость контакта приобретает сильную зависимость от напряжения. Это означает, что происходит смена механизма нелинейности структуры и определяющей становится нелинейность, обусловленная носителями тока, инжектированными в i-слой. В определенном диапазоне смещений вблизи нуля дифференциальное сопротивление и емкость структуры экспоненциально возрастают с напряжением, что является нетипичным для обычных контактов металл-полупроводник. Полученные зависимости тока и емкости от напряжения определяют характеристики новых перспективных приборов, в частности чувствительных микроволновых детекторов, работающих без смещения.

PACS: 73.30.+y, 73.63.-b, 73.40.Ei, 73.40.Sx

1. Введение

Модель контакта Мотта, в которой на границе с металлом имеется промежуточный нелегированный *i*-слой, была предложена в работах [1,2] и сыграла значимую роль в понимании явлений при контакте металла и полупроводника [3]. В недавней работе авторов [4] при анализе вольт-амперных характеристик (ВАХ) контактов с барьером Мотта была учтена неоднородность электрического поля в *i*-слое из-за пространственного заряда свободных носителей. На основе строгого решения одномерного уравнения Пуассона для потенциала были рассчитаны токи в термоэмиссионном и диффузионном приближениях. Было показано, что эффекты пространстенного заряда носителей тока приводят к сильным изменениям ВАХ для контатов с малой высотой барьреа $\Delta < 0.4 \, \text{eV}$. Вместе с тем именно низкобарьерные контакты без приложения напряжения смещения обеспечивают высокую чувствительность при детектировании сигналов миллиметрового диапазона длин волн [5,6]. В настоящей работе проводится подробный анализ вольт-амперных характеристик и зависимости емкости от напряжения контактов Мотта с ультрамалыми высотами барьеров, сравнимыми с тепловой энергией носителей тока.

Метод расчета потенциала, емкости и тока контакта с барьером Мотта

Рассматриваются структура металл-нелегированный слой полупроводника толщиной D-сильно легированная n^+ -подложка. Координата x отсчитывается от границы с металлом в глубь полупроводника. Решается уравнение

Пуассона для потенциала f(x)

$$\frac{d^2f}{dx^2} = \frac{4\pi q}{\varepsilon} (n - N), \tag{1}$$

где $n = N_D \exp(qf/kT)$ — концентрация электронов, N — плотность ионизированных доноров (N = 0 при x < D, $N = N_D$ при x > D), ε — относительная диэлектрическая проницаемость. Граничные условия имеют вид f = 0 и df/dx = 0 при $x = +\infty$; f и df/dx — непрерывные функции при x = D. Подробно метод расчета приведен в работе [4]. Основная идея заключается в сшивании потенциала и его производной на границе слоев $i-n^+$ и в использовании значения потенциала в этой точке f(D) в качестве свободного параметра. Применяются безразмерные переменные $\hat{f} = qf/kT$, $\hat{V} = qV/kT$, $\hat{x} = x/r_d$, $\hat{D} = D/r_d$ ($r_d = \sqrt{\varepsilon kT/4\pi q^2N_D}$ — дебаевская длина), при этом решение имеет следующий вид:

$$\hat{f}(\hat{x}) = \ln \left[\frac{4bF \exp(\sqrt{2b}(\hat{D} - \hat{x}))}{[F \exp(\sqrt{2b}(\hat{D} - \hat{x})) - 1]^2} \right],$$
(2)

$$F = \left[\sqrt{b \exp(b+1) + 1} + \sqrt{b \exp(b+1)}\right]^2$$
 (3)

при условии, что $b = -\hat{f}(\hat{D}) - 1 > 0;$

$$\hat{f}(\hat{x}) = \ln\left[\frac{-b}{\sin^2\left(\sqrt{-b/2}(\hat{D}-\hat{x})+\theta\right)}\right],\tag{4}$$

$$\theta = \arcsin\sqrt{-b\exp(b+1)} \tag{5}$$

при $b = -\hat{f}(\hat{D}) - 1 < 0$. Для выделенного значения $\hat{f}(\hat{D}) = -1$ (b = 0) решение опускаем.



Рис. 1. Профиль дна зоны проводимости $E_C(x)$ при нулевом напряжении смещения контакта Мотта с различной эффективной высотой барьера. Δ , meV: I - 100, 2 - 50, 3 - 0, 4 - -50. D = 200 nm, $N_D = 5 \cdot 10^{17}$ cm⁻³, T = 300 K. Сплошные линии — аналитический расчет, точки — численный расчет по программе Sim Windows [11].

Приложенное напряжение V определяется разностью химических потенциалов полупроводника и металла, откуда получаем

$$\hat{V} = \hat{f}(0) + \hat{\Delta} + \hat{\chi}, \tag{6}$$

где $\Delta = \Delta/kT$ — нормированная высота барьера металл-пролупроводник (реальная или эффективная), $\hat{\chi} = \chi/kT, \chi = kT \ln(N_D/N_c), N_c = 2(2\pi m_c kT/h^2) - \varphi$ фективная плотность состояний. В дальнейшем под Δ понимаем эффективную высоту барьера, которая может изменяться в широких пределах за счет б-легирования полупроводника вблизи границы с металлом [7,8]. Показано [8,9], что при правильно выбранных параметрах легирования модификация свойств барьера заключается в замене реальной высоты барьера Шоттки его эффективным значением Д. Величина Д может быть снижена до нуля и даже формально принимать отрицательные значения, если легирование настолько сильное, что б-слой не обеднен и вероятность туннельных переходов между металлом и б-слоем велика. Этот случай соответствует формированию невплавного омического контакта с металлом [7,10]. На рис. 1 приведены расчетные зависимости хода края зоны проводимости $E_c(x)$ при нулевых напряжениях. Выбраны следующие значения: $\Delta = 100$, 50, 0 и -50 meV, D = 200 nm, $N_D = 5 \cdot 10^{17}$ cm⁻³, T = 300 K; остальные параметры здесь и далее отвечают арсениду галлия [3]. Видно, что поле существенно неоднородно и меняет знак внутри і-слоя, что связано с высокой концентрацией носителей, инжектированных в структуру при тепловом равновесии. При снижении эффективной высоты барьера Δ приближение статистики Больцмана по-прежнему обеспечивает достаточную точность расчетов. Об этом свидетельствует хорошее совпадение $E_c(x)$ с результатами численных расчетов по программе Sim Windows [11], использующей вырожденную статистику (данные представлены точками).

Используя решение для потенциалов, легко найти величину электрического поля на границе с металлом, заряд в области контакта $Q = \varepsilon f'_x(x)/4\pi$ и емкость на единицу площади C = dQ/dV. Опуская простые, но достаточно громоздкие вычисления, приведем окончательный ответ:

$$C = \frac{\varepsilon}{4\sqrt{2\pi}r_d} \frac{\exp(\hat{V} - \hat{\chi} - \hat{\Delta}) - \left(d\hat{V}/d\hat{f}(\hat{D})\right)^{-1}}{\sqrt{\exp(\hat{V} - \hat{\chi} - \hat{\Delta}) - \hat{f}(\hat{D}) - 1}},$$
 (7)

$$\frac{d\hat{V}}{d\hat{f}(\hat{D})} = -\frac{1}{b} + \left(\frac{2(b+1)}{(F-1)\exp(-b-1) - 2b} + \frac{\hat{D}}{\sqrt{2b}}\right) \\ \times \frac{F\exp(\sqrt{2b}\,\hat{D}) + 1}{F\exp(\sqrt{2b}\,\hat{D}) - 1} \tag{8}$$

при условии, что $b = -\hat{f}(\hat{D}) - 1 > 0;$

$$C = \frac{\varepsilon}{4\sqrt{2}\pi r_d} \frac{\exp(\hat{V} - \hat{\chi} - \hat{\Delta}) - (d\hat{V}/d\hat{f}(\hat{D}))^{-1}}{\sqrt{\exp(\hat{V} - \hat{\chi} - \hat{\Delta}) - \hat{f}(\hat{D}) - 1}}$$
$$\times \operatorname{sign}\left[\frac{\pi}{2} - \sqrt{-\frac{b}{2}}D - \theta\right], \tag{9}$$

$$\frac{d\hat{V}}{d\hat{f}(\hat{D})} = -\frac{1}{b} - \frac{\operatorname{ctg}(\hat{D}\sqrt{-b/2} + \theta)}{\sqrt{-b}}$$
$$\times \left[\frac{\hat{D}}{\sqrt{2}} + \frac{b+1}{\sqrt{b+\exp(-b-1)}}\right] \tag{10}$$

при $b = -\hat{f}(\hat{D}) - 1 < 0$. При $\sqrt{-\frac{b}{2}}D + \theta > \frac{\pi}{2}$ меняется направление электрического поля на границе с металлом, что требует выбора отрицательного значения корня в знаменателе (9). Одновременно становится отрицательным числитель в (9) и емкость остается положительно определенной. Вычисляя емкость $C(\hat{f}(\hat{D}))$ по формулам (7), (8) или (9), (10) и напряжение $V(\hat{f}(\hat{D}))$ согласно (6) и (2), (3) или (6) и (3), (4), получаем параметрическую связь емкости *C* и напряжения *V*.

При вычислении тока рассмотрим только диффузионный режим. Для барьеров с округлой вершиной, представленных на рис. 1, при комнатной температуре этот режим является более вероятным [3,4]. Кроме того, качественное описание в термоэмиссионной модели оказывается похожим. Воспользуемся выражениями для диффузионного тока *j* из работы [4]

$$j \cong \frac{kT\mu N_c \exp(-\hat{\Delta})(\exp(\hat{V}) - 1)}{D} \times \frac{\exp(-\sqrt{2b}\,\hat{D})(F\exp(\sqrt{2b}\,\hat{D}) - 1)^2}{F^2 \frac{\exp(\sqrt{2b}\,\hat{D}) - 1}{\sqrt{2b}\,\hat{D}} - 2F + \frac{1 - \exp(-\sqrt{2b}\,\hat{D})}{\sqrt{2b}\,\hat{D}}}$$
(11)



Puc. 2. Рассчитанные характеристики контакта Мотта в зависимости от приложенного смещения при различной эффективной высоте барьера. Δ, meV: I = 100, 2 = 50, 3 = 0, 4 = -50. a — плотность тока, b =дифференциальное сопротивление, c =коэффициент нелинейности, d =емкость. D = 200 nm, $N_D = 5 \cdot 10^{17}$ cm⁻³, T = 300 K, $S = 10 \mu$ m².

при услови
и $b = - \hat{f}(\hat{D}) - 1 > 0$ и

$$j \cong \frac{kT\mu N_c \exp(-\hat{\Delta})(\exp(\hat{V}) - 1)}{D}$$

$$\times \frac{2\sin^2(\sqrt{-b/2}\,\hat{D} + \theta)}{1 - \frac{\sin\left(\sqrt{-b/2}\,\hat{D}\right)\cos\left(\sqrt{-b/2}\,\hat{D} + 2\theta\right)}{\sqrt{-b/2}\,\hat{D}}}$$
(12)

при $b = -\hat{f}(\hat{D}) - 1 < 0$, которые вместе с (6) определяют ВАХ. Здесь μ — подвижность носителей тока.

3. Результаты и обсуждение

Проиллюстрируем характеристики контакта с барьером Мотта при различных значениях эффективной высоты барьера $\Delta = 100$, 50, 0 и -50 meV. Другие параметры таковы: D = 200 nm, T = 300 K, $N_D = 5 \cdot 10^{17}$ cm⁻³, $\mu = 4000$ cm²/V · s. На рис. 2 приведены вольт-амперные и емкостные характеристики, а также зависимости дифференциального сопротивления R_d и коэффициента нелинейности $\beta = j''_{VV}/j'_V$ от напряжения. Для наглядности и возможности оценок зависимости $R_d(V)$ и C(V) построены для площади контакта $S = 10 \mu m^2$, являющейся



Puc. 3. Рассчитанные характеристики контакта Мотта в зависимости от приложенного смещения при различной толщине слоя. *D*, nm: *1* — 100, *2* — 200, *3* — 300, *4* — 500. *a* — плотность тока, *b* — дифференциальное сопротивление, *c* — коэффициент нелинейности, *d* — емкость. $\Delta = 50$ meV, $N_D = 5 \cdot 10^{17}$ cm⁻³, *T* = 300 K, *S* = 10 µm².

типичной для диодов миллиметрового диапазона длин волн. Выбран сравнительно узкий диапазон напряжений, отвечающий малым токам, чтобы не учитывать влияние тока инжекции. Видно, что при уменьшении Δ происходит обращение направления выпрямления тока, меняется знак β , а R_d и C приобретают нарастающую экспоненциальную зависимость при положительных напряжениях смещения. Такое поведение связано с изменением механизма нелинейности контакта, поскольку определяющим становится нелинейный отклик пространственного заряда, инжектированного в *i*-слой. При тепловом равновесии это происходит при $\Delta < 100$ meV. При $\Delta = 0$ meV нелинейность является значительной: $|\beta(0)| \ge 30 \text{ V}^{-1}$. Из зависимости $R_d(V)$ можно оценить величину фактора, характеризующего нелинейность, $n_0 \approx 1.2$. В области экспоненциальной зависимости емкости от напряжения из (9), (10) находим, что

$$C = \frac{\varepsilon}{4\sqrt{2}\pi r_d} \sqrt{\frac{N_c}{N_D}} \exp\left(\frac{\hat{V} - \hat{\Delta}}{2}\right).$$
(13)

Видно, что характерный масштаб напряжения составляет 2kT/q и емкость не зависит от D и N_D . Последняя величина сокращается при явной записи r_d . Таким образом, при фиксированном напряжении в (13) входит единственный параметр контакта — Δ , остальные — константы полупроводника.



Рис. 4. Зависимость емкости контакта Мотта от приложенного смещения при различном уровне легирования подложки. N_D , cm⁻³: $I - 1 \cdot 10^{17}$, $2 - 5 \cdot 10^{17}$, $3 - 3 \cdot 10^{18}$. $\Delta = 250$ meV, D = 100 nm, T = 300 K, $S = 10 \,\mu$ m².

Изменяя толщину нелегированного слоя D, можно в определенных пределах модифицировать характеристики контактов. На рис. 3 показаны зависимости тока, дифференциального сопротивления, фактора нелинейности и емкости от напряжения при $\Delta = 50 \text{ meV}, T = 300 \text{ K},$ $N_D = 5 \cdot 10^{17} \,\mathrm{cm}^{-3}, \mu = 4000 \,\mathrm{cm}^2/\mathrm{V} \cdot \mathrm{s}$ и нескольких значениях D = 100, 200, 300 и 500 nm. При вычислениях $R_d(V)$ и C(V) площадь контакта $S = 10 \, \mu \text{m}^2$. При увеличении D возрастают R_d и абсолютная величина β . Видно, что максимальные значения |*β*| могут быть реализованы в области нулевых напряжений, что важно для детектирования с низким уровнем шума. При положительных смещениях концентрация инжектированных носителей велика, формируется виртуальный катод в *i*-слое и величина емкости (13) практически не зависит от D. При отрицательных напряжениях С приближается к геометрической емкости обедненного *i*-слоя.

Влияние уровня легирования n^+ -слоя на ВАХ и емкость контактов Мотта с ультрамалым барьером оказывается слабым. Следует лишь повторить, что при повышении уровня легирования до слабого вырождения n^+ -слоя сохраняется приемлемая точность расчетов [4]. Только при существенном повышении эффективной высоты барьера Δ происходит снижение концентрации носителей в *i*-слое и от N_D начинает в некоторой степени зависеть емкость контакта. На рис. 4 приведены зависимости C(V) для такого случая: $\Delta = 250$ meV, D = 100 nm, T = 300 K, $\mu = 4000$ cm²/V · s, $S = 10 \mu$ m², величина N_D изменяется от $1 \cdot 10^{17}$ до $3 \cdot 10^{18}$ cm⁻³. Видно, что при изменении напряжения происходит переход от геометрической емкости обедненного *i*-слоя (с учетом области экранирования поля в n^+ -слое) к резкой экспоненциальной зависимости при инжекции носителей тока.

4. Заключение

На основе аналитического решения для потенциала проанализированы токовые и емкостные характеристики контактов Мотта с ультрамалыми барьерами Δ порядка единиц kT. В этих условиях происходит смена механизма нелинейности контакта, определяющую роль начинает играть пространственный заряд носителей тока, инжектированных в *i*-область. Происходит обращение направления выпрямления тока. Для контакта металл*i*-слой–*n*⁺-подложка дифференциальное сопротивление $R_d(V)$ и емкость C(V) приобретают экспоненциальные зависимости от V вблизи нулевого напряжения смещения. Рост отвечает увеличению положительного потенциала на металле. При обратных смещениях ток приближается к линейной зависимости от напряжения, емкость стремится к величине, определяемой геометрическими характеристиками обедненного і-слоя. Важно заметить, что при нулевых напряжениях смещения контакт с ультрамалым барьером обладает сильной квадратичной нелинейностью. Величина фактора нелинейности |*β*| сопоставима со значением $\beta \approx 38 \, \mathrm{V}^{-1}$ для идеального контакта Шоттки, но дифференциальное сопротивление оказывается на много порядков меньше. Другой особенностью контакта Мотта с ультрамалым барьером является сильная нелинейность емкости, которая должна учитываться при проектировании чувствительных детекторов или других приборов для приема и преобразования электромагнитного излучения.

Список литературы

- [1] N.F. Mott. Proc. Cambr. Philos. Soc. 34, 568 (1938).
- [2] N.F. Mott. Proc. Roy. Soc. Ser. A 171, 27 (1939).
- [3] E.H. Rhoderick, R.H. Williams. Metal-semiconductor contacts. Claredon Press, Oxford (1988). 252 p.
- [4] В.И. Шашкин, А.В. Мурель. ФТТ 50, 519 (2008).
- [5] В.И. Шашкин, В.Л. Вакс, В.М. Данильцев, А.В. Масловский, А.В. Мурель, С.Д. Никифоров, Ю.И. Чеченин. Изв. вузов. Радиофизика 48, 544 (2005).
- [6] V.I. Shashkin, Yu.A. Drjagin, V.R. Zakamov, S.V. Krivov, L.M. Kukin, A.V. Murel, Y.I. Chechenin. Int. J. Infrared Millimeter Waves 28, 945 (2007).
- [7] В.И. Шашкин, А.В. Мурель, Ю.Н. Дроздов, В.М. Данильцев, О.И. Хрыкин. Микроэлектроника 26, 57 (1997).
- [8] В.И. Шашкин, А.В. Мурель, В.М. Данильцев, О.И. Хрыкин. ФТП 36, 537 (2002).
- [9] В.И. Шашкин, А.В. Мурель. ФТП 38, 574 (2004).
- [10] E.F. Schubert, J.E. Conningham, W.T. Tsang, T.H. Chiu. Appl. Phys. Lett. 49, 292 (1986).
- [11] D.W. Winston, R.E. Hayes. Proc. Int. Symp. on compound semic. San-Diego CA (1994). P. 747.