

ОСОБЕННОСТИ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ УПРУГИХ ДИПОЛЕЙ  
И ИНДУЦИРОВАННЫЕ ПЕРЕХОДЫ  
В ВИРТУАЛЬНЫХ СЕГНЕТОЭЛЕКТРИКАХ

М. Д. Глинчук, И. М. Смолянинов

Известно, что многие кооперативные свойства примесей в кристалле зависят от вида их взаимодействия, причем в структурно-неустойчивых решетках появляется ряд особенностей во взаимодействии примесей [1-4], которые могут приводить как к переходу в упорядоченное состояние, так и в состояние стекла.

В настоящей работе показано, что в «мягких» решетках в энергии взаимодействия упругих диполей появляются дальнедействующие вклады, которые могут приводить при определенных условиях к сегнетоэластическому упорядочению. Сделана оценка температуры такого фазового перехода и ее зависимости от концентрации упругих диполей.

Энергия взаимодействия упругих диполей с полем деформации решетки  $u_{\alpha\beta}$  ( $\alpha, \beta = x, y, z$ ) имеет вид [5]

$$H_{int} = - \sum_{i, \alpha, \beta} \Omega_{\alpha\beta}(\mathbf{r}_i) u_{\alpha\beta}(\mathbf{r}_i), \quad (1)$$

$\Omega_{\alpha\beta}$  — компоненты тензора упругого диполя в точке  $\mathbf{r}_i$ . Для нецентральной примеси, смещенной вдоль [100] в кубической решетке, тензор упругого диполя можно записать

$$\Omega_{\alpha\beta} = \Omega_1 T_{\alpha\beta}(1) + \Omega_2^{\gamma} T_{\alpha\beta}^{\gamma}(2), \quad (2)$$

где  $\Omega_1 = (\Omega_{\parallel} + 2\Omega_{\perp})/\sqrt{3}$ ,  $T_{\alpha\beta}(1) = \delta_{\alpha\beta}/\sqrt{3}$ ;  $\Omega_2 = 2(\Omega_{\parallel} - \Omega_{\perp})/\sqrt{6}$ ,  $T_{\alpha\beta}^{\gamma}(2) = (3l_{\alpha}l_{\beta} - \delta_{\alpha\beta})/\sqrt{6}$ ;  $\Omega_{\gamma\gamma} = \Omega_{\parallel}$ ,  $\Omega_{\alpha\alpha} = \Omega_{\perp}$   $\neq \gamma$ ,  $\Omega_{\parallel} > \Omega_{\perp}$ ;  $l$  — единичный вектор, направленный вдоль оси диполя. Первое слагаемое в (2) представляет дилатационную часть, второе слагаемое — квадрупольную часть, связанную с нецентральнойностью положения примеси. Используя (1) и (2), во втором порядке теории возмущения находим гамильтониан косвенного взаимодействия упругих диполей через акустические фононы

$$H_{\alpha\beta}^{\alpha\beta} = \sum_{i,j} \left\{ \sum_{\beta} \Omega_{\beta}^{\alpha}(\mathbf{r}_i) \Omega_{\beta}(\mathbf{r}_j) T_{\beta\beta}^{\alpha}(2) V_1^{\beta\beta}(\mathbf{r}_{ij}) + \sum_{\beta} \Omega_{\beta}^{\alpha}(\mathbf{r}_i) \Omega_{\beta}^{\gamma}(\mathbf{r}_j) T_{\beta\beta}^{\gamma}(2) T_{\beta\beta}^{\alpha\gamma}(2) V_2^{\beta\beta}(\mathbf{r}_{ij}) - \sum_{\substack{\beta, \beta' \\ \beta \neq \beta'}} \Omega_{\beta}^{\alpha}(\mathbf{r}_i) \Omega_{\beta'}^{\gamma}(\mathbf{r}_j) T_{\beta\beta}^{\alpha}(2) T_{\beta\beta'}^{\gamma}(2) V_3^{\beta\beta'}(\mathbf{r}_{ij}) \right\}, \quad (3)$$

$$V_1^{\beta\beta}(\mathbf{r}_{ij}) = \frac{1}{4\sqrt{3}\pi c_{11}} \left[ \frac{1}{r_{ij}^3} - \frac{3(r_{ij}^{\beta})^2}{r_{ij}^5} \right],$$

$$V_2^{\beta\beta}(\mathbf{r}_{ij}) = \frac{1}{16\pi c_{11}} \left[ \frac{1}{r_{ij}^3} + \frac{6(r_{ij}^{\beta})^2}{r_{ij}^5} - \frac{15(r_{ij}^{\beta})^4}{r_{ij}^7} \right],$$

$$V_3^{\beta\beta'}(\mathbf{r}_{ij}) = \frac{1}{16\pi c_{11}} \left\{ \frac{1}{r_{ij}^3} - \frac{3[(r_{ij}^{\beta})^2 + (r_{ij}^{\beta'})^2]}{r_{ij}^5} + \frac{15(r_{ij}^{\beta})^2(r_{ij}^{\beta'})^2}{r_{ij}^7} \right\}.$$

Выражение (3) получено в приближении упругоизотропной среды ( $c_{11} - c_{12})/2 = c_{44}$  ( $c_{11}$ ,  $c_{12}$ ,  $c_{44}$  — коэффициенты упругости для кубической решетки).

Упругие диполи могут взаимодействовать и с оптическими фононами через электрострикционную связь

$$u_{\alpha\beta} = q_{\alpha\beta\gamma\delta} P_{\gamma} P_{\delta}, \quad (4)$$

$q_{\alpha\beta\gamma\delta}$  — коэффициенты электрострикции ( $q_{11} = q_{\alpha\alpha\alpha\alpha}$ ,  $q_{12} = q_{\alpha\alpha\beta\beta}$ ),  $P_{\gamma}$  — компоненты вектора поляризации. Для вычисления косвенного взаимодейст-

вия упругих дишелей через «мягкие» оптические фононы с законом дисперсии  $\omega_q^2 = \omega_0^2(T) + s^2 q^2 (\omega_0(T) - \text{частота «мягкого» фонона})$  применялся метод температурных функций Грина. Используя выражения (1), (4), во втором порядке теории возмущения получаем

$$H_{\Phi}^{\text{оп}} = -kTG^2 \sum_{i,j} \left\{ B(r_i) B(r_j) \sum_{\beta, \beta'} I_{\beta\beta'}(r_{ij}) + \sum_{\beta} A^{\alpha}(r_i) B(r_j) T_{\beta\beta}^{\alpha}(2) \sum_{\beta'} I_{\beta\beta'}(r_{ij}) + \right. \\ \left. + A^{\alpha}(r_i) A^{\alpha'}(r_j) \left[ \sum_{\beta} T_{\beta\beta}^{\alpha}(2) T_{\beta\beta}^{\alpha'}(2) I_{\beta\beta}(r_{ij}) + \sum_{\beta, \beta'} T_{\beta\beta}^{\alpha}(2) T_{\beta'\beta}^{\alpha'}(2) I_{\beta\beta'}(r_{ij}) \right] \right\}, \quad (5)$$

$G$  — эффективный заряд «мягкой» оптической ветви,  $A^{\alpha}(r_i) = (q_{11} - q_{12}) \Omega_2^{\alpha}(r_i)$ ,  $B(r_i) = (q_{11} + 2q_{12}) \Omega_1(r_i) / \sqrt{3}$ . Аналитический вид членов выражения (5) от  $r_{ij}$  зависит от температурного интервала:

а) высокие температуры  $T \geq T_x/2$  ( $T_x$  — температура Дебая)

$$\left. \begin{aligned} \sum_{\beta, \beta'} I_{\beta\beta'}(r_{ij}) &= \frac{1}{(2\pi\omega_0^2)^2} [3C^2(r_{ij}) + 6D^2(r_{ij})], \\ \sum_{\beta'} I_{\beta\beta'}(r_{ij}) &= \frac{3(x_{ij}^{\beta})^2}{(2\pi\omega_0^2)^2} [2C(r_{ij})D(r_{ij}) + D^2(r_{ij})], \\ I_{\beta\beta}(r_{ij}) &= \frac{1}{(2\pi\omega_0^2)^2} \{ C(r_{ij}) - [1 - 3(x_{ij}^{\beta})^2] D(r_{ij}) \}^2, \\ I_{\beta\beta'}(r_{ij}) &= \frac{9(x_{ij}^{\beta})^2 (x_{ij}^{\beta'})^2}{(2\pi\omega_0^2)^2} D^2(r_{ij}); \end{aligned} \right\} \quad (6)$$

в (6) введены обозначения  $x_{ij}^{\beta} = r_{ij}^{\beta} / r_{ij}$ ,  $r_i = s/\omega_0$  — радиус корреляции решетки,

$$C(r_{ij}) = 2 \exp(-r_{ij}/r_c) / (3r_i^2 r_{ij}), \quad D(r_{ij}) = 1/r_{ij}^3 - \exp(-r_{ij}/r_c) \times \\ \times [1/r_{ij}^3 + 1/(r_c r_{ij}^2) + 1/(3r_i^2 r_{ij})];$$

б) низкие температуры  $kT \leq \hbar\omega_0/2$  ( $r_{ij} \leq r_c$ )

$$\left. \begin{aligned} \sum_{\beta, \beta'} I_{\beta\beta'}(r_{ij}) &= \frac{3\hbar}{16\pi^3 k T s^3} \left[ \frac{1}{9r_{ij}^3} + \frac{(\pi r_c)}{r_{ij}^4} + \frac{4 \ln(r_{ij}/r_c)}{3r_{ij}^3} \right], \\ \sum_{\beta'} I_{\beta\beta'}(r_{ij}) &= \frac{3\hbar (x_{ij}^{\beta})^2}{32\pi^3 k T s^3} \left[ \frac{(\pi r_c)}{r_{ij}^4} - \frac{4 \ln(r_{ij}/r_c)}{3r_{ij}^3} \right], \\ I_{\beta\beta}(r_{ij}) &= \frac{\hbar}{32\pi^3 k T s^3} \left\{ \frac{2}{9r_{ij}^3} + \frac{8[1 - 3(x_{ij}^{\beta})^2] \ln(r_{ij}/r_c)}{3r_{ij}^3} + \right. \\ &\quad \left. + [1 - 3(x_{ij}^{\beta})^2] \left[ \frac{(\pi r_c)}{r_{ij}^4} + \frac{4 \ln(r_{ij}/r_c)}{3r_{ij}^3} \right] \right\}, \\ I_{\beta\beta'}(r_{ij}) &= \frac{9\hbar (x_{ij}^{\beta})^2 (x_{ij}^{\beta'})^2}{32\pi^3 k T s^3} \left[ \frac{(\pi r_c)}{r_{ij}^4} + \frac{4 \ln(r_{ij}/r_c)}{3r_{ij}^3} \right]. \end{aligned} \right\} \quad (7)$$

При  $r_{ij} > r_c$  зависимость от  $r_{ij}$  в (7) имеет сложную аналитическую структуру и выражается через функции Бесселя, которые в предельном случае  $r_{ij} \gg r_c$  содержит члены вида  $\sim \exp(-r_{ij}/r_c) / (r_{ij}^{3/2} r_c^{1/2})$ . Используя значения величин  $G$ ,  $q_{11}$ ,  $q_{12}$  для  $\text{KTaO}_3$  [6], находим, что  $H_{\Phi}^{\text{ак}} \sim H_{\Phi}^{\text{оп}}$ . Для  $nr_c^3 \gg 1$  ( $n$  — концентрация примесей) основной вклад в  $H_{\Phi}^{\text{оп}}$  вносят знакопостоянные члены  $\sim \exp(-2r_{ij}/r_c) / r_{ij}^2$ , тогда как все слагаемые в  $H_{\Phi}^{\text{ак}}$  знакопеременные и  $H_{\Phi}^{\text{ак}} \sim 1/r_{ij}^3$ . Легко видеть, что для обычных диэлектриков с нецентральными примесями (например,  $\text{KCl}:\text{Li}$ )  $H_{\Phi}^{\text{ак}} \gg H_{\Phi}^{\text{оп}}$  и все аномалии физических величин, связанных с упругим взаимодействием, определяются  $H_{\Phi}^{\text{ак}}$ , а для «мягких» решеток обязательно учет  $H_{\Phi}^{\text{оп}}$ .

Оценим условия возникновения сегнетоэластического перехода. Для  $nr_c^3 \gg 1$  и  $T \geq T_d/2$  в (6)  $C(r_{ij}) > D(r_{ij})$ , что приводит к

$$H_{\phi}^{\text{оп}} = - \sum_{i,j,\beta} V(r_{ij}) \Omega_{\beta}^{\alpha}(\mathbf{r}_i) \Omega_{\beta}^{\alpha'}(\mathbf{r}_j) T_{\beta\beta}^{\alpha\alpha'}(2) T_{\beta\beta}^{\alpha'\alpha}(2), \quad (8)$$

$$V(r_{ij}) = \{kT [G(q_{11} - q_{12})]^2 / (54\pi^2 s^4)\} \exp(-2r_{ij}/r_0) / r_{ij}^2.$$

Используя (8), в приближении среднего поля ( $z \gg 1$ ,  $z = nr_c^3/2$  — среднее число соседей) получаем «смягчение» для  $c_{11} - c_{12}$  при  $T > T_c$  ( $T_c$  — температура сегнетоэластического перехода)

$$c_{11} - c_{12} = c_{11}(T = \infty) - c_{12}(T = \infty) - n(\Omega_{\parallel} - \Omega_{\perp})^2 / 3k(T - T_c). \quad (9)$$

Для  $\text{KTaO}_3$  с концентрацией примесей  $\text{Li } n \sim 10 \div 15\%$  и  $\Omega_{\parallel} - \Omega_{\perp} \sim 1 \div 5 \cdot 10^{-19}$  Дж, получаем  $T_c \leq 100$  К, а концентрационная зависимость  $T_c$  имеет вид  $T_c \sim n^{2/3}$ . В [7, 8] наблюдалось «смягчение» упругих модулей  $c_{11} - c_{12}$ , при этом  $c_{44}$  практически не зависел от температуры, что может свидетельствовать о существовании сегнетоэластического перехода. Приведенное выше рассмотрение годится для  $nr_c^3 \gg 1$  ( $n \geq 10\%$ ), где справедливо приближение среднего поля. Вопрос о низкотемпературной фазе при  $nr_c^3 \ll 1$  более сложный, так как  $H_{\phi}^{\text{ак}} \gg H_{\phi}^{\text{оп}}$ . Это должно приводить к состоянию ориентационного стекла, но присутствие в (3) членов типа «случайное поле деформации» значительно осложняет рассмотрение структуры низкотемпературной фазы.

Авторы благодарны В. С. Вихнину и Н. К. Юшину за обсуждение результатов.

#### Л и т е р а т у р а

- [1] Вугмейстер Б. Е., Глинчук М. Д. УФН, 1985, т. 146, № 3, с. 459—491.
- [2] Вихнин В. С. ФТТ, 1981, т. 23, № 8, с. 2370—2375.
- [3] Dugaev V. K., Litvinov V. J., Tovstyuk K. D. Phys. Lett., 1982, vol. 92A, N 4, p. 186—188.
- [4] Ивлев М. П., Сазненко В. П. ФТТ, 1986, т. 28, № 2, с. 632—634.
- [5] Лейбфрид Г., Бройер Н. Точечные дефекты в металлах. М.: Мир, 1981. 439 с.
- [6] Uwe H., Sacido J. Phys. Rev. B, 1977, vol. 15, N 1, p. 337—345.
- [7] Höchli H. T., Weibel H. E., Rehwald W. J. Phys. C, 1982, vol. 15, № 30, p. 6129—6140.
- [8] Смоленский Г. А., Сотников А. В., Сырников П. П., Юшин Н. К. Изв. АН СССР, сер. физ., 1983, т. 47, № 3, с. 603—606.

Институт проблем материаловедения  
АН УССР  
Киев

Поступило в Редакцию  
27 июля 1987 г.  
В окончательной редакции  
5 ноября 1987 г.

## СУЩЕСТВОВАНИЕ МАГНИТОДИСТОРСИОННОЙ ФАЗЫ В ЯН-ТЕЛЛЕРОВСКИХ АНТИФЕРРОМАГНЕТИКАХ

Б. Г. Вехтер

1. В кристаллах, обладающих ионной подрешеткой с вырожденным основным состоянием, с понижением температуры происходят фазовые переходы в упорядоченную фазу, где это вырождение снято. Если указанное вырождение крамерсово, то переход оказывается магнитным. Если вырождение некрамерсово, то поскольку оно может быть снято как магнитными, так и электростатическими воздействиями, возможны как маг-